



Universidade do Minho

Curvas, Superfícies Cúbicas e VBOs
Unidade Curricular de Computação Gráfica
Licenciatura em Ciências da Computação
Universidade do Minho

Manuel Marques
(A85328)

Pedro Oliveira
(A86328)

João Rodrigues
(A84505)

Eduardo Pereira
(A84098)

2 de Maio de 2020

Índice

1	Contextualização	2
1.1	Enunciado	2
1.2	Resumo	3
2	Apresentação das Soluções	4
2.1	Curvas	4
2.2	Superfícies Cúbicas	5
2.3	VBOs	6
3	Conclusão	7

Índices de Figuras

1.1	Enunciado	2
2.1	Cálculo do ponto da superfície	5

Capítulo 1

Contextualização

1.1 Enunciado

Phase 3 – Curves, Cubic Surfaces and VBOs

In this phase the generator application must be able to create a new type of model based on Bezier patches. The generator will receive as parameters the name of a file where the Bezier control points are defined as well as the required tessellation level. The resulting file will contain a list of the triangles to draw the surface.

Regarding the engine, we want to extend the *translate* and *rotate* elements. Considering the translation, a set of points will be provided to define a Catmull-Rom cubic curve, as well as the number of seconds to run the whole curve. The goal is to perform animations based on these curves. The models may have either a time dependent transform, or a static one as in the previous phases. In the rotation node, the angle can be replaced with time, meaning the number of seconds to perform a full 360 degrees rotation around the specified axis.

To measure time the function `glutGet (GLUT_ELAPSED_TIME)` can be used.

```
...
<translate time=10 >
  <point X=1 Y=0 Z=1 />
  <point X=0.707 Y=0.707 Z=1 />
  <point X=0 Y=1 Z=1 />
  ...
  <point X=-1 Y=0 Z=1 />
</translate>
...
```

Note. Due to Catmull-Rom's curve definition it is always required an initial point before the initial curve segment and another point after the last segment. The minimum number of points is 4.

```
...
<rotate time=10 axisX=0 axisY=1 axisZ=0 />
...
```

In this phase it is also required that models are drawn with **VBOs**, as opposed to immediate mode used in the previous phases.

The demo scene is a dynamic solar system, including a comet with a trajectory defined using a Catmull-Rom curve. The comet must be built using Bezier patches, for instance with the provided control points for the teapot.

Figura 1.1: Enunciado

1.2 Resumo

Esta fase do trabalho prático era dividida em três temas sobre os quais, de seguida, explicamos a abordagem que tivemos em cada um deles.

- Relativamente às Curvas pretendia-se simular a translação dos planetas à volta do Sol. Para o conseguir criou-se um *vector* para as translações, complementado por uma *struct translate* onde guardamos um valor *float* "time" que representa o tempo que um planeta demora a realizar uma volta completa (360°) e um *vector* "pontos". Alteramos o nosso parser do ficheiro *xml* para reconhecer os novos valores que iremos guardar nas *structs* acima definidas. Entraremos em mais detalhe na secção 2.1.
- Para as Superfícies Cúbicas, fizemos *parse* do ficheiro de *patches* para obter-mos os pontos de controlo utilizados no cálculo das superfícies. A explicação do método encontra-se na secção 2.2.
- Por fim, para os VBOs, criamos um *buffer* único para todos os objetos da cena, onde guardamos informações relativas à sua posição inicial e número de pontos. Ver secção 2.3 para mais informações.

Capítulo 2

Apresentação das Soluções

2.1 Curvas

Como referimos na contextualização, definimos várias estruturas para nos ajudar a atingir o objetivo final. Começamos por definir a *struct* "translate" onde guardamos um *float* "time" que representa o tempo que um planeta demora a concretizar uma volta completa ao sol (360°). Criamos também um *vector* "pontos". Em seguida alteramos o parser para poder ler os valores a guardar nas structs como vemos nas figuras a seguir:

```
struct translate{  
    float time;  
    vector<struct point*> cp;  
};
```

