

# ALGORITMOS E ESTRUTURAS DE DADOS 2023/2024

## TIPOS ABSTRATOS DE DADOS

---

Armanda Rodrigues

13 de setembro 2023

# Tipos Abstratos de Dados (TAD)

TIPOS DE DADOS

ABSTRAÇÃO

# Tipo de Dados

- Conceito aplicado originalmente aos tipos de dados primitivos disponíveis numa linguagem de programação
  - E.g. Em Java, `int` e `double`;
- Quando se fala num tipo primitivo referimo-nos a:
  - Um conjunto de Itens de dados com determinadas características (Domínio);
  - Um conjunto de operações que podem ser efetuadas sobre esses itens.
- As operações permitidas num tipo de dados são inseparáveis da sua identidade
- Para compreendermos o tipo precisamos de compreender que operações podem ser executadas sobre o mesmo

## Exemplo:

O tipo `int` em Java está associado aos números inteiros entre  $-2,147,483,648$  and  $+2,147,483,647$  e aos operadores `+`, `-`, `*`, `/`,...

# Tipos de Dados

- Quando usamos Programação Orientada a Objetos, os tipos de dados que pretendemos adicionar podem ser criados através de Classes.
- Os tipos de dados podem representar quantidades numéricas que são usadas de forma muito similar aos tipos primitivos
  - E.g. Uma classe representativa de fracções (com campos de numerador e denominador)
- Estas classes envolvem operações parecidas com as dos tipos primitivos mas que têm de ser aplicadas utilizando uma notação funcional
  - Por exemplo `add()` e `sub()` em vez de `+` e `-`
- O termo TIPO de DADOS aplica-se de forma natural a estas classes

# Tipos de Dados

- Existem classes que não incluem este aspeto quantitativo
- Qualquer classe representa uma implementação de um tipo de dados, tendo:
  - uma componente de dados (que pode ser realizada com um conjunto de atributos);
  - Um conjunto de operações permitidas sobre os dados (métodos)
- Assim, quando pretendemos representar um conceito do dia a dia, como uma Conta Bancária, ou uma Pilha de Livros, estes conceitos também podem ser tratados como Tipos de Dados



# Abstração

- “*Separação mental de um ou mais elementos concretos de uma entidade complexa desprezando outros que lhe são inerentes*” - Dicionário Porto Editora da Língua Portuguesa
- Uma abstração é a essência, as características importantes de algo
- Por exemplo, o Presidente da República Portuguesa é uma abstração, considerada à parte do indivíduo que ocupa o lugar num determinado momento.
  - Os poderes e as responsabilidades do cargo mantêm-se enquanto que os indivíduos vão e vêm



# Tipo Abstrato de Dados em OO

- Em Programação OO um TAD é composto de:
  - Descrição dos dados (atributos)
  - Lista de operações (métodos) que podem ser aplicadas aos atributos
  - Instruções sobre como utilizar as mesmas operações
- São propositadamente excluídos os detalhes relativos à maneira como os métodos executam as suas tarefas
- À especificação de um TAD chamamos um *interface*.

# Tipo Abstrato de Dados em OO

- Um Tipo Abstrato de Dados pode ser associado a várias implementações, instanciadas em classes
- Cada uma destas classes poderá encapsular a utilização de uma determinada estrutura de dados, para implementar o TAD, com diferentes performances:
  - Em termos do tempo necessário para executar as operações sobre a Estrutura de Dados
  - Em termos do espaço (em memória) necessário para guardar a informação associada ao Tipo de Dados



# TADs em AED

- Os exemplos e exercícios que vamos resolver em AED vão implicar a especificação de dois tipos de TADs
  - TADs diretamente relacionados com o domínio do problema que pretendemos resolver
    - Por exemplo, Conta Bancária ou Supermercado
  - TADs genéricos usados em Programação para resolver problemas com determinadas características
    - Por exemplo, Pilha, Fila ou Dicionário
- As implementações de TADs genéricos serão auxiliadas pela escolha de estruturas de dados adaptadas às características subjacentes aos tipos
  - E.g. Uma Pilha pode ser implementada em Vetor ou em Lista Ligada
- As classes resultantes de implementações de TADs genéricos podem contribuir para as implementações de TADs associados ao domínio de certos problemas
  - Uma fila de espera num Supermercado pode ser instanciada através de uma implementação do TAD Fila

# Exemplo da Biblioteca

- Vamos pensar quais seriam os TADs necessários para a implementação de um Sistema de uma Biblioteca
- Este sistema contém vários subsistemas
- Iremos debruçar-nos sobre eles de acordo com as oportunidades que nos aparecem relativamente aos TADs a especificar e às estruturas de dados disponíveis



# Biblioteca - TADs do Domínio

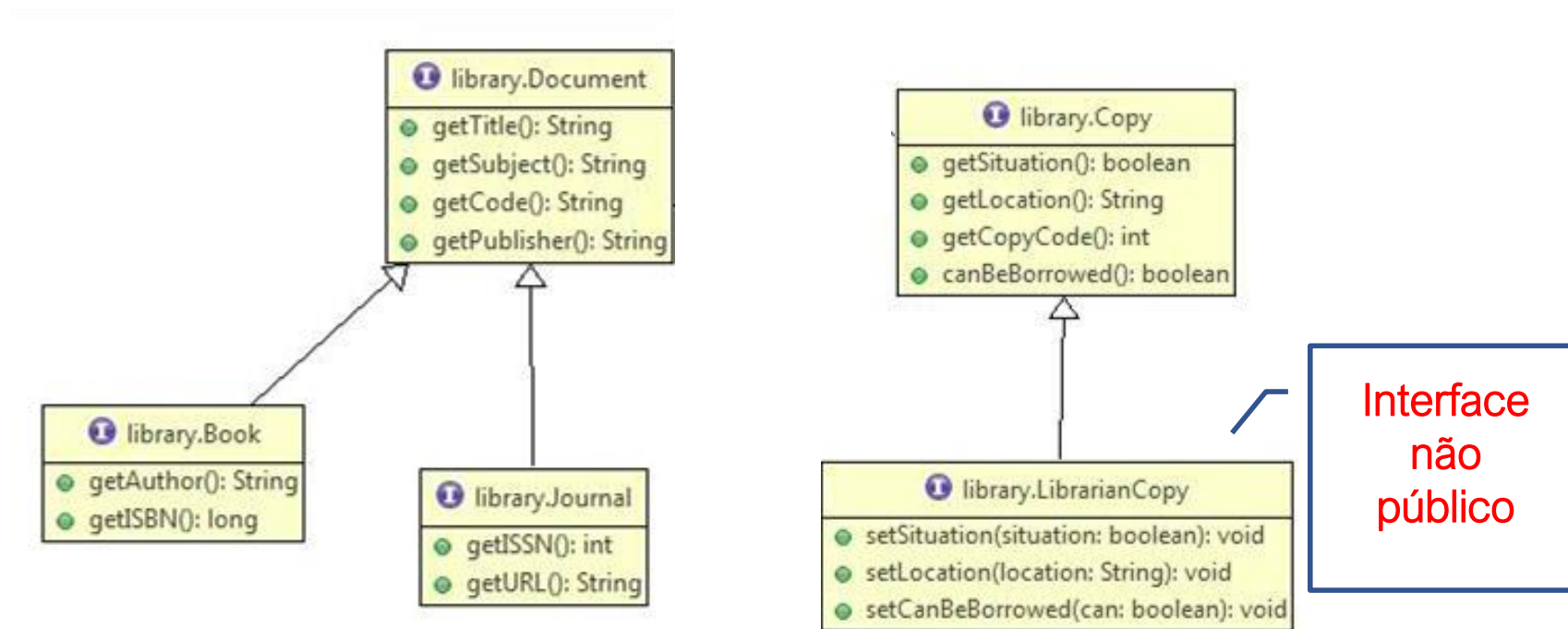
- O Sistema da Biblioteca deverá envolver o armazenamento e tratamento de informação relativa a Documentos existentes na mesma
- Existem vários tipos de **Documentos**: Livros, CDs, DVDs, Revistas, etc...
  - Para simplificar vamos cingir-nos a Livros e a Revistas
- Estes documentos podem existir na biblioteca em várias cópias, ou exemplares
- Como informação de base para um **Documento** existe o Título, o Assunto, a Cota e a Editora
- Um **Livro** terá informação adicional que irá incluir o seu Autor e o ISBN
- Quanto à **Revista**, esta irá incluir ISSN e URL, uma vez que estará disponível online
- Uma Revista está sempre disponível num único exemplar que não pode ser emprestado
- No caso do Livro, podem existir vários exemplares que podem ser emprestados se estiverem disponíveis, com Código, Situação (emprestado ou livre) e Localização na biblioteca

