

Universidade Federal do Rio Grande do Norte – UFRN

Instituto Metrópole Digital

Estrutura de Dados Básicas I – IMD0029

JOÃO EMMANUEL IZIDIO DA SILVA

RELATÓRIO TÉCNICO FINAL

ANÁLISE EMPÍRICA DE ALGORITMOS

Natal

17 de março de 2016

SUMÁRIO

| | | |
|----------|--|-----------|
| 1 | APRESENTAÇÃO DO PROJETO..... | 3 |
| 2 | MATERIAL E METODOLOGIAS USADAS..... | 3 |
| 3 | RESULTADOS ALCANÇADOS..... | 7 |
| 4 | CONCLUSÃO..... | 13 |
| 5 | REFERÊNCIAS..... | 14 |

1 - APRESENTAÇÃO DO PROJETO

Este relatório tem como objetivo mostrar os resultados obtidos a partir da análise empírica aplicada em oito algoritmos (Busca Sequencial Iterativa, Busca Sequencial Recursiva, Busca Sequencial Padrão, Busca Binária Iterativa, Busca Binária Recursiva, Busca Binária Padrão, Busca Ternária Iterativa, Busca Ternária Recursiva), levando em consideração três cenários: Em que o elemento procurado não está no vetor, em que o elemento procurado está localizado no $\frac{1}{4}$ final do tamanho do vetor e onde devemos procurar a terceira ocorrência do elemento procurado, se existir. Os testes foram feitos em vetores com elementos crescentes para todos os algoritmos e em vetores não ordenados para os sequenciais.

2 - MATERIAL E METODOLOGIAS USADAS

O computador usado foi um Lenovo G40-80, que possui Intel Core i3 5005U 2.2 GHz até 2.7 GHz e 3MB de cache, 4GB de RAM do tipo DDR3 1600MHz, Intel HD Graphics 5500, Linux Ubuntu 14.04.4 LTS. A linguagem usada nos teste foi C++ e compilada com o gcc . Segue abaixo a lista de algoritmos implementados:

```

4
5 long int b_Sequential_I (long int chave, long int* vetor, long int ini, long int tam, int ocor) {
6     int cond=0;
7     for (int i = ini; i <= tam; i++) {
8         if (vetor[i] == chave) {
9             cond++;
10            if (cond > ocor) {
11                return i;
12            }
13        }
14    }
15    return -1;
16 }
17
18 long int b_Sequential_R (long int chave, long int* vetor, long int ini, long int tam, int ocor) {
19     if (ini == tam) {
20         return -1;
21     }
22
23     if (vetor[ini] == chave) {
24         if (ocor == 0) {
25             return ini;
26         }
27         return b_Sequential_R(chave, vetor, ini+1, tam, ocor-1);
28     } else {
29         return b_Sequential_R(chave, vetor, ini+1, tam, ocor);
30     }
31 }
32
33 long int b_Binaria_R (long int chave, long int* vetor, long int ini, long int tam, int ocor) {
34     long int meio;
35     meio = (ini+tam)/2;
36     if (ini > tam) {
37         return -1;
38     }
39
40     if (chave == vetor[meio]) {
41         if (meio == 0) {
42             if (vetor[meio+ocor] == chave) {
43                 return meio+ocor;
44             } else {
45                 return -1;
46             }
47         }
48         if (vetor[meio-1] == chave) {
49             return b_Binaria_R(chave, vetor, ini, meio, ocor);
50         }
51         if (vetor[meio+ocor] == chave) {
52             return meio+ocor;
53         } else {
54             return -1;
55         }
56     } else if (chave > vetor[meio]) {
57         return b_Binaria_R(chave, vetor, meio+1, tam, ocor);
58     } else {
59         return b_Binaria_R(chave, vetor, ini, meio-1, ocor);
60     }
61 }
62
63 long int b_Binaria_I (long int chave, long int* vetor, long int ini, long int tam, int ocor) {
64     long int i=0, f=tam, meio, inicio;
65     while (i <= f) {
66         meio = (i+f)/2;
67
68         if (chave == vetor[meio]) {
69             for (int j = meio; j >= 0; j--) {
70                 if (chave == vetor[j]) {
71                     inicio = j;
72                 }
73             }
74

