

# Hashes and MACs

## Outlook

- *One-way* functions
- Hash Function: Definition and classification
- Unkeyed hash functions (MDCs)
  - MDCs based on cryptographic algorithms
  - Customized MDCs (MD5, SHAx)
- Keyed hash functions (MACs)
- Applications
- *Randomized hash functions*: UNIX example

# One-way Functions

- Une fonction  $f$  est dite à sens unique (*one-way function* ou *OWF*) si  $\forall x \in X$  on peut facilement calculer  $f(x) = y$  mais pour la grande majorité des  $y \in Y$  il est calculatoirement impossible de trouver un  $x$  tq.  $f(x) = y$ .
- Exemples:
  - calcul des carrées modulo un composite:

$$f(x) = x^2 \bmod n \text{ avec } n = pq \text{ (p et q inconnus)}$$

est une one-way function car l'inverse est difficile (voir le problème de base SQROOTP).

- on peut construire une one-way function sur la base de DES ou de n'importe quel autre système de cryptage à blocs  $E$  comme suit:

$$y = f(x) = E_k(x) \oplus x, \text{ avec } k \text{ une clé fixée et connue}$$

on peut considérer que  $E_k(x) \oplus x$  a un comportement (pseudo) aléatoire par construction de  $E$ . Le calcul de l'inverse revient à trouver un  $x$  t.q. :

$$x = E_k^{-1}(x \oplus y)$$

ce qui est considéré difficile avec les propriétés de  $E$ .

A noter que  $f(x) = E_k(x)$  ne suffirait pas pour en faire une OWF car, en connaissant la clé, DES est réversible.

# Hash Functions: Définitions

- Une fonction de hachage (***hash function***) est une fonction  $h$  ayant les propriétés suivantes:
  - **compression**: la fonction  $h$  fait correspondre à un ensemble  $X$  composée par des chaînes de bits **de longueur finie mais arbitraire**, un ensemble  $Y$  composé par des chaînes de bits **de longueur finie et fixée** (et normalement inférieur à la taille de  $X$ ) avec  $h(x) = y$ , et  $x \in X, y \in Y$ .
  - **facile à calculer**: partant de  $h$  et  $x \in X$ ,  $h(x)$  est facile à calculer.
- Une hash function est dite “à clé” (***keyed hash function***) si une clé intervient dans le calcul de la fct. ( $h_k(x) = y$ ); sinon on l’appelle “sans clé” (***unkeyed hash function***).
- Les hash functions ont des nombreuses applications informatiques dont l’archivage structuré facilitant la recherche. Coté sécurité nous allons étudier deux catégories principales:
  - codes détecteurs d’altérations (***manipulation detection codes (MDC)*** or *message integrity codes (MIC)*): ce sont des *unkeyed functions* permettant de fournir un service d’intégrité sous certaines conditions. Le résultat d’une telle fonction est appelée *MDC-value* ou, simplement, *digest*.
  - codes d’authentification de message (***message authentication codes ou MAC***) qui sont des *keyed functions* permettant d’authentifier la source du message et d’assurer son intégrité sans utiliser des mécanismes (cryptage) additionnels.

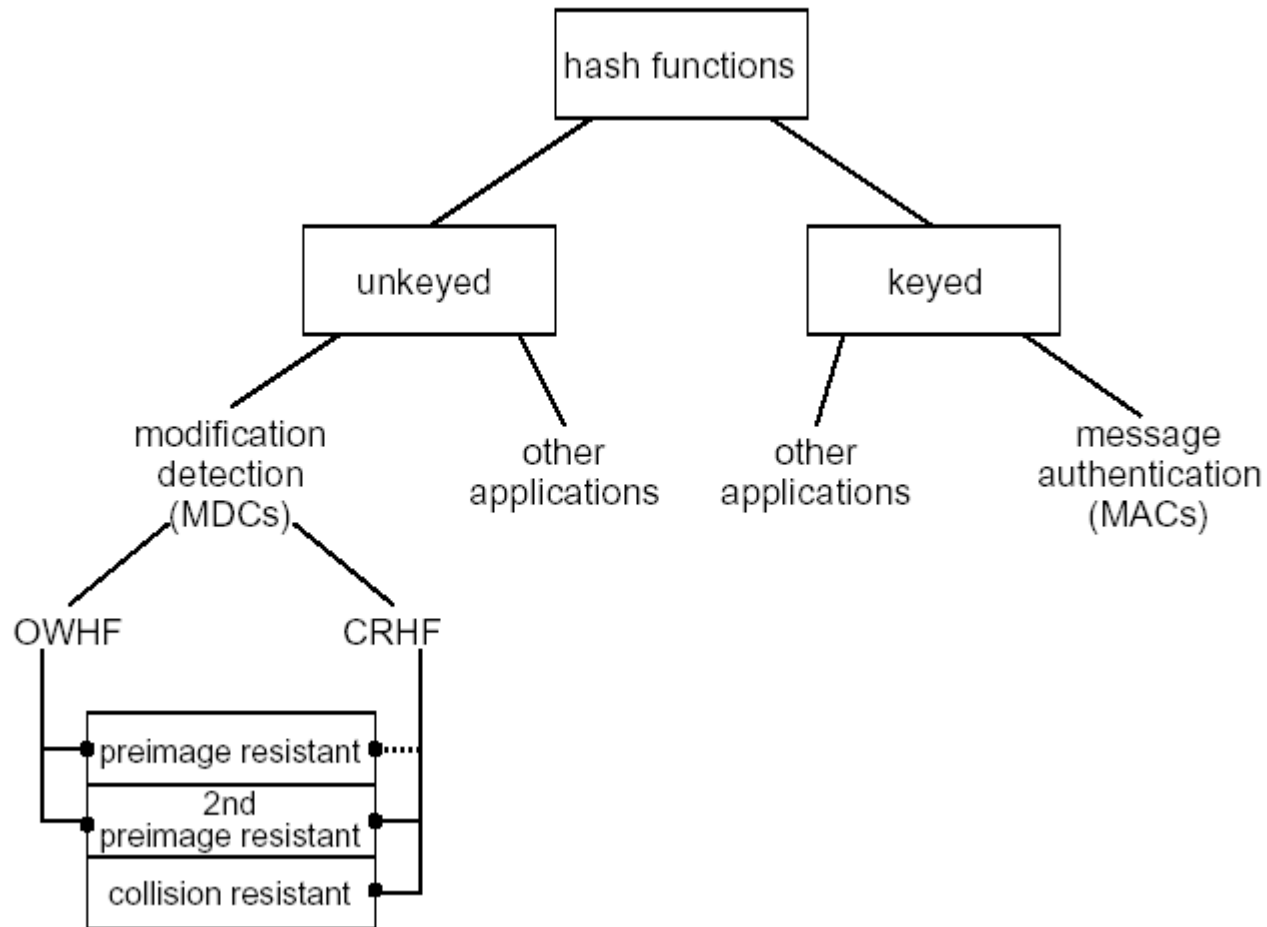
# Hash Functions: Définitions (II)

- Quelques propriétés de base des hash functions:
  - 1) *preimage resistance*: étant donné un  $y \in Y$ , il est calculatoirement impossible de trouver une pré-image  $x \in X$  satisfaisant  $h(x) = y$ .
  - 2)  $2^{nd}$ -*preimage resistance*: étant donné un  $x \in X$  et son image  $y \in Y$ , avec  $h(x) = y$ , il est calculatoirement impossible de trouver un  $x' \neq x$  tel que  $h(x) = h(x')$ . Aussi appelée *weak collision resistance*.
  - 3) *collision résistance*: il est calculatoirement impossible de trouver deux pré-images  $x, x' \in X$  distinctes pour lesquels  $h(x) = h(x')$  (pas de restriction sur le choix des valeurs). Aussi appelée *strong collision resistance*.
- Une fonction de hachage à sens unique (***one way hash function ou OWHF***) est un MDC satisfaisant 1) et 2). Aussi appelée: *weak one-way hash function*.
- Une fonction de hachage résistante aux collisions (***collision resistant hash function ou CRHF***) est un MDC satisfaisant les propriétés 2) et 3). (A noter que  $3) \Rightarrow 2)$ ). Aussi appelée: *strong one-way hash function*.
- $OWF \not\Rightarrow OWHF$ : A noter qu'une OWHF en tant que hash function impose des restrictions supplémentaires sur les domaines sources et image ainsi que sur la *2nd-preimage resistance* qui ne sont pas forcément respectés par des OWFs.
  - Exemple:  $f(x) = x^2 \bmod n$  avec  $n = pq$  ( $p$  et  $q$  inconnus) n'est pas une OWHF car étant donné  $x$ ,  $-x$  est une collision triviale.

