$$\chi_{i}^{N} = \sum_{j=0}^{N} \chi_{j} \cdot \omega_{ij}$$