(a) Definição da struct

```
<translate time = 20>  
  <point X="10"/>  
  <point X="7.07" Z="-7.07"/>  
  <point Z="-10"/>  
  <point X="-7.07" Z="-7.07"/>  
  <point X="-10"/>  
  <point X="-7.07" Z="7.07"/>  
  <point Z="10"/>  
  <point X="7.07" Z="7.07"/>  
</translate>
```

(b) Exemplo de uma curva no ficheiro xml

Sempre que aparecer a *tag* "translate", criamos a *struct* "translate", atribuímos ao *float* "time" o valor que o *parser* lê e guardamos no vector "pontos" todos os pontos lidos pelo *parser*. Esses pontos serão usados para desenhar a trajetória que o planeta irá traçar. Feito isto no vector "sequencia" (Nota: Este vector já foi utilizado na fase 2 do trabalho) colocamos o valor 4, que refere a uma translação.

Com todos estes dados podemos então traçar a trajetória, recorrendo ao uso de *Catmull-Rom Curves*. Calculamos o resto da divisão do tempo global do sistema pelo valor guardado em "time", multiplicamos esse valor pelo número de pontos e assim obtemos "t", valor referente à posição na curva.

Calculamos o inteiro inferior mais próximo de "t" e usamos esse ponto juntamente com os 3 seguintes para multiplicarmos pela matriz de *catmull-rom* obtendo assim uma curva. Depois utilizando "t" calculamos a posição nessa curva e também a sua derivada, fazemos uma translação para essa posição. Por fim, para manter a direcção do objecto fazemos uma rotação, em que a componente X é a derivada que calculamos, Z é o produto externo entre X e Y , e por fim Y é o produto externo entre Z e X. Com as 3 componentes criamos a matriz de rotação.

2.2 Superfícies Cúbicas

Começamos por fazer *parse* do ficheiro de patches de Bézier (no caso deste trabalho, referente ao *teapot*) , guardamos os *patches* num vector de vectores, os pontos num vector de pontos. Depois para cada patch, utilizamos 16 pontos de controlo e para cada divisão, com esses 16 pontos calculamos 4 curvas (4 pontos para cada curva). Com cada uma dessas curvas calculamos 4 pontos. Com os 4 pontos obtidos, calculamos uma nova curva onde vai estar o nosso ponto "final".

```
void evalBezierPatch(const Point *controlPoints, const float &u, const float &v , Point *res) {
    Point uCurve[4];
    for (int i = 0; i < 4; ++i) {
        evalBezierCurve(controlPoints + 4 * i, u, &uCurve[i]);
    }
    evalBezierCurve(uCurve, v, res);
}
```

Figura 2.1: Cálculo do ponto da superfície

Terminados os cálculos de todos os pontos "finais" vamos ter $(divs+1) \times (divs+1) \times 4$ pontos por *patch*, em que "divs" refere ao número de divisões. Esses pontos formam uma grelha mas, no entanto, nós pretendemos ter triângulos. Para tal, num ficheiro escrevemos o número total de pontos e as coordenadas de cada um na ordem correta para obtermos os triângulos pretendidos. À semelhança de todos os outros modelos que constem no xml, é carregado após ser *parsed*.

2.3 VBOs

Para esta parte da 3ª fase, criamos um *buffer* único para todos os objetos da cena, em que, para cada objeto guardamos a sua posição inicial e o número total de pontos utilizados para esse objeto. Isto melhora a performance pois, em vez de desenharmos uma figura de cada vez, enviamos todas as informações relativas aos vértices para a GPU, para posteriormente serem desenhados todos os polígonos simultaneamente. O uso de VBOs facilita tanto em termos de código como em processamento.

Capítulo 3

Conclusão

Nesta fase tivemos hipótese de trabalhar vários aspetos da Computação Gráfica e aprender a trabalhar com todos eles. Com as curvas aprendemos como atribuir trajetórias aos objetos e como fazer os mesmos terem movimento em relação a essas trajetórias. O uso das curvas de Bezier deu-nos a conhecer um método de desenhar objetos diferente do que estávamos habituados em OpenGL. Por fim, os VBOs oferecem-nos opções que ajudam a tornar o nosso código mais percéptivel e eficiente, ao mesmo tempo que melhoram a performance dos vários programas que criamos.