# Message Authentication Codes (MAC)

- Un **Message Authentication Code (MAC)** est une famille de fonctions  $h_k$  paramétrisées par une clé secrète  $k$  ayant les propriétés suivantes:
  - 1) **compression**: comme pour les fonctions de hash génériques mais appliqué à  $h_k$ .
  - 2) **facile à calculer**: à partir d'une fonction  $h_k$ , et d'une clé connue  $k$ , on peut facilement calculer  $h_k(x)$ . Le résultat est appelée un *MAC-value* ou, simplement, un *MAC*.
  - 3) **résistance calculatoire** (*computation-resistance*): sans connaissance de la clé symétrique  $k$ , il est (calculatoirement) impossible de calculer des paires  $(x, h_k(x))$  à partir de 0 ou plusieurs paires connus  $(x_i, h_k(x_i))$  pour tout  $x \neq x_i$ .
- La propriété 3) implique que les paires  $(x_i, h_k(x_i))$  ne peuvent non plus servir à calculer la clé  $k$  (*key non-recovery*). Cependant la propriété *key non-recovery* n'implique pas *computation-resistance* car des attaques *chosen/known -plaintext* pourraient mener à des paires  $(x, h_k(x))$  falsifiées.
- L'impossibilité de calculer des paires  $(x, h_k(x))$  se traduit également en *preimage* et *collision resistance* (cf. transparent précédent) pour toute entité ne possédant pas la clé  $k$ .

# Hash Functions: Schéma Récapitulatif



(Source [Men97])

# Attaques sur des MDCs: 2<sup>nd</sup> *preimage résistance*

- Problème: étant donné  $h(x) = y$ , trouver  $x'$  tq.  $h(x') = h(x)$ .
- Exemple pratique: on a un texte avec un *digest* associé portant une signature digitale; on veut créer un faux texte portant la même signature (sans avoir le contrôle sur le texte original). Quelles sont nos chances d'un point de vue probabiliste?
- Soit une hash function  $h$  avec  $n$  sorties possibles et une valeur donnée  $h(x)$ . Si  $h$  est appliquée à  $k$  valeurs aléatoires, quelle doit être la valeur de  $k$  pour que la probabilité d'avoir au moins un  $y$  tq.  $h(x) = h(y)$  soit 0.5?
- Pour la première valeur de  $y$ , la probabilité que  $h(x) = h(y)$  est  $1/n$ . Inversement, la probabilité que  $h(x) \neq h(y)$  est  $1 - 1/n$ . Pour  $k$  valeurs, la probabilité de n'avoir aucune collision est de:  $(1 - 1/n)^k$ , soit:

$$\left(1 - \frac{1}{n}\right)^k = 1 - k\frac{1}{n} + \binom{k}{2}\frac{1}{n^2} - \binom{k}{3}\frac{1}{n^3} + \dots$$

ce qui pour  $n$  très grand peut être approché par  $1 - k/n$ . Par conséquent, la probabilité complémentaire d'avoir au moins une collision est d'environ  $k/n$ ; c'est qui nous donne  $k = n/2$  pour une probabilité de 0.5.

- Conclusion: pour un digest de  $m$ -bits, le nombre d'essais nécessaires à trouver un  $y$  tq.  $h(x) = h(y)$  avec une probabilité de 0.5 est  $2^{m-1}$ .

# Attaques sur des MDCs: *collision résistance*

- Problème: trouver deux valeurs  $x, x'$  distincts t.q.  $h(x) = h(x')$ .
- Exemple pratique: On doit faire signer un texte à quelqu'un et on veut appliquer cette signature à un texte falsifié (on contrôle le texte original). Quelles sont nos chances de trouver deux textes originaux satisfaisant ce critère?

Dear Anthony,

{ This letter is } to introduce { you to } { Mr. } Alfred { P. }  
{ I am writing } { to you } { — }

Barton, the { newly } { new } { chief } jewellery buyer for { our }  
{ appointed } { senior } { the }

Northern { European } { area } . He { will take } over { the }  
{ Europe } { division } { has taken } { — }

responsibility for { all } our interests in { watches and jewellery }  
{ the whole of } { jewellery and watches }

in the { area } . Please { afford } him { every } help he { may need }  
{ region } { give } { all the } { needs }

to { seek out } the most { modern } lines for the { top } end of the  
{ find } { up to date } { high }

market. He is { empowered } to receive on our behalf { samples } of the  
{ authorized } { specimens }

{ latest } { watch and jewellery } products, { up } to a { limit }  
{ newest } { jewellery and watch } { subject } { maximum }

of ten thousand dollars. He will { carry } a signed copy of this { letter }  
{ hold } { document }

as proof of identity. An order with his signature, which is { appended }  
{ attached }

{ authorizes } you to charge the cost to this company at the { above }  
{ allows } { head office }

address. We { fully } expect that our { level } of orders will increase in  
{ — } { volume }

the { following } year and { trust } that the new appointment will { be }  
{ next } { hope } { prove }

{ advantageous } to both our companies.  
{ an advantage }

*Exemple d'une lettre falsifiée  
en  $2^{37}$  variations  
(source [Sta95])*



# Birthday Paradox: Fondement Mathématique

- Le *birthday paradox* est un problème probabiliste classique qui montre que dans une réunion de 23 personnes seulement, on a déjà une chance sur deux d'avoir deux personnes ayant leur anniversaire le même jour.
- Soit  $y_1, y_2, \dots, y_n$  toutes les sorties possibles d'une hash function. Combien des  $h(x_i) : h(x_1), h(x_2), \dots, h(x_k)$  devons nous calculer pour avoir une probabilité de collision égale ou supérieure à 0.5 ?
- Le premier choix pour  $h(x_1)$  est arbitraire (prob = 1), le deuxième  $h(x_2) \neq h(x_1)$  a une probabilité de  $1 - 1/n$ , le troisième de  $1 - 2/n$ , etc. Ce qui nous donne une probabilité de ne pas avoir des collisions égale à:

$$P_{no-collision} = \prod_{i=1}^{k-1} \left(1 - \frac{i}{n}\right)$$

On prouve facilement (développement en série de  $e^{-x}$ ) que pour

$0 \leq x \leq 1: 1 - x \leq e^{-x}$  et donc:

$$P_{no-coll} = \prod_{i=1}^{k-1} \left(1 - \frac{i}{n}\right) \leq \prod_{i=1}^{k-1} e^{-\frac{i}{n}} = e^{-\frac{k(k-1)}{2n}}$$

