Simulação de Sinais Cerebrais de Espectroscopia por Ressonância Magnética: Da Criação à Corrupção (Por Ruído)

João Victor Dell Agli Floriano

08/10/2024

0.1 Resumo

Apesar de o formalismo de Fourier ter representado uma importante revolução na área de processamento de sinais, ele apresenta limitações de identificação de sinais específicos em espectros com alto grau de superposição de picos. Nesse contexto, o Matrix Pencil Method (MPM) foi apresentado como uma alternativa de pós-processamento, visto que sua aplicação permite uma melhor separação das componentes de interesse do sinal. Entretanto, o método ainda carece de limites bem definidos, particularmente no que se refere à aplicabilidade específica aos dados de Espectroscopia por Ressonância Magnética (MRS), nos quais o nível de ruído pode ser um desafio extra. Com o objetivo de investigar tais limites, foram implementadas rotinas para simulação de sinais sintéticos de MRS cerebral. Esses sinais foram então corrompidos com ruído de distribuição gaussiana, possibilitando o estudo de como diferentes valores de desvio padrão se comportavam nas várias etapas do processo de análise dos mesmos. Os primeiros resultados sugerem uma relação aproximadamente linear para valores mais baixos de ruído e uma saturação para valores mais altos. Os limites destes comportamentos, bem como sua caracterização para diferentes condições do sinal simulado, ainda estão sendo completamente caracterizados.

0.2 Introdução

- 1. Falar do objetivo a curto e longo prazo do presente trabalho.
- 2. Falar sobre a importância de se ter um ambiente controlado para o objetivo final do trabalho.

0.3 Métodos

A fim de atingir o objetivo final de avaliação do MPM em sinais cerebrais de MRS, algumas etapas foram necessárias para que as condições ideais de testagem fossem estabelecidas. Para que esse algoritmo seja devidamente avaliado, é necessário primeiro garantir um quantidade suficiente de sinais de MRS das mais variadas condições para que uma análise estatística adequada seja feita.

0.3.1 Simulação

Partindo desse objetivo, a primeira etapa do projeto foi a criação de um ambiente de simulação que tivesse a capacidade de lidar com as demandas do projeto. Para a simulação, escrita em uma biblioteca própria customizada de python, foi escolhida uma abordagem mais analítica, considerando que o objeto de estudo seriam sinais de MRS gerados a posteriori, e não o fenômeno físico em todos os seus detalhes. Sendo assim, foi simulada a evolução da equação básica de modelagem de um sinal de ressonância magnética, a solução transversal da equação de Bloch [?], descrita em 1.

$$\frac{d\mathbf{M}(\mathbf{t})}{d\mathbf{t}} = \gamma \mathbf{M}(\mathbf{t}) \times \mathbf{B}(\mathbf{t}) \tag{1}$$

Quando resolvida, a equação 1 rende a solução 2 para a parte longitudinal, e 3 para a parte transversal.

$$M_z(t) = M_0(1 - e^{-\frac{t}{T_1}}) \tag{2}$$

$$M_{xy}(t) = M_0 e^{i(\omega t + \phi)} e^{\frac{-t}{T_2}} \tag{3}$$

A equação 3 descreve a evolução da magnetização transversal de um conjunto de spins com magnetização inicial M_0 , módulo da frequência de precessão ω , fase inicial ϕ e constante de relaxação transversal T_2 .

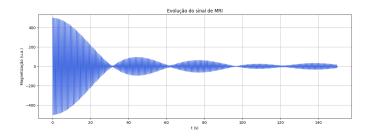


Figura 1 – Resultado da simulação de decaimento da magnetização transversal para um conjunto de frequências aleatórias.

O módulo da frequência de precessão é obtida a partir da razão giromagnética do núcleo alvo da ressonância, γ , e o campo magnético aplicado na amostra, B_0 , através da equação de precessão de Larmor, descrita em 4.

$$|\omega| = \gamma B_0 \tag{4}$$

No caso do núcleo de hidrogênio H^1 , o alvo do procedimento de Ressonância Magnética Nuclear aqui simulado, a razão giromagnética é de $\gamma_H=42,58~MHz/T$. O valor da constante de relaxação transversal T_2 é uma constante mais empírica, que se origina da interação spin-spin do conjunto de spins sendo estudado. A interação entre os dipolos magnéticos acaba provocando uma perca de coerência de fase de rotação entre os mesmos, que emerge no decaimento do sinal de magnetização transversal medido.

