

ALGORITMOS E ESTRUTURAS DE DADOS 2023/2024 TIPOS ABSTRATOS DE DADOS

Armanda Rodrigues

13 de setembro 2023

Tipos Abstratos de Dados (TAD)

TIPOS DE DADOS

ABSTRAÇÃO

Tipo de Dados

- Conceito aplicado originalmente aos tipos de dados primitivos disponíveis numa linguagem de programação
 - E.g. Em Java, int e double;
- Quando se fala num tipo primitivo referimo-nos a:
 - Um conjunto de Itens de dados com determinadas características (Domínio);
 - Um conjunto de operações que podem ser efetuadas sobre esses itens.
- As operações permitidas num tipo de dados são inseparáveis da sua identidade
- Para compreendermos o tipo precisamos de compreender que operações podem ser executadas sobre o mesmo

Exemplo:

O tipo int em Java está associado aos números inteiros entre -2,147,483,648 and +2,147,483,647 e aos operadores +, -, *, /,...

Tipos de Dados

- Quando usamos Programação Orientada a Objetos, os tipos de dados que pretendemos adicionar podem ser criados através de Classes.
- Os tipos de dados podem representar quantidades numéricas que são usadas de forma muito similar aos tipos primitivos
 - E.g. Uma classe representativa de fracções (com campos de numerador e denominador)
- Estas classes envolvem operações parecidas com as dos tipos primitivos mas que têm de ser aplicadas utilizando uma notação funcional
 - Por exemplo add() e sub() em vez de + e -
- O termo TIPO de DADOS aplica-se de forma natural a estas classes

Tipos de Dados

- Existem classes que n\u00e3o incluem este aspeto quantitativo
- Qualquer classe representa uma implementação de um tipo de dados, tendo:
 - uma componente de dados (que pode ser realizada com um conjunto de atributos);
 - Um conjunto de operações permitidas sobre os dados (métodos)
- Assim, quando pretendemos representar um conceito do dia a dia, como uma Conta Bancária, ou uma Pilha de Livros, estes conceitos também podem ser tratados como Tipos de Dados





Abstração

- "Separação mental de um ou mais elementos concretos de uma entidade complexa desprezando outros que lhe são inerentes" -Dicionário Porto Editora da Língua Portuguesa
- Uma abstração é a essência, as características importantes de algo
- Por exemplo, o Presidente da República Portuguesa é uma abstração, considerada à parte do indivíduo que ocupa o lugar num determinado momento.
 - Os poderes e as responsabilidades do cargo mantêm-se enquanto que os indivíduos vão e vêm









Tipo Abstrato de Dados em OO

- Em Programação OO um TAD é composto de:
 - Descrição dos dados (atributos)
 - Lista de operações (métodos) que podem ser aplicadas aos atributos
 - Instruções sobre como utilizar as mesmas operações

 São propositadamente excluídos os detalhes relativos à maneira como os métodos executam as suas tarefas

· À especificação de um TAD chamamos um interface.

Tipo Abstrato de Dados em OO

- Um Tipo Abstrato de Dados pode ser associado a várias implementações, instanciadas em classes
- Cada uma destas classes poderá encapsular a utilização de uma determinada estrutura de dados, para implementar o TAD, com diferentes performances:
 - Em termos do tempo necessário para executar as operações sobre a Estrutura de Dados
 - Em termos do espaço (em memória) necessário para guardar a informação associada ao Tipo de Dados

TADs em AED

- Os exemplos e exercícios que vamos resolver em AED vão implicar a especificação de dois tipos de TADs
 - TADs diretamente relacionados com o domínio do problema que pretendemos resolver
 - Por exemplo, Conta Bancária ou Supermercado
 - TADs genéricos usados em Programação para resolver problemas com determinadas características
 - · Por exemplo, Pilha, Fila ou Dicionário
- As implementações de TADs genéricos serão auxiliadas pela escolha de estruturas de dados adaptadas às características subjacentes aos tipos
 - E.g.Uma Pilha pode ser implementada em Vetor ou em Lista Ligada
- As classes resultantes de implementações de TADs genéricos podem contribuir para as implementações de TADs associados ao domínio de certos problemas
 - Uma fila de espera num Supermercado pode ser instanciada através de uma implementação do TAD Fila

Exemplo da Biblioteca

 Vamos pensar quais seriam os TADs necessários para a implementação de um Sistema de uma Biblioteca

- Este sistema contém vários subsistemas
- Iremos debruçar-nos sobre eles de acordo com as oportunidades que nos aparecem relativamente aos TADs a especificar e às estruturas de dados disponíveis

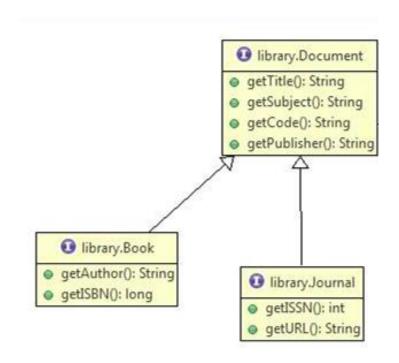


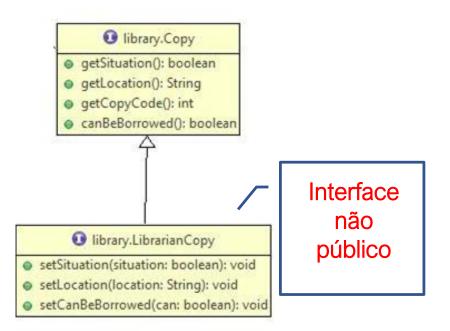


- O Sistema da Biblioteca deverá envolver o armazenamento e tratamento de informação relativa a Documentos existentes na mesma
- Existem vários tipos de Documentos: Livros, CDs, DVDs, Revistas, etc...
 - Para simplificar vamos cingir-nos a Livros e a Revistas
- Estes documentos podem existir na biblioteca em várias cópias, ou exemplares
- Como informação de base para um Documento existe o <u>Título</u>, o <u>Assunto</u>, a <u>Cota</u> e a <u>Editora</u>
- Um Livro terá informação adicional que irá incluir o seu Autor e o ISBN
- Quanto à Revista, esta irá incluir <u>ISSN</u> e <u>URL</u>, uma vez que estará disponível online
- Uma Revista está sempre disponível num único exemplar que não pode ser emprestado
- No caso do Livro, podem existir vários exemplares que podem ser emprestados se estiverem disponíveis, com <u>Código</u>, <u>Situação</u> (emprestado ou livre) e <u>Localização</u> na biblioteca

Como organizariam os TADs deste exemplo ?

Como organizariam os TADs deste exemplo ?

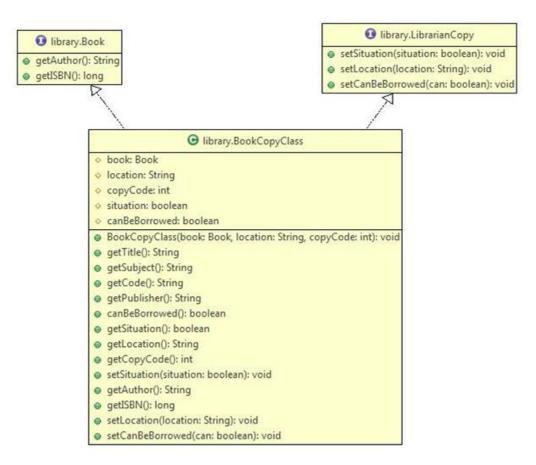




Como seria uma classe Cópia de Livro ?

Como seria uma classe Cópia de Livro ?

Esta classe poderia ser disponibilizada a aplicações que não alterassem a situação da cópia, através dos interfaces Copy ou Book

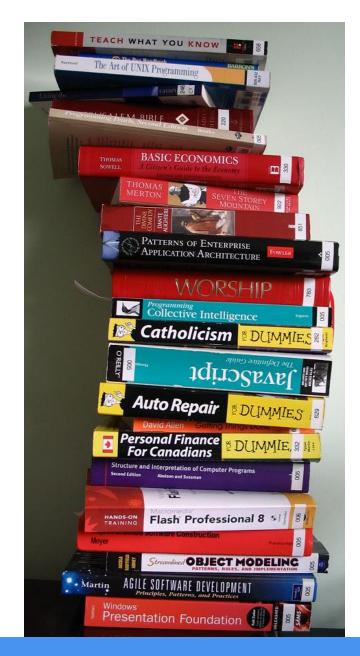


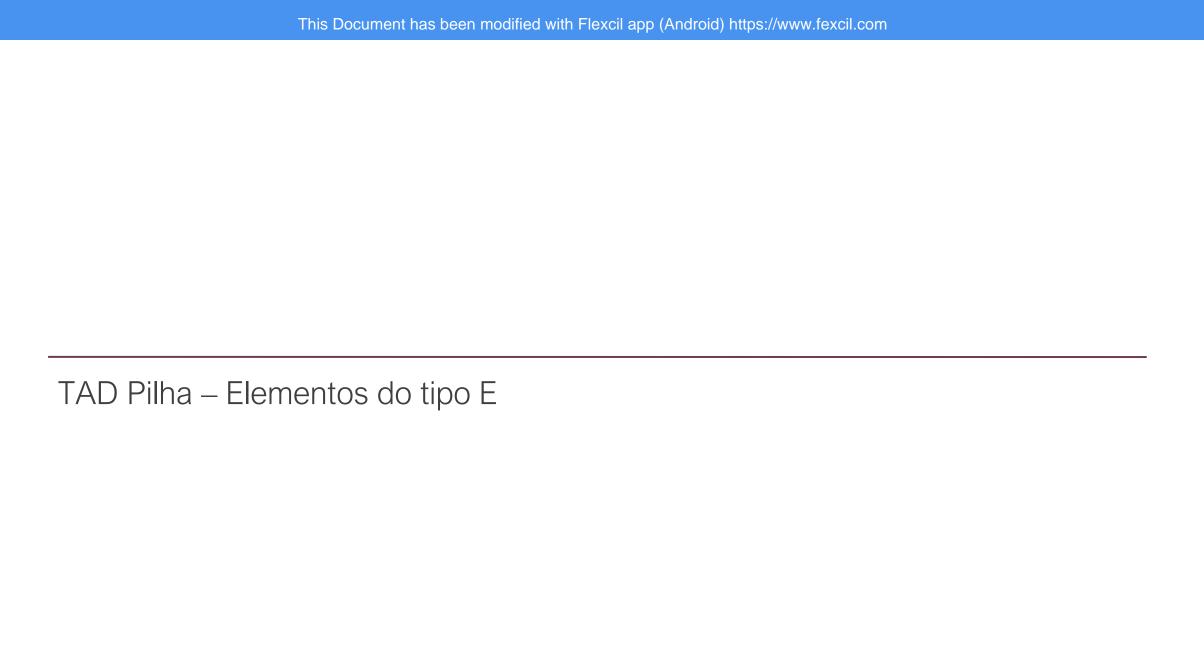
Devoluções de exemplares de livros

- No momento da devolução de um exemplar na Biblioteca, a funcionária poderá não ter tempo para repor o livro juntamente com os exemplares disponíveis
- O processo normal será que todos os exemplares devolvidos fiquem guardados juntos, empilhados ao lado da receção da biblioteca
- Assim, o processo de devolução tem dois passos:
 - <u>Receber o exemplar</u>, o que implica inserir o exemplar numa pilha de exemplares a repor. A funcionária poderá receber até <u>10 devoluções</u> antes de fazer, obrigatoriamente as reposições dos exemplares.
 - Mais tarde, com tempo, <u>repor o exemplar no seu lugar</u>. Neste caso, a funcionária irá, naturalmente, retirar o exemplar que está no topo da pilha de reposição, alterar a informação que lhe está associada (tornando-o disponível para empréstimo) e reinseri-lo no conjunto de cópias disponíveis.