# Birthday Paradox: Fondement Mathématique (II)

La probabilité d'avoir au moins une collision est  $P_{\text{au-moins1}} = 1 - P_{\text{no-coll}}$ , soit:

$$P_{\text{au-moins1}} \geq 1 - e^{\frac{-k(k-1)}{2n}}$$

Pour connaître la valeur de  $k$  pour laquelle  $P_{\text{au-moins1}}$  est plus grand que 0.5, il suffit de calculer:

$$\frac{1}{2} = 1 - e^{\frac{-k(k-1)}{2n}}$$

Si  $k$  est grand, on remplace  $k(k-1)$  par  $k^2$  et on obtient après des calculs simples:

$$k = \sqrt{2(\ln 2)n} \cong 1,17\sqrt{n} \approx \sqrt{n}$$

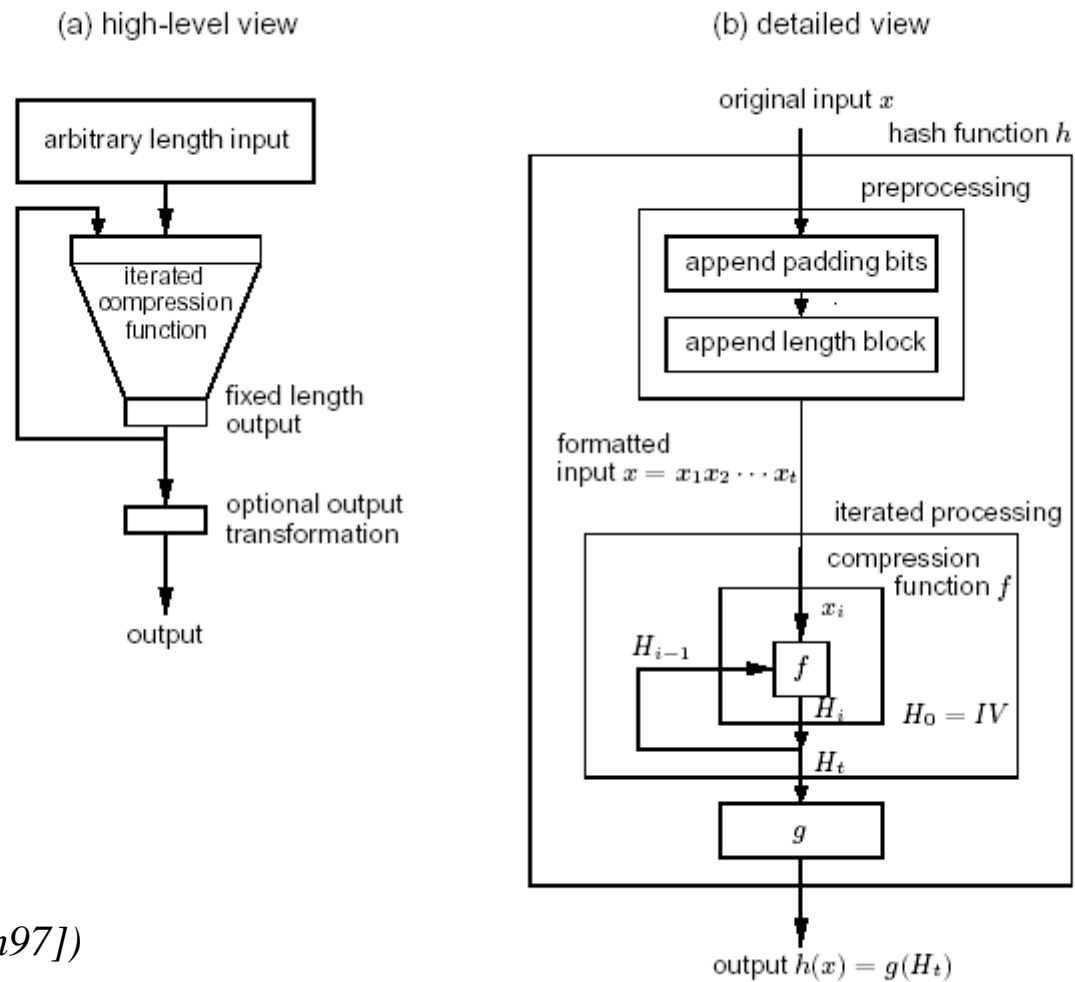
- En prenant  $n = 365$  pour l'anniversaire, on obtient  $k = 22.3$ , ce qui confirme l'énoncé du problème
- Conséquence pour les hash functions: Soit une hash function avec  $2^m$  sorties possibles. Si  $h$  est appliqué à  $k = 2^{m/2}$  entrées on a une probabilité supérieur à 0.5 d'obtenir  $h(x_i) = h(x_j)$

# Résistance Calculatoire Théorique des Hash Functions: Récapitulation

Type de Hash Fct.	Caractéristique	Difficulté Calculatoire	But de l'attaque	Taille conseillée du digest/clé
OWHF	<i>preimage resistance</i>	$2^n$	trouver une pré-image	$n \geq 80$ bits
	<i>2<sup>nd</sup>-preimage résistance</i>	$2^{n-1}$	trouver $x'$ avec $h(x') = h(x)$	
CRHF	<i>collision resistance</i>	$2^{n/2}$	trouver une collision	$n \geq 160$ bits
MAC	<i>key non-recovery</i>	$2^t$	trouver la clé	$n \geq 80$
	<i>computation resistance</i>	$\min(2^t, 2^n)$	produire un $(x, h_k(x))$	$t \geq 80$

- $n$ : taille du *MDC-value* ou du *MAC-value* résultant de l'application de la *hash function*
- $t$ : taille de la clé du MAC

# Modèle de fonctionnement générique des MDCs

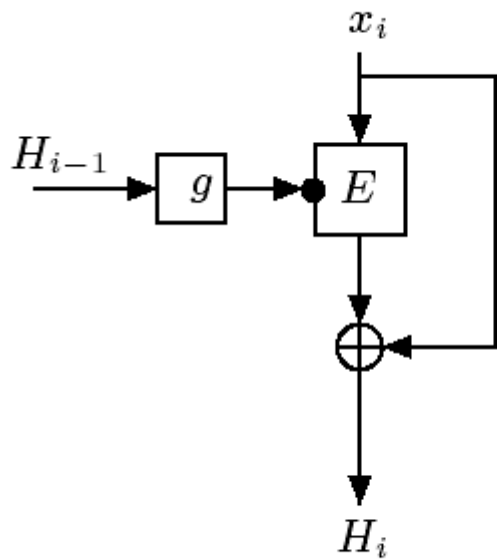


(Source [Men97])

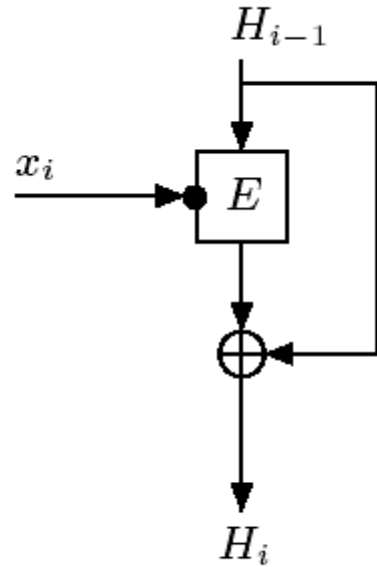
# MDCs Basées sur des Systèmes de Cryptage

- Idée: utiliser un système de cryptage symétrique connu pour construire un MDC.
- Problèmes à résoudre:
  - il faut “casser” la réversibilité des algorithmes symétriques pour en faire des OWHF ou des CRHF.
  - La “largeur nominale” de certains systèmes de cryptage (eg. DES) est de 64 bits, ce qui n’est pas suffisant pour construire des CRHF.
- Principe de fonctionnement:
  - les blocs de texte sont séquentiellement traités par la “boîte” de cryptage.
  - la compression se base sur des opérations de chaînage avec les blocs résultant des itérations précédentes et des fonctions logiques (fondamentalement XOR). Ceci rend également le procédé irréversible.
  - Si nécessaire,  $n$  boîtes de cryptage seront combinées pour obtenir des longueurs de *digests*  $n$  fois supérieures à la largeur nominale des boîtes utilisées.
- Attention: la sécurité de ces algorithmes est fortement dépendante des propriétés des boîtes de cryptage sous-jacents.
- Exemples:
  - Les modèles de *Matyas-Meyer-Oseas*, *Davies-Meyer* et *Miyaguchi-Preneel*.
  - MDC-2 et MDC-4 utilisant respectivement 2 et 4 boîtes DES. *Digest* = 128 bits.