# Biblioteca - TADs do Domínio

- Como organizariam os TADs deste exemplo ?

# Biblioteca - TADs do Domínio

- Como organizariam os TADs deste exemplo ?



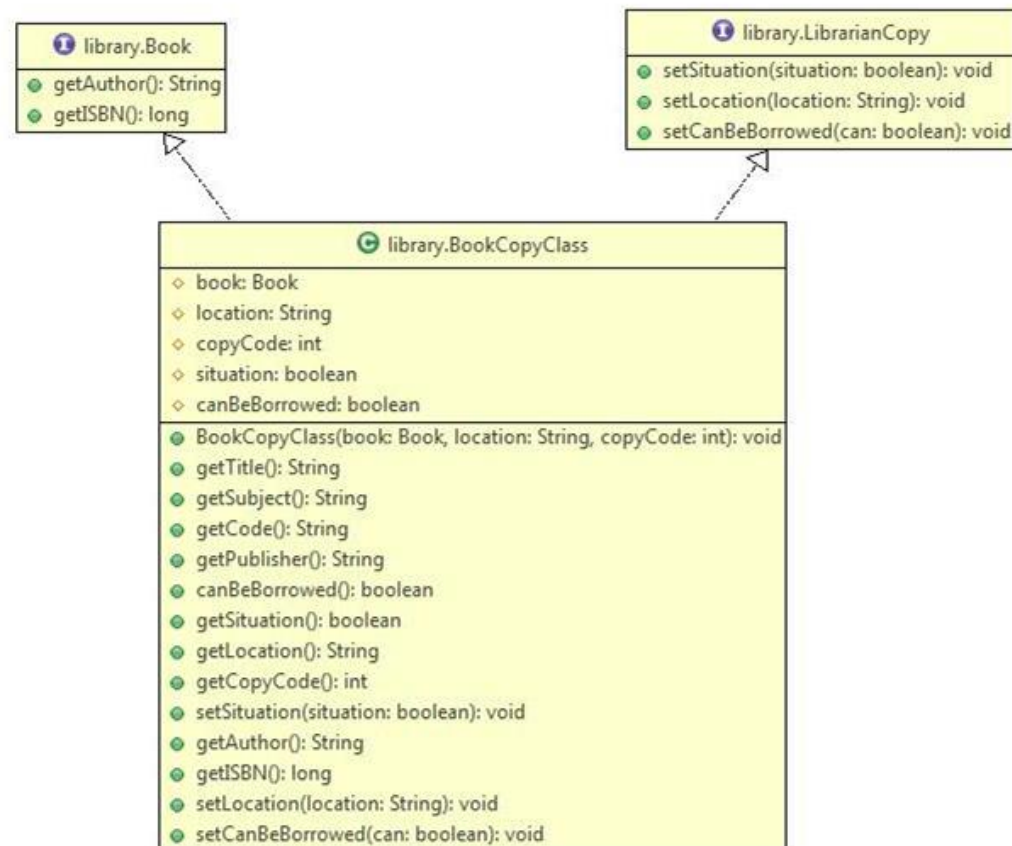
# Biblioteca - TADs do Domínio

- Como seria uma classe Cópia de Livro ?

# Biblioteca - TADs do Domínio

- Como seria uma classe Cópia de Livro ?

Esta classe poderia ser disponibilizada a aplicações que não alterassem a situação da cópia, através dos interfaces Copy ou Book



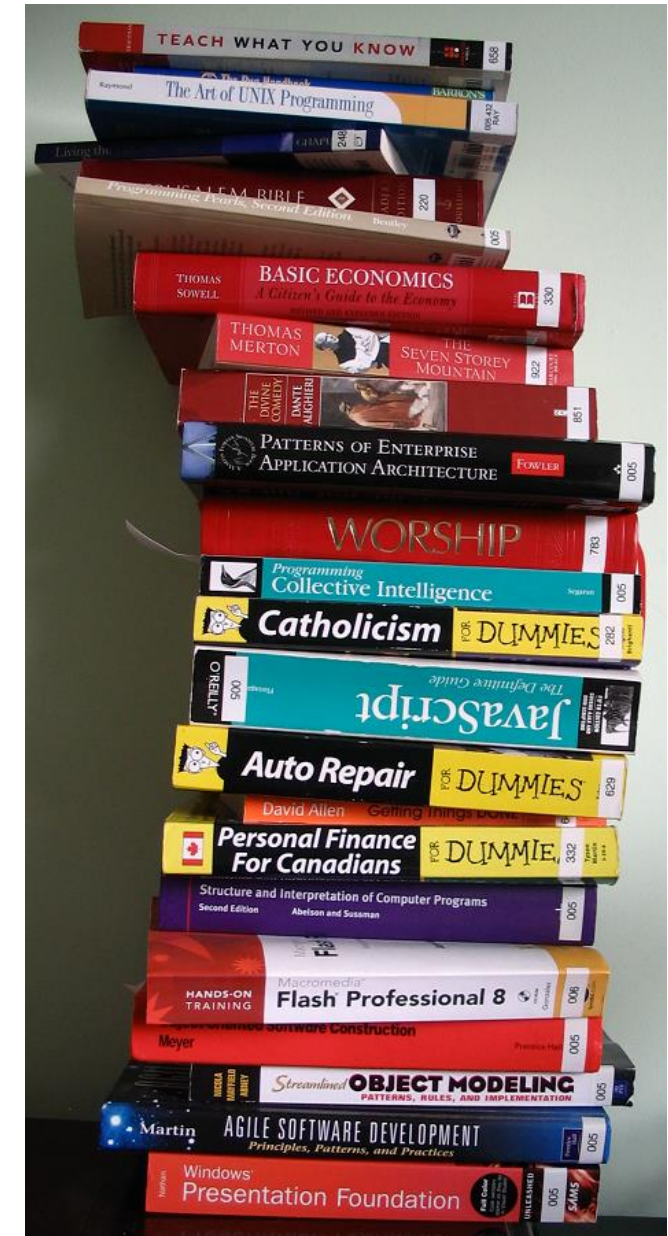
# Devoluções de exemplares de livros

- No momento da devolução de um exemplar na Biblioteca, a funcionária poderá não ter tempo para repor o livro juntamente com os exemplares disponíveis
- O processo normal será que todos os exemplares devolvidos fiquem guardados juntos, empilhados ao lado da receção da biblioteca
- Assim, o processo de devolução tem dois passos:
  - Receber o exemplar, o que implica inserir o exemplar numa pilha de exemplares a repor. A funcionária poderá receber até 10 devoluções antes de fazer, obrigatoriamente as reposições dos exemplares.
  - Mais tarde, com tempo, repor o exemplar no seu lugar. Neste caso, a funcionária irá, naturalmente, retirar o exemplar que está no topo da pilha de reposição, alterar a informação que lhe está associada (tornando-o disponível para empréstimo) e reinseri-lo no conjunto de cópias disponíveis.



