

n.o.



## Grelha de respostas certas

## $\underline{\text{Versão A}}$

	1	9		1	0				- 4		-
Grupo	1	2			3				4		5
	a)		, 1/	9)	P)	٧)	47	2)	h)	c)	
_											. 1
								_			
								_			
Grupo	1	2			3				4		5
Grupo	1		) 4)	2)				<u>-</u>	4	a)	5
Grupo	1	2 h) c	) d)	a)	3 b)			a)	4 b)	c)	5
Grupo	1		) d)	a)				a)	4 b)	c)	5

			Resolução abre	eviada do $2^{\Omega}$ Teste		
			Ver	rsão A		
com	portament	o, que o número		para excursões de le emana de cada auto ro e da semana).		
(a)			erta semana, um d com 4 casas decim	los autocarros vir a nais).	ter um número de	e alugueres supe
		0.1219	0.8009	0.1494	0.9502	_ n.o.
(b)	A probab casas dec		.5 semanas, um au	tocarro vir a ter 6 a	alugueres tem valor	r (arredondado
		0.8633	0.3782	」 0.0035	0.1367	n.o.
			Ł	<del></del> -		
			£	<del></del>		
. ,			£			
. ,			k			,
			k			,
			£			

Os valores de concentração diária deste poluente, neste local, vão sendo registados dia após dia. Quantos dias se espera ter de registar até ocorrer o primeiro dia em que as normas ambientais não são cumpridas?

24 42 40 10 n.o.

(b) O desvio padrão da concentração do poluente neste local tem valor (arredondado com 3 casas decimais): (1.5)14.221 10.204 12.72311.345

Nas alíneas que se seguem, considere que o desvio padrão é igual a  $12 \,\mu\mathrm{g/m^3}$ .

(c) Qual é a probabilidade de, neste local, a concentração diária do poluente estar entre 280 e 300  $\mu g/m^3$ ? (1.5)(valor arredondado com 4 casas decimais)

