

## Cálculo I Trabalho de Grupo

Eng. Informática  $\begin{array}{c} 21/11/2007 \\ \text{[2h 00m]} \end{array}$ 

Nome	Número
Nome	Número

Exercício 1. Represente os conjuntos seguintes na forma de intervalos ou união de intervalos:

a) 
$$\{x \in \mathbb{R} : |1+x| < |x-3|\};$$

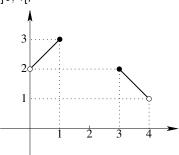
b) 
$$\left\{ x \in \mathbb{R} : \frac{x^2 - 3x - 1}{2 - x} \ge 1 \right\}$$
.

Exercício 2. Em cada alínea apresente um exemplo ou justifique porque não existe:

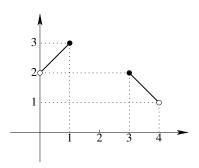
- a) um subconjunto de  $\mathbb{R}$ , finito, com tantos racionais quantos irracionais;
- b) um subconjunto de  $\mathbb{R}$ , numerável, com tantos racionais quantos irracionais.

	o verdadeiras ou falsas:	
a)	) o conjunto $A$ é finito;	
<b>b</b> )	) o conjunto $A$ é aberto;	
טי	y o conjunto 21 e aberto,	
c)	) o conjunto $A$ é fechado;	
d)	) o conjunto $A$ é limitado;	
<i>e)</i>	) o conjunto $A$ tem mínimo.	

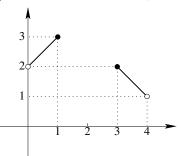
a) um prolongamento contínuo mas não derivável de f ao intervalo ]0,4[;



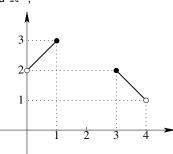
b) um prolongamento de f ao intervalo ]0,4[ que seja derivável;



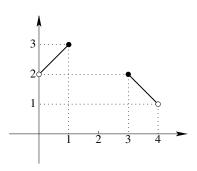
c) um prolongamento f ao intervalo ]0,4[ que seja derivável mas cuja derivada nunca se anula;



d) um prolongamento de f ao intervalo ]0,4[ cujo contradomínio seja  $\mathbb{R}^+;$ 



 $\it e)$  um prolongamento de  $\it f$  ao intervalo ]0,4[ que seja injectivo.



Exercício 5. Calcule os limites seguintes:

a) 
$$\lim_{x\to 2} \frac{\sqrt{x+1}}{\sqrt{x+2}-2};$$

$$b) \quad \lim_{x \to 0} \frac{\cos x - \sin x - e^x}{x^3}.$$

Exercício 6. Calcule o polinómio de Taylor de ordem 3, em torno de 0, da função  $f(x) = x \cos x$ .

Exercício 7. Considere os polinómios  $P(x)=1-x+x^2$  e  $Q(x)=2\,x-2\,x^2+x^3$ . Indique, justificando, se P(x) e Q(x) poderão ser respectivamente os polinómios de Taylor de ordem 2 e 3, em torno de 1, de alguma função.