# Uma Pilha de Livros

- Para implementar o TAD **DevolucoesExemplar**, vai ser preciso utilizar uma implementação do TAD pilha
- É preciso compreender como o TAD Pilha funciona
- E conhecer pelo menos uma implementação do mesmo TAD



---

TAD Pilha – Elementos do tipo E

# TAD Pilha de Elementos do Tipo E

```
// Retorna true sse a pilha estiver vazia.
```

```
boolean vazia( );
```

```
// Retorna o elemento do topo da pilha.
```

```
// Pré-condição: a pilha não está vazia.
```

```
E topo( );
```

```
// Coloca o elemento especificado no topo da pilha.
```

```
void empilha( E elemento );
```

```
// Remove e retorna o elemento do topo da pilha.
```

```
// Pré-condição: a pilha não está vazia.
```

```
E desempilha( );
```

# Interface Pilha de Elementos do Tipo E

```
package dataStructures;  
public interface Stack<E>{
```

Vamos usar **Requires** para assinalar pré-condições em métodos

```
    // Returns true iff the stack contains no elements.  
    boolean isEmpty( );
```

```
    // Returns the number of elements in the stack.  
    int size( );
```

```
    // Returns the element at the top of the stack.  
    // Requires: size() > 0  
    E top( ) throws EmptyStackException;
```

```
    // Inserts the specified element onto the top of the stack.  
    void push( E element );
```

```
    // Removes and returns the element at the top of the stack.  
    // Requires: size() > 0  
    E pop( ) throws EmptyStackException;
```

```
}
```

# Interface Pilha de Elementos do Tipo E - Javadoc

Todo o código que vos for fornecido será comentado para Javadoc

```
/**
 * Stack Abstract Data Type
 * Includes description of general methods for the
Stack with the LIFO discipline.
 * @author AED Team
 * @version 1.0
 * @param <E> Generic Element
 */
public interface Stack<E>
{

    /**
     * Returns true iff the stack contains no
     * elements.
     * @return true iff the stack contains no
     *         elements, false otherwise
     */
    boolean isEmpty( );

    /**
     * Returns the number of elements in the stack.
     * @return number of elements in the stack
     */
    int size( );
}
```

Todo o código submetido pelos alunos deve ser comentado para Javadoc

```
/**
 * Returns the element at the top of the stack.
 * Requires
 * @return element at top of stack
 * @throws EmptyStackException when size = 0
 */
E top( ) throws EmptyStackException;

/**
 * Inserts the specified <code>element</code> onto
 * the top of the stack.
 * @param element element to be inserted onto the stack
 */
void push( E element );

/**
 * Removes and returns the element at the top of the
 * stack.
 * @return element removed from top of stack
 * @throws EmptyStackException when size = 0
 */
E pop( ) throws EmptyStackException;
```

# Regras para comentários em AED

- Todo o código que vos for fornecido será comentado para Javadoc
- Devido às necessidades de leitura dos materiais de disciplina, os slides não contêm estes comentários
- **Todo o código submetido pelos alunos deve ser comentado para Javadoc**
  - Comentar os métodos dos TADs (interfaces)
  - Comentar todos os métodos de classes que não façam parte dos TADs
  - Nas classes, só comentar métodos que correspondem ao interface público em casos de implementações específicas que necessitem de esclarecimento (em caso contrário usar a tag `@see` ou `@Override`)

```
/*  
 * @see dataStructures.Stack#top()  
 */  
public E top( ) throws EmptyStackException  
{  
    if ( this.isEmpty() )  
        throw new EmptyStackException("Stack is empty.");  
    return array[top];  
}
```

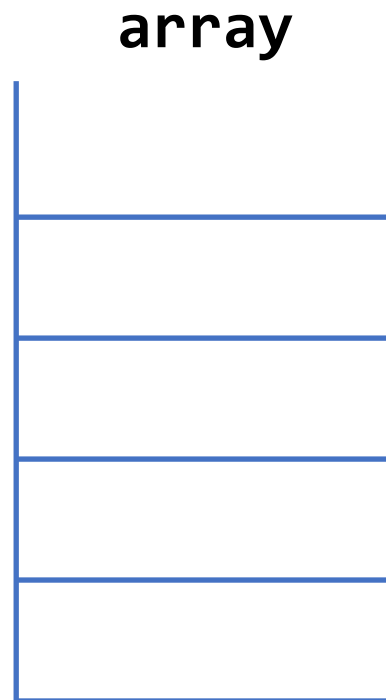
**Comentar sempre  
que os comentários  
façam falta!!!**

---

## Implementação do Interface Pilha em Vetor

# Pilha em vetor

**capacity** = 4  
**top** = -1





# Pilha em vetor

capacity = 4  
top = -1

array



push(5);

# Pilha em vetor

capacity = 4  
top = -1

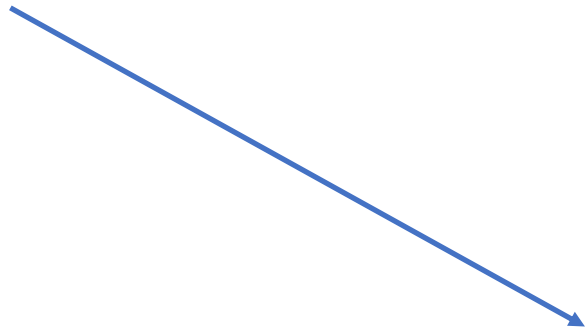


push(5);

top++;

# Pilha em vetor

capacity = 4  
top = 0



array



top++;

push(5);

# Pilha em vetor

capacity = 4  
top = 0

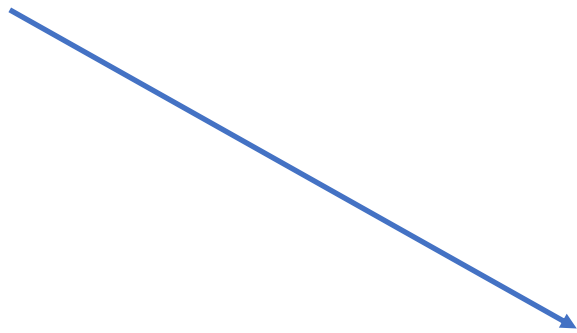


array[0] = 5;

push(5);

# Pilha em vetor

capacity = 4  
top = 0



array



push(5);  
push(2);

# Pilha em vetor

capacity = 4  
top = 1



push(5);  
push(2);

top++;

# Pilha em vetor

capacity = 4  
top = 1



push(5);  
push(2);

array[top] = 2;

