Deures 14/02/2020

Joan Pau Condal Marco

28 de febrer de 2020

Enunciat:

Es sap que si $\langle B_1 \rangle = \langle B_2 \rangle$ i $\#B_1 < \#B_2$, aleshores B_2 és linealment dependent. Prova que si B_1 i B_2 són bases de F, aleshores $\#B_1 = \#B_2$.

Demostració:

Per demostrar la proposició anterior, utilitzarem el mètode de reducció a l'absurd; per tant, suposarem que si B_1 i B_2 són base de F, aleshores $\#B_1 \neq \#B_2$. Per la designaltat anterior, obtenim dos casos a demostrar:

1. $\#B_1 < \#B_2$:

Si $\#B_1 < \#B_2$, sabem que aleshores B_2 és linealment dependent, afirmació que va en contra de la nostra hipòtesis inicial i per tant arribem a una **contradicció**.

2. $\#B_1 > \#B_2$:

Si $\#B_1 < \#B_2$, sabem que aleshores B_1 és linealment dependent, afirmació que va en contra de la nostra hipòtesis inicial i per tant arribem a una segona **contradicció**.

Per tant, podem afirmar que si B_1 i B_2 són bases de F, $\#B_1 = \#B_2$.