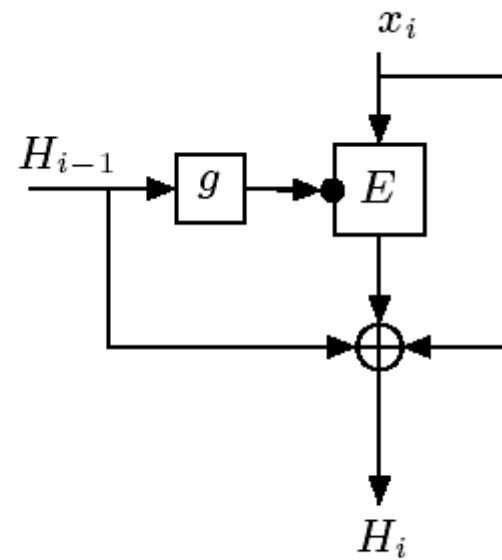
# MDCs Basées sur des Systèmes de Cryptage: Modèles Génériques



**Matyas-Meyer-Oseas**



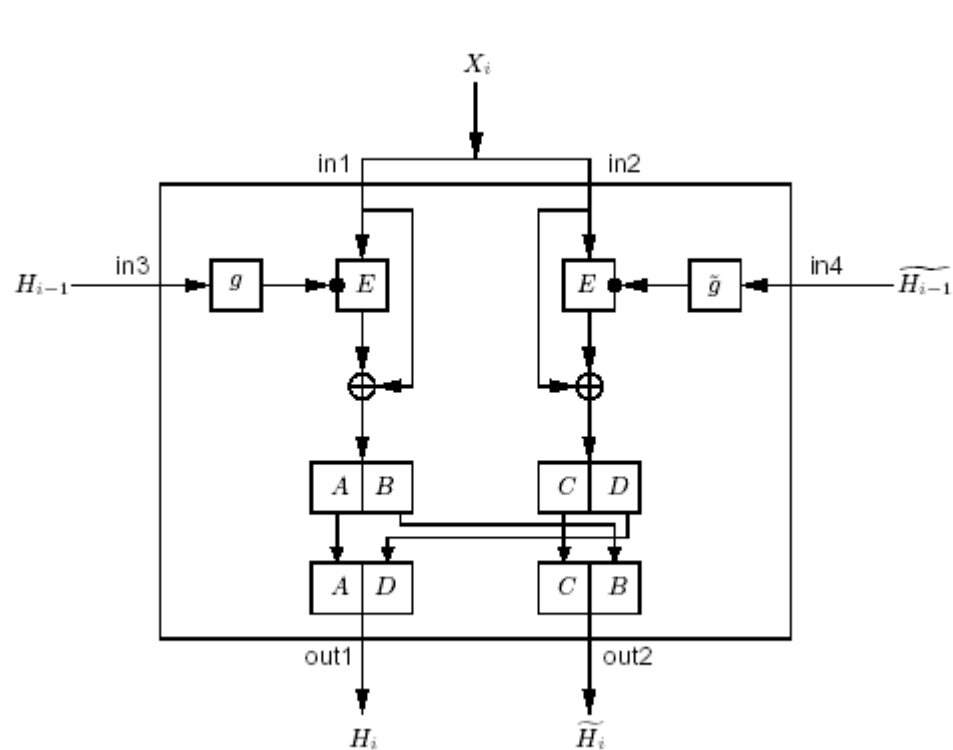
**Davies-Meyer**



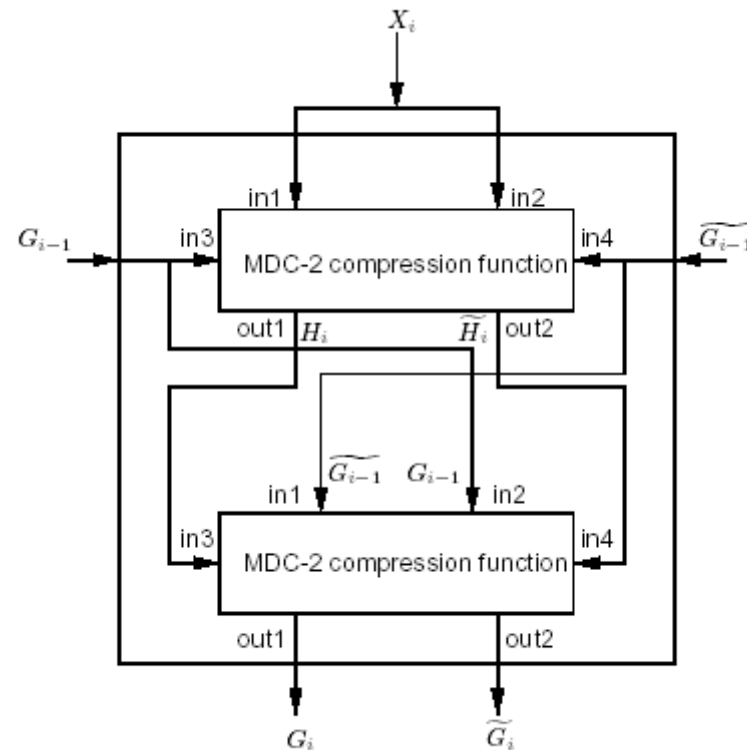
**Miyaguchi-Preneel**

(source [Men97])

# Exemples(II): MDC-2 et MDC-4



**Hash Function MDC-2**  
**E-box = DES**



**Hash Function MDC-4**

(Source [Men97])

# Customized MDCs

- Il s'agit de fonctions conçues exclusivement pour générer des codes d'intégrité (des *digests*) avec un soucis principal de vitesse et sécurité.
- Leur fonctionnement se base sur les éléments suivants:
  - des opérations d'initialisation (*padding* + rajouter la longueur).
  - un ensemble de constantes prédéfinies choisies spécialement pour augmenter la dispersion.
  - un ensemble “d'étapes” (*rounds*) qui vont séquentiellement s'appliquer a tous les blocs des données originaux. Ces rounds vont effectuer une combinaison d'opérations logiques et des rotations sur les données et les constantes.
  - des opérations de chaînage impliquant les sorties des *rounds* précédents.
- Dans ces fonctions, chaque bit du *digest* est une fonction de chaque bit des entrées.
- Les plus connues sont:
  - MD5: R. Rivest, 1992; RFC 1321. *Digest* = 128 bits. *Cassé!*
  - SHA-0: NIST, 1993. *Digest* = 160 bits. Collisions en  $2^{39}$  opérations au lieu de  $2^{80}$
  - SHA-1: NIST, 1995. *Digest* = 160 bits. Révision de SHA-0 avec rotation de bits additionnelle. Collisions en  $2^{63}$  opérations (au lieu de  $2^{80}$ ).
  - SHA-2: NIST (FIPS 190-3). Comprend: SHA-224, SHA-256, SHA-384 et SHA-512. Les tailles du digest vont de 224 à 512 bits.
  - SHA-3: *Keccak* Algorithm (taille du digest variable de 224 à 512 bits)