(d) Sejam $X_1$ e $X_2$ as concentrações do poluente em dois dias consecutivos. A $P(2X_1 > X_2 + 350)$ valor (arredondado com 4 casas decimais): 0.0314 0.4525 0.9667 0.0122 n.o.  So oncentração diáris concentração diáris concentração diáris concentração diáris concentração diáris concentração diáris concentração densidade: $f_X(x) = \begin{cases} 0, & x < 0 \\ \frac{1}{2}e^{-x/2}, & x \ge 0 \end{cases}$ independentemente da peça.  (a) A expressão da função distribuição de $X$ para um argumento $x \ge 0$ é: $1 - e^{-x/2} - \frac{1}{4}e^{-x/2} - 2e^{-x/2} - e^{-x/2} - e^{-x/2} = 0.0.$ (b) Qual a probabilidade de uma peça levar pelo menos lh 30m a ser executada? (valor arredondado e de casas decimais) 0.3659 0.8991 0.4724 0.0234 n.o.  (c) Verificanoo-se que em certo momento uma peça já está a ser produzida há 30 minutos, qual a probabilidade de ser necessario esperar mais de 2h para concluir a peça? (valor arredondado con 4 ca decimais) 0.4724 0.7634 0.0234 0.1784 n.o.  (d) Num dia em que não havia qualquer peça em stock foi aceite uma encomenda de 100 peças, tendartesão assumido o compromisso de fornecer as peças no prazo máximo de 30 dias (o que correspo a 240 horas de trabalho). Qual a probabilidade, aproximada, de ele cumprir o seu compromisso? (valor arredondado com 4 casas decimais) 0.8233 0.9772 0.7811 0.8122 n.o.		0.5788	0.1223	0.4525	F	0.4463	n.o.
Um artesão executa peças de barro, sendo o tempo de execução (em horas) uma variável aleatória $X$ o unção densidade: $f_X(x) = \begin{cases} 0, & x < 0 \\ \frac{1}{2}e^{-x/2}, & x \ge 0 \end{cases}$ independentemente da peça.  (a) A expressão da função distribuição de $X$ para um argumento $x \ge 0$ é: $1 - e^{-x/2} - \frac{1}{4}e^{-x/2} - 2e^{-x/2} - e^{-x/2} - n.o.$ (b) Qual a probabilidade de uma peça levar pelo menos 1h 30m a ser executada? (valor arredondado e 4 casas decimais) $0.3659 - 0.8991 - 0.4724 - 0.0234 - n.o.$ (c) Verificando-se que em certo momento uma peça já está a ser produzida há 30 minutos, qual a probabilidade de ser necessario esperar mais de 2h para concluir a peça? (valor arredondado con 4 credeniais) $0.3659 - 0.8991 - 0.4724 - 0.0234 - 0$	(d)			te em dois dias ce	onsecut	tivos. A $P(2)$	$X_1 > X_2 + 350$ ) tem
Um artesão executa peças de barro, sendo o tempo de execução (em horas) uma variável aleatória $X$ e função densidade: $f_X(x) = \begin{cases} 0, & x < 0 \\ \frac{1}{2}e^{-x/2}, & x \ge 0 \end{cases}$ independentemente da peça.  (a) A expressão da função distribuição de $X$ para um argumento $x \ge 0$ é: $1 - e^{-x/2} - \frac{1}{4}e^{-x/2} - 2e^{-x/2} - e^{-x/2} - n.o.$ (b) Qual a probabilidade de uma peça levar pelo menos 1h 30m a ser executada? (valor arredondado e 4 casas decimais)  (c) Verificanco-se que em certo momento uma peça já está a ser produzida há 30 minutos, qual a probabilidade de ser necessario esperar mais de 2h para concluir a peça? (valor arredondado com 4 ce decimais)  (d) Num dia em que não havia qualquer peça em stock foi aceite uma encomenda de 100 peças, tendartesão assumido o compromisso de fornecer as peças no prazo máximo de 30 días (o que correspo a 240 horas de trabalho). Qual a probabilidade, aproximada, de ele cumprir o seu compromisso? (varredondado com 4 casas decimais)  0.8233 0.9772 0.7811 0.8122 "n.o.		0.0314	0.4525	0.9667		0.0122	n.o.
Im artesão executa peças de barro, sendo o tempo de execução (em horas) uma variável aleatória $X$ o unção densidade: $f_X(x) = \begin{cases} 0, & x < 0 \\ \frac{1}{2}e^{-x/2}, & x \geq 0 \end{cases}$ ndependentemente da peça.  (a) A expressão da função distribuição de $X$ para um argumento $x \geq 0$ é: $1 - e^{-x/2} - \frac{1}{4}e^{-x/2} - 2e^{-x/2} - e^{-x/2} - n.o.$ (b) Qual a probabilidade de uma peça levar pelo menos 1h 30m a ser executada? (valor arredondado e 4 casas decimais)  (c) Verificanto-se que em certo momento uma peça já está a ser produzida há 30 minutos, qual a probilidade de ser necessario esperar mais de 2h para concluir a peça? (valor arredondado com 4 ce decimais)  (d) Num dia em que não havia qualquer peça em stock foi aceite uma encomenda de 100 peças, tenda artesão assumido o compromisso de fornecer as peças no prazo máximo de 30 dias (o que correspo a 240 horas de trabalho). Qual a probabilidade, aproximada, de ele cumprir o seu compromisso? (varredondado com 4 casas decimais)  0.8233 _ 0.9772 _ 0.7811     0.8122	Z.	oncentração diáriε					
In artesão executa peças de barro, sendo o tempo de execução (em horas) uma variável aleatória $X$ o unção densidade: $f_X(x) = \begin{cases} 0, & x < 0 \\ \frac{1}{2}e^{-x/2}, & x \ge 0 \end{cases}$ independentemente da peça. (a) A expressão da função distribuição de $X$ para um argumento $x \ge 0$ é: $1 - e^{-x/2} \qquad -\frac{1}{4}e^{-x/2} \qquad 2e^{-x/2} \qquad -e^{-x/2} \qquad \text{n.o.}$ (b) Qual a probabilidade de uma peça levar pelo menos lh 30m a ser executada? (valor arredondado e 4 casas decimais) $0.3659 \qquad 0.8991 \qquad 0.4724 \qquad 0.0234 \qquad \text{n.o.}$ (c) Verificanço-se que em certo momento uma peça já está a ser produzida há 30 minutos, qual a probilidade de ser necessario esperar mais de 2h para concluir a peça? (valor arredondado com 4 ce decimais) $0.4724 \qquad 0.7634 \qquad 0.0234 \qquad 0.1784 \qquad \text{n.o.}$ (d) Num dia em que não havia qualquer peça em stock foi aceite uma encomenda de 100 peças, tendartesão assumido o compromisso de fornecer as peças no prazo máximo de 30 dias (o que correspo a 240 horas de trabalho). Qual a probabilidade, aproximada, de ele cumprir o seu compromisso? (va arredondado com 4 casas decimais) $0.8233 \qquad 0.9772 \qquad 0.7811 \qquad 0.8122 \qquad \text{n.o.}$	(۾)	Co: T			oro dia	em que as no	rmas ambientais não