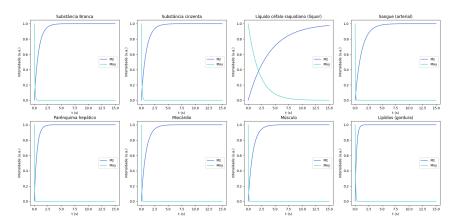


Figura 2 – Exemplo de decaimento das magnetizações longitudinal e transversal para vários tecidos humanos a partir do referncial girante.

0.3.2 Aplicação de Metabólitos

Com o estabelecimento dos instrumentos necessários para a simulação de sinais de MRS, foi possível então prosseguir para a próxima etapa: a simulação de sinais cerebrais de MRS.

O procedimento de Espectroscopia por Ressonância Magnética (MRS), apesar de compartilhar dos mesmos procedimentos do MRI, possui objetivos diferentes. Enquanto o MRI se preocupa com uma imagem anatômica, ou seja, uma malha de voxels, a MRS se preocupa com a informação contida em apenas um voxel ou grupo reduzido de voxels, denominados voxel-of-interest (VOI). O sinal obtido no VOI é analisado suprimindo os efeitos de lipídeos e água, restando apenas os sinais de ordem menor, relativos à ruído e a, principalmente, metabólitos. Metabólitos são moléculas orgânicas de forma e composição variadas, sendo essenciais em processos celulares. Por possuírem átomos de hidrogênio, os mesmos respondem ao sinal de excitação de ressonância, fornecendo uma resposta próxima ao sinal esperado, diferindo entre si por uma pequena diferença. Essa diferença,

denominada deslocamento químico, é causada por efeitos eletrônicos de sua vizinhança química, que por meio de um efeito de blindagem, altera o valor do campo magnetico efetivo sentido pelo núcleo, alterando assim sua frequência de ressonância. Esse fenômeno é medido como o deslocamento relativo à um valor de referência de um composto, usualmente o Tetrametilsilano (TMS) [?], e é representado na literatura pelo símbolo δ . Seu cálculo é dado pela equação 5.

$$\delta = \frac{\nu_{amostra} - \nu_{ref}}{\nu_{ref}} \tag{5}$$

Foram organizados na tabela 1, a partir do trabalho de Danilo Mendes [1], os parâmetros de desvio químico (δ) , tempo de relaxação transversal (T_2) e amplitude de alguns metabólitos comumente encontrados no cérebro, sob regime de 3T. Esses valores são então usados como entrada na simulação previamente discutida, para a geração de sinais cerebrais.

Metabólito	δ (ppm)	T_2 (s)	Amplitude (U.A.)
GABA	1.9346	0.0199	0.2917
NAA	2.0050	0.0735	0.4289
NAAG	2.1107	0.0066	0.0290
Glx2	2.1157	0.0909	0.0184
GABA2	2.2797	0.0833	0.0451
Glu	2.3547	0.1163	0.0427
Cr	3.0360	0.0926	0.2026
Cho	3.2200	0.1136	0.0776
M-Ins3	3.2570	0.1053	0.0202
M-Ins	3.5721	0.1471	0.0411
M-Ins2	3.6461	0.2222	0.0150
Glx	3.7862	0.0457	0.1054
Cr2	3.9512	0.04	0.2991
Cho+M-Ins	4.1233	0.0088	0.8244

Tabela 1 – Informações dos metabólitos

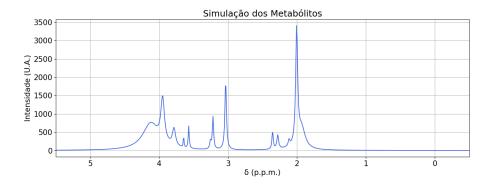


Figura 3 – Resultado da simulação dos metabólitos

0.3.3 Corrupção

Apesar de o programa dar conta de simular espectros corretamente a partir dos parâmetros dados, a realidade é que sinais clínicos *in vivo* tem uma aparência significativamente diferente da de um sinal gerado a partir do processo anteriormente descrito.