# Hash Functions: Derniers Développements

- X.Wang et al.<sup>1</sup> culminent en 2004 un long travail visant à trouver des collisions dans l'algorithme MD5. Ils publient deux paires de collisions pour des messages de 1024 bits.
- En 2005, X.Wang et al.<sup>2</sup> prouvent dans la conférence CRYPTO'05 que le nombre d'opérations nécessaires pour trouver des collisions sur SHA-1 (standard actuel pour les fonctions de hachage sécurisées) est seulement de  $2^{63}$ .
- Ces attaques ont pour cible la recherche de collisions arbitraires mais lors de CRYPTO'06 des chercheurs de l'Université de Graz en Autriche<sup>3</sup> proposent une méthode pour contrôler partiellement le contenu des collisions.
- En Décembre 2008<sup>4</sup> on montre qu'on peut générer des collisions contrôlées sur MD5 et créer ainsi une Certification Authority illicite permettant des forger des certificats acceptés par n'importe quel browser.
- Ces résultats s'appuient sur des approches analytiques (par opposition au *brute force*!)
- Le processus de sélection de successeur de SHA-1 est semblable à celui ayant désigné AES comme standard de cryptage en blocs. Le NIST a décidé (Octobre 2012) que Keccak serait l'algorithme de base pour **SHA-3**.

---

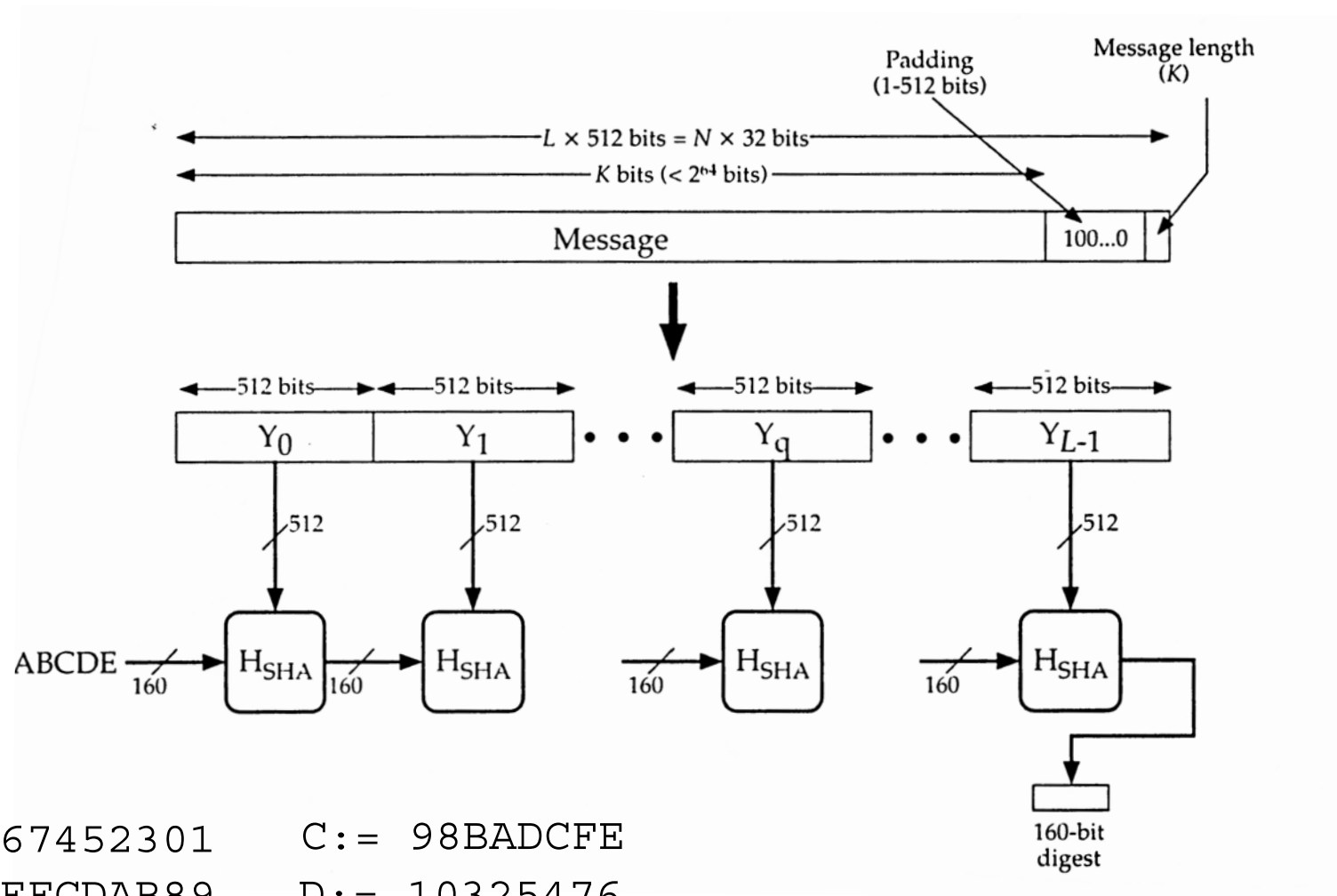
1.X.Wang et al. *Collisions for Hash Functions MD4, MD5, HAVAL-128 and RIPEMD*. <http://eprint.iacr.org/2004/199.pdf>.

2.X.Wang et al. *Finding Collisions in the Full SHA-1*. Advances in Cryptology. Crypto'05

3.C. Cannière et al. *SHA-1 collisions: Partial meaningful at no extra cost?* Ramp Sessions CRYPTO'06.

4.M. Stevens et al. *Short Chosen-Prefix Collisions for MD5 and the Creation of Rogue CA Certificate*. CRYPTO'09

# Secure Hash Algorithm: Vue d'Ensemble



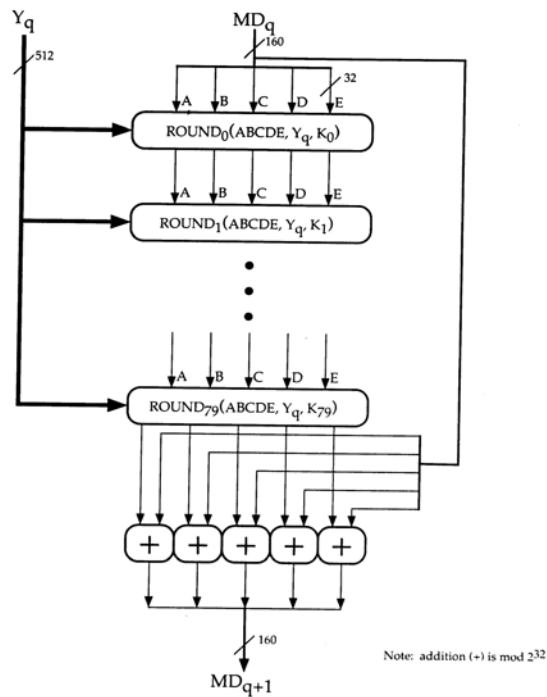
A := 67452301      C := 98BADCFE  
 B := EFCDAB89      D := 10325476  
 E := C3D2E1F0

(Source [Sta95])

# SHA-0: Détails de Fonctionnement

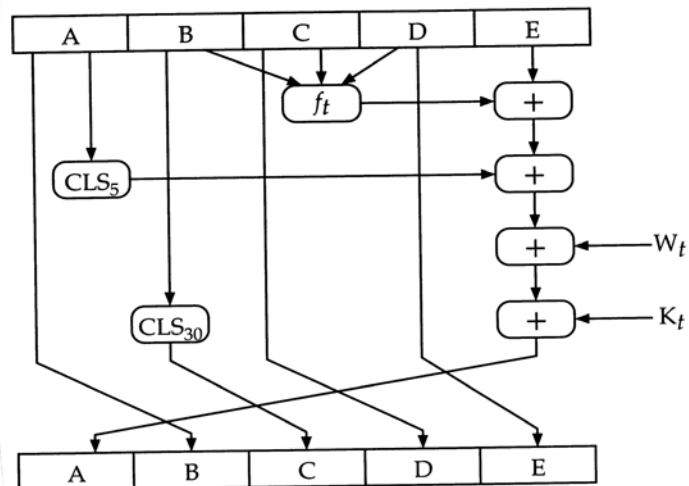
### *SHA: Traitement d'un bloc de 512 bits $H_{SHA}$*