In artesão executa peças de barro, sendo o tempo de execução (em horas) uma variável aleatória $X$ o unção densidade: $f_X(x) = \begin{cases} 0, & x < 0 \\ \frac{1}{2}e^{-x/2}, & x \ge 0 \end{cases}$ independentemente da peça. (a) A expressão da função distribuição de $X$ para um argumento $x \ge 0$ é: $1 - e^{-x/2} \qquad -\frac{1}{4}e^{-x/2} \qquad 2e^{-x/2} \qquad -e^{-x/2} \qquad \text{n.o.}$ (b) Qual a probabilidade de uma peça levar pelo menos lh 30m a ser executada? (valor arredondado e 4 casas decimais) $0.3659 \qquad 0.8991 \qquad 0.4724 \qquad 0.0234 \qquad \text{n.o.}$ (c) Verificando-se que em certo momento uma peça já está a ser produzida há 30 minutos, qual a probilidade de ser necessario esperar mais de 2h para concluir a peça? (valor arredondado com 4 ce decimais) $0.4724 \qquad 0.7634 \qquad 0.0234 \qquad 0.1784 \qquad \text{n.o.}$ (d) Num dia em que não havia qualquer peça em stock foi aceite uma encomenda de 100 peças, tenda artesão assumido o compromisso de fornecer as peças no prazo máximo de 30 dias (o que correspo a 240 horas de trabalho). Qual a probabilidade, aproximada, de ele cumprir o seu compromisso? (va arredondado com 4 casas decimais) $0.823 \qquad 0.9772 \qquad 0.7811 \qquad 0.8122 \qquad \text{n.o.}$		-					
Um artesão executa peças de barro, sendo o tempo de execução (em horas) uma variável aleatória $X$ o umção densidade: $f_X(x) = \begin{cases} 0, & x < 0 \\ \frac{1}{2}e^{-x/2}, & x \ge 0 \end{cases}$ independentemente da peça.  (a) A expressão da função distribuição de $X$ para um argumento $x \ge 0$ é: $1 - e^{-x/2} \qquad -\frac{1}{4}e^{-x/2} \qquad 2e^{-x/2} \qquad -e^{-x/2} \qquad \text{n.o.}$ (b) Qual a probabilidade de uma peça levar pelo menos 1h 30m a ser executada? (valor arredondado o 4 casas decimais) $0.3659 \qquad 0.8991 \qquad 0.4724 \qquad 0.0234 \qquad \text{n.o.}$ (c) Verificando-se que em certo momento uma peça já está a ser produzida há 30 minutos, qual a probilidade de ser necessario esperar mais de 2h para concluir a peça? (valor arredondado com 4 ca decimais) $0.4724 \qquad 0.7634 \qquad 0.0234 \qquad 0.1784 \qquad \text{n.o.}$ (d) Num dia em que não havia qualquer peça em stock foi aceite uma encomenda de 100 peças, tenda artesão assumido o compromisso de fornecer as peças no prazo máximo de 30 dias (o que correspo a 240 horas de trabalho). Qual a probabilidade, aproximada, de ele cumprir o seu compromisso? (va arredondado com 4 casas decimais) $0.8233 \qquad 0.9772 \qquad 0.7811 \qquad 0.8122 \qquad \text{n.o.}$		O <sub>Z</sub> (1)				U.	
tunção densidade: $f_X\left(x\right) = \left\{ \begin{array}{ll} 0, & x < 0 \\ \frac{1}{2}e^{-x/2}, & x \geq 0 \end{array} \right.$ ndependentemente da peça. (a) A expressão da função distribuição de $X$ para um argumento $x \geq 0$ é: $1 - e^{-x/2} \qquad -\frac{1}{4}e^{-x/2} \qquad 2e^{-x/2} \qquad -e^{-x/2} \qquad \text{n.o.}$ (b) Qual a probabilidade de uma peça levar pelo menos 1h 30m a ser executada? (valor arredondado o 4 casas decimais) $0.3659 \qquad 0.8991 \qquad 0.4724 \qquad 0.0234 \qquad \text{n.o.}$ (c) Verificando-se que em certo momento uma peça já está a ser produzida há 30 minutos, qual a probilidade de ser necessario esperar mais de 2h para concluir a peça? (valor arredondado com 4 cadecimais) $0.4724 \qquad 0.7634 \qquad 0.0234 \qquad 0.1784 \qquad \text{n.o.}$ (d) Num dia em que não havia qualquer peça em stock foi aceite uma encomenda de 100 peças, tenda artesão assumido o compromisso de fornecer as peças no prazo máximo de 30 dias (o que correspo a 240 horas de trabalho). Qual a probabilidade, aproximada, de ele cumprir o seu compromisso? (va arredondado com 4 casas decimais) $0.8233 \qquad 0.9772 \qquad 0.7811 \qquad 0.8122 \qquad \text{n.o.}$		$\sigma$					
tunção densidade: $f_X(x) = \begin{cases} 0, & x < 0 \\ \frac{1}{2}e^{-x/2}, & x \ge 0 \end{cases}$ ndependentemente da peça.  (a) A expressão da função distribuição de $X$ para um argumento $x \ge 0$ é: $1 - e^{-x/2} \qquad -\frac{1}{4}e^{-x/2} \qquad 2e^{-x/2} \qquad -e^{-x/2} \qquad \text{n.o.}$ (b) Qual a probabilidade de uma peça levar pelo menos 1h 30m a ser executada? (valor arredondado of 4 casas decimais) $0.3659 \qquad 0.8991 \qquad 0.4724 \qquad 0.0234 \qquad \text{n.o.}$ (c) Verificando-se que em certo momento uma peça já está a ser produzida há 30 minutos, qual a probilidade de ser necessario esperar mais de 2h para concluir a peça? (valor arredondado com 4 cadecimais) $0.4724 \qquad 0.7634 \qquad 0.0234 \qquad 0.1784 \qquad \text{n.o.}$ (d) Num dia em que não havia qualquer peça em stock foi aceite uma encomenda de 100 peças, tenda artesão assumido o compromisso de fornecer as peças no prazo máximo de 30 dias (o que correspona 240 horas de trabalho). Qual a probabilidade, aproximada, de ele cumprir o seu compromisso? (va arredondado com 4 casas decimais) $0.8233 \qquad 0.9772 \qquad 0.7811 \qquad 0.8122 \qquad \text{n.o.}$							
$f_X\left(x\right) = \left\{ \begin{array}{ll} 0, & x < 0 \\ \frac{1}{2}e^{-x/2}, & x \geq 0 \end{array} \right.$ ndependentemente da peça.  (a) A expressão da função distribuição de $X$ para um argumento $x \geq 0$ é: $1 - e^{-x/2} \qquad -\frac{1}{4}e^{-x/2} \qquad 2e^{-x/2} \qquad -e^{-x/2} \qquad \text{n.o.}$ (b) Qual a probabilidade de uma peça levar pelo menos 1h 30m a ser executada? (valor arredondado o 4 casas decimais) $0.3659 \qquad 0.8991 \qquad 0.4724 \qquad 0.0234 \qquad \text{n.o.}$ (c) Verificando-se que em certo momento uma peça já está a ser produzida há 30 minutos, qual a probilidade de ser necessario esperar mais de 2h para concluir a peça? (valor arredondado com 4 cadecimais) $0.4724 \qquad 0.7634 \qquad 0.0234 \qquad 0.1784 \qquad \text{n.o.}$ (d) Num dia em que não havia qualquer peça em stock foi aceite uma encomenda de 100 peças, tenda artesão assumido o compromisso de fornecer as peças no prazo máximo de 30 dias (o que correspona 240 horas de trabalho). Qual a probabilidade, aproximada, de ele cumprir o seu compromisso? (va arredondado com 4 casas decimais) $0.8233 \qquad 0.9772 \qquad 0.7811 \qquad 0.8122 \qquad \text{n.o.}$							