Uma Pilha de Livros

- Para implementar o TAD DevolucoesExemplar, vai ser preciso utilizar uma implementação do TAD pilha
- É preciso compreender como o TAD Pilha funciona
- E conhecer pelo menos uma implementação do mesmo TAD





TAD Pilha de Elementos do Tipo E

```
// Retorna true sse a pilha estiver vazia.
boolean vazia( );
// Retorna o elemento do topo da pilha.
// Pré-condição: a pilha não está vazia.
E topo( );
// Coloca o elemento especificado no topo da pilha.
void empilha( E elemento );
// Remove e retorna o elemento do topo da pilha.
// Pré-condição: a pilha não está vazia.
E desempilha( );
```

Interface Pilha de Elementos do Tipo E

```
package dataStructures;
public interface Stack<E>{
```

Vamos usar Requires para assinalar précondições em métodos

```
// Returns true iff the stack contains no elements.
boolean isEmpty( );
// Returns the number of elements in the stack.
int size( );
// Returns the element at the top of the stack.
// Requires: size() > 0
E top( ) throws EmptyStackException;
// Inserts the specified element onto the top of the stack.
void push( E element );
// Removes and returns the element at the top of the stack.
// Requires: size() > 0
E pop( ) throws EmptyStackException;
```

Interface Pilha de Elementos do Tipo E - Javadoc

Todo o código que vos for fornecido será comentado para Javadoc

```
* Stack Abstract Data Type
* Includes description of general methods for the
Stack with the LIFO discipline.
 * @author AED Team
 * @version 1.0
 * @param <E> Generic Element
public interface Stack<E>
   Returns true iff the stack contains no
 * elements.
 * @return true iff the stack contains no
           elements, false otherwise
 boolean isEmpty( );
 * Returns the number of elements in the stack.
  * @return number of elements in the stack
```

Todo o código submetido pelos alunos deve ser comentado para Javadoc

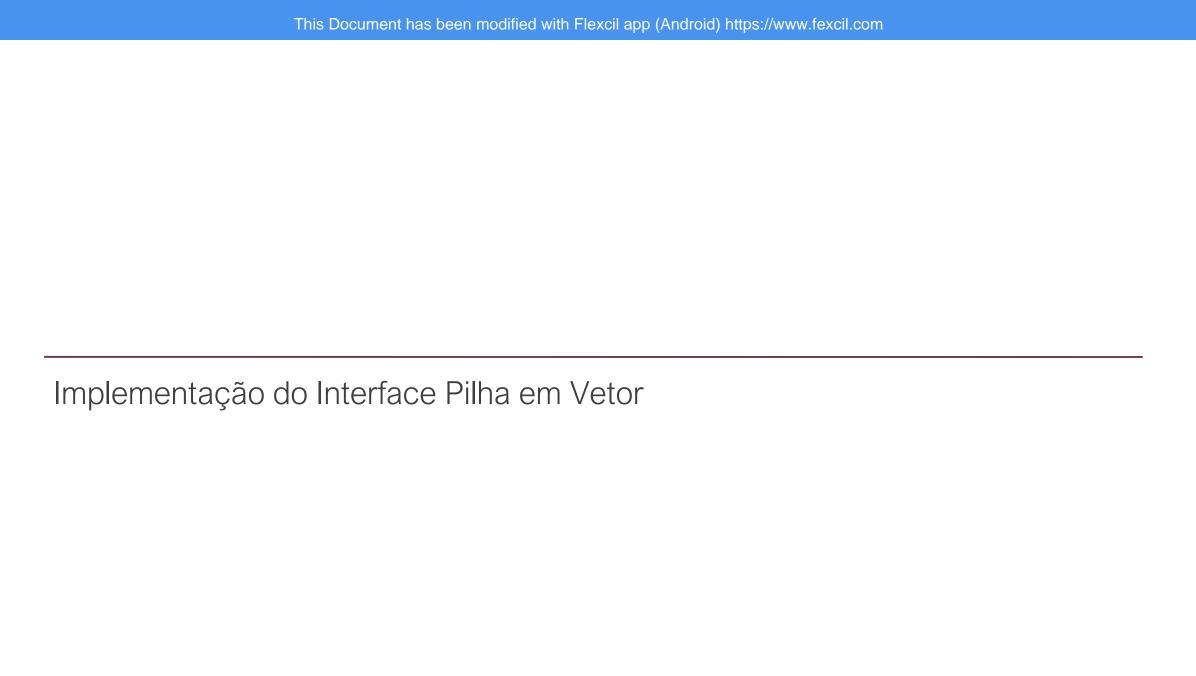
```
Returns the element at the top of the stack.
   Requires
 * @return element at top of stack
 * @throws EmptyStackException when size = 0
E top( ) throws EmptyStackException;
   Inserts the specified <code>element</code> onto
   the top of the stack.
* @param element element to be inserted onto the stack
void push( E element );
   Removes and returns the element at the top of the
   stack.
 * @return element removed from top of stack
 * @throws EmptyStackException when size = 0
 E pop( ) throws EmptyStackException;
```

Regras para comentários em AED

- Todo o código que vos for fornecido será comentado para Javadoc
- Devido às necessidades de leitura dos materiais de disciplina, os slides não contêm estes comentários
- Todo o código submetido pelos alunos deve ser comentado para Javadoc
 - Comentar os métodos dos TADs (interfaces)
 - Comentar todos os métodos de classes que não façam parte dos TADs
 - Nas classes, só comentar métodos que correspondem ao interface público em casos de implementações específicas que necessitem de esclarecimento (em caso contrário usar a tag @see ou @Override)

```
/*
 * @see dataStructures.Stack#top()
 */
public E top() throws EmptyStackException
{
 if ( this.isEmpty() )
   throw new EmptyStackException("Stack is empty.");
 return array[top];
```

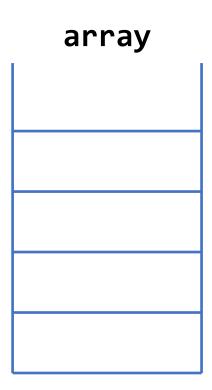
Comentar sempre que os comentários façam falta!!!



capacity =
$$4$$
 top = -1

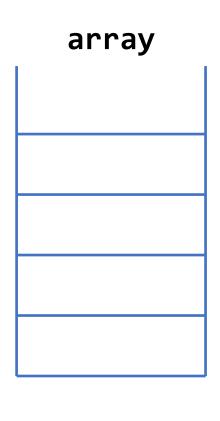


capacity =
$$4$$
 top = -1



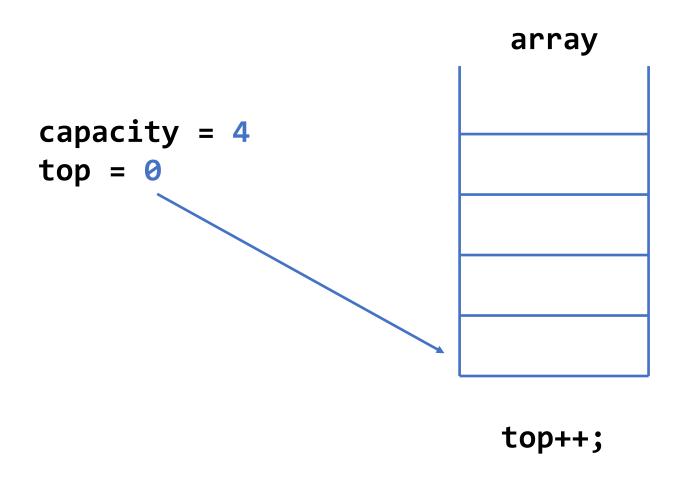
push(5);

capacity =
$$4$$
 top = -1

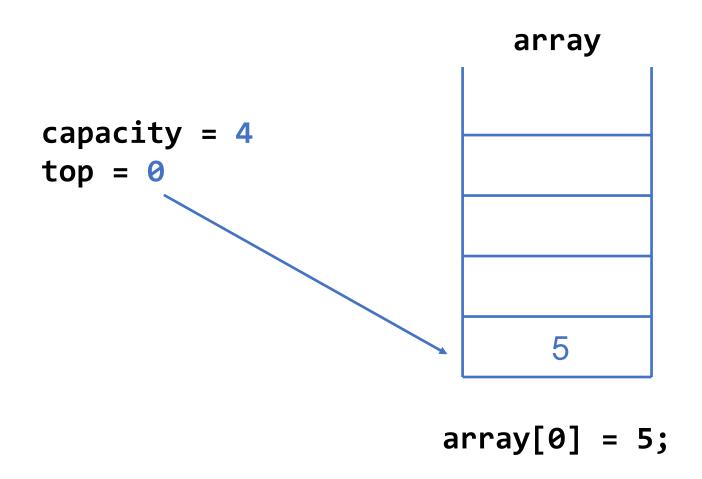


push(5);

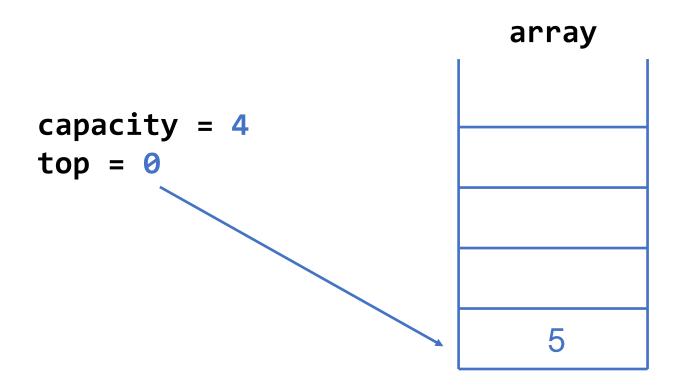
top++;



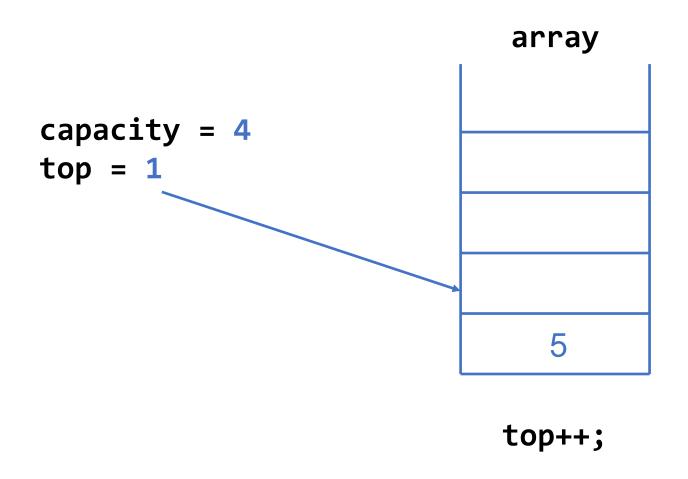
push(5);



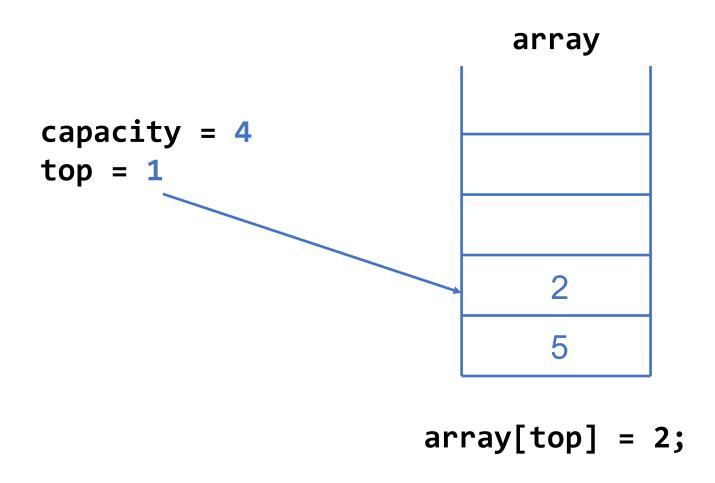
push(5);