### SHA: Opération élémentaire



Note: addition (+) is mod  $2^{32}$

(Source [Sta95])



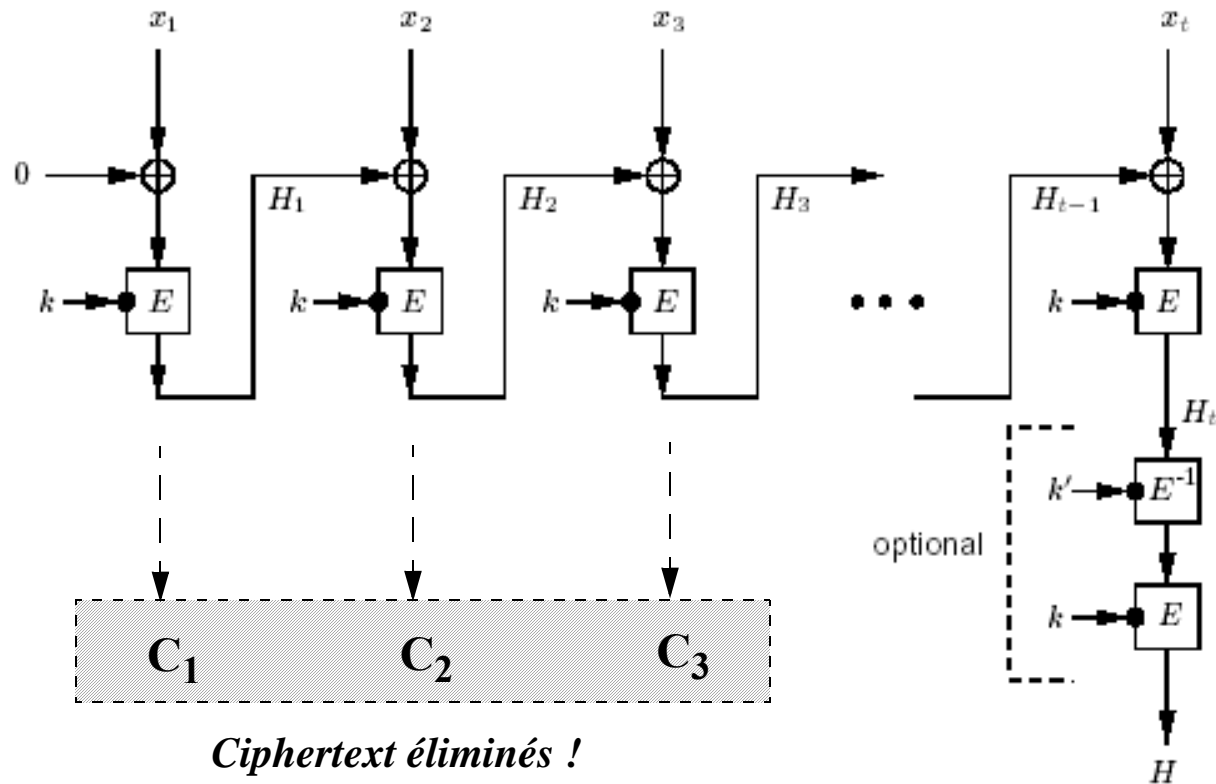
**FIGURE 7.7. Elementary SHA Operation**

$0 \leq t \leq 19$	$K_t := 5A827999$	$f_t(b, c, d) := (b \cdot c) \cup (\overline{b} \cdot d)$
$20 \leq t \leq 39$	$K_t := 6ED9EBA1$	$f_t(b, c, d) := b \oplus c \oplus d$
$40 \leq t \leq 59$	$K_t := 8F1BBCDC$	$f_t(b, c, d) := (b \cdot c) \cup (b \cdot d) \cup (c \cdot d)$
$60 \leq t \leq 79$	$K_t := CA62C1D6$	$f_t(b, c, d) := b \oplus c \oplus d$

Les blocs de text  $W_t$  se calculent:  $W_t := W_{t-16} \oplus W_{t-14} \oplus W_{t-8} \oplus W_{t-3}$

# MACs basés sur des Systèmes de Cryptage

- Algorithme CBC-MAC basé sur DES-CBC avec  $IV = 0$  et élimination des *ciphertext* intermédiaires
- longueur de clé = 56 bits (112 en cas d'utilisation de la partie optionnelle)
- Longueur du MAC-value = 64 bits



(Source [Men97])

# Nested MACs et HMACs

- Un **Nested MAC** ou **NMAC** est une composition de 2 familles de fonctions MACs G et H paramétrées par les clés k et l tel que:

$$G \circ H = \{ g \circ h \text{ avec } g \in G \text{ et } h \in H \} \text{ avec } g \circ h_{(k,l)}(x) = g_k(h_l(x))$$

- La sécurité d'un NMAC dépend de deux critères:
  - La famille de fonctions G est résistante aux collisions.
  - La famille de fonctions H est résistante aux attaques spécifiques pour MACs, i.e.:

Il est impossible de trouver un couple (x,y) et une clé m fixée mais inconnue, telle que:  $\text{MAC}_m(x) = y$ .

- Un **HMAC** (FIPS 198, 2002) est un Nested MAC utilisant à la base des MDCs sans clé dédiées comme SHA-1 ou SHA-256.
- Un HMAC utilise deux constantes de 512 bits dénommées *ipad* et *opad* telles que:

$$\text{opad} := 363636 \dots 36 \quad \text{et} \quad \text{ipad} := 5C5C5C \dots 5C$$

et une clé k de 512 bits.

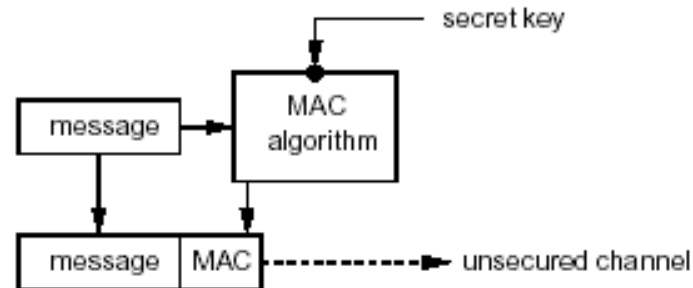
- Le schéma de fonctionnement de HMAC-256 (sur la base de SHA-256) est le suivant:

$$\text{HMAC-256}_k(x) := \text{SHA-256}((k \oplus \text{opad}) \parallel \text{SHA-256}((k \oplus \text{ipad}) \parallel x))$$

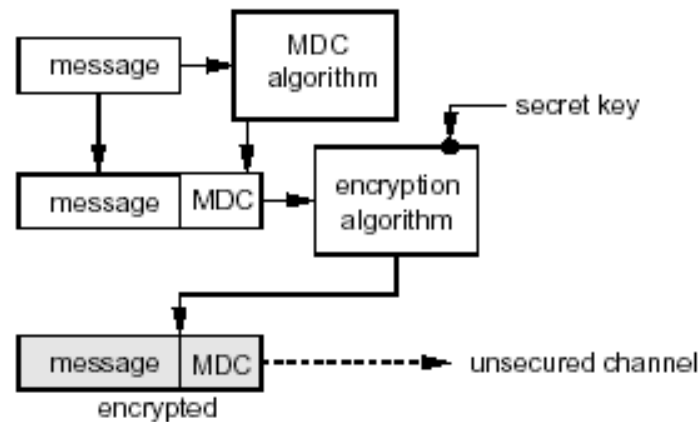
- Les HMACs sont les MACs les plus utilisés. Les attaques mentionnées sur les fonctions de la famille SHA sont plus difficiles à réaliser sur un HMAC par cause de la clé k.