mção densidade: $f_X(x) = \begin{cases} 0, & x < 0 \\ \frac{1}{2}e^{-x/2}, & x \ge 0 \end{cases}$ idependentemente da peça. (a) A expressão da função distribuição de $X$ para um argumento $x \ge 0$ é: $1 - e^{-x/2} \qquad -\frac{1}{4}e^{-x/2} \qquad 2e^{-x/2} \qquad -e^{-x/2} \qquad \text{n.o.}$ (b) Qual a probabilidade de uma peça levar pelo menos 1h 30m a ser executada? (valor arredondado o 4 casas decimais) $0.3659 \qquad 0.8991 \qquad 0.4724 \qquad 0.0234 \qquad \text{n.o.}$ (c) Verificando-se que em certo momento uma peça já está a ser produzida há 30 minutos, qual a probilidade de ser necessario esperar mais de 2h para concluir a peça? (valor arredondado com 4 cadecimais) $0.4724 \qquad 0.7634 \qquad 0.0234 \qquad 0.1784 \qquad \text{n.o.}$ (d) Num dia em que não havia qualquer peça em stock foi aceite uma encomenda de 100 peças, tenda artesão assumido o compromisso de fornecer as peças no prazo máximo de 30 dias (o que correspo a 240 horas de trabalho). Qual a probabilidade, aproximada, de ele cumprir o seu compromisso? (va arredondado com 4 casas decimais) $0.8233 \qquad 0.9772 \qquad 0.7811 \qquad 0.8122 \qquad \text{n.o.}$	(						
tunção densidade: $f_X\left(x\right) = \left\{ \begin{array}{ll} 0, & x < 0 \\ \frac{1}{2}e^{-x/2}, & x \geq 0 \end{array} \right.$ ndependentemente da peça. (a) A expressão da função distribuição de $X$ para um argumento $x \geq 0$ é: $1 - e^{-x/2} \qquad -\frac{1}{4}e^{-x/2} \qquad 2e^{-x/2} \qquad -e^{-x/2} \qquad \text{n.o.}$ (b) Qual a probabilidade de uma peça levar pelo menos 1h 30m a ser executada? (valor arredondado o 4 casas decimais) $0.3659 \qquad 0.8991 \qquad 0.4724 \qquad 0.0234 \qquad \text{n.o.}$ (c) Verificando-se que em certo momento uma peça já está a ser produzida há 30 minutos, qual a probilidade de ser necessario esperar mais de 2h para concluir a peça? (valor arredondado com 4 cadecimais) $0.4724 \qquad 0.7634 \qquad 0.0234 \qquad 0.1784 \qquad \text{n.o.}$ (d) Num dia em que não havia qualquer peça em stock foi aceite uma encomenda de 100 peças, tenda artesão assumido o compromisso de fornecer as peças no prazo máximo de 30 dias (o que correspo a 240 horas de trabalho). Qual a probabilidade, aproximada, de ele cumprir o seu compromisso? (va arredondado com 4 casas decimais) $0.8233 \qquad 0.9772 \qquad 0.7811 \qquad 0.8122 \qquad \text{n.o.}$							
tunção densidade: $f_X\left(x\right) = \left\{ \begin{array}{ll} 0, & x < 0 \\ \frac{1}{2}e^{-x/2}, & x \geq 0 \end{array} \right.$ ndependentemente da peça. (a) A expressão da função distribuição de $X$ para um argumento $x \geq 0$ é: $1 - e^{-x/2} \qquad -\frac{1}{4}e^{-x/2} \qquad 2e^{-x/2} \qquad -e^{-x/2} \qquad \text{n.o.}$ (b) Qual a probabilidade de uma peça levar pelo menos 1h 30m a ser executada? (valor arredondado o 4 casas decimais) $0.3659 \qquad 0.8991 \qquad 0.4724 \qquad 0.0234 \qquad \text{n.o.}$ (c) Verificando-se que em certo momento uma peça já está a ser produzida há 30 minutos, qual a probilidade de ser necessario esperar mais de 2h para concluir a peça? (valor arredondado com 4 cadecimais) $0.4724 \qquad 0.7634 \qquad 0.0234 \qquad 0.1784 \qquad \text{n.o.}$ (d) Num dia em que não havia qualquer peça em stock foi aceite uma encomenda de 100 peças, tenda artesão assumido o compromisso de fornecer as peças no prazo máximo de 30 dias (o que correspo a 240 horas de trabalho). Qual a probabilidade, aproximada, de ele cumprir o seu compromisso? (va arredondado com 4 casas decimais) $0.8233 \qquad 0.9772 \qquad 0.7811 \qquad 0.8122 \qquad \text{n.o.}$							
unção densidade: $f_X(x) = \begin{cases} 0, & x < 0 \\ \frac{1}{2}e^{-x/2}, & x \ge 0 \end{cases}$ ndependentemente da peça.  (a) A expressão da função distribuição de $X$ para um argumento $x \ge 0$ é: $1 - e^{-x/2} \qquad -\frac{1}{4}e^{-x/2} \qquad 2e^{-x/2} \qquad -e^{-x/2} \qquad \text{n.o.}$ (b) Qual a probabilidade de uma peça levar pelo menos 1h 30m a ser executada? (valor arredondado of 4 casas decimais) $0.3659 \qquad 0.8991 \qquad 0.4724 \qquad 0.0234 \qquad \text{n.o.}$ (c) Verificando-se que em certo momento uma peça já está a ser produzida há 30 minutos, qual a probilidade de ser necessario esperar mais de 2h para concluir a peça? (valor arredondado com 4 cadecimais) $0.4724 \qquad 0.7634 \qquad 0.0234 \qquad 0.1784 \qquad \text{n.o.}$ (d) Num dia em que não havia qualquer peça em stock foi aceite uma encomenda de 100 peças, tenda artesão assumido o compromisso de fornecer as peças no prazo máximo de 30 dias (o que correspona 240 horas de trabalho). Qual a probabilidade, aproximada, de ele cumprir o seu compromisso? (va arredondado com 4 casas decimais) $0.8233 \qquad 0.9772 \qquad 0.7811 \qquad 0.8122 \qquad \text{n.o.}$							
$f_X\left(x\right) = \left\{ \begin{array}{ll} 0, & x < 0 \\ \frac{1}{2}e^{-x/2}, & x \geq 0 \end{array} \right.$ ndependentemente da peça.  (a) A expressão da função distribuição de $X$ para um argumento $x \geq 0$ é: $1 - e^{-x/2} \qquad -\frac{1}{4}e^{-x/2} \qquad 2e^{-x/2} \qquad -e^{-x/2} \qquad \text{n.o.}$ (b) Qual a probabilidade de uma peça levar pelo menos 1h 30m a ser executada? (valor arredondado o 4 casas decimais) $0.3659 \qquad 0.8991 \qquad 0.4724 \qquad 0.0234 \qquad \text{n.o.}$ (c) Verificando-se que em certo momento uma peça já está a ser produzida há 30 minutos, qual a probilidade de ser necessario esperar mais de 2h para concluir a peça? (valor arredondado com 4 cadecimais) $0.4724 \qquad 0.7634 \qquad 0.0234 \qquad 0.1784 \qquad \text{n.o.}$ (d) Num dia em que não havia qualquer peça em stock foi aceite uma encomenda de 100 peças, tenda artesão assumido o compromisso de fornecer as peças no prazo máximo de 30 dias (o que correspona 240 horas de trabalho). Qual a probabilidade, aproximada, de ele cumprir o seu compromisso? (va arredondado com 4 casas decimais) $0.8233 \qquad 0.9772 \qquad 0.7811 \qquad 0.8122 \qquad \text{n.o.}$							
