## Teoria da Computação FCT-UNL 2023-2024

## Problem Set 4

## Autómatos Finitos Não-Deterministas

- 1. Para cada uma das linguagens definidas abaixo, descreva um AFN que a reconhece através do seu diagrama de estados e formalmente:
  - (a) A linguagem L sobre  $\{A,C,G,T\}$  das sequências que contêm ACT como substring. Mostre que  $ACTCTACT \in L$  de duas maneiras diferentes.
  - (b) A linguagem sobre  $\{0,1\}$  das sequências que começam em 0 e acabam em 1.
  - (c) A linguagem sobre  $\{0,1,2\}$  cujas sequências têm pelo menos um 0 seguido de pelo menos um 2 e terminam em 1.
  - (d) A linguagem L sobre  $\{0,1\}$  das sequências nas quais existem dois 1s separados por um número ímpar de 0s. Por exemplo,  $100101 \in L$ , mas  $10010011 \notin L$ . Mostre que  $1010010001 \in L$  de duas maneiras diferentes.
  - (e)  $L = \{01, 001, 010\}^*$ , com alfabeto  $\Sigma = \{0, 1\}$ .
  - (f)  $L = \{(01)^m (10)^n \mid m, n \in \mathbb{N}\}$ , com alfabeto  $\Sigma = \{0, 1\}$ .
- 2. Para cada uma das linguagens sobre  $\{0,1\}$  definidas abaixo, descreva um AFN que a reconhece através do seu diagrama de estados e com o número de estados pedido:
  - (a)  $L = \{w \mid w \text{ termina em } 11\} \text{ com } 3 \text{ estados.}$
  - (b)  $L = \{0^a 1^b 0^c \mid a, b \in \mathbb{N} \land c \in \mathbb{N}^+\} \text{ com } 3 \text{ estados.}$
  - (c)  $L = \{0\}$  com 2 estados.
  - (d)  $L = \{0\}^* \text{ com 1 estado.}$
- 3. Mostre que todo o AFN M pode ser transformado num AFN M' com apenas um estado final e tal que L(M') = L(M).
- 4. Seja M um AFN que reconhece uma linguagem L. Seja também M' o AFN obtido ao transformar todos os estados finais de M em estados não finais e vice-versa. Diga, justificando, se é sempre verdade que  $L(M') = \overline{L}$ .

5. Para  $k \in \mathbb{N}^+$  arbitrário, definimos a linguagem

$$L_k = \{ w \in \{0,1\}^* \mid |w| \ge k \land w_{|w|-k+1} = 1 \},$$

Isto é, L é a linguagem das sequências binárias que têm um 0 na posição k a contar do fim. Para cada k, descreva um AFN com k+1 estados que reconhece  $L_k$ .

Tente também construir um AFD que reconhece  $L_k$ . O que nota em relação ao número de estados?