# Applications des Hash Functions: Intégrité

## MAC Seul:

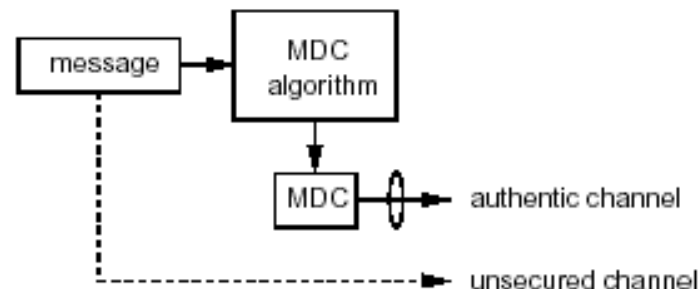


## MDC + Encryption:



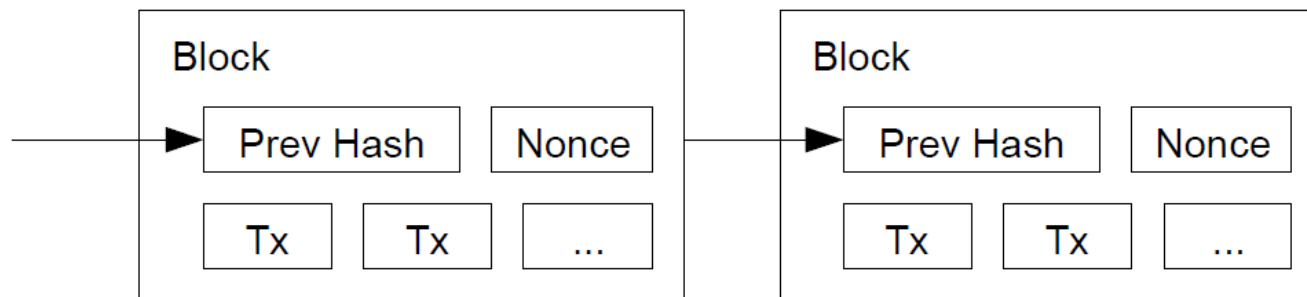
## MDC + canal authentique:

(Source [Men97])



# Application des *Hash Functions*: *Blockchains*

- Les transactions bitcoin sont publiées et visibles par tous les intervenants. Elles sont encapsulées dans des **blocs** chaînés à l'aide de fonctions de hachage cryptographiques
- Le **minage** (*mining*) consiste à rajouter itérativement des nouveaux blocs contenant les transactions courantes
- La génération d'un bloc valable nécessite la **résolution d'un *puzzle cryptographique* (*proof of work*)** très coûteux en temps de calcul (trouver des *pseudo-collisions* dans les fonctions de hachage cryptographiques). La validation reste très efficace
- Le premier mineur capable de générer un bloc valable recevra une récompense monétaire (en bitcoins). Le processus de minage est ouvert à tous les mineurs mais seul le premier est récompensé
- La chaîne de blocs résultante (**blockchain**) devient alors un **registre public** (*public ledger*), décentralisé et immuable protégeant toutes les transactions passées. La falsification/modification des données protégées par la *blockchain* nécessiterait un effort calculatoire supérieur à celui effectué par tous les mineurs *honnêtes*

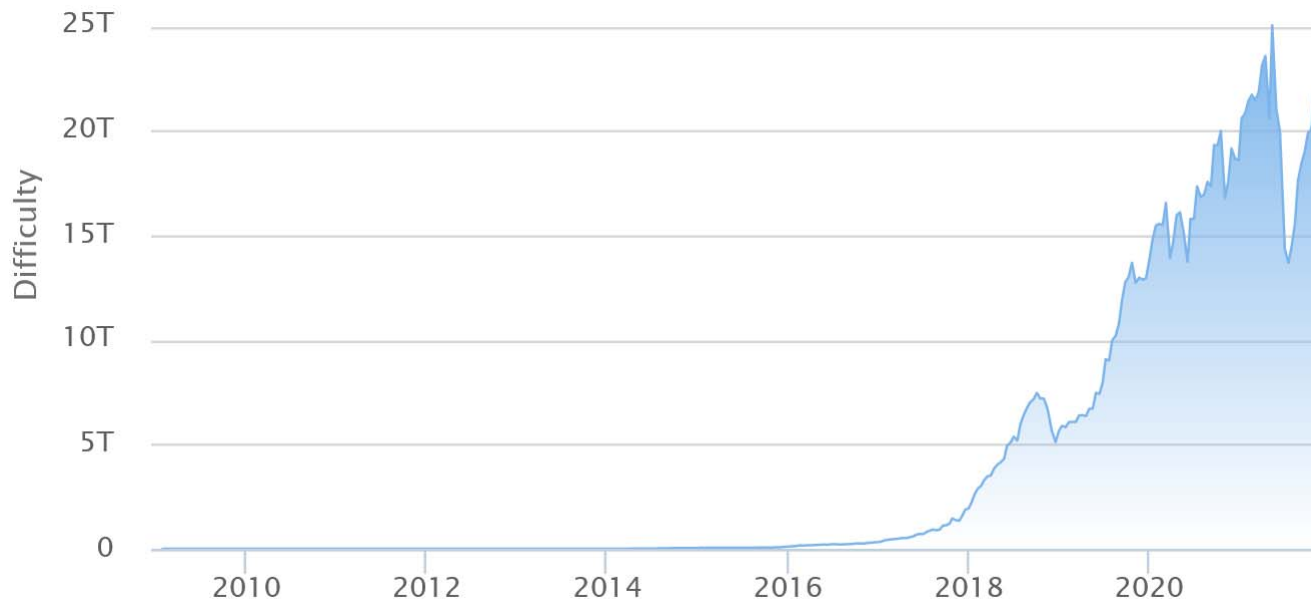


Source Image: *Bitcoin: A Peer-to-Peer Electronic Cash System*. Satoshi Nakamoto

# Blockchain: *Proof of Work*

**Statistiques Bitcoin 20/11/2021** (*source <http://btc.com>*):

- **Difficulty: 22,674,148,233,453**
- **Target:  $2^{224}$  / Difficulty =  $\sim 2^{180}$** . Le digest valable pour générer un bloc doit être **inférieur à  $2^{180}$** , ce qui signifie une *pseudo-collision sur les 76 bits de poids plus fort*. La variation sur les inputs dépend du *nonce*
- **Hashrate:  $\sim 168$  EH/sec ( $168 * 10^{18}$  hashes /sec)**
- Fonctions de hachage exécutées pour obtenir un bloc:  $\sim 97 * 10^{21}$
- Temps de génération d'un bloc: **9,5 minutes**





# Autres Applications de Hash Functions

- Authentication:
  - *data origin authentication* (DOA)
  - *transaction authentication* (= DOA + *time-variant parameters*)
- *Virus checking*
  - Le créateur d'un logiciel crée un digest =  $h(x)$  avec  $x$  étant l'original et le distribue par un canal sûr (eg. CD-ROM).
- Distribution des clés publiques
  - Permet de contrôler l'authenticité d'une clé publique.
- *Timestamp* sur un document:
  - Le document sur lequel on veut effectuer le timestamp est d'abord soumis à une hash function. Le timestamp (avec la signature de l'entité correspondante) s'applique alors seulement au digest.
- *One-time password (S-Key)* (mécanisme d'identification)
  - A partir d'un *seed* secret  $x_0$ , on crée une chaîne de hash-values:  $x_1 = h(x_0)$ ,  $x_2 = h(x_1)$ ,  $\dots$ ,  $x_n = h(x_{n-1})$ .
  - Le système mémorise  $x_n$  et l'utilisateur rentre  $x_{n-1}$ . Si  $h(x_{n-1}) == x_n \Rightarrow$  OK.
  - Le système mémorise alors  $x_{n-1}$  et ainsi de suite.