# Pilha em vetor

capacity = 4  
top = 1



```
push(5);  
push(2);  
top();
```



# Pilha em vetor

capacity = 4  
top = 1



```
push(5);  
push(2);  
top();
```

```
return array[top];
```

# Pilha em vetor

capacity = 4  
top = 1



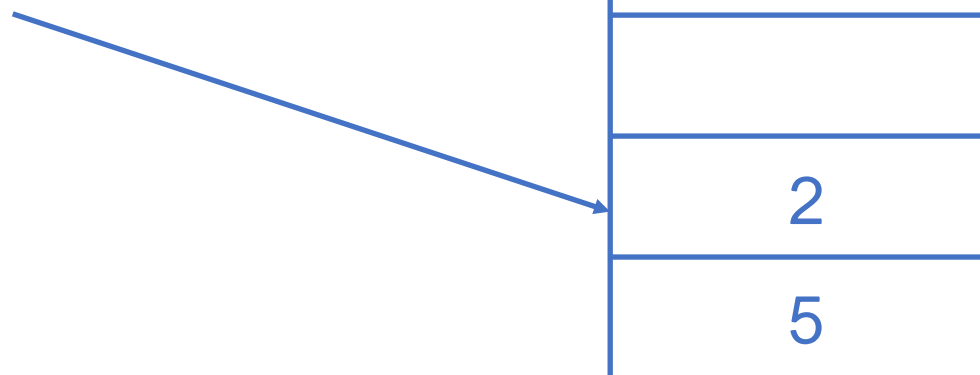
```
push(5);  
push(2);  
top(); → 2
```

```
return array[top];
```

# Pilha em vetor

capacity = 4

top = 1



array

push(5);

push(2);

top(); → 2

pop();

# Pilha em vetor

capacity = 4  
top = 1



```
push(5);  
push(2);  
top();  → 2  
pop();
```

```
element = array[top];
```

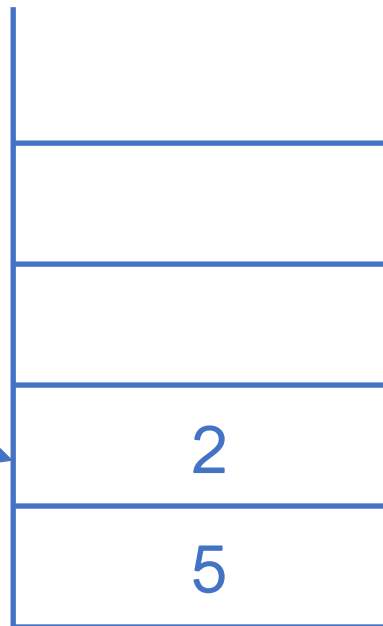
# Pilha em vetor

capacity = 4

top = 1

element = 2

array



push(5);

push(2);

top(); → 2

pop();

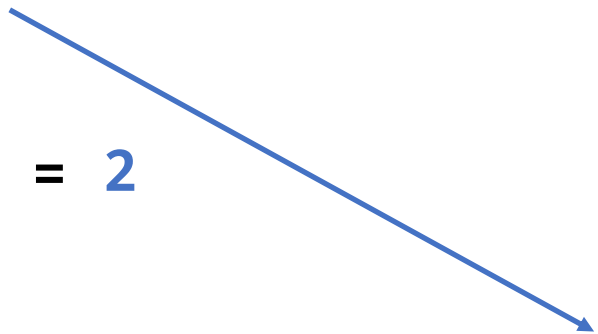
element = array[top];

# Pilha em vetor

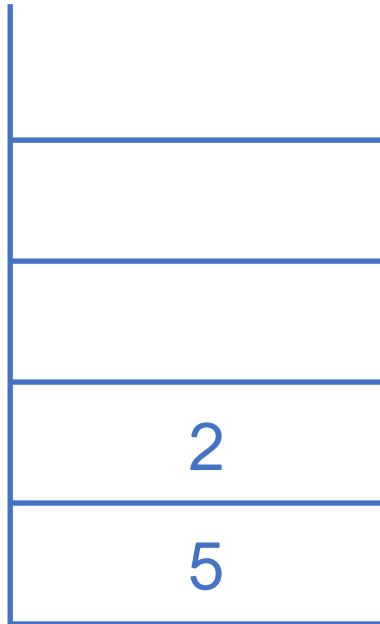
capacity = 4

top = 0

element = 2



array



top--;

push(5);

push(2);

top(); → 2

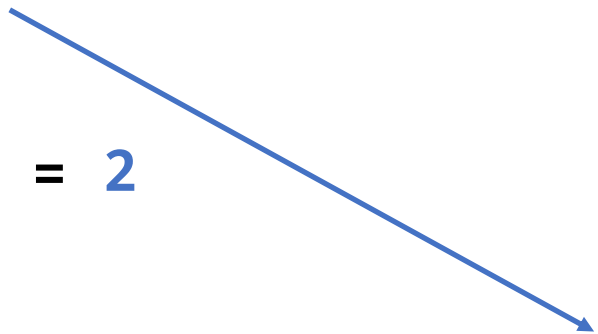
pop();

# Pilha em vetor

capacity = 4

top = 0

element = 2



array

return element;

push(5);

push(2);

top(); → 2

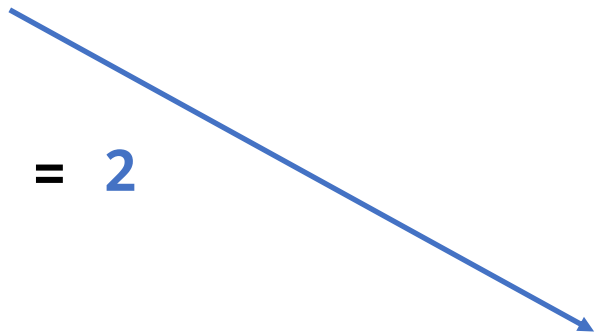
pop(); → 2

# Pilha em vetor

capacity = 4

top = 0

element = 2



array

return element;

push(5);

push(2);

