

## 1 Código

```
install.packages("ggplot2") #Install package
install.packages("cowplot")
library("ggplot2") #Link library
library("cowplot")
#-----+
# Name: gen.observations
# Input: four integers(n, a [lbound], b[ubound] parameters of Uniform Distribution), number of observations (sz)|
# Output: one plot (means of calculated Uniform Distributions) |
# Definition:Generate sz number of Uniform distributions, calculate mean of said observations |
#-----+
gen.observations<-function(n, sz, lbound, ubound){
  data0=rep(0,sz)
  mean0=rep(0,sz)
  for(i in 1:sz){
    data0[i]=runif(n, min = lbound, max = ubound)
    mean0[i]=mean(data0)
  }
  meanX=as.data.frame(mean0)
  print(meanX)
  #Theoretical values calculation sequence
  expected.value=(lbound+ubound)/2 #Expected value of a Uniform distribution
  variance=(ubound-lbound)^2/12 #Uniform distribution
  variance.n=variance/n
  if(n==3){ #choose colour
    filler="#CD0000"
  }else if(n==23){
    filler="#511190"
  }
  else if(n==77){
    filler="#13AAAA"
  }
  }
  plot <- ggplot(meanX)
  plot <- plot + geom_histogram(aes(x=mean0, y=..density..),colour=1, fill=filler, bins=20)
  plot <- plot + stat_function(fun=dnorm, args=list(mean=expected.value,sd=sqrt(variance.n))) #create a normal distribution
  curve with expected value and sqrt(variance/n) parameters in order to compare with the generated uniform
  distributions
  plot <- plot + ggtitle("Frequência relativa associado aos valores obtidos da média da distribuição com",bquote(list(n==(
    n)))) + ylab("Densidade da distribuição") + xlab("Média da Distribuição Uniforme") #add title and rename y axis
  return(plot)
}

#Specific parameters
sz= 1790
lbound=6
ubound=10
set.seed(1283)

#n=3 Sequence
plot3=gen.observations(3,sz,lbound,ubound)

#n=23 Sequence
plot23=gen.observations(23,sz,lbound,ubound)

#n=77 Sequence
plot77=gen.observations(77,sz,lbound,ubound)

super.plot=plot_grid(plot3, plot23, plot77, nrow=1, ncol=3) #grid all plots
ggsave("module6.png", plot = super.plot, device=png, width=21) #save super.plot
```

## 2 Outputs Gráficos

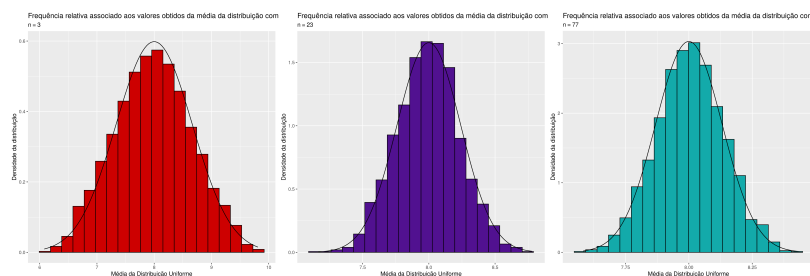


Figura 1: Distribuições da média das amostras produzidas seguindo uma distribuição exponencial subpostas sobre a distribuição normal produzida

## 3 Comentários

Os resultados obtidos permitem demonstrar o Teorema do Valor Central, sucintamente:

*Para qualquer número de amostras  $m$  que seguem uma qualquer distribuição, existe um intervalo para a dimensão de amostra  $n$  para o qual a distribuição de amostragem da média das amostras é aproximadamente normal*

Através da análise gráfica compreende-se que entre os valores de  $n \in [23,77]$  existe um valor  $n=\beta$  a partir do qual é possível realizar a referida aproximação. Correlando com estudos externos verifica-se que  $\beta=30$ <sup>1</sup>

<sup>1</sup>Lesson 27: The Central Limit Theorem, Pennsylvania State University