```

```

75         if (chave == vetor[inicio+ocor]) {
76             return inicio+ocor;
77         } else {
78             return -1;
79         }
80
81     } else if (chave > vetor[meio]) {
82         i = meio + 1;
83     } else {
84         f = meio - 1;
85     }
86 }
87 return -1;
88 }
89
90 long int b_Ternaria_I (long int chave, long int* vetor, long int ini, long int tam, int ocor) {
91     int long p1=0, p2=0, i=0, f=tam, var, inicio;
92
93     while (i <= f) {
94         var = (f-i)/3;
95         p1 = var + i;
96         p2 = p1 + var;
97         if (chave == vetor[p1]) {
98             for (int j = p1; j >= 0; j--) {
99                 if (chave == vetor[j]){
100                     inicio = j;
101                 }
102             }
103             if (chave == vetor[inicio+ocor]) {
104                 return inicio+ocor;
105             } else {
106                 return -1;
107             }
108         } else if (chave == vetor[p2]) {
109             for (int j = p2; j >= 0; j--) {
110
111                 for (int j = p2; j >= 0; j--) {
112                     if (chave == vetor[j]){
113                         inicio = j;
114                     }
115                 }
116                 if (chave == vetor[inicio+ocor]) {
117                     return inicio+ocor;
118                 } else {
119                     return -1;
120                 }
121             } else if (chave < vetor[p1]) {
122                 f = p1 - 1;
123             } else if (chave > vetor[p2]) {
124                 i = p2 + 1;
125             } else {
126                 i = p1 + 1;
127                 f = p2 - 1;
128             }
129         }
130     }
131     return -1;
132 }
133
134 long int b_Ternaria_R (long int chave, long int* vetor, long int ini, long int tam, int ocor) {
135     long int p1, p2;
136     p1 = ((tam-ini)/3) + ini;
137     p2 = ((tam-ini)/3) + p1;
138     if (ini > tam) {
139         return -1;
140     }
141
142     if (chave == vetor[p1]) {
143         if (p1 == 0) {
144             if (chave == vetor[p1+ocor]) {
145                 return p1+ocor;
146             }
147         }
148     }