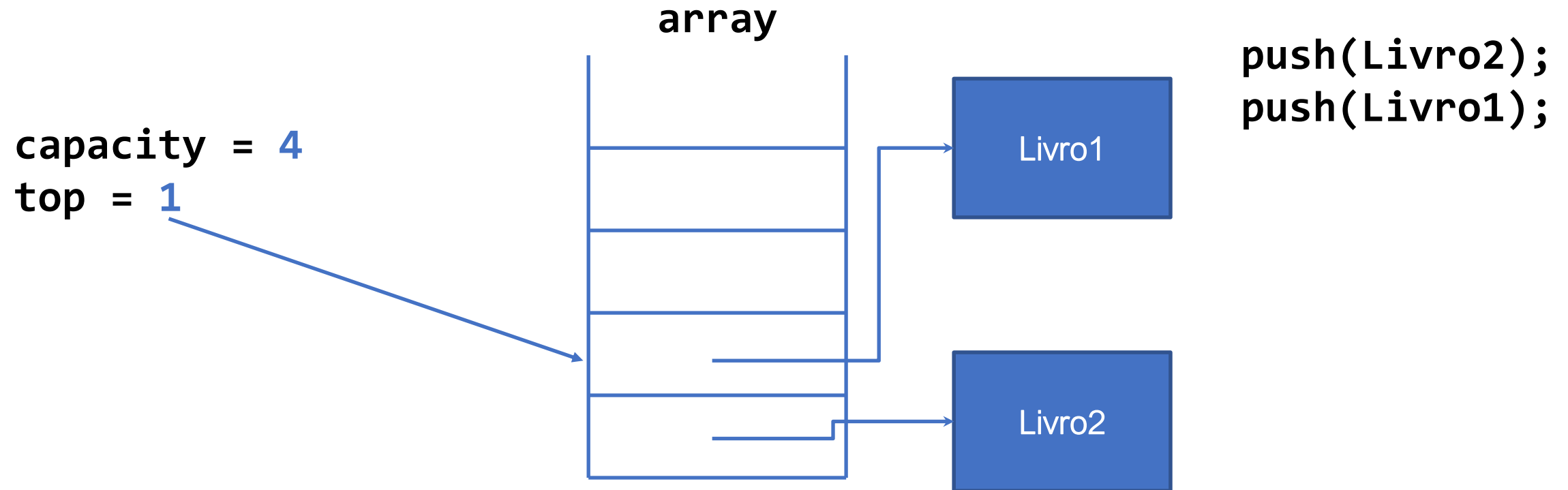
top(); → 2

pop(); → 2

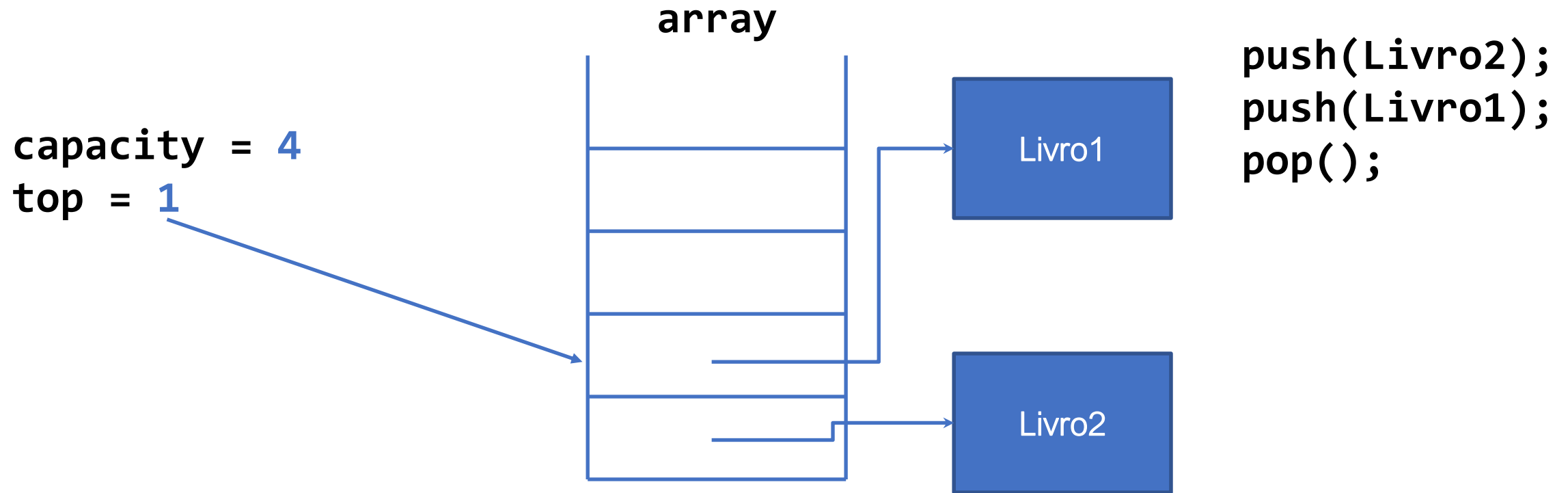
O que falta neste  
processo ?



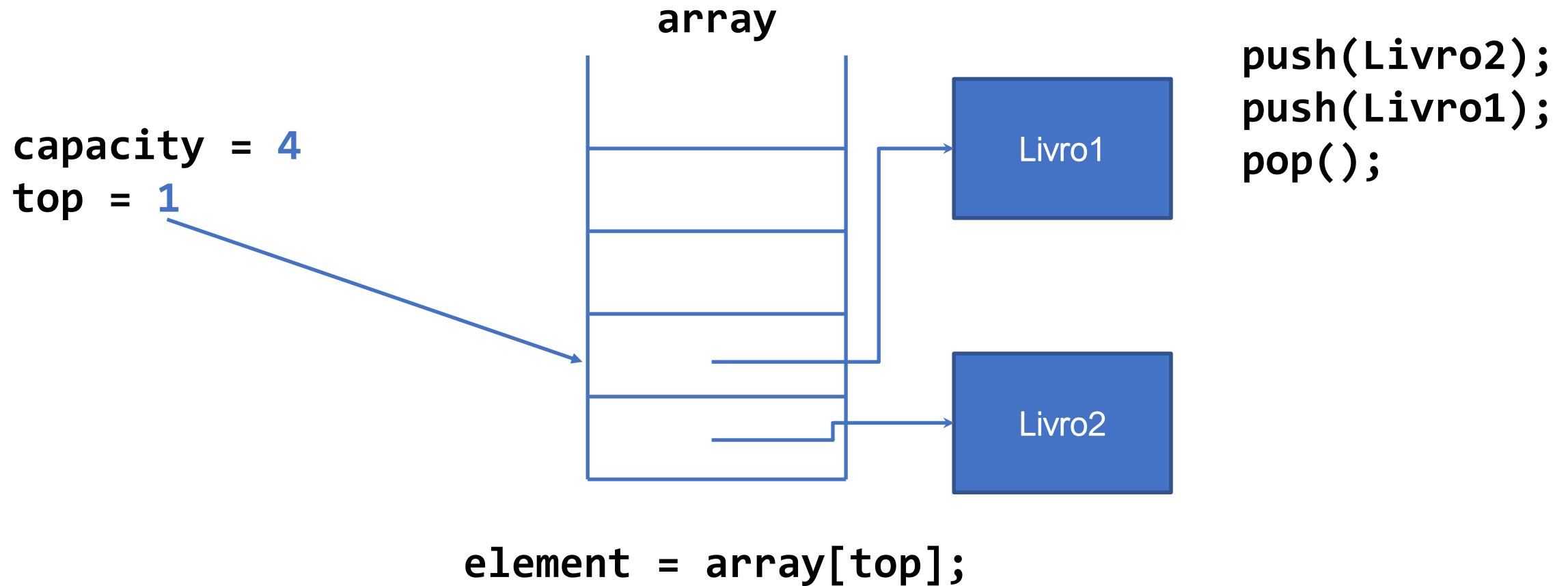
# Pilha em vetor (de livros)