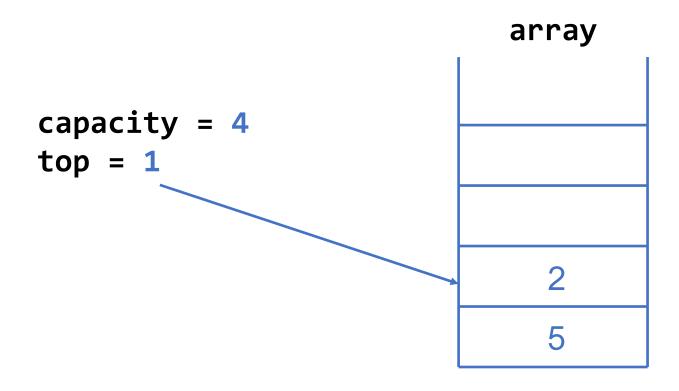
push(5);
push(2);



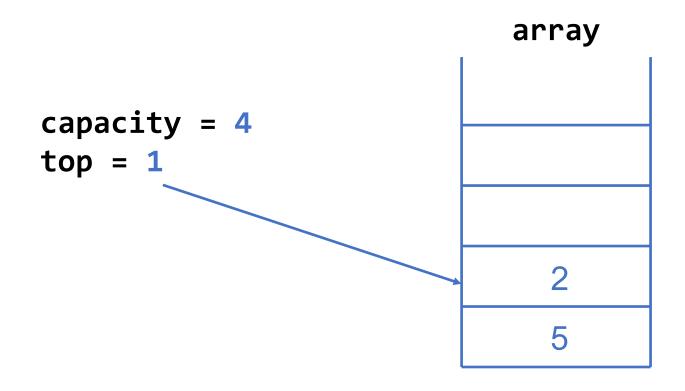
```
push(5);
push(2);
```



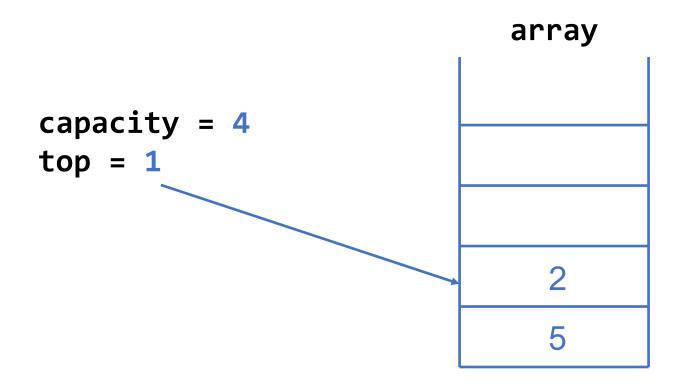
push(5);
push(2);



```
push(5);
push(2);
top();
```

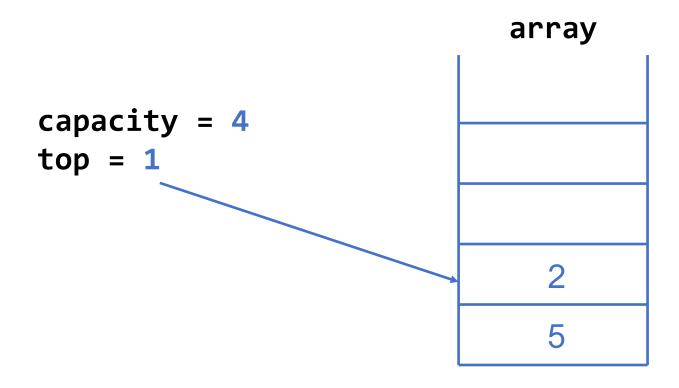


push(5);
push(2);
top();

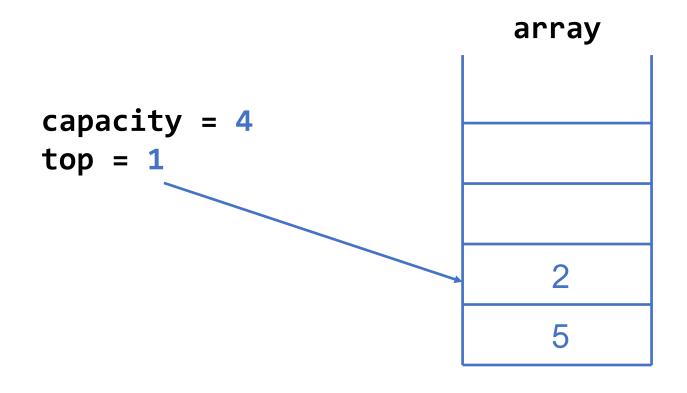


```
push(5);
push(2);
top(); ----2
```

return array[top];

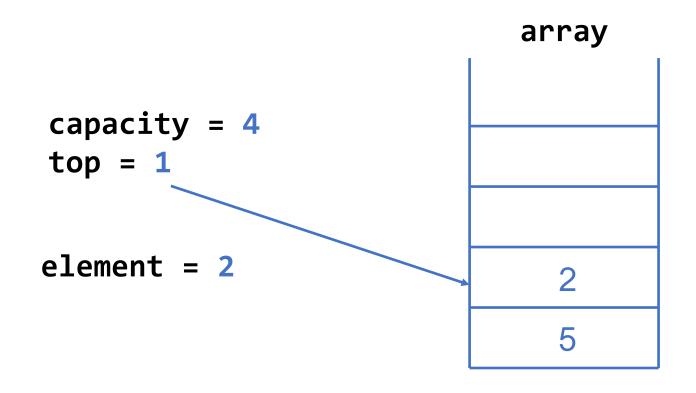


```
push(5);
push(2);
top(); -----2
pop();
```



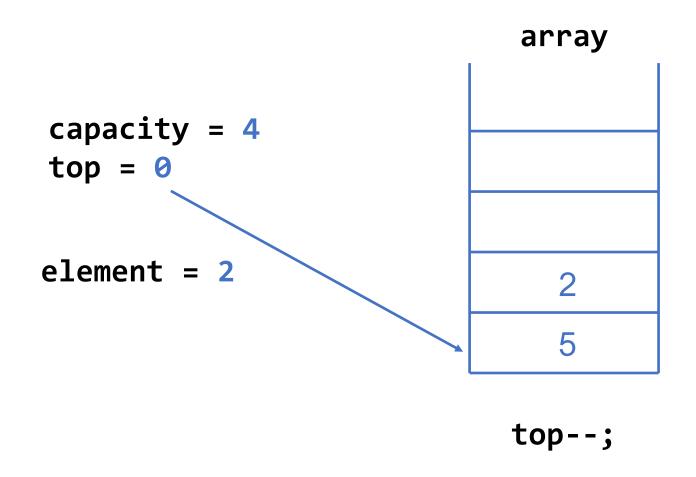
```
push(5);
push(2);
top(); -----2
pop();
```

```
element = array[top];
```

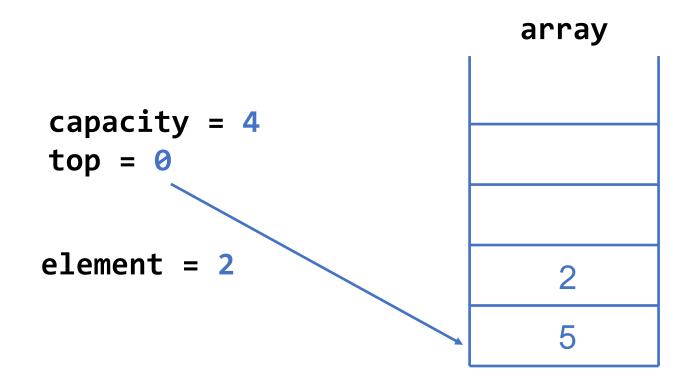


```
push(5);
push(2);
top(); -----2
pop();
```

```
element = array[top];
```

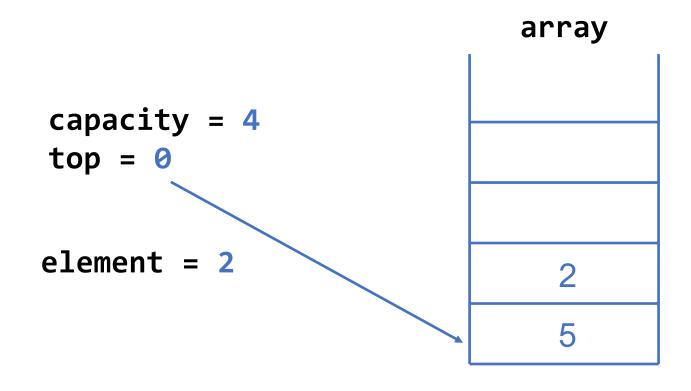


```
push(5);
push(2);
top(); -----2
pop();
```



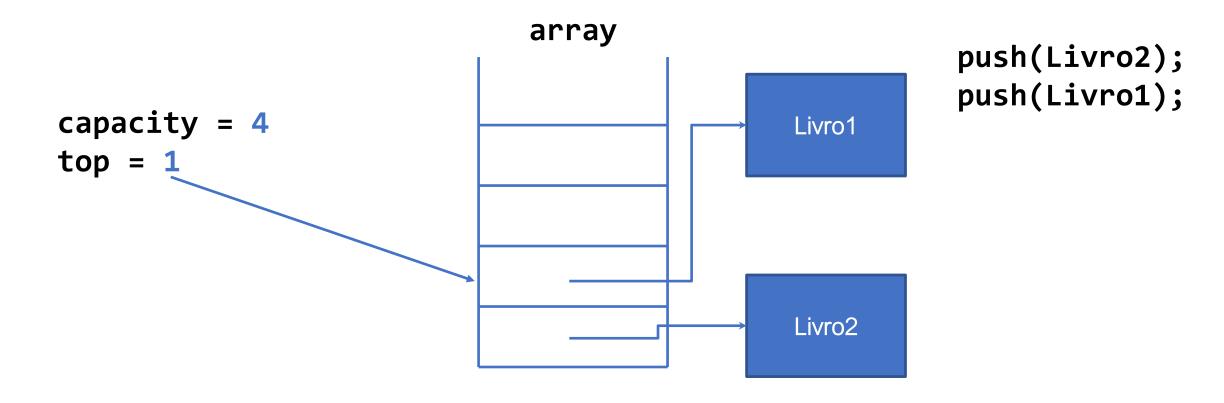
```
push(5);
push(2);
top(); -----2
pop(); -----2
```

