Teoria da Computação	Nome:
1 3	Número:
Segundo Semestre 2018/2019	
Mini-teste 2 - versão D	
26/4/2019	
Duração: 45 Minutos	Classificar (Sim/Não)

Este enunciado tem 5 páginas (incluindo esta). Apenas volte a página quando o professor assim o disser. Quem não pretender ter nota nesta prova (ou seja, pretender "desistir") deve indicar em cima que não pretende a prova classificada.

A folha de respostas múltiplas está anexa a este enunciado. Qualquer pergunta errada desconta 1/3 do seu valor no total da pontuação obtida com as respostas certas. Não é permitido o uso de qualquer tipo de material auxiliar ou electrónico enquanto estiver na sala em que decorre a prova.

Tabela de Pontuação

Question	Points	Score
1	10	
2	10	
3	10	
4	10	
5	10	
6	10	
7	10	
8	10	
9	10	
10	10	
Total:	100	

- 1. (10 points) O conjunto das partes do conjunto das sequências finitas de bits:
  - A. é contável;
  - B. é não contável;
  - C. é subconjunto das sequências finitas de bits;
  - D. é finito;
  - E. nenhuma das anteriores.
- 2. (10 points) O conjunto  $[2,5] \cup \mathbb{Z}$  é não contável porque
  - A. contém um conjunto equipotente a [0, 1], que se provou ser não contável;
  - B. é finito;
  - C. é infinito;
  - D. a intersecção de conjuntos não contáveis é não contável;
  - E. nenhuma das anteriores.
- 3. (10 points) A intersecção do conjunto dos números reais com o dos números inteiros não positivos é:
  - A. não contável porque os reais não são contáveis;
  - B. vazia;
  - C. não contável porque há uma bijecção desse conjunto para os reais;
  - D. não contável porque há uma bijecção desse conjunto para os naturais;
  - E. nenhuma das anteriores.

4. (10 points) Considere o alfabeto  $Bool \stackrel{\text{def}}{=} \{t, f\}$ . Qual das seguintes opções corresponde ao Autómato Finito Determinista (AFD) sobre Bool que só aceita palavras que se têm um número ímpar de ts, então têm um número par de ts?

A. 
$$S \stackrel{\text{def}}{=} \{0, 1, 2, 3\}, \ s \stackrel{\text{def}}{=} 0, \ F \stackrel{\text{def}}{=} \{1\}$$

$\delta$	t	f
0	1	2
1	0	3
2	3	0
3	2	1

B. 
$$S \stackrel{\text{def}}{=} \{0, 1, 2, 3\}, s \stackrel{\text{def}}{=} 0, F \stackrel{\text{def}}{=} \{0, 1\}$$

	$\delta$	t	f
	0	1	2
_	1	0	3
_	2	3	0
	3	2	1

C. 
$$S \stackrel{\text{def}}{=} \{0, 1, 2, 3\}, s \stackrel{\text{def}}{=} 0, F \stackrel{\text{def}}{=} \{0, 1, 2\}$$

$\delta$	t	f
0	1	2
1	0	3
2	3	0
3	2	1

D. 
$$S \stackrel{\text{def}}{=} \{0, 1, 2, 3\}, s \stackrel{\text{def}}{=} 0, F \stackrel{\text{def}}{=} \{1, 2\}$$

-		
$\delta$	t	f
0	1	2
1	0	3
2	3	0
3	2	1

E. nenhuma das anteriores.

5. (10 points) Seja  $nT \in Bool^* \to \mathbb{N}_0$  a função que conta o número de ts que ocorrem numa palavra. Da mesma forma, a função nF conta o número de fs. A linguagem do AFD da questão anterior é:

A. 
$$L = \{ w \in Bool \mid nT(w)\%2 = 1 \rightarrow nF(w)\%2 = 0 \}$$

B. 
$$L = \{w \in Bool^* \mid nT(w)\%2 = 0 \lor nF(w)\%2 = 0\}$$

C. 
$$L = \{w \in Bool^* \mid nT(w)\%2 = 1 \lor nF(w)\%2 = 0\}$$

D. 
$$L = \{w \in Bool \mid nT(w)\%2 = 1 \lor nF(w)\%2 = 0\}$$

- E. nenhuma das anteriores.
- 6. (10 points) O AFD referido na alínea D da questão 4 não aceita a palavra ft porque:

A. 
$$\delta(0, ft) = \bot$$

B. 
$$\delta(1, ft) = \bot$$

C. 
$$\delta^*(0, ft) = \bot$$

D. 
$$\delta^*(1, ft) = \bot$$

- E. nenhuma das anteriores.
- 7. (10 points) O AFD referido na alínea C da questão 4 aceita a palavra tff porque:

A. 
$$\delta^*(0, tff) = 1 \in F$$

B. 
$$\delta^*(1, tff) = 1 \in F$$

C. 
$$\delta^*(0, tff) = 2 \in F$$

D. 
$$\delta^*(1, tff) = 2 \in F$$

- E. nenhuma das anteriores.
- 8. (10 points) Considere a função de transição de um AFD com estado inicial s e alfabeto  $\{a,b\}$ . Qual das seguintes opções está correcta?

A. 
$$\delta^*(s, a) = \delta(\delta^*(s, a), \epsilon)$$

B. 
$$\delta^*(s, a) = \delta^*(\delta(s, a), a)$$

C. 
$$\delta^*(s, a) = \delta(\delta^*(s, \epsilon), a)$$

D. 
$$\delta^*(s, a) = \delta^*(\delta(s, \epsilon), a)$$

E. nenhuma das anteriores.

- 9. (10 points) Um AFD com um único estado, um alfabeto não vazio e uma função de transição total tem linguagem:
  - A. o conjunto singular contendo a palavra vazia, sempre aceite por um AFD;
  - B. o conjunto singular contendo o vazio, que está na linguagem de qualquer AFD;
  - C. vazia, ou aceita todas as palavras;
  - D. universal, pois aceita todas as palavras;
  - E. nenhuma das anteriores.
- 10. (10 points) A linguagem de um AFD com estado inicial não final e alfabeto não vazio:
  - A. é o conjunto singular contendo o vazio, que está na linguagem de qualquer AFD;
  - B. contém a palavra vazia, que está na linguagem de qualquer AFD;
  - C. é vazia, porque o AFD não aceita nenhuma palavra;
  - D. não contém a palavra vazia, porque o estado inicial não é final;
  - E. nenhuma das anteriores.