(a) A expressão da função distribuição de X para um argumento x ≥ 0 é:  1 - e^{-x/2}				,		as) uma variá	ível aleatória $X$ com
<ul> <li>(a) A expressão da função distribuição de X para um argumento x ≥ 0 é:  1 - e<sup>-x/2</sup> - 1/4 e<sup>-x/2</sup> 2e<sup>-x/2</sup> - e<sup>-x/2</sup> n.o.</li> <li>(b) Qual a probabilidade de uma peça levar pelo menos 1h 30m a ser executada? (valor arredondado o 4 casas decimais)  0.3659 0.8991 0.4724 0.0234 n.o.</li> <li>(c) Verificando-se que em certo momento uma peça já está a ser produzida há 30 minutos, qual a probilidade de ser necessario esperar mais de 2h para concluir a peça? (valor arredondado com 4 cadecimais)  0.4724 0.7634 0.0234 0.1784 n.o.</li> <li>(d) Num dia em que não havia qualquer peça em stock foi aceite uma encomenda de 100 peças, tenda artesão assumido o compromisso de fornecer as peças no prazo máximo de 30 dias (o que correspona 240 horas de trabalho). Qual a probabilidade, aproximada, de ele cumprir o seu compromisso? (valor arredondado com 4 casas decimais)  0.8233 0.9772 0.7811 0.8122 n.o.</li> </ul>			$fX(x) = \sum_{i=1}^{n} f(x_i)$	$\left( \frac{1}{2}e^{-x/2},  x \ge 0 \right)$	1		
$1-e^{-x/2} \qquad -\frac{1}{4}e^{-x/2} \qquad 2e^{-x/2} \qquad -e^{-x/2} \qquad \text{n.o.}$ (b) Qual a probabilidade de uma peça levar pelo menos 1h 30m a ser executada? (valor arredondado o 4 casas decimais) $0.3659 \qquad 0.8991 \qquad 0.4724 \qquad 0.0234 \qquad \text{n.o.}$ (c) Verificando-se que em certo momento uma peça já está a ser produzida há 30 minutos, qual a probilidade de ser necessario esperar mais de 2h para concluir a peça? (valor arredondado com 4 cadecimais) $0.4724 \qquad 0.7634 \qquad 0.0234 \qquad 0.1784 \qquad \text{n.o.}$ (d) Num dia em que não havia qualquer peça em stock foi aceite uma encomenda de 100 peças, tenda artesão assumido o compromisso de fornecer as peças no prazo máximo de 30 dias (o que correspona 240 horas de trabalho). Qual a probabilidade, aproximada, de ele cumprir o seu compromisso? (va arredondado com 4 casas decimais) $0.8233 \qquad 0.9772 \qquad 0.7811 \qquad 0.8122 \qquad \text{n.o.}$							
(b) Qual a probabilidade de uma peça levar pelo menos 1h 30m a ser executada? (valor arredondado o 4 casas decimais)  0.3659  0.8991  0.4724  0.0234  n.o.  (c) Verificando-se que em certo momento uma peça já está a ser produzida há 30 minutos, qual a probilidade de ser necessario esperar mais de 2h para concluir a peça? (valor arredondado com 4 cadecimais)  0.4724  0.7634  0.0234  0.1784  n.o.  (d) Num dia em que não havia qualquer peça em stock foi aceite uma encomenda de 100 peças, tenda artesão assumido o compromisso de fornecer as peças no prazo máximo de 30 dias (o que correspor a 240 horas de trabalho). Qual a probabilidade, aproximada, de ele cumprir o seu compromisso? (valor arredondado com 4 casas decimais)  0.8233  0.9772  0.7811  0.8122  n.o.	(a)						
4 casas decimais)  0.3659  0.8991  0.4724  0.0234  n.o.  (c) Verificando-se que em certo momento uma peça já está a ser produzida há 30 minutos, qual a probilidade de ser necessario esperar mais de 2h para concluir a peça? (valor arredondado com 4 ca decimais)  0.4724  0.7634  0.0234  0.1784  n.o.  (d) Num dia em que não havia qualquer peça em stock foi aceite uma encomenda de 100 peças, tenda artesão assumido o compromisso de fornecer as peças no prazo máximo de 30 dias (o que correspona 240 horas de trabalho). Qual a probabilidade, aproximada, de ele cumprir o seu compromisso? (va arredondado com 4 casas decimais)  0.8233  0.9772  0.7811  0.8122  n.o.			1				
(c) Verificando-se que em certo momento uma peça já está a ser produzida há 30 minutos, qual a probilidade de ser necessario esperar mais de 2h para concluir a peça? (valor arredondado com 4 ca decimais)  0.4724  0.7634  0.0234  0.1784  n.o.  (d) Num dia em que não havia qualquer peça em stock foi aceite uma encomenda de 100 peças, tenda artesão assumido o compromisso de fornecer as peças no prazo máximo de 30 dias (o que correspora 240 horas de trabalho). Qual a probabilidade, aproximada, de ele cumprir o seu compromisso? (va arredondado com 4 casas decimais)  0.8233  0.9772  0.7811  0.8122  n.o.	(b)		uma peça levar pel	o menos 1h 30m a	a ser ex	ecutada? (va	lor arredondado com
bilidade de ser necessario esperar mais de 2h para concluir a peça? (valor arredondado com 4 ca decimais)  0.4724  0.7634  0.0234  0.1784  n.o.  (d) Num dia em que não havia qualquer peça em stock foi aceite uma encomenda de 100 peças, tend artesão assumido o compromisso de fornecer as peças no prazo máximo de 30 dias (o que correspor a 240 horas de trabalho). Qual a probabilidade, aproximada, de ele cumprir o seu compromisso? (va arredondado com 4 casas decimais)  0.8233  0.9772  0.7811  0.8122  n.o.		0.3659	0.8991	0.4724		0.0234	n.o.
(d) Num dia em que não havia qualquer peça em stock foi aceite uma encomenda de 100 peças, tend artesão assumido o compromisso de fornecer as peças no prazo máximo de 30 dias (o que correspos a 240 horas de trabalho). Qual a probabilidade, aproximada, de ele cumprir o seu compromisso? (va arredondado com 4 casas decimais)  0.8233	(c)	bilidade de ser necessario					
artesão assumido o compromisso de fornecer as peças no prazo máximo de 30 dias (o que correspos a 240 horas de trabalho). Qual a probabilidade, aproximada, de ele cumprir o seu compromisso? (va arredondado com 4 casas decimais)  0.8233 \( \text{0.9772} \) \( \text{0.7811} \) 0.8122  \( \text{n.o.} \)		0.4724	0.7634	0.0234		0.1784	n.o.
	(d)	artesão assumido o comp a 240 horas de trabalho).	romisso de fornecer Qual a probabilida	as peças no praz	o máxi	mo de 30 dia	s (o que corresponde
		0.8233	L 0.9772	0.7811		0.8122	n.o.
, Y-			' A-				