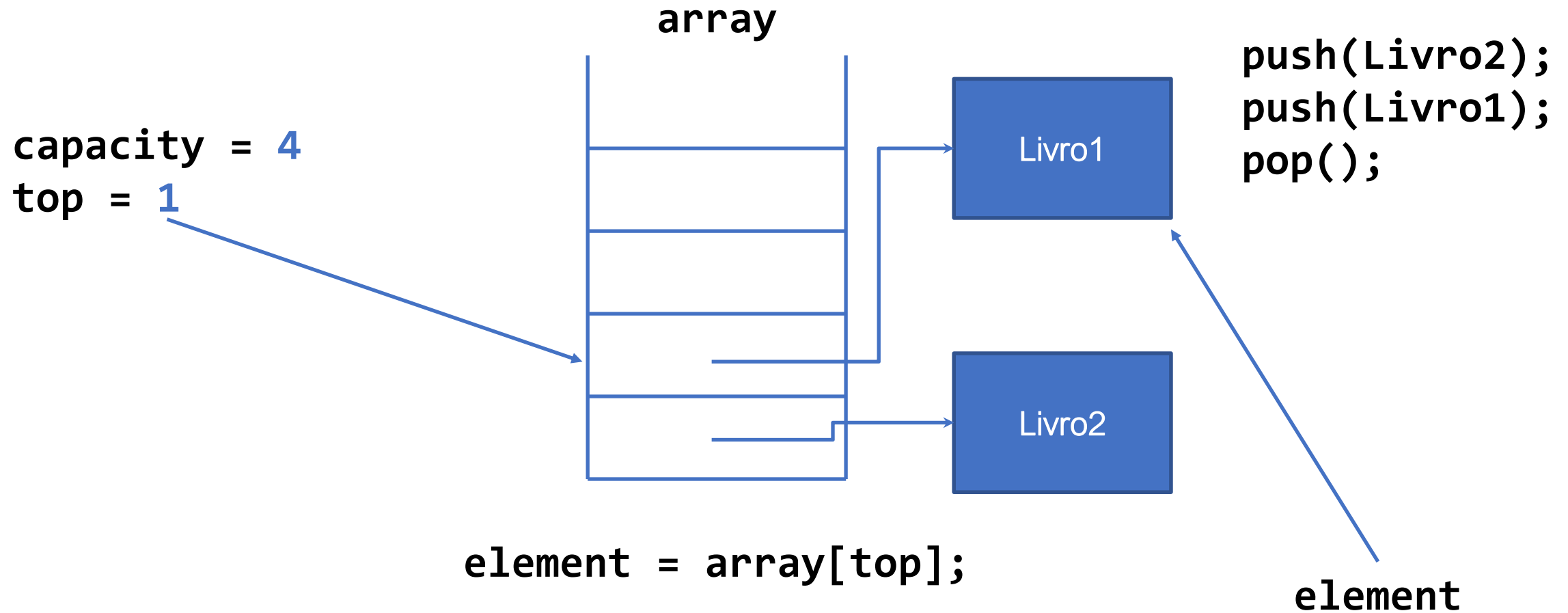
# Pilha em vetor (de livros)



# Pilha em vetor (de livros)



# Pilha em vetor (de livros)

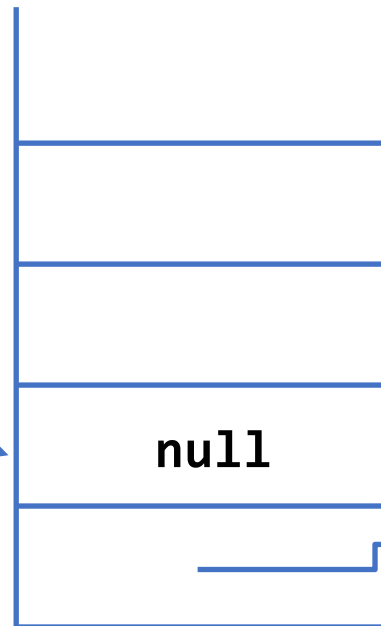


# Pilha em vetor (de livros)

capacity = 4  
top = 1

É preciso assegurar  
que objeto removido é  
libertado

array



array[top] = null;

Livro1

Livro2

push(Livro2);  
push(Livro1);  
pop();

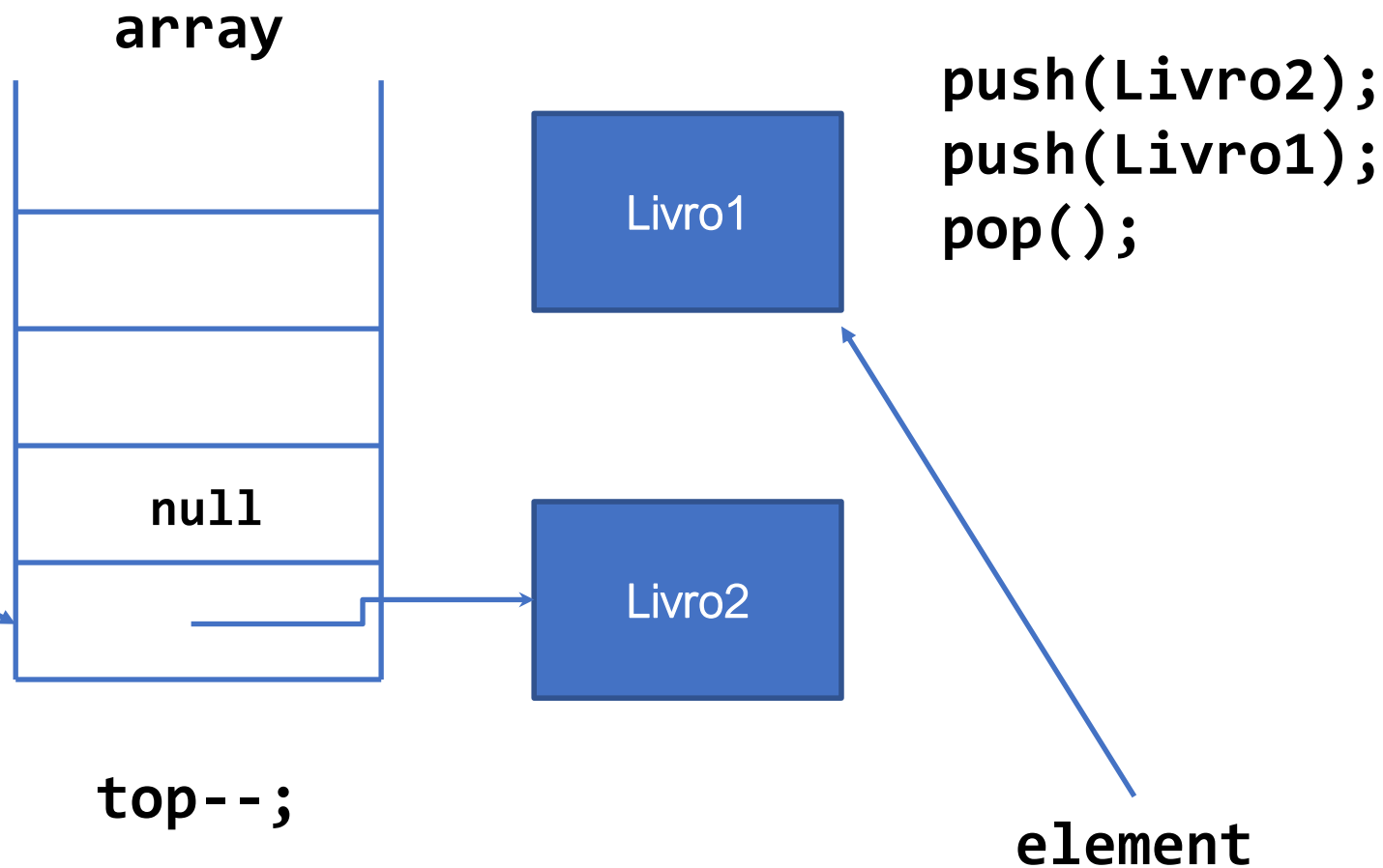
element

# Pilha em vetor (de livros)

**capacity** = 4  
**top** = 0

É preciso assegurar que objeto removido é libertado.