```

```

142         if (chave == vetor[p1+ocor]) {
143             return p1+ocor;
144         } else {
145             return -1;
146         }
147     }
148     if (chave == vetor[p1-1]) {
149         return b_Ternaria_R(chave, vetor, ini, p1, ocor);
150     }
151     if (chave == vetor[p1+ocor]) {
152         return p1+ocor;
153     } else {
154         return -1;
155     }
156 } else if (chave == vetor[p2]) {
157     if (p2 == 0) {
158         if (chave == vetor[p1+ocor]) {
159             return p1+ocor;
160         } else {
161             return -1;
162         }
163     }
164     if (chave == vetor[p2-1]) {
165         return b_Ternaria_R(chave, vetor, ini, p2, ocor);
166     }
167     if (chave == vetor[p2+ocor]) {
168         return p2+ocor;
169     } else {
170         return -1;
171     }
172 } else if (chave < vetor[p1]) {
173     return b_Ternaria_R(chave, vetor, ini, p1-1, ocor);
174 } else if (chave > vetor[p2]) {
175     return b_Ternaria_R(chave, vetor, p2+1, tam, ocor);
176 } else {
177     return b_Ternaria_R(chave, vetor, p2+1, tam, ocor);
178 } else {
179     return b_Ternaria_R(chave, vetor, p1+1, p2-1, ocor);
180 }
181 }
182 long int b_Sequential_P(long int chave, long int* vetor, long int ini, long int tam, int ocor) {
183     std::vector<long int> c;
184     for (int i = 0; i <= ocor; i++) {
185         c.push_back(chave);
186     }
187     long int *it = (long int *) search(vetor, vetor+tam+1, c.begin(), c.end());
188     if (it != (vetor+tam+1)) {
189         return (it - vetor+ocor);
190     } else {
191         return -1;
192     }
193 }
194 }
195
196 int comp(const void *ap, const void *bp) {
197     const int *a = (int *) ap;
198     const int *b = (int *) bp;
199     return *a - *b;
200 }
201
202 long int b_Binaria_P(long int chave, long int* vetor, long int ini, long int tam, int ocor) {
203     long int *r = (long int*) bsearch(&chave, vetor, tam+1, sizeof(vetor[0]), comp);
204     long int *aux = r;
205     long int valor;
206     if (r == NULL) {
207         return -1;
208     } else {
209         while (aux != NULL) {
210             valor = aux - vetor;
211             aux = (long int*) bsearch(&chave, vetor, valor, sizeof(vetor[0]), comp);
212         }
213         if (vetor[valor+ocor] == chave) {
214             return valor+ocor;
215         } else {
216             return -1;
217         }
218     }
219 }
220 }
221 }

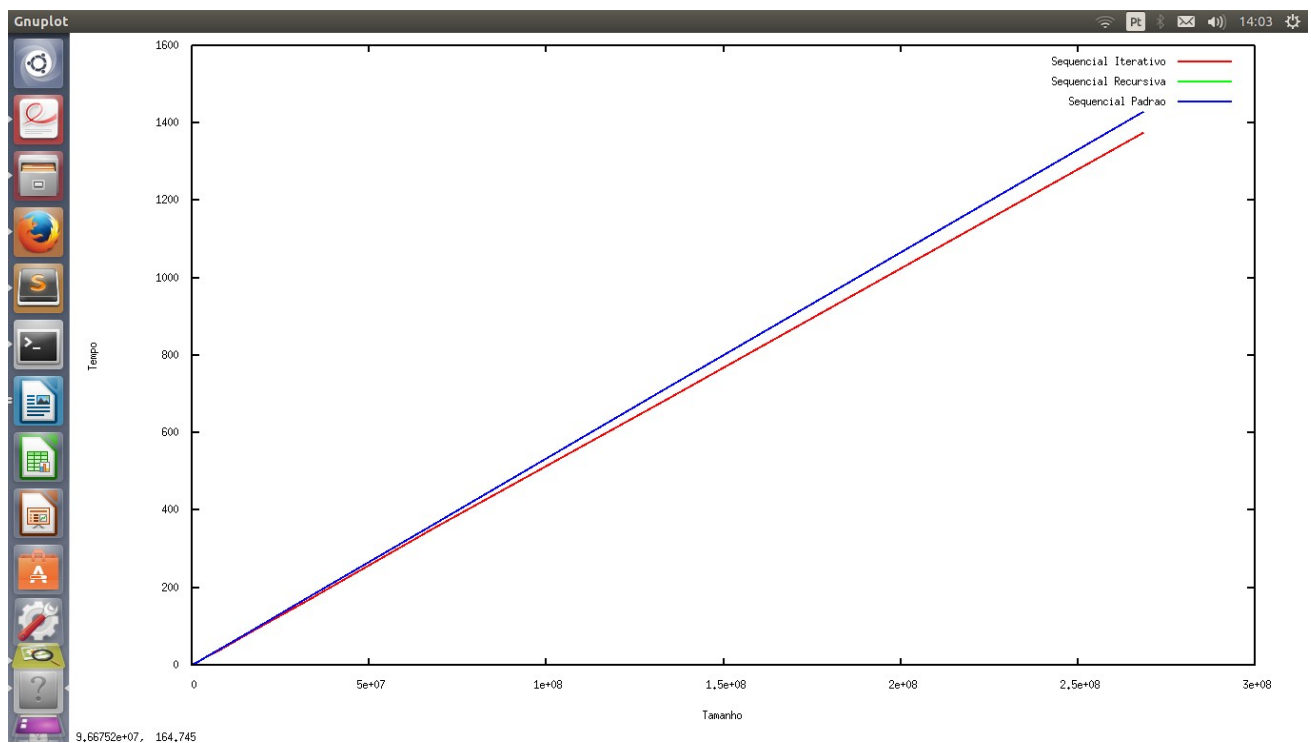
```