(1.5)

(1.5)

(1.5)

(1.7)

(1.7)

4.	Considere $(X_1, X_2, \dots, X_n)$ uma amostra aleatória de dimensão $n \geq 2$ , proveniente de uma população $X$ com
	distribuição Uniforme no intervalo $[\theta, 0]$ , com $\theta \in \mathbb{R}^-$ .

(1.2) (a) O estimador dos momentos para o parâmetro  $\theta$  é:

$$2\overline{X}$$
  $\overline{X}$   $\overline{X}/2$  n.o.

(1.2) (b) Considere uma estatística  $T_n$  tal que  $E(T_n) = 2\theta/n$ . Admita que  $\tilde{\theta} = \mathbf{a} T_n + \mathbf{b}$  é um estimador do parâmetro  $\theta$ , sendo  $\mathbf{a}$  e  $\mathbf{b}$  contantes reais e  $\mathbf{a} \neq 0$ .  $\tilde{\theta}$  é um estimador centrado para o parâmetro  $\theta$  se, e só se:

$$\mathbf{a} = 1 \ \text{e} \ \mathbf{b} = \frac{2}{n}$$
  $\mathbf{a} = \frac{2}{n}$   $\mathbf{a} = \frac{2}{n}$   $\mathbf{a} = 1$   $\mathbf{a} = 1$   $\mathbf{b} = \frac{n}{2}$   $\mathbf{a} = \frac{n}{2}$   $\mathbf{a} = \frac{n}{2}$   $\mathbf{a} = \frac{n}{2}$   $\mathbf{b} = 0$  , n.o.

(1.2) (c) Sejam  $\hat{\theta} = 2\overline{X}$  e  $\ddot{\theta}$  dois estimadores centrados para o parâmetro  $\theta$ . Sabendo que  $V\left(\ddot{\theta}\right) = \frac{\theta^2}{n\left(n+2\right)}$ , qual das afirmações é verdadeira?

 $\hat{\theta}$  é mais eficiente que  $\hat{\theta}$   $\hat{\theta}$  é mais eficiente que  $\hat{\theta}$   $\hat{\theta}$  é tão eficiente quanto  $\hat{\theta}$  n.o.

(1.0) 5. Seja X uma variável aleatória absolutamente contínua com função densidade de probabilidade  $f(x) = 2\phi(x)\Phi(x), x \in \mathbb{R}$ , onde  $\phi(x)$  e  $\Phi(x)$  representam, respetivamente, a função densidade de probabilidade e a função de distribuição de uma variável aleatória N(0,1). Se  $P(X \le a) = 0.985$ , então a tem valor

**4** \... \_ .

	Versão B						
	1. Considere uma empresa de aluguer de autocarros para excursões de longo curso. Sabe-se, pela análise do seu comportamento, que o número de alugueres por semana de cada autocarro segue uma distribuição de Poisson de valor médio 3 (independentemente do autocarro e da semana).						
(1.5)	(a) A probabilidade de, em certa semana, um dos autocarros vir a ter um número de alugueres superior a 1 tem valor (arredondado com 4 casas decimais).						
	A 0.1494 B 0.9502 C 0.1219 D 0.8009 E n.o.						
(1.5)	(b) A probabilidade de, em $2.5$ semanas, um autocarro vir a ter $6$ alugueres tem valor (arredondado com $4$ casas decimais).						
	A 0.1367 B 0.0035 C 0.3782 D 0.8633 E n.o.						
	(a) Seja X-n.º alugueres de um autocarro numa semana $X \sim P(3)$						
	$P(X > 1) = 1 - P(X \le 1) = 1 - \sum_{k=0}^{1} e^{-3} \frac{3^k}{k!} = 0.8009$						
	(b) Seja Y-n.º alugueres de um autocarro em 2.5 semanas $Y \sim P(3 \times 2.5) \equiv P(7.5)$						
	$P(Y=6) = e^{-7.5} \frac{7.5^6}{6!} = 0.1367$						