Os métodos de aquisição e conversão de sinais analógicos em digitais, por mais avançados que tenham se tornado se comparados à décadas passadas, ainda são limitados em vários aspectos. Uma das principais limitações ainda existentes é a captação de sinal ruidoso, o qual, a depender de sua intensidade, pode dificultar significativamente ou até impedir a análise do sinal desejado. A presença inevitável de ruído no sinal é, inclusive, uma das principais limitações as quais o MPM pretende enfrentar, tornando sua presença essencial neste estudo.

0.3.3.1 Geração

No caso da maioria dos sinais captados, o ruído tem como distribuição geradora uma função gaussiana, definida pela equação 6. Nessa distribuição, μ representa seu valor central, que no caso do ruído captado por aparelhos, tem valor nulo. O segundo parâmetro, σ , representa a largura do intervalo de variação dos valores gerados a partir dessa distribuição, definido como sendo o valor adquirido na meia altura da curva, denominado desvio padrão.

$$f(x) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}}e^{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}} \tag{6}$$

Essa distribuição, definida em um módulo de números aleatórios da biblioteca numpy, foi usada para geração de um ruído complexo, de mesmo σ na parte real e imaginária, que foi então adicionado ao sinal original, simulando assim sua corrupção.

Para fins de controle adequado da corrupção do sinal, a Relação Sinal-Ruído (SNR) foi usada como métrica de sua qualidade. O cálculo da SNR não possui uma definição unificada, podendo variar significativamente a depender da área. Sendo assim, escolheu-se a que seria mais conveniente para o contexto apresentado, atentando-se também a qual seria mais comum nos trabalhos de referência desse projeto. A definição a ser usada é a que leva em consideração o pico do sinal, representado por P, e o desvio padrão do ruído, representado por σ [?], como definido em 7.

$$SNR = \frac{P}{\sigma} \tag{7}$$

Para facilitar os cálculos, foi decidido normalizar o sinal gerado, dividindo-o pelo valor de seu pico, que se tornaria o valor de referência do sinal. O desvio padrão do ruído foi calculado então em uma região a qual esperaria-se que o sinal predominante seria de

tal característica, que no caso dos metabólitos aqui simulados, se traduz na região final do sinal captado e do espectro, aqui definida como os últimos 10% do sinal.

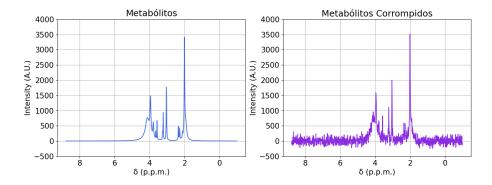


Figura 4 – Comparação entre os metabólitos e sua versão corrompida

0.3.3.2 Relação entre desvios padrão

Com o objetivo de obter maior controle da simulação, investigou-se o comportamento e a dependência entre o σ utilizado para a geração de ruído na parte real e imaginária com o σ resultante do espectro. A primeira abordagem tomada foi analítica, que a partir de definições estatísticas, não obteve sucesso na derivação de alguma relação direta. Optou-se então por uma abordagem experimental, a qual gerou-se um conjunto de sinais corrompidos por desvios padrão de diferentes valores, e relacionou-os com suas partes resultantes no espectro, calculados por meio de sua definição estatística em 8.

$$\sigma = \sqrt{\frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} (x_i - \bar{x})^2}, \quad com \ \bar{x} = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} x_i$$
 (8)

Essa investigação possibilitaria a avaliação da implementação de uma função que, recebendo um valor desejado de SNR de entrada, forneceria qual deveria ser o valor aproximado do σ usado pela distribuição geradora para que aquele valor de SNR fosse atingido, permitindo assim uma camada maior de controle dos parâmetros da simulação.

0.4 Resultados e Discussão

Para investigar a relação descrita, foram definidos limites dentro dos quais o desvio padrão usado na geração seria variado. Para isso foram gerados alguns sinais, baseando-se no espectro de metabólitos descritos na subseção $0.3.2~{\rm com}~\sigma$ variando em um intervalo de (0,7), e calculados suas SNRs. Comparando os valores calculados com exemplos da literatura [?], conclui-se, como pode ser verificado pela figura 5, que o intervalo de σ o qual um sinal pode ser compreendido como tal, e não apenas ruído, seria aproximadamente (0,3).