Se não existirem mais referências para Livro1, este será libertado depois de terminada a execução do método.



# Pilha em vetor – vetor cheio

capacity = 4

top = 3



array

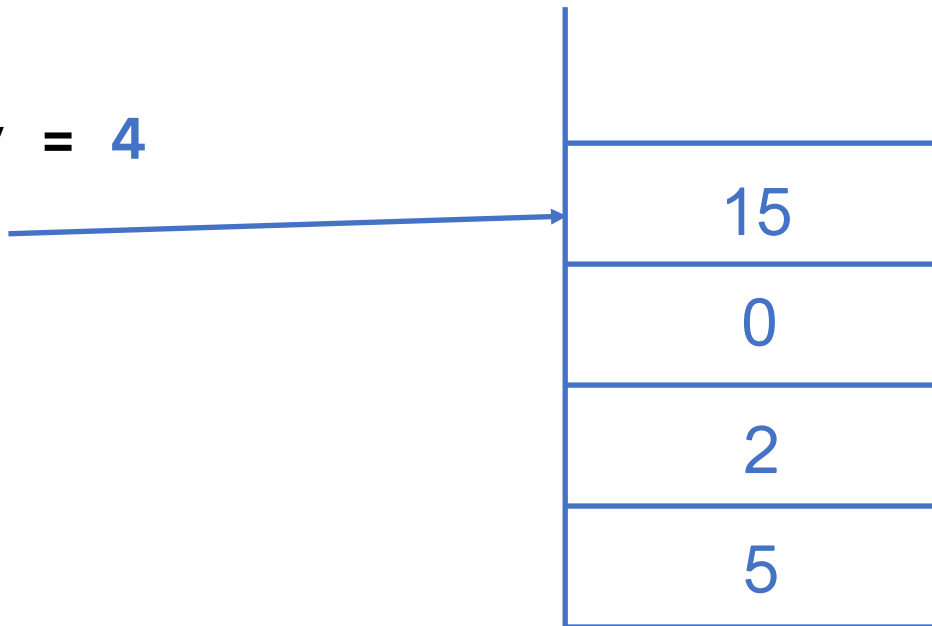
|    |
|----|
|    |
| 15 |
| 0  |
| 2  |
| 5  |

push(8);

# Pilha em vetor – vetor cheio

capacity = 4

top = 3



push(8);

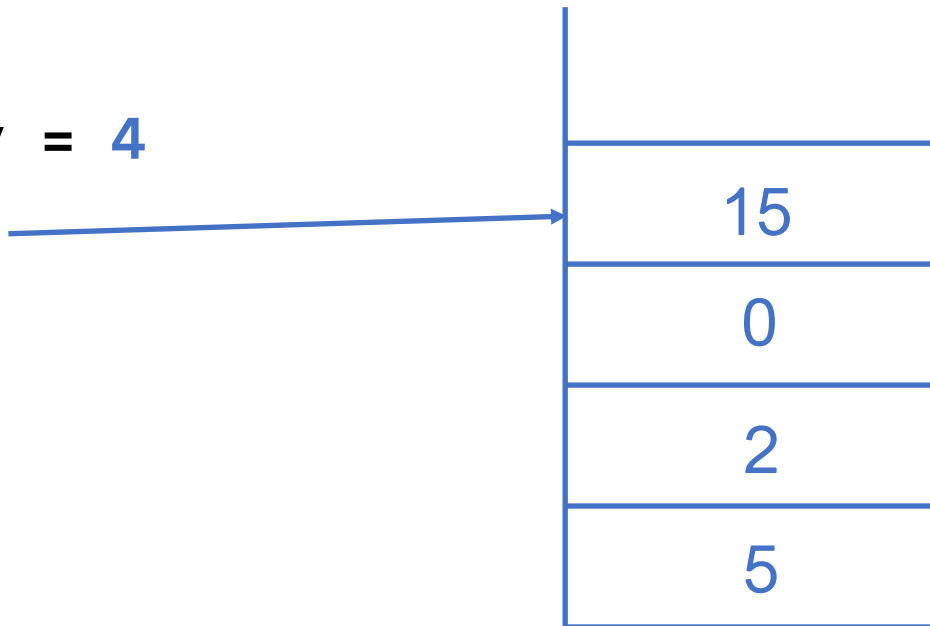
O que acontece  
neste caso ?



# Pilha em vetor – vetor cheio

capacity = 4

top = 3

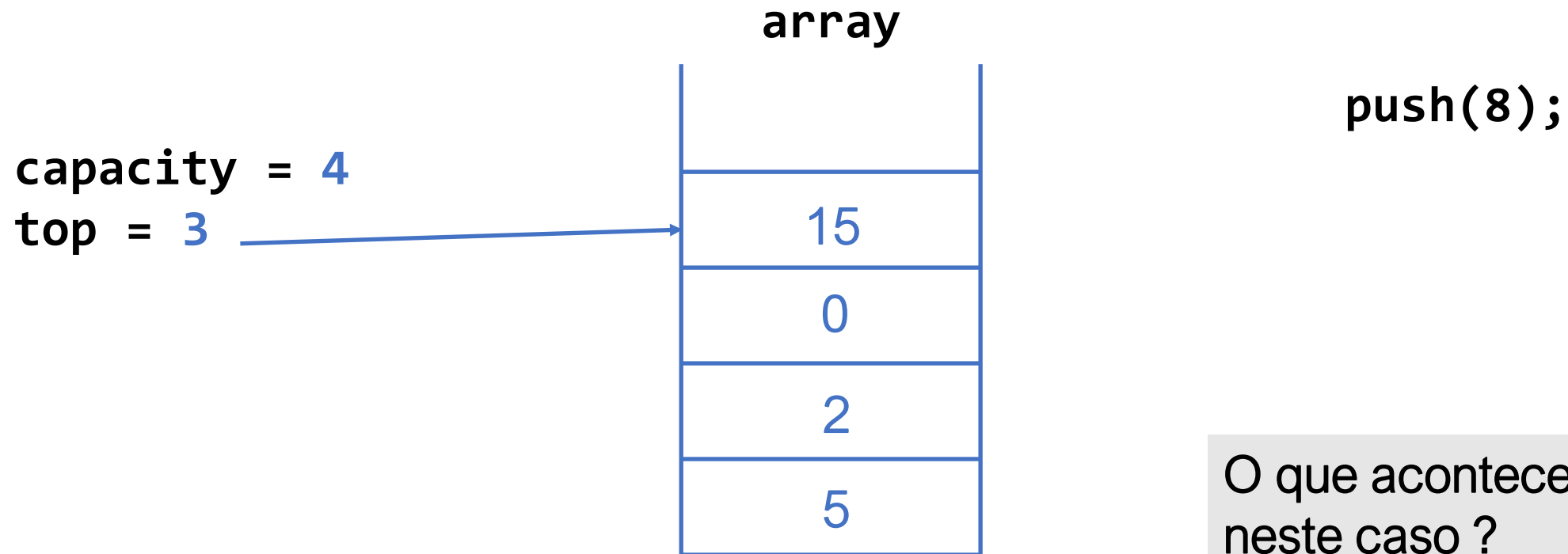


push(8);

O que acontece  
neste caso ?