2. A concentração diária de um certo poluente não deve exceder 320  $\mu g/m^3$ , de acordo com as normas ambientais em vigor. Admita que a concentração diária deste poluente num dado local, X, tem distribuição normal com valor esperado 300  $\mu g/m^3$  e que as concentrações do poluente em dias distintos e neste local, são independentes. Sabe-se ainda que neste local as normas ambientais não são cumpridas em 2.5% dos dias.

(1.5) (a) Os valores de concentração diária deste poluente, neste local, vão sendo registados dia após dia. Quantos dias se espera ter de registar até ocorrer o primeiro dia em que as normas ambientais não são cumpridas?

A 40

B 10

C 24

D 49

E n.o.

(1.5) O desvio padrão da concentração do poluente neste local tem valor (arredondado com 3 casas decimais):

A 11.345

B 14.221

C 10.204

D 12.723

E n.o.

Nas alíneas que se seguem, considere que o desvio padrão é igual a  $12 \,\mu\mathrm{g/m^3}$ .

(1.5) (c) Qual é a probabilidade de, neste local, a concentração diária do poluente estar entre 280 e 300  $\mu g/m^3$ ? (valor arredondado com 4 casas decimais)

A 0.1223

B = 0.5788

 $\bigcirc$  0.4463

D 0.4525

E no

(1.5) (d) Sejam  $X_1$  e  $X_2$  as concentrações do poluente em dois dias consecutivos. A  $P(2X_1 > X_2 + 350)$  tem valor (arredondado com 4 casas decimais):

A 0.4525

B 0.0314

C = 0.0122

D 0.9667

E n.o.

Seja X-concentração diária do poluente  $X \sim N(300, \sigma^2)$ 

(a) Seja Y-n.º de dias a registar concentrações até ocorrer o primeiro dia em que as normas ambientais não são cumpridas

$$Y \sim G(0.025)$$
 e  $E(Y) = \frac{1}{0.025} = 40$ 

(b) 
$$P(X > 320) = 0.025 \Leftrightarrow P\left(\frac{X - 300}{\sigma} > \frac{320 - 300}{\sigma}\right) = 0.025 \Leftrightarrow P\left(Z \le \frac{20}{\sigma}\right) = 0.975 \Leftrightarrow \frac{20}{\sigma} = 1.96$$
  
 $\sigma = 10.20408163$ 

(c) 
$$P(280 \le X \le 300) = P(X \le 300) - P(X < 280)$$
  
=  $P\left(\frac{X - 300}{12} \le \frac{300 - 300}{12}\right) - P\left(\frac{X - 300}{12} \le \frac{280 - 300}{12}\right) = P(Z \le 0) - P(Z < -1.67)$   
=  $0.5 - [1 - P(Z < 1.67)] = 0.5 - 1 + 0.9525 = 0.4525$ 

(d) Seja  $D = 2X_1 - X_2$  $X_1, X_2$  são v.a.'s i.i.d. com distribuição N (300, 12<sup>2</sup>)

$$E(D) = 2E(X_1) - E(X_2) = 300$$
  $V(D) = 2^2V(X_1) + V(X_2) = 720$ 

$$D \sim N(300, 720)$$

$$P\left(P\left(2X_{1} > X_{2} + 350\right)\right) = P\left(D > 350\right) = 1 - P\left(\frac{D - 300}{\sqrt{720}} \le \frac{350 - 300}{\sqrt{720}}\right) = 1 - P\left(Z \le 1.86\right) = 1 - 0.9686 = 0.0314$$

3. Um artesão executa peças de barro, sendo o tempo de execução (em horas) uma variável aleatória X com função densidade:

$$f_X(x) = \begin{cases} 0, & x < 0 \\ \frac{1}{2}e^{-x/2}, & x \ge 0 \end{cases}$$

independentemente da peça.

(1.5) (a) A expressão da função distribuição de X para um argumento  $x \ge 0$  é:

(1.5) (b) Qual a probabilidade de uma peça levar pelo menos 1h 30m a ser executada? (valor arredondado com 4 casas decimais)

(1.7) (c) Verificando-se que em certo momento uma peça já está a ser produzida há 30 minutos, qual a probabilidade de ser necessario esperar mais de 2h para concluir a peça? (valor arredondado com 4 casas decimais)

(1.7) (d) Num dia em que não havia qualquer peça em stock foi aceite uma encomenda de 100 peças, tendo o artesão assumido o compromisso de fornecer as peças no prazo máximo de 30 dias (o que corresponde a 240 horas de trabalho). Qual a probabilidade, aproximada, de ele cumprir o seu compromisso? (valor arredondado com 4 casas decimais)

A v.a. X tem distribuição Exponencial de parâmetros (0,2)  $X \sim E(0,2)$ 

(a) Para 
$$x \ge 0$$
,  $F_X(x) = P(X \le x) = 1 - e^{-x/2}$ 

(b) 
$$P(X \ge 1.5) = 1 - P(X \le 1.5) = 1 - F_X(1.5) = e^{-1.5/2} = 0.4724$$

(c) 
$$P(X > 2 | X > 0.5) = P(X > 0.5 + 1.5 | X > 0.5) = P(X > 1.5) = 0.4724$$

(d) Seja 
$$T = X_1 + X_2 + \ldots + X_{100}$$
 - o tempo total de execução de 100 peças