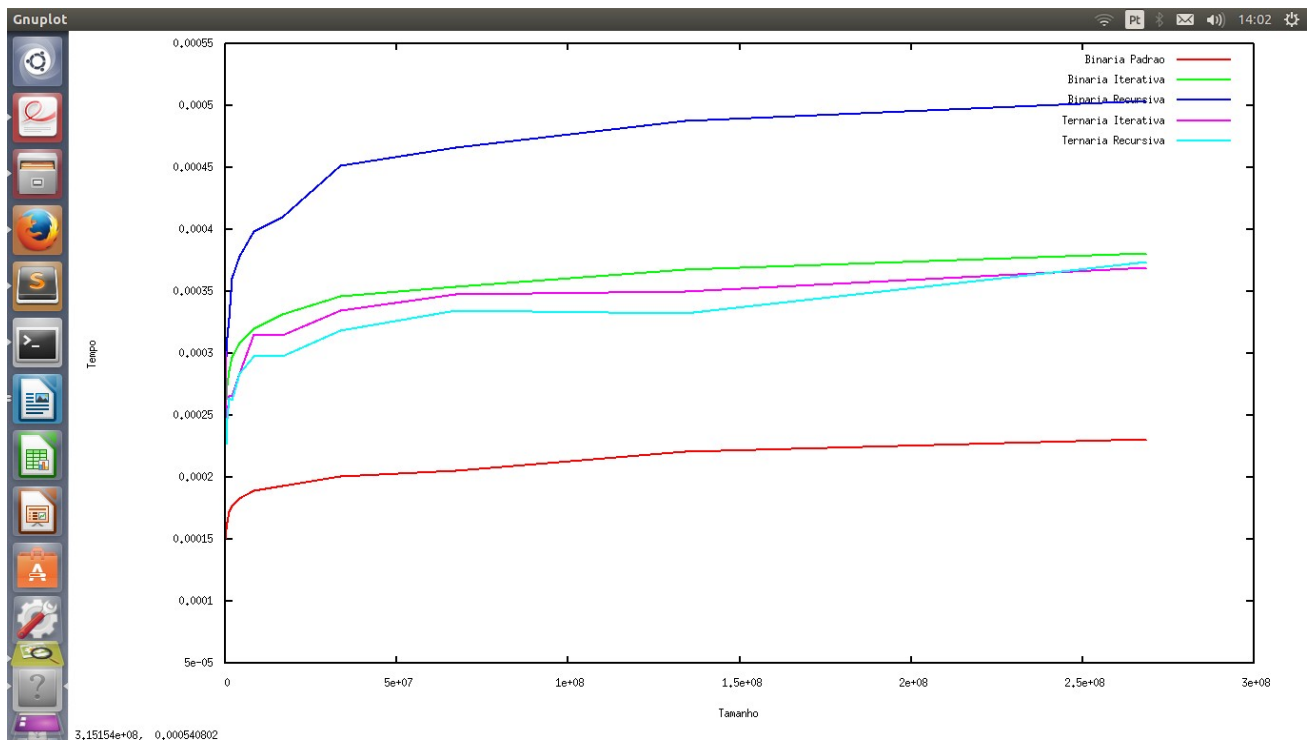
São feitos 100 testes para cada tamanho do vetor, que vai de 2^4 até 2^{28} . O tempo de execução de cada algoritmo é obtido pela média progressiva dos testes e usa como unidade de medida o Milissegundo (ms).

3 - RESULTADOS ALCANÇADOS

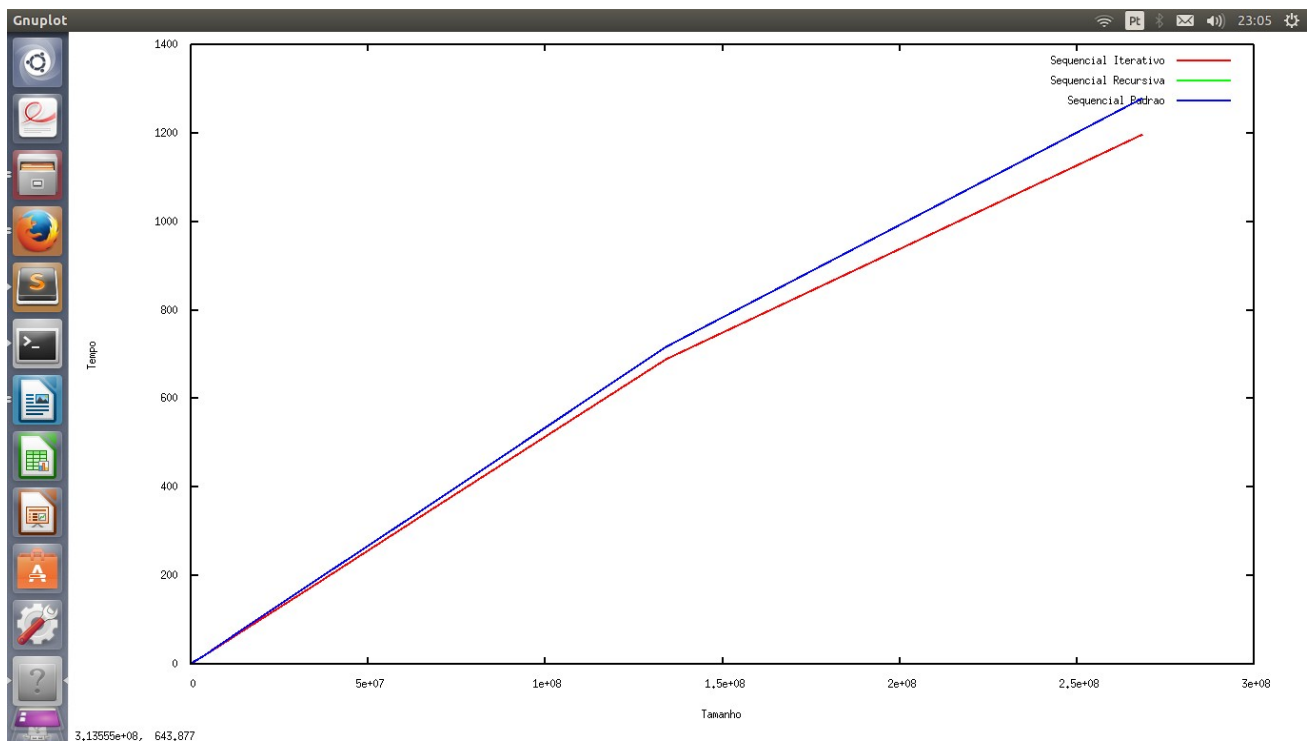
VETOR ORDENADO:

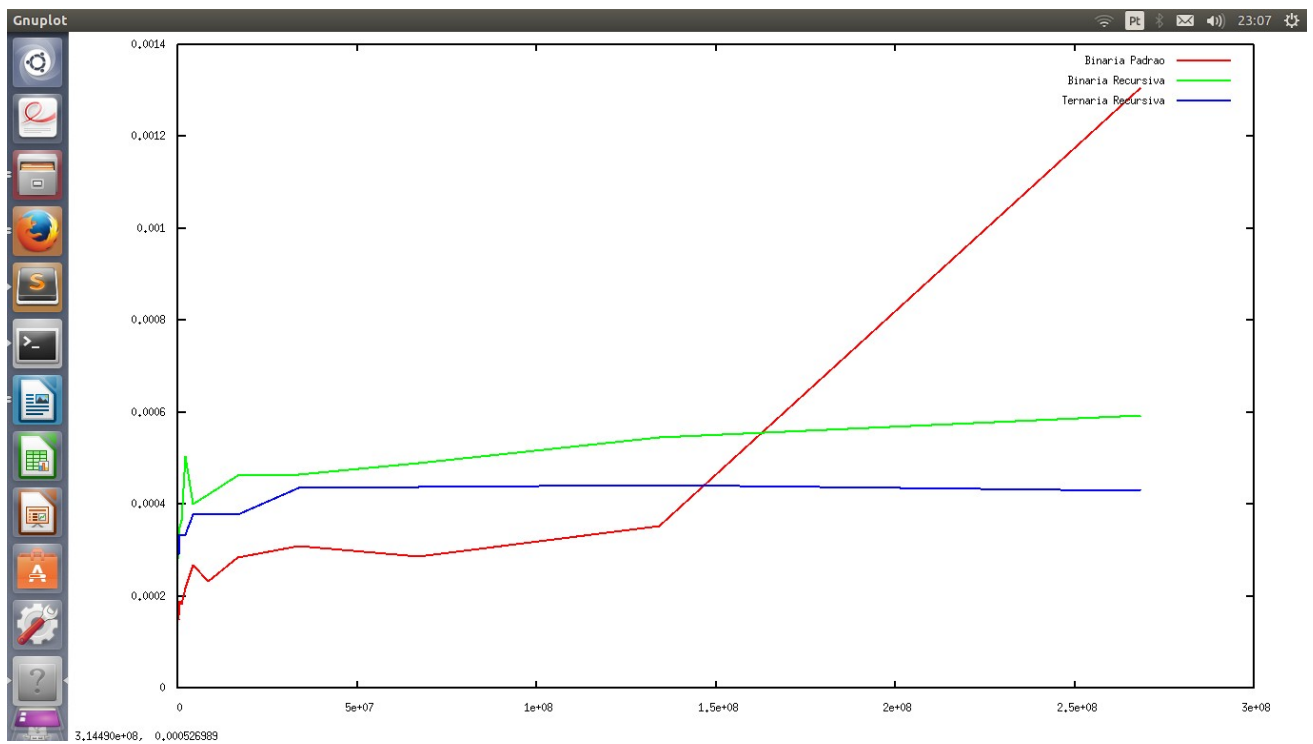