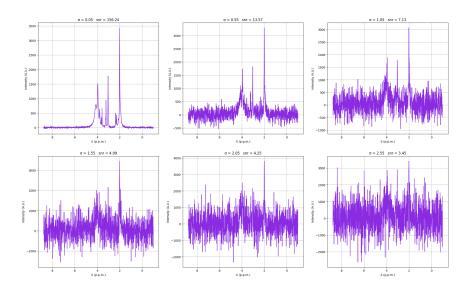


Figura 5 – Limites de validade do desvio padrão.

Em seguida, foram gerados um conjunto de 300 sinais corrompidos por ruídos gaussianos com desvios padrão variando dentro dos limites definidos, 100 vezes. Para cada vez, foi calculado seu espectro, e para cada espectro foi calculado o desvio padrão resultante, que por sua vez contribuiu para o cálculo do desvio padrão resultante médio de cada sinal corrompido. Por meio da Equação 7, com o pico normalizado como descrito anteriormente para 1, foi também possível calcular qual seria o SNR médio resultante.

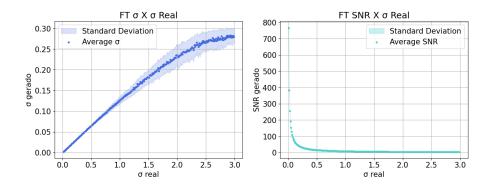


Figura 6 – Evolução do σ gerado com relação ao σ utilizado para a geração do ruído.

Pela Figura 6, verifica-se que o desvio padrão resultante σ_r parece ter uma relação não linear com o desvio padrão usado na geração. Partindo do pressuposto que a relação se assemelha a uma função exponencial, a Equação 9 foi utilizada como modelo para o ajuste dos dados. É importante ressaltar que a e c são constantes, e $b = \ln(a)$ de maneira a garantir que no zero a função, assim como os dados indicam, seja também zero.

$$f(x) = a - e^{b - cx} \tag{9}$$

O ajuste foi feito em 20 conjuntos de médias diferentes, resultando um a médio e c médio de: . Com os parâmetros calculados e a partir da relação Equação 7, foi criada uma função que, a partir de um valor de entrada de SNR, estima um valor aproximado para qual deve ser o desvio padrão a ser usado para gerar o ruído a corromper o sinal real de maneira a atingir o SNR desejado.

Essa função foi então testada a fim de garantir sua acurácia na predição dos desvios padrão. Como pode ser conferido pela Figura 7, o sigma resultante gerou sinais cujos SNR dos espectros difere dos SNR desejados, com um erro que cresce linearmente com o SNR.

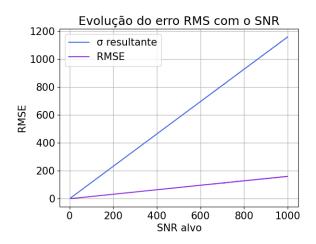


Figura 7 – ERRADO Evolução do RMSE gerado com relação ao SNR requisitado.

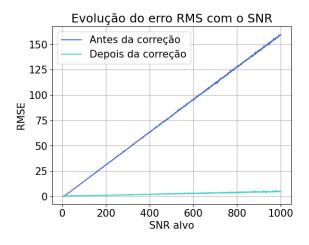


Figura 8 – Evolução do RMSE gerado com relação ao SNR requisitado após a correção.

0.5 Conclusão

A partir do estudo da relação entre desvios padrão e o SNR resultante, foi verificada uma relação linear para valores baixos de sigma, e uma saturação para valores mais altos. Também foram calculados parâmetros de ajuste dos dados, com os quais foi feita a correção

dos valores de SNR de entrada, viabilizando a dedução de uma função que relacionasse diretamente sigma e SNR com uma margem de erro relativamente baixa para as intenções do projeto.

REFERÊNCIAS

[1] Danilo Mendes Dias Delfino da Silva. Método da diagonalização na base de Krylov com agrupamento de linhas no ajuste de sinais ruidosos de espectroscopia por RM. PhD thesis, 2020.