 $X_i$  - tempo de execução da peça  $i, i = 1, 2, \dots, 100$ 

Pelo T.L.C.,  $T \stackrel{a}{\sim} N(200, 400) \equiv N(200, 20^2)$  porque:

• 
$$X_i \sim E\left(0,2\right), i=1,2,\ldots,100$$
 e são v.a.'s independentes  $E\left(X_i\right)=2$   $V\left(X_i\right)=4$ 

• 
$$E(T) = \sum_{i=1}^{100} E(X_i) = 200$$
  $V(T) = \sum_{i=1}^{100} V(X_i) = 400$ 

• n = 100 > 30

$$P\left(T \leq 240\right) = P\left(\frac{T - 200}{20} \leq \frac{240 - 200}{20}\right) \approx P\left(Z \leq 2\right) = 0.9772$$

- 4. Considere  $(X_1, X_2, \dots, X_n)$  uma amostra aleatória de dimensão  $n \ge 2$ , proveniente de uma população X com distribuição Uniforme no intervalo  $[\theta, 0]$ , com  $\theta \in \mathbb{R}^-$ .
- (1.2) (a) O estimador dos momentos para o parâmetro  $\theta$  é:

Α	$\overline{X}/2$

$$\overline{\mathsf{B}}$$
  $\overline{X}$ 

$$\bigcirc$$
  $2\sqrt{3M_2}$ 

$$2\overline{X}$$

E n.o.

(b) Considere uma estatística  $T_n$  tal que  $E(T_n) = 2\theta/n$ . Admita que  $\tilde{\theta} = \mathbf{a} T_n + \mathbf{b}$  é um estimador do (1.2)parâmetro  $\theta$ , sendo  $\mathbf{a}$  e  $\mathbf{b}$  contantes reais e  $\mathbf{a} \neq 0$ .  $\tilde{\theta}$  é um estimador centrado para o parâmetro  $\theta$  se, e

$$\boxed{ \mathbf{A} } \mathbf{a} = \frac{n}{2} \quad \mathrm{e} \quad \mathbf{b} = 0 \qquad \boxed{ \mathbb{B} } \mathbf{a} = 1 \quad \mathrm{e} \quad \mathbf{b} = \frac{n}{2} \qquad \boxed{ \mathbb{C} } \mathbf{a} = \frac{2}{n} \quad \mathrm{e} \quad \mathbf{b} = 1 \qquad \boxed{ \mathbb{D} } \mathbf{a} = 1 \quad \mathrm{e} \quad \mathbf{b} = \frac{2}{n} \qquad \boxed{ \mathbb{E} } \quad \mathrm{n.o.}$$

- (c) Sejam  $\hat{\theta} = 2\overline{X}$  e  $\ddot{\theta}$  dois estimadores centrados para o parâmetro  $\theta$ . Sabendo que  $V\left(\ddot{\theta}\right) = \frac{\theta^2}{n(n+2)}$ , (1.2)qual das afirmações é verdadeira?
  - $\hat{\theta}$  é mais eficiente que  $\ddot{\theta}$
- $\hat{\theta}$  é tão eficiente quanto  $\hat{\theta}$   $\hat{\theta}$  é mais eficiente que  $\hat{\theta}$
- $\lfloor \underline{\mathtt{D}} \rfloor$  n.o.

$$X \sim U(\theta, 0), \ \theta \in \mathbb{R}^{-}$$
  $E(X) = \frac{\theta}{2}$   $V(X) = \frac{\theta^{2}}{12}$ 

- (a)  $E(X) = \overline{X} \Leftrightarrow \frac{\theta}{2} = \overline{X} \Leftrightarrow \theta = 2\overline{X}$  O estimador dos momentos é  $\theta^* = 2\overline{X}$
- (b)  $E\left(\tilde{\theta}\right) = \theta \Leftrightarrow \mathbf{a}E\left(T_n\right) + \mathbf{b} = \theta \Leftrightarrow \frac{2\mathbf{a}}{n}\theta + \mathbf{b} = \theta \Leftrightarrow \frac{2\mathbf{a}}{n} = 1 \text{ e } \mathbf{b} = 0 \Leftrightarrow \mathbf{a} = \frac{n}{2} \text{ e } \mathbf{b} = 0$
- (c)  $V(\hat{\theta}) = V(2\overline{X}) = 2^2V(\overline{X}) = 4\frac{V(X)}{n} = \frac{\theta^2}{3n}$ 
  - $\frac{V\left(\hat{\theta}\right)}{V\left(\ddot{\theta}\right)} = \frac{\frac{\theta^2}{3n}}{\frac{\theta^2}{n}} = \frac{n+2}{3} > 1 \text{ porque } n \geq 2 \qquad \ddot{\theta} \text{ \'e mais eficiente que } \hat{\theta}$
- 5. Seja X uma variável aleatória absolutamente contínua com função densidade de probabilidade f(x) $2\phi(x)\Phi(x)$ ,  $x \in \mathbb{R}$ , onde  $\phi(x)$  e  $\Phi(x)$  representam, respetivamente, a função densidade de probabilidade e a função de distribuição de uma variável aleatória N(0,1). Se  $P(X \le a) = 0.985$ , então a tem valor
  - 2.43
- B 2.78
- |C| 2.17
- $\boxed{\mathtt{D}}$  2.36
- E n.o.

$$P(X \le a) = \int_{-\infty}^{a} f_X(x) \, dx = \int_{-\infty}^{a} 2\phi(x) \Phi(x) dx = \left[\Phi^2(x)\right]_{-\infty}^{a} = \Phi^2(a)$$

$$P\left(X \leq a\right) = 0.985 \Leftrightarrow \Phi^{2}(a) = 0.985 \Rightarrow \Phi(a) = 0.992471662 \Rightarrow a = \Phi^{-1}(0.9925) = 2.43$$