# Randomized Hash Functions (l'exemple UNIX) I

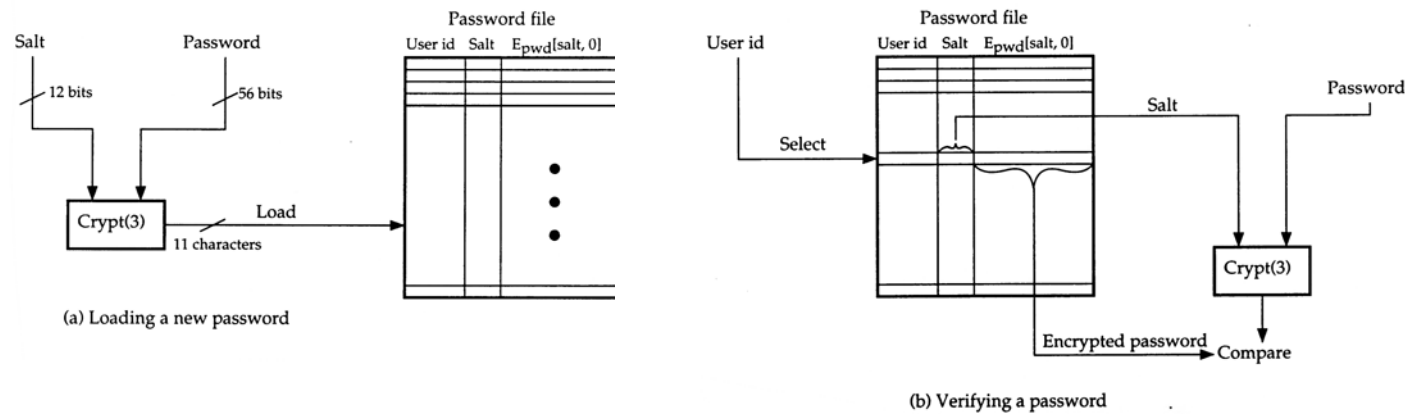
- UNIX garde ses mots de passe dans un fichier globalement accessible (ou éventuellement distribué par NIS)
- L'information stockée correspond au résultat produit par une hash function.
- Exemple (fictif):

```
root:Jw87u9bebeb9i:0:1:Operator:/:/bin/csh
```

```
pp:1Qhw.oihEtHK6:359:355:PP:/net/spp_telecom/pp:/bin/cs
```

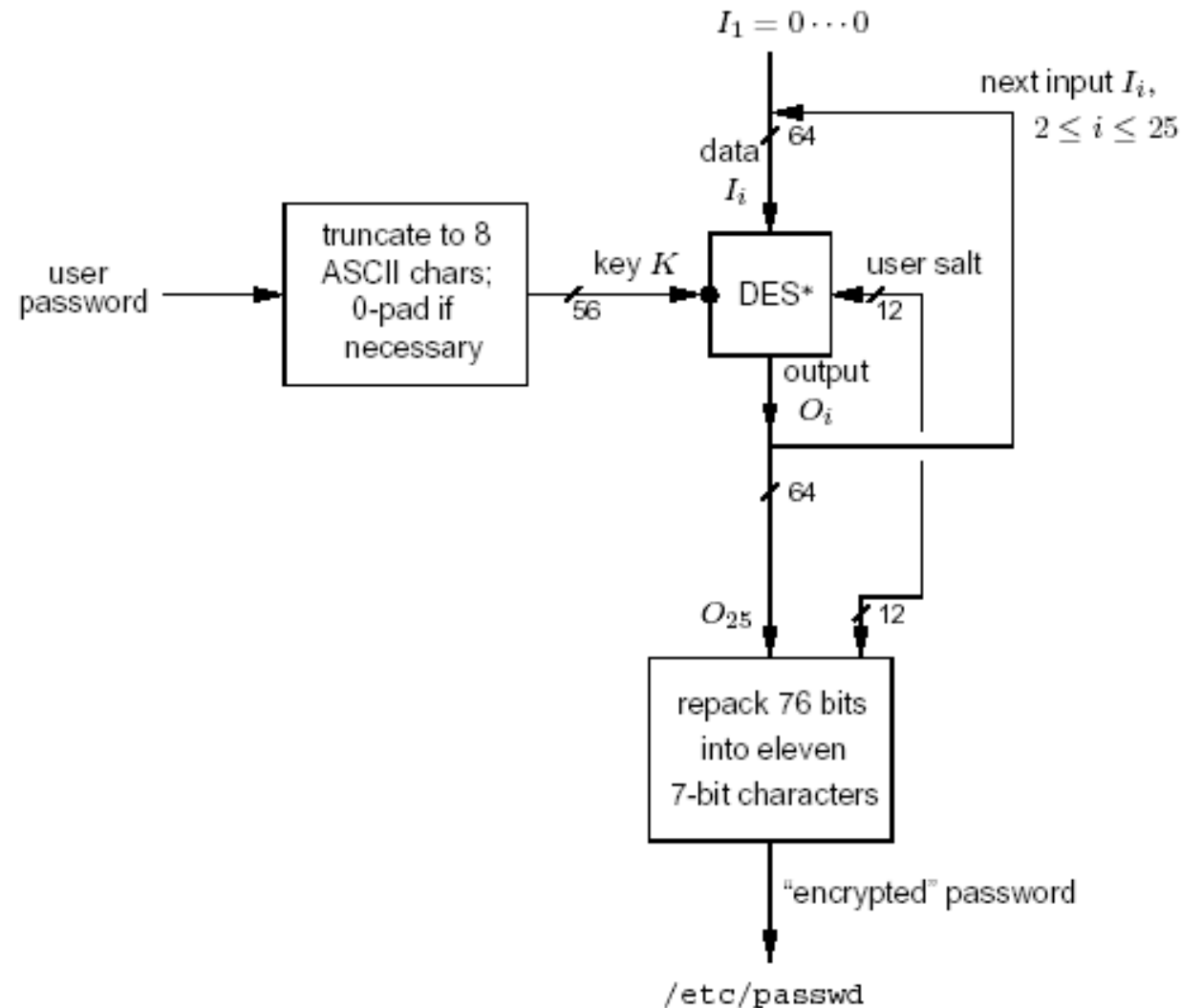
- Problèmes:
  - la hash function étant déterministe, elle produit le même résultat pour des mots de passe identiques.
  - on pourrait créer des “cahiers” (*codebooks*) contenant le résultat de l'application de la hash function à des entrées données (p.ex. un dictionnaire) et les comparer facilement (*off-line*) avec les chaînes stockées par UNIX (*brute force dictionary attack*).
- Solution:
  - Rajouter un élément (pseudo) aléatoire de 12 bits différent pour chaque mot de passe (appelé *salt*) avant de calculer la hash function et lors de la vérification.
  - Cet élément permet de rajouter un facteur aléatoire de 4096 possibilités pour chaque mot de passe et de prévenir la détection des duplications.

# Randomized Hash Functions (l'exemple UNIX) II



(Source [Sta95])

# Randomized Hash Functions (l'exemple UNIX) III



(Source [Men97])