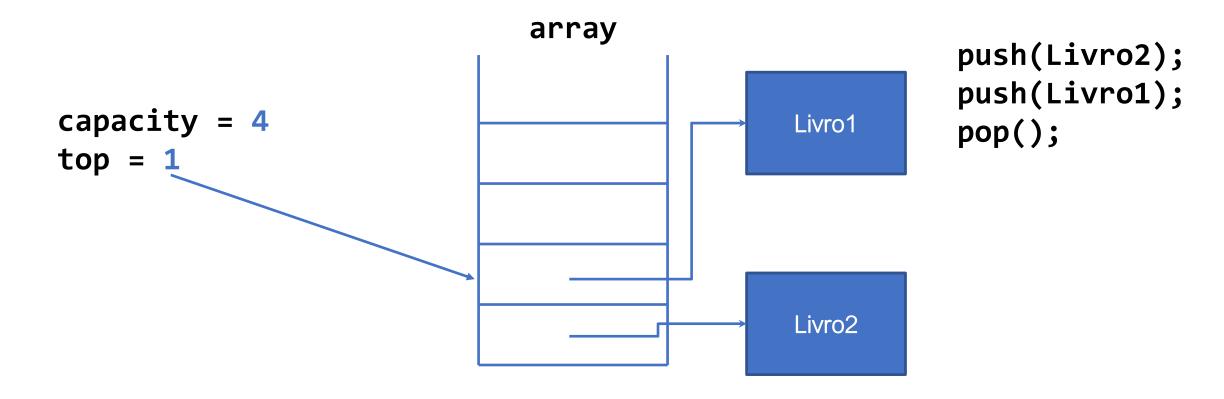
return element;

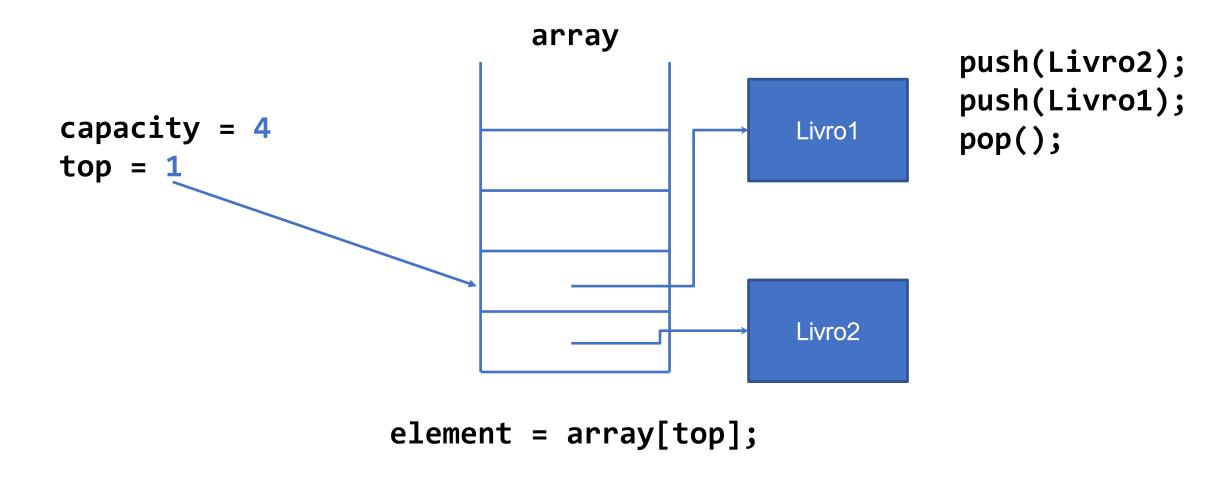


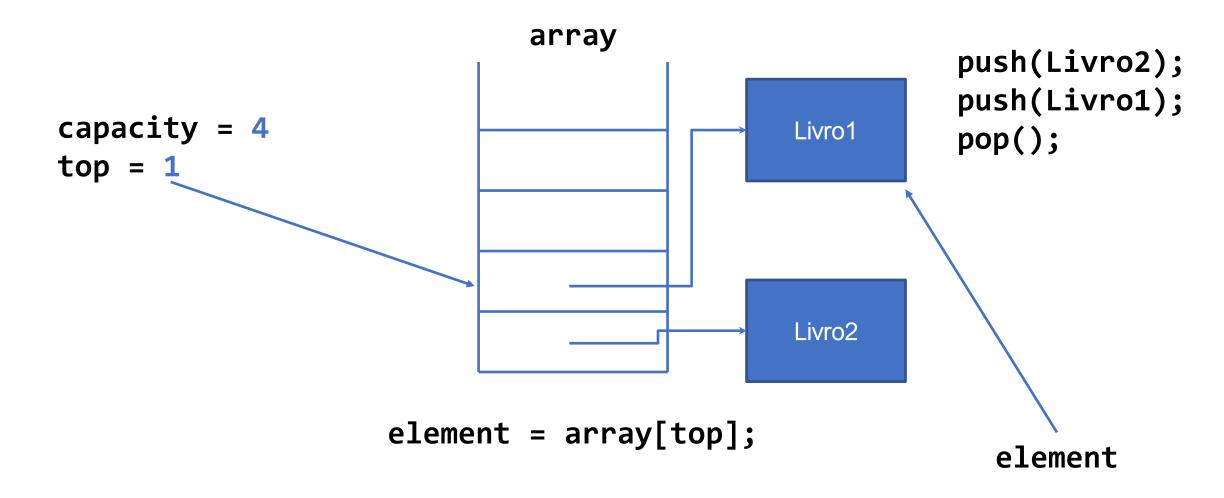
```
push(5);
push(2);
top(); -----2
pop(); -----2
```

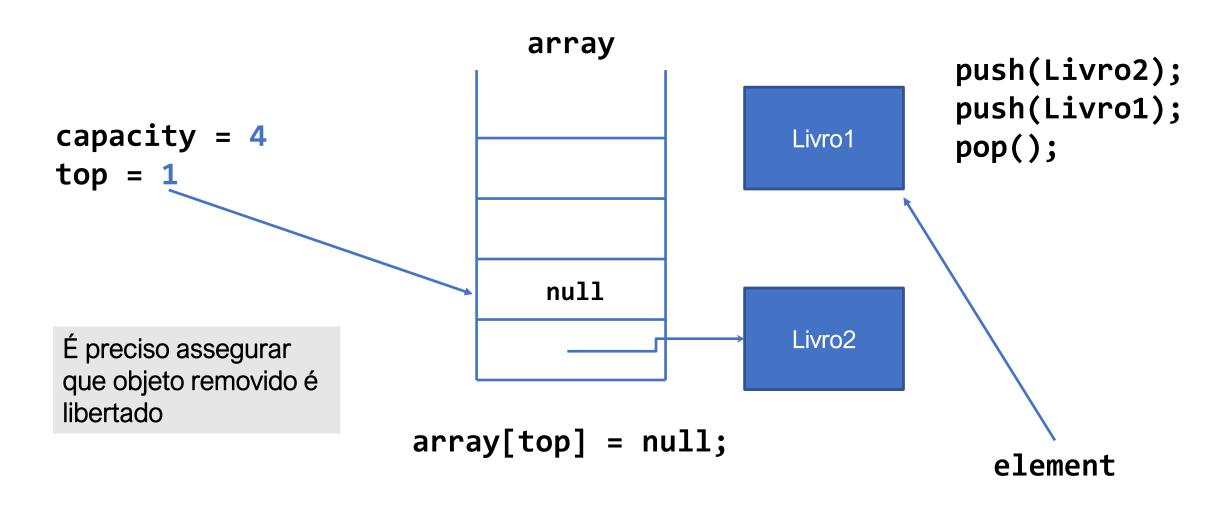
O que falta neste processo?

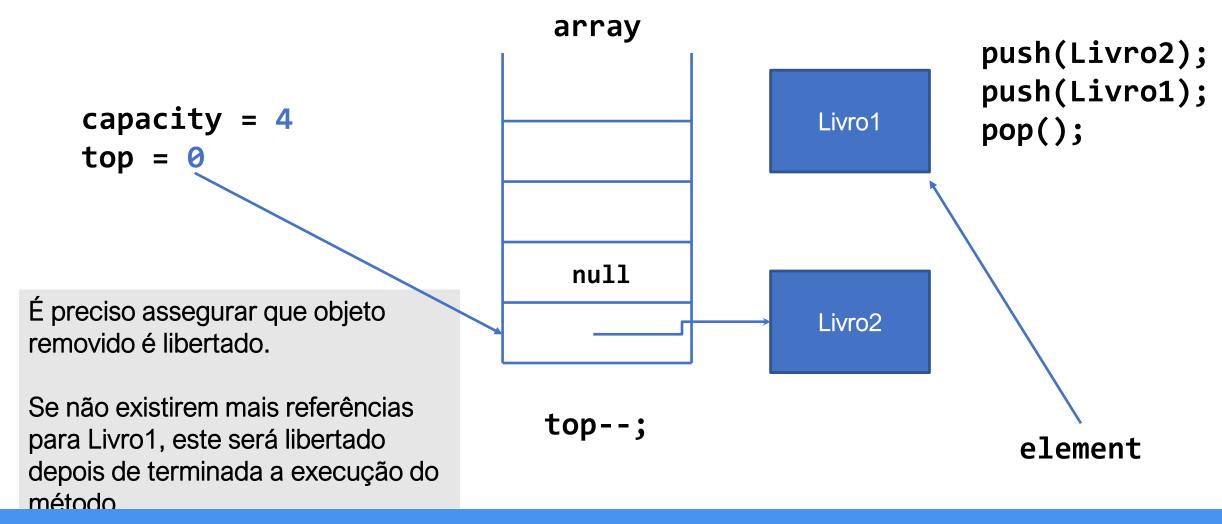


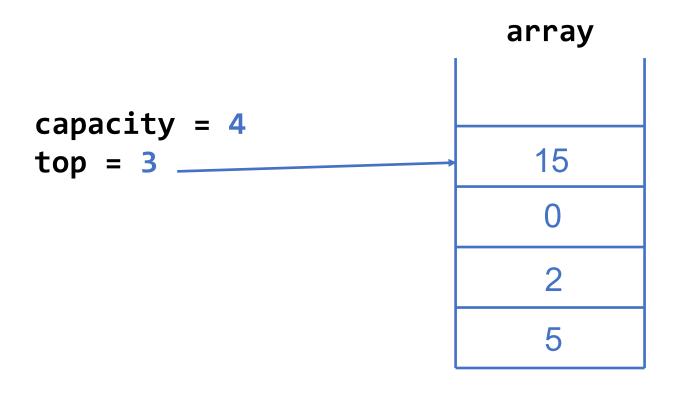




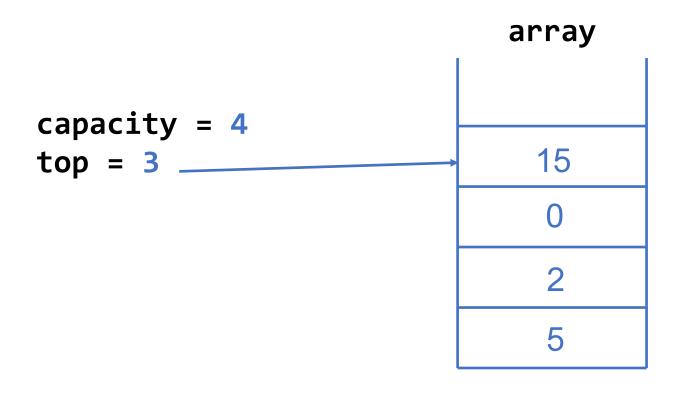






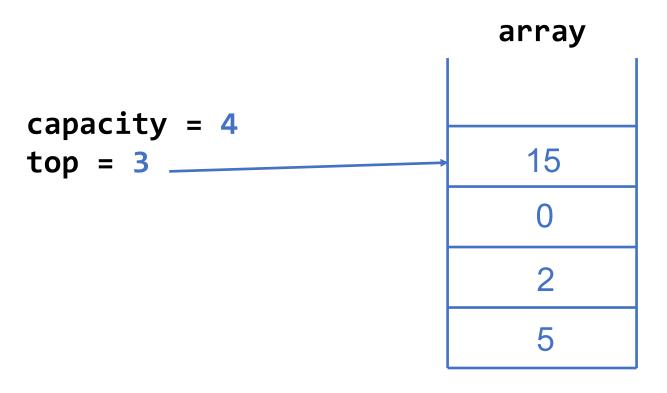


push(8);



push(8);

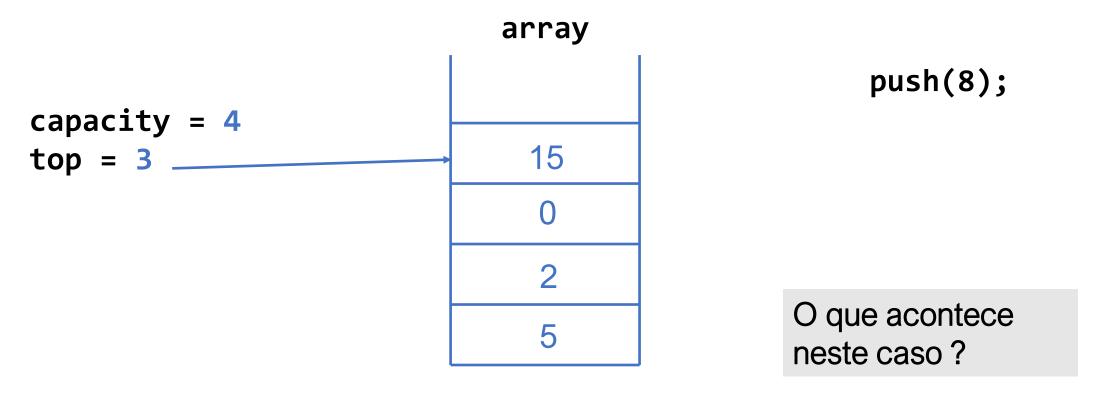
O que acontece neste caso ?



push(8);

O que acontece neste caso ?