**Lançamento de exceção!!**

# Pilha em vetor – vetor cheio



**Lançamento de exceção!!**

Esta exceção não faz parte do TAD Pilha, pois não está associada a uma pré-condição da operação do TAD, mas sim à implementação em vetor.

# Pilha em vetor – vetor vazio

**capacity** = 4  
**top** = -1



# Pilha em vetor – vetor vazio

capacity = 4  
top = -1



pop();

O que acontece  
neste caso ?

# Pilha em vetor – vetor vazio

capacity = 4  
top = -1



pop();

O que acontece  
neste caso ?

**Lançamento de exceção!!**

Esta exceção faz parte do TAD Pilha, e está associada a uma pré-condição da operação do TAD, pelo que deve ser considerada em qualquer implementação do TAD

# Classe Pilha em Vetor (1)

```
package dataStructures;

public class StackInArray<E> implements Stack<E> {

    // Default capacity of the stack.
    public static final int DEFAULT_CAPACITY = 1000;

    // Memory of the stack: an array.
    protected E[] array;

    // Index of the element at the top of the stack.
    protected int top;
```

## Classe Pilha em Vetor (2)

```
@SuppressWarnings("unchecked")  
public StackInArray( int capacity ) {  
    // Compiler gives a warning.  
    array = (E[]) new Object[capacity];  
    top = -1;  
}  
  
public StackInArray( ) {  
    this(DEFAULT_CAPACITY);  
}
```

O aviso vem do facto de não ser possível verificar, em tempo de compilação, os tipos dos dados que vão ser inseridos no vetor.

Para submissão no Mooshak, utilizar `@SuppressWarnings`

## Classe Pilha em Vetor (3)

```
// Returns true iff the stack contains no elements.  
public boolean isEmpty( ){  
    return top == -1;  
}
```

```
// Returns true iff the stack cannot contain more elements.  
public boolean isFull( ){  
    return this.size() == array.length;  
}
```

```
// Returns the number of elements in the stack.  
public int size( ){  
    return top + 1;  
}
```



## Classe Pilha em Vetor (4)

```
// Returns the element at the top of the stack.  
// Requires: size() > 0  
public E top( ) throws EmptyStackException {  
    if ( this.isEmpty() )  
        throw new EmptyStackException();  
    return array[top];  
}  
  
// Inserts the specified element onto the top of the stack.  
// Requires: size() < array.length  
public void push( E element ) throws FullStackException {  
    if ( this.isFull() )  
        throw new FullStackException();  
    top++;  
    array[top] = element;  
}
```

## Classe Pilha em Vetor (5)

```
// Removes and returns the element at the top of the stack.  
// Requires: size() > 0  
public E pop( ) throws EmptyStackException {  
    if ( this.isEmpty() )  
        throw new EmptyStackException();  
    E element = array[top];  
    array[top] = null; // For garbage collection.  
    top--;  
    return element;  
}  
} // End of StackInArray.
```

# Classes de Exceções da Pilha

```
package dataStructures;  
  
public class EmptyStackException extends RuntimeException{  
}  
  
public class FullStackException extends RuntimeException{  
}
```

**RuntimeException**: superclasse das exceções que podem acontecer durante a operação normal da máquina virtual Java. São exceções de aplicação e não são graves.

Estas exceções são *unchecked*. Não é necessário declará-las na cláusula **throws** dos métodos, mesmo que elas possam acontecer durante a execução dos mesmos. Podem propagar-se para fora do método, sendo capturadas no local certo onde isso deve acontecer.

---

Interface para TAD DevolucoesExemplar

## Relembremos: Devoluções de exemplares de livros

- No momento da devolução de um exemplar na Biblioteca, a funcionária poderá não ter tempo para repor o livro juntamente com os exemplares disponíveis
- O processo normal será que todos os exemplares devolvidos fiquem guardados juntos, empilhados ao lado da receção da biblioteca
- Assim, o processo de devolução tem dois passos:
  - Receber o exemplar, o que implica inserir o exemplar numa pilha de exemplares a repor. A funcionária poderá receber até 10 devoluções antes de fazer, obrigatoriamente as reposições dos exemplares.
  - Mais tarde, com tempo, repor o exemplar no seu lugar. Neste caso, a funcionária irá, naturalmente, retirar o exemplar que está no topo da pilha de reposição, alterar a informação que lhe está associada (tornando-o disponível para empréstimo) e reinseri-lo no conjunto de cópias disponíveis.

# Interface CopyReturn

```
package library;

public interface CopyReturn {

    int size();

    boolean isEmpty();

    //checks if the maximum number of returns has been reached
    boolean maxReturns();

    //copy is added do stack of books to return
    //Requires: !maxReturns()
    void receiveCopy(Copy copy) throws MaxReturnsException;

    //most recent copy to be returned is made available
    //Requires: !isEmpty()
    Copy returnCopy() throws NoReturnsException;

}
```

Tipo asociado a  
Biblioteca (Library)

# Implementação com Stack - CopyReturnClass (1)

```
package library;
import dataStructures.*;

public class CopyReturnsClass implements CopyReturn {
    public static final int MAX_RETURNS=10;
    protected Stack<Copy> returns;

    public CopyReturnsClass(){
        returns=new StackInArray<Copy>(MAX_RETURNS);
    }

    public int size(){
        return returns.size();
    }

    public boolean isEmpty(){
        return returns.isEmpty();
    }

    public boolean maxReturns(){
        return this.size()== MAX_RETURNS;
    }
}
```

# Implementação com Stack - CopyReturnClass (1)

```
package library;
import dataStructures.*;

public class CopyReturnsClass implements CopyReturn {
    public static final int MAX_RETURNS=10;
    protected Stack<Copy> returns;

    public CopyReturnsClass(){
        returns=new StackInArray<>(MAX_RETURNS);
    }

    public int size(){
        return returns.size();
    }

    public boolean isEmpty(){
        return returns.isEmpty();
    }

    public boolean maxReturns(){
        return this.size()== MAX_RETURNS;
    }
}
```

Uso do operador  
diamante.

Para que serve ?



# Implementação com Stack - CopyReturnClass (1)

```
package library;
import dataStructures.*;

public class CopyReturnsClass implements CopyReturn {
    public static final int MAX_RETURNS=10;
    protected Stack<Copy> returns;

    public CopyReturnsClass(){
        returns=new StackInArray<>(MAX_RETURNS);
    }

    public int size(){
        return returns.size();
    }

    public boolean isEmpty(){
        return returns.isEmpty();
    }

    public boolean maxReturns(){
        return this.size()== MAX_RETURNS;
    }
}
```

Uso do operador diamante.

Este operador permite inferir qual o tipo que será contido na criação do objeto StackInArray, a partir do tipo associado à variável returns.

## Implementação com Stack - CopyReturnClass (2)

```
public boolean isFull() {
    return ((StackInArray<Copy>)returns).isFull();
}
```

Não é necessária  
na classe

```
//Requires: !this.maxReturns()
public void receiveCopy(Copy copy) throws
    MaxReturnsException {
    if (this.maxReturns())
        throw new MaxReturnsException();
    returns.push(copy);
}
```

Devia ser sempre  
possível ?

```
//Requires: !this.isEmpty()
public Copy returnCopy() throws NoReturnsException{
    if (this.isEmpty())
        throw new NoReturnsException();
    Copy c=returns.pop();
    ((LibrarianCopy)c).setSituation(true);
    return c;
}
```

returnCopy  
actualiza o  
estado de c e  
devolve-o