Lançamento de exceção!!



Lançamento de exceção!!

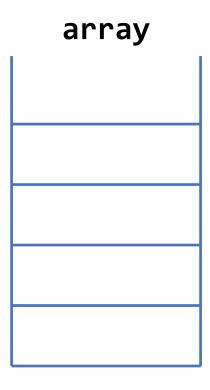
Esta exceção não faz parte do TAD Pilha, pois não está associada a uma pré-condição da operação do TAD, mas sim à implementação em vetor.

Pilha em vetor – vetor vazio



Pilha em vetor – vetor vazio

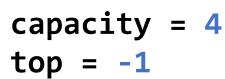
capacity = 4 top = -1

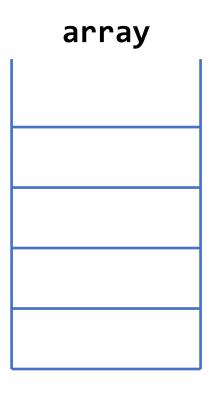


pop();

O que acontece neste caso ?

Pilha em vetor – vetor vazio





pop();

O que acontece neste caso ?

Lançamento de exceção!!

Esta exceção <u>faz parte do TAD Pilha</u>, e está associada a uma pré-condição da operação do TAD, pelo que deve ser considerada em qualquer implementação do TAD

Classe Pilha em Vetor (1)

```
package dataStructures;

public class StackInArray<E> implements Stack<E> {
    // Default capacity of the stack.
    public static final int DEFAULT_CAPACITY = 1000;
    // Memory of the stack: an array.
    protected E[] array;

// Index of the element at the top of the stack.
    protected int top;
```

Classe Pilha em Vetor (2)

```
@SuppressWarnings("unchecked")
public StackInArray( int capacity ) {
    // Compiler gives a warning.
    array = (E[]) new Object[capacity];
    top = -1;
}

public StackInArray( ) {
    this(DEFAULT_CAPACITY);
}
```

O aviso vem do facto de não ser possível verificar, em tempo de compilação, os tipos dos dados que vão ser inseridos no vetor.

Para submissão no Mooshak, utilizar **@SuppressWarnings**

Classe Pilha em Vetor (3)

```
// Returns true iff the stack contains no elements.
public boolean isEmpty( ){
  return top == -1;
// Returns true iff the stack cannot contain more elements.
public boolean isFull( ){
  return this.size() == array.length;
// Returns the number of elements in the stack.
public int size( ){
  return top + 1;
```

Classe Pilha em Vetor (4)

```
// Returns the element at the top of the stack.
// Requires: size() > 0
                                                        Novo: Porque é que
public E top( ) throws EmptyStackException {
                                                        testamos as situações
   if ( this.isEmpty() )
                                                        de excepção?
      throw new EmptyStackException();
   return array[top];
// Inserts the specified element onto the top of the stack.
// Requires: size() < array.length</pre>
public void push( E element ) throws FullStackException {
   if ( this.isFull() )
      throw new FullStackException();
   top++;
   array[top] = element;
```

Classe Pilha em Vetor (5)

```
// Removes and returns the element at the top of the stack.
// Requires: size() > 0
public E pop() throws EmptyStackException {
   if ( this.isEmpty() )
        throw new EmptyStackException();
   E element = array[top];
   array[top] = null; // For garbage collection.
   top--;
   return element;
}
} // End of StackInArray.
```

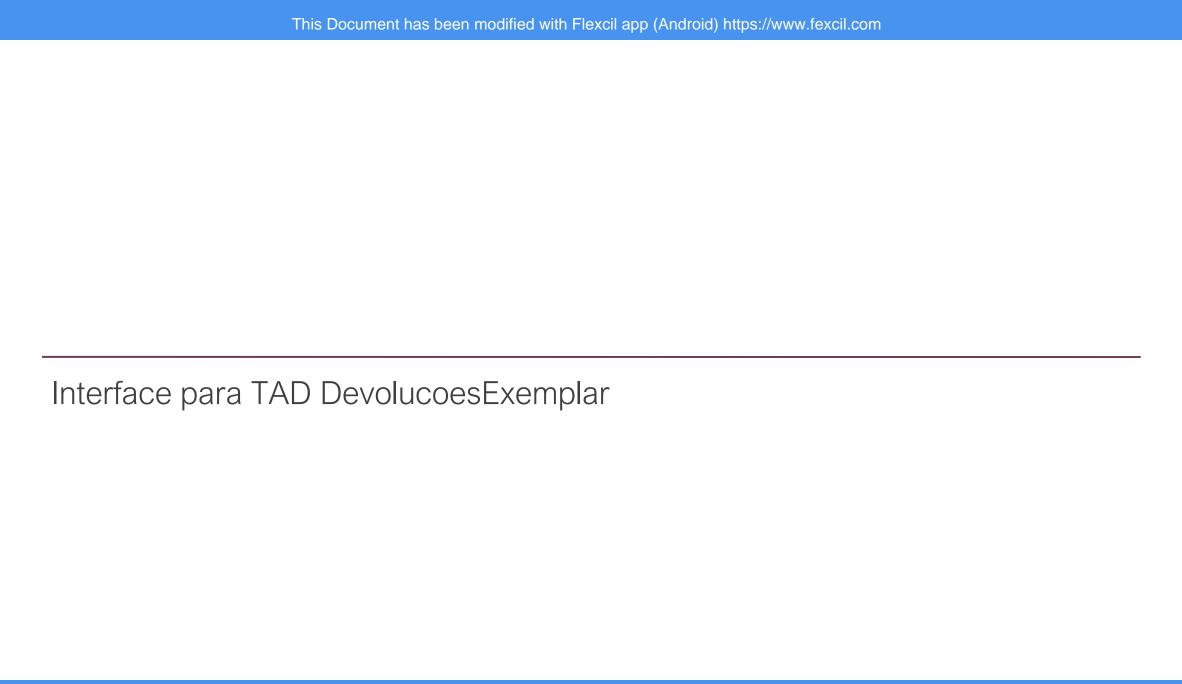
Classes de Exceções da Pilha

```
package dataStructures;

public class EmptyStackException extends RuntimeException {
   public class FullStackException extends RuntimeException {
   }
}
```

<u>RuntimeException:</u> superclasse das excepções que podem acontecer durante a operação normal da máquina virtual Java. São excepções de aplicação e não são graves.

Estas excepções são *unchecked*. Não é necessário declará-las na cláusula **throws** dos métodos, mesmo que elas possam acontecer durante a execução dos mesmos. Podem propagar-se para fora do método, sendo capturadas no local certo onde isso deve acontecer.



Relembremos: Devoluções de exemplares de livros

- No momento da devolução de um exemplar na Biblioteca, a funcionária poderá não ter tempo para repor o livro juntamente com os exemplares disponíveis
- O processo normal será que todos os exemplares devolvidos fiquem guardados juntos, empilhados ao lado da receção da biblioteca
- Assim, o processo de devolução tem dois passos:
 - <u>Receber o exemplar</u>, o que implica inserir o exemplar numa pilha de exemplares a repor. A funcionária poderá receber até <u>10 devoluções</u> antes de fazer, obrigatoriamente as reposições dos exemplares.
 - Mais tarde, com tempo, <u>repor o exemplar no seu lugar</u>. Neste caso, a funcionária irá, naturalmente, retirar o exemplar que está no topo da pilha de reposição, alterar a informação que lhe está associada (tornando-o disponível para empréstimo) e reinseri-lo no conjunto de cópias disponíveis.

Interface CopyReturn

```
package library;
public interface CopyReturn {
                                                 Tipo associado a
                                                 Biblioteca (Library)
  int size();
  boolean isEmpty();
  //checks if the maximum number of returns has been reached
  boolean maxReturns();
  //copy is added do stack of books to return
   //Requires: !maxReturns()
                                                               MaxReturnsException:
  void receiveCopy(Copy copy) throws MaxReturnsException;
                                                               Exceção do domínio
   //most recent copy to be returned is made available
   //Requires: !isEmpty()
  Copy returnCopy() throws NoReturnsException;
```

Implementação com Stack - CopyReturnClass (1)

```
package library;
import dataStructures.*;
public class CopyReturnsClass implements CopyReturn {
   public static final int MAX_RETURNS=10;
   protected Stack<Copy> returns;
   public CopyReturnsClass(){
      returns=new StackInArray<Copy>(MAX RETURNS);
   public int size(){
      return returns.size();
   public boolean isEmpty(){
      return returns.isEmpty();
   public boolean maxReturns(){
      return this.size()== MAX RETURNS;
```

Implementação com Stack - CopyReturnClass (1)

```
package library;
import dataStructures.*;
public class CopyReturnsClass implements CopyReturn {
   public static final int MAX_RETURNS=10;
   protected Stack<Copy> returns;
   public CopyReturnsClass(){
      returns=new StackInArray<>(MAX RETURNS);
   public int size(){
      return returns.size();
   public boolean isEmpty(){
      return returns.isEmpty();
   public boolean maxReturns(){
      return this.size()== MAX RETURNS;
```

Uso do operador diamante.

Para que serve ?

Implementação com Stack - CopyReturnClass (1)

```
package library;
import dataStructures.*;
public class CopyReturnsClass implements CopyReturn {
   public static final int MAX_RETURNS=10;
   protected Stack<Copy> returns;
   public CopyReturnsClass(){
      returns=new StackInArray<>(MAX RETURNS);
   public int size(){
      return returns.size();
   public boolean isEmpty(){
      return returns.isEmpty();
   public boolean maxReturns(){
      return this.size()== MAX RETURNS;
```

Uso do operador diamante.

Este operador permite inferir qual o tipo que será contido na criação do objeto
StackInArray, a partir do tipo associado à variável returns.

Implementação com Stack - CopyReturnClass (2)

```
public boolean isFull() {
   return ((StackInArray<Copy>)returns).isFull();
//Requires: !this.maxReturns()
public void receiveCopy(Copy copy) throws
                MaxReturnsException {
   if (this.maxReturns())
      throw new MaxReturnsException();
   returns.push(copy);
//Requires: !this.isEmpty()
public Copy returnCopy() throws NoReturnsException{
   if (this.isEmpty())
      throw new NoReturnsException();
   Copy c=returns.pop();
   ((LibrarianCopy)c).setSituation(true);
  return c;
```

Não é necessária na classe

Devia ser sempre possível ?

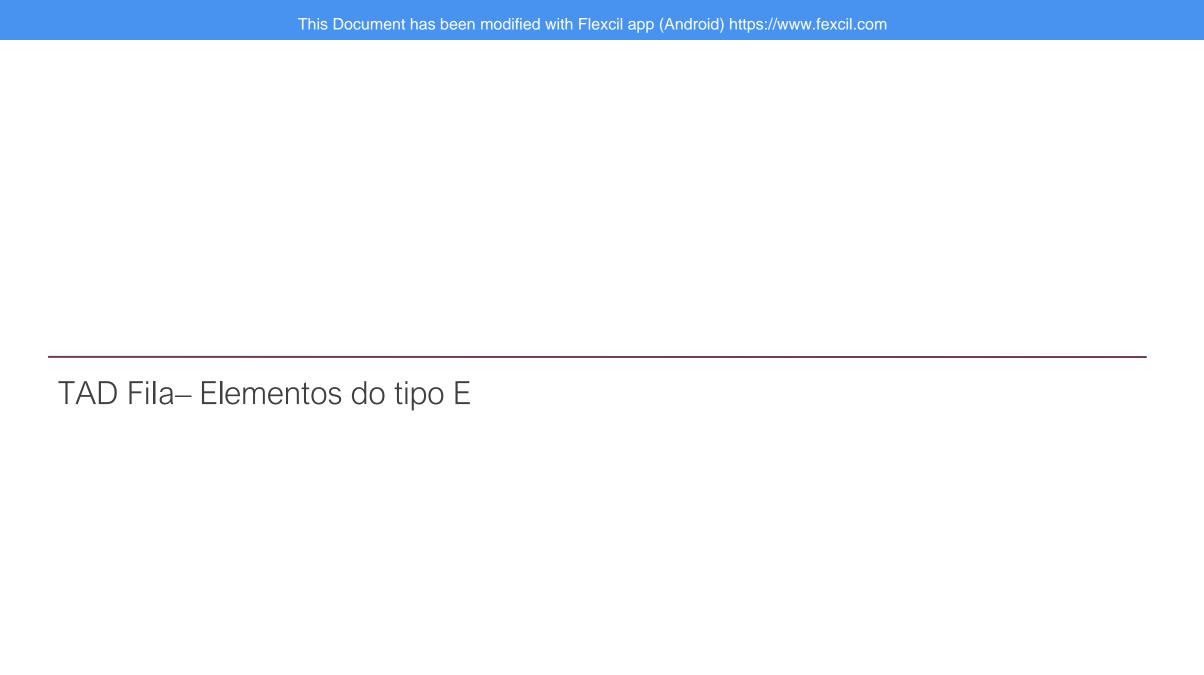
returnCopy actualiza o estado de c e devolve-o

Reservas de livros

- O processo de requisição de uma cópia de um livro implica que um leitor da biblioteca reserve o mesmo.
- As reservas de um livro são organizadas como uma fila de espera, o primeiro leitor a reservar terá acesso ao primeiro exemplar do livro que ficar disponível para requisição
- Necessária a implementação do TAD Leitor, que será o tipo a guardar na fila de espera de reservas de um livro.







TAD Fila de Elementos do Tipo E

```
// Retorna true sse a fila estiver vazia.
boolean vazia();

// Coloca o elemento especificado na retaguarda da fila.
void insere( E elemento );

// Retira e retorna o elemento da frente da fila.
// Pré-condição: a fila não está vazia.
E remove();
```

Interface Fila de Elementos do Tipo E

```
package dataStructures;
public interface Queue<E> {
   // Returns true iff the queue contains no elements.
   boolean isEmpty( );
   // Returns the number of elements in the queue.
   int size( );
   // Inserts the specified element at the rear of the queue.
   void enqueue( E element );
   // Removes and returns the element at the front of the queue.
   E dequeue( ) throws EmptyQueueException;
```

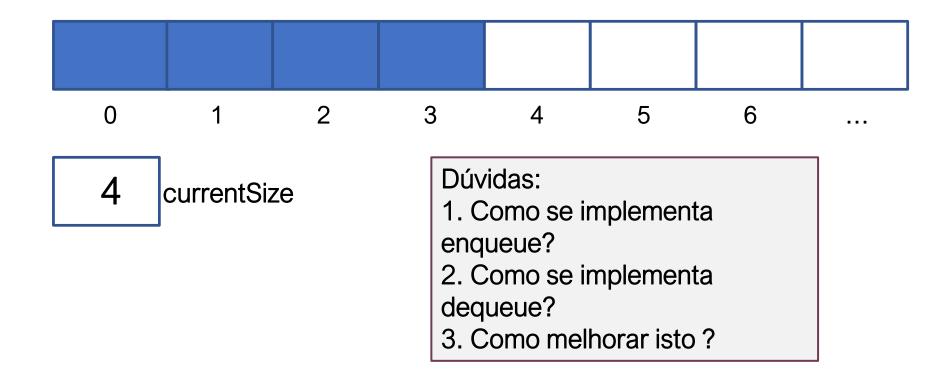
Classes de Exceções da Fila

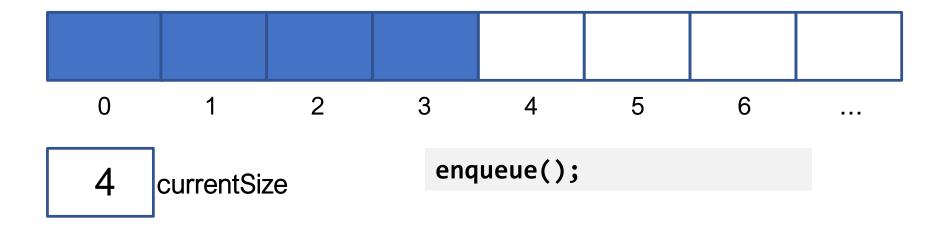
```
package dataStructures;

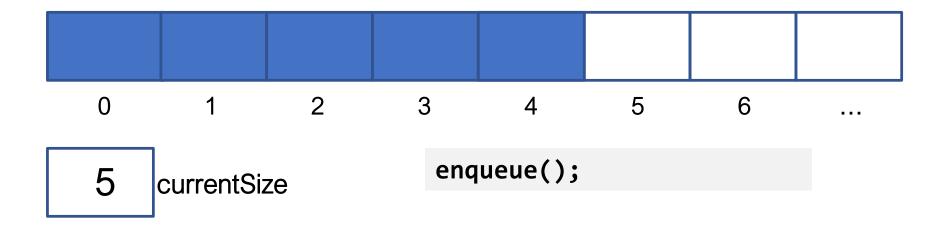
public class EmptyQueueException extends RuntimeException{
}

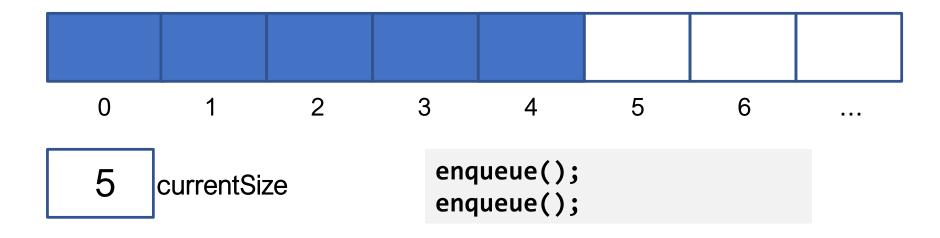
public class FullQueueException extends RuntimeException{
}
```

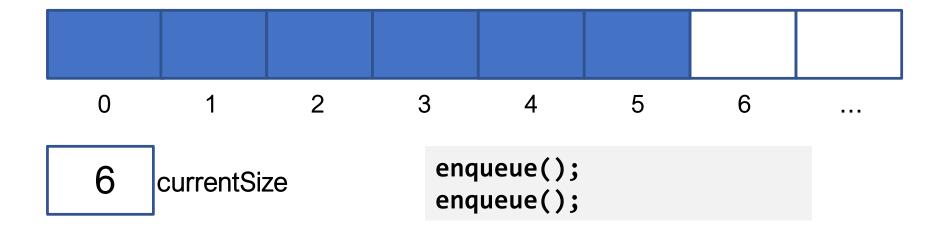
Fila em Vetor

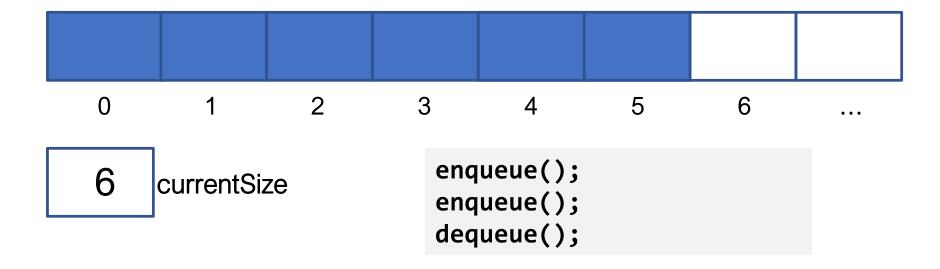


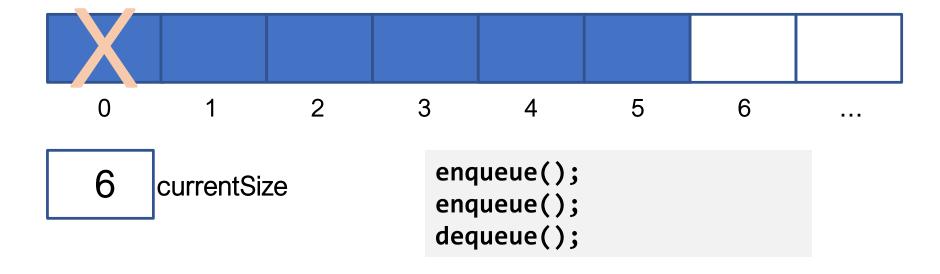


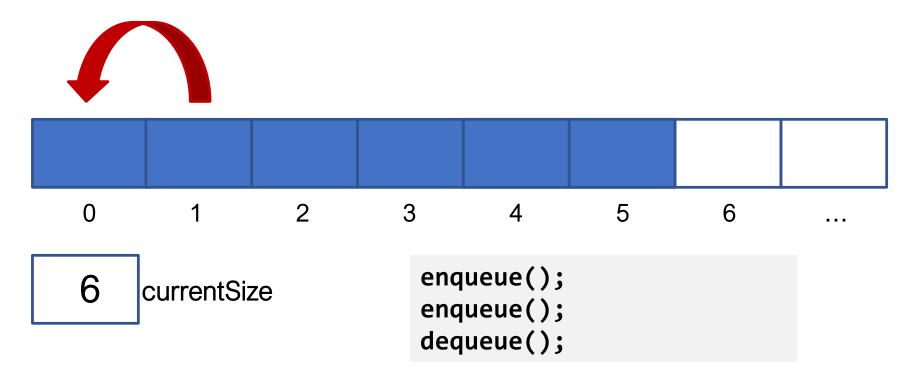


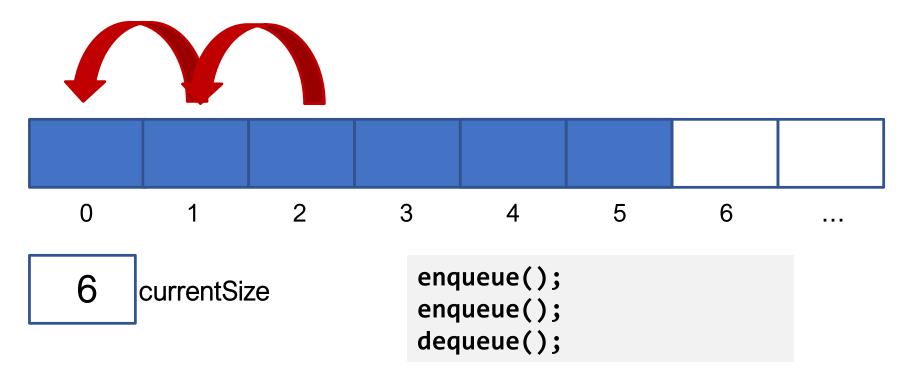


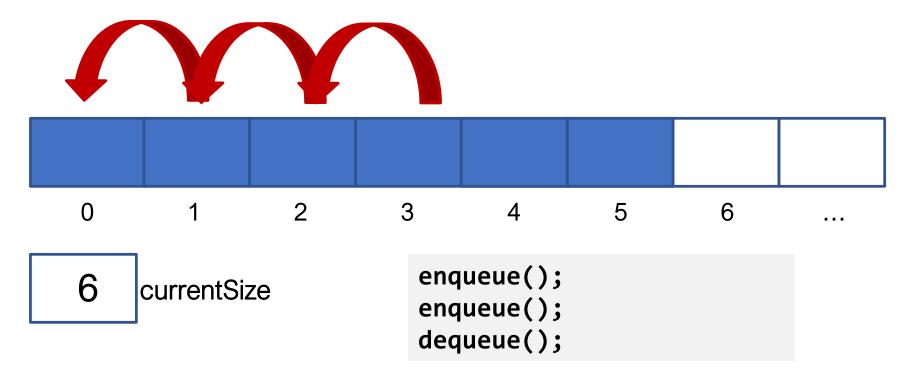


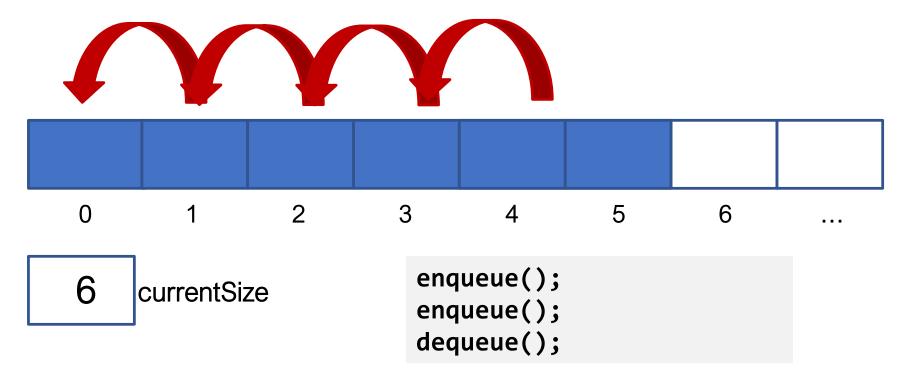


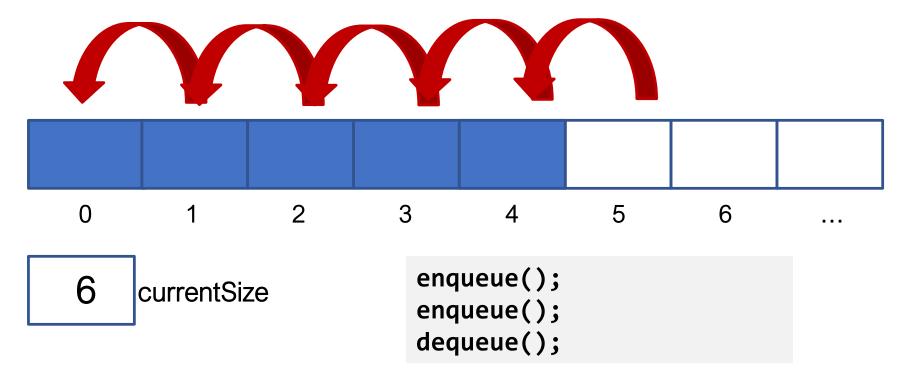


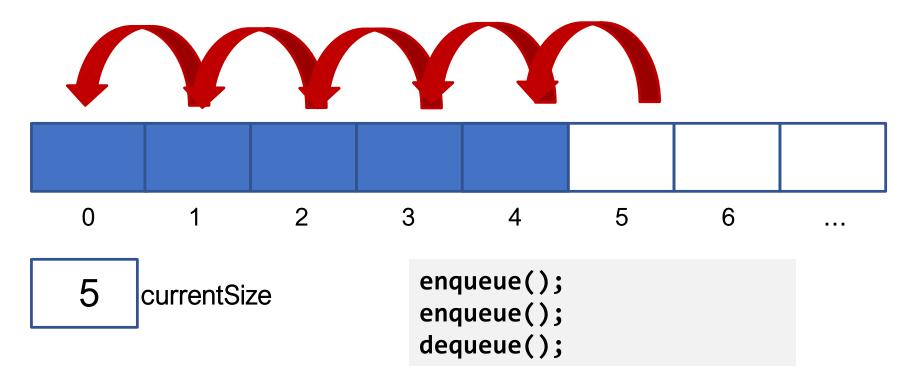




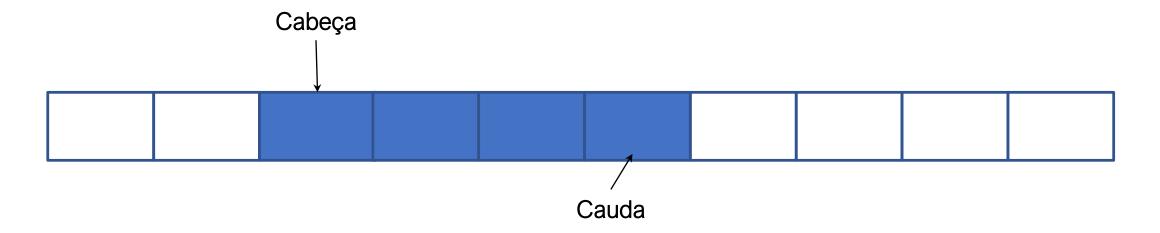


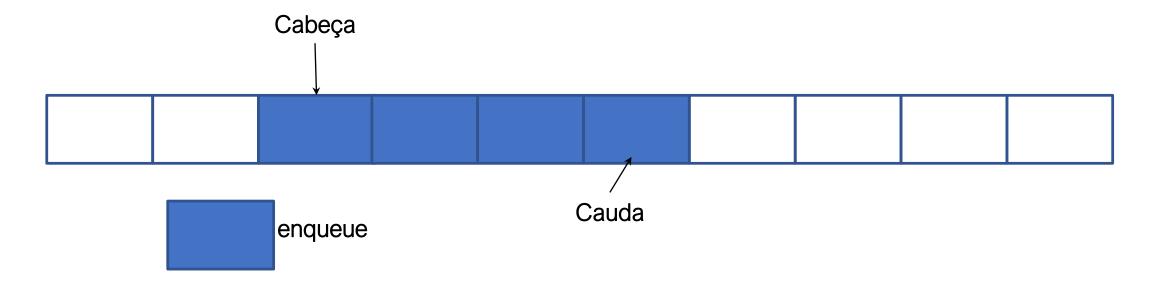


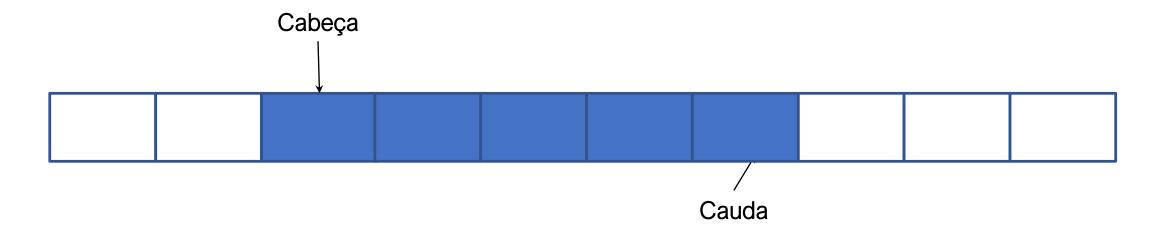


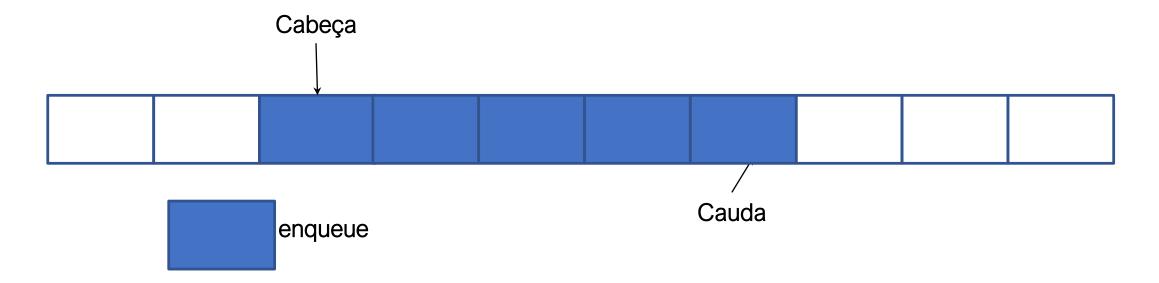


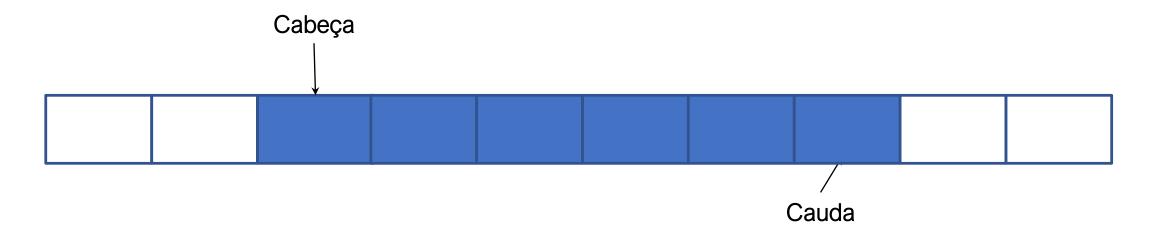
Qual o problema desta implementação?

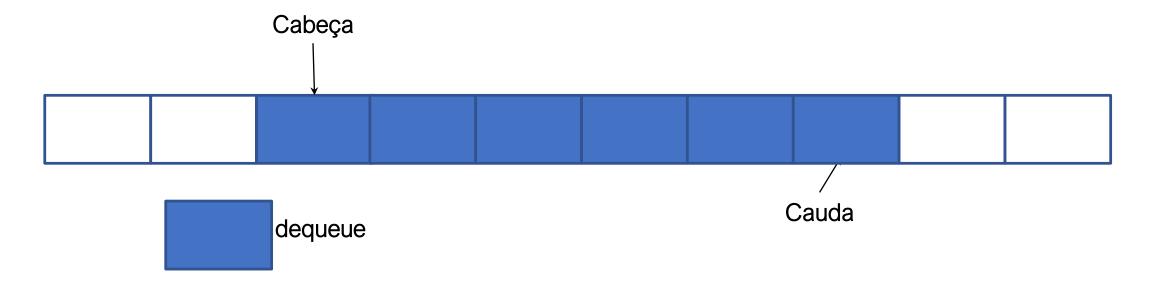


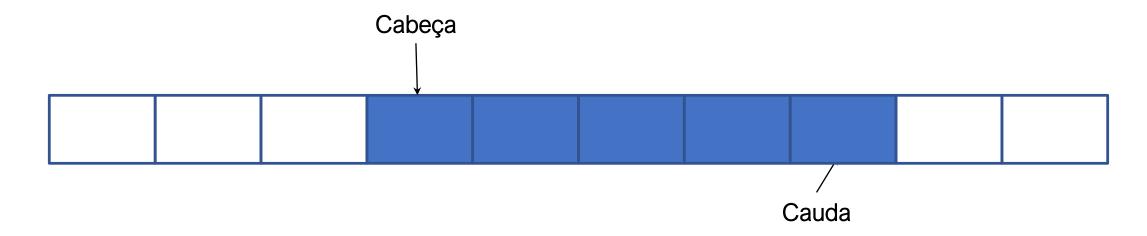


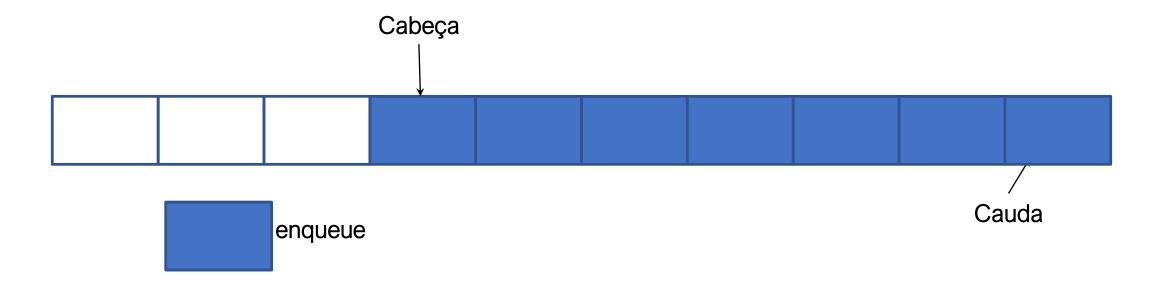




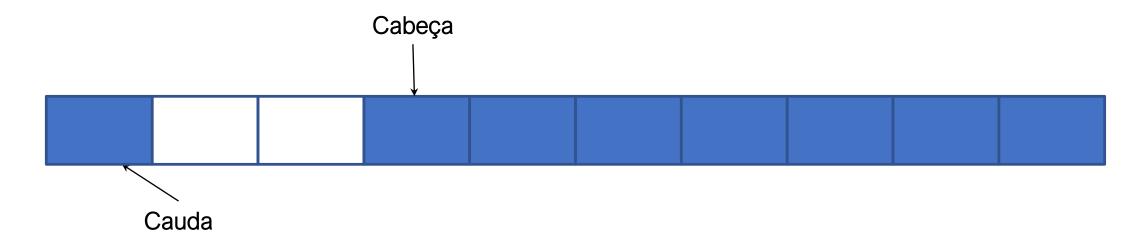








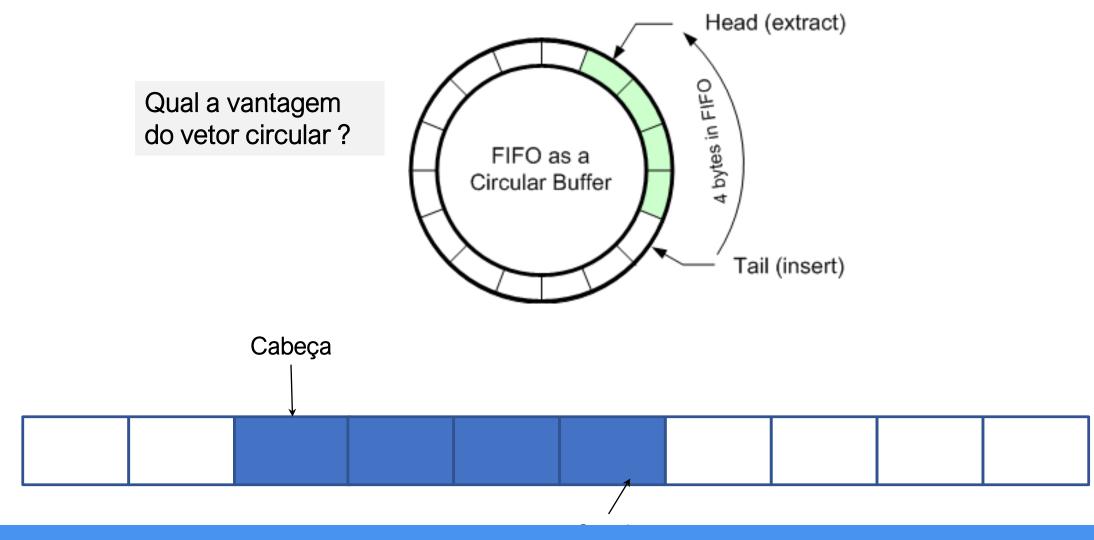
Como se calcula a próxima posição da cauda?



Como se calcula a próxima posição da cauda?

Temos de ter em conta a dimensão total do vetor (neste caso length)

Vetor circular



Classe Fila em Vetor (1)

```
package dataStructures;
public class QueueInArray<E> implements Queue<E> {
   // Default capacity of the queue.
   public static final int DEFAULT CAPACITY = 1000;
   // Memory of the queue: a circular array.
   protected E[] array;
   // Index of the element at the front of the queue.
   protected int front;
   // Index of the element at the rear of the queue.
   protected int rear;
   // Number of elements in the queue.
   protected int currentSize:
```

Classe Fila em Vetor (2)

```
@SuppressWarnings("unchecked")
public QueueInArray( int capacity ) {
    // Compiler gives a warning.
    array = (E[]) new Object[capacity];
    front = 0;
    rear = capacity - 1;
    currentSize = 0;
}

public QueueInArray( ) {
    this(DEFAULT_CAPACITY);
}
```

Porque precisamos disto?

Classe Fila em Vetor (3)

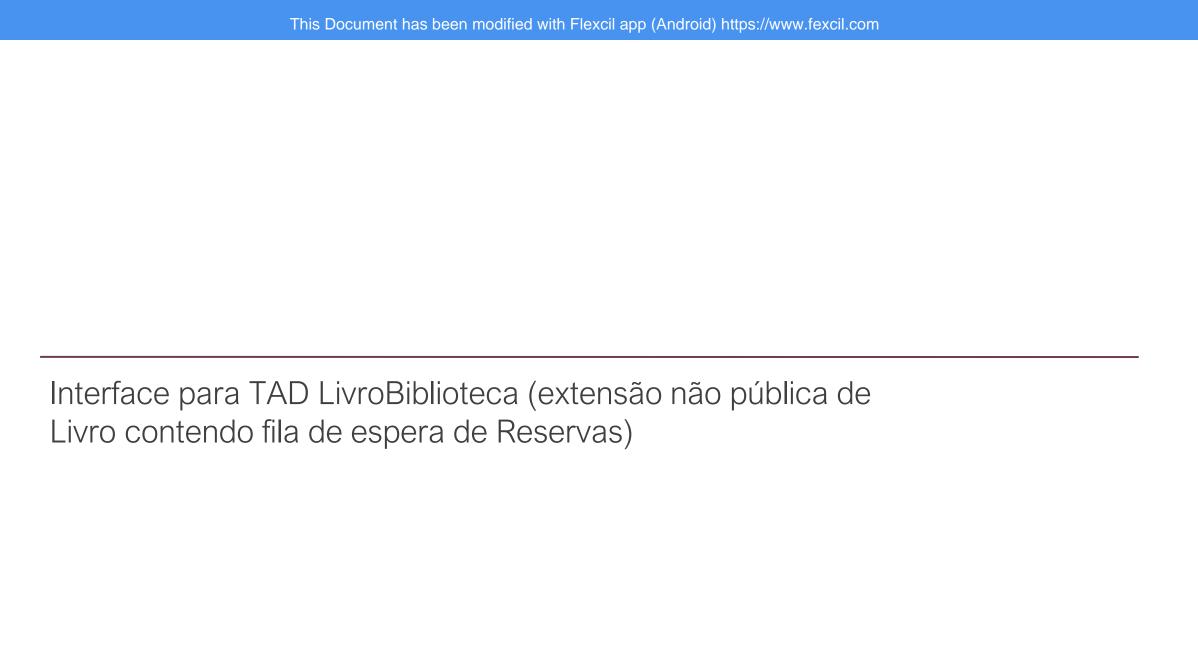
```
// Returns true if the queue contains no elements.
public boolean isEmpty( ){
  return currentSize == 0;
// Returns true i the queue cannot contain more elements.
public boolean isFull( ){
  return currentSize == array.length;
// Returns the number of elements in the queue.
public int size( ) {
  return currentSize;
```

Classe Fila em Vetor (4)

```
// Increments with "wrap around".
protected int nextIndex( int index ){
  return ( index + 1 ) % array.length;
// Inserts the specified element at the rear of the queue.
public void enqueue( E element ) throws FullQueueException{
   if ( this.isFull() )
      throw new FullQueueException();
   rear = this.nextIndex(rear);
   array[rear] = element;
  currentSize++;
```

Classe Fila em Vetor (5)

```
// Removes and returns the element at the front of the queue.
public E dequeue() throws EmptyQueueException{
   if ( this.isEmpty() )
        throw new EmptyQueueException();
E element = array[front];
array[front] = null; // For garbage collection.
front = this.nextIndex(front);
currentSize--;
return element;
}
} // End of QueueInArray.
```



LibrarianBook

```
package library;
interface LibrarianBook extends Book {
   //returns the number of reservations of
   //the book - could be in Book
   public int numberReservations();
   //true if the book has no reservations - could be in Book
   public boolean noReservations();
   //removes reader from reservation queue
   //Requires: !noReservations()
   Reader oldestReservation() throws NoReservationsException;
   //adds reader to reservation queue
  void addReservation(Reader reader);
   //Other methods in the ADT are ommitted...
```

Implementação de Reader deve conter (e.g.)

- Nome
- Número Leitor
- Categoria
- Data de inscrição
- Validade

Interface não público – altera a fila de reservas apenas dentro do pacote

LibrarianBookClass (1) – não completa

```
package library;
import dataStructures.*;
class LibrarianBookClass implements LibrarianBook {
   public static final int MAX RESERVATIONS=5;
   protected String author;
   protected Queue<Reader> reservations;
public LibrarianBookClass(String author, long ISBN,
         String title, String subject, String code,
         String publisher) {
      this.author=author;
      reservations=new QueueInArray<>(MAX RESERVATIONS);
```

LibrarianBookClass (2) – não completa

Podem estar no Tipo Book A implementação está bem aqui.

```
//true if the book has no reservations
public boolean noReservations() {
   return this.numberReservations()==0;
//returns the number of reservations of the book
public int numberReservations() {
   return this.reservations.size();
//true if the maximum number of reservations has been reached.
public boolean maxReservations() {
   return this.size() == MAX RESERVATIONS;
```

LibrarianBookClass (3) – não completa

```
//removes reader from reservation queue
//Requires: !noReservations()
public Reader oldestReservation()
    throws NoReservationsException{
   if (this.noReservations())
     throw new NoReservationsException();
   Reader reader = reservations.dequeue();
   return reader;
//adds reader to reservation queue
//Requires: !maxReservations()
public void addReservation(Reader reader)
    throws MaxReservationsException{
   if (this.maxReservations())
    throw new MaxReservationsException();
   reservations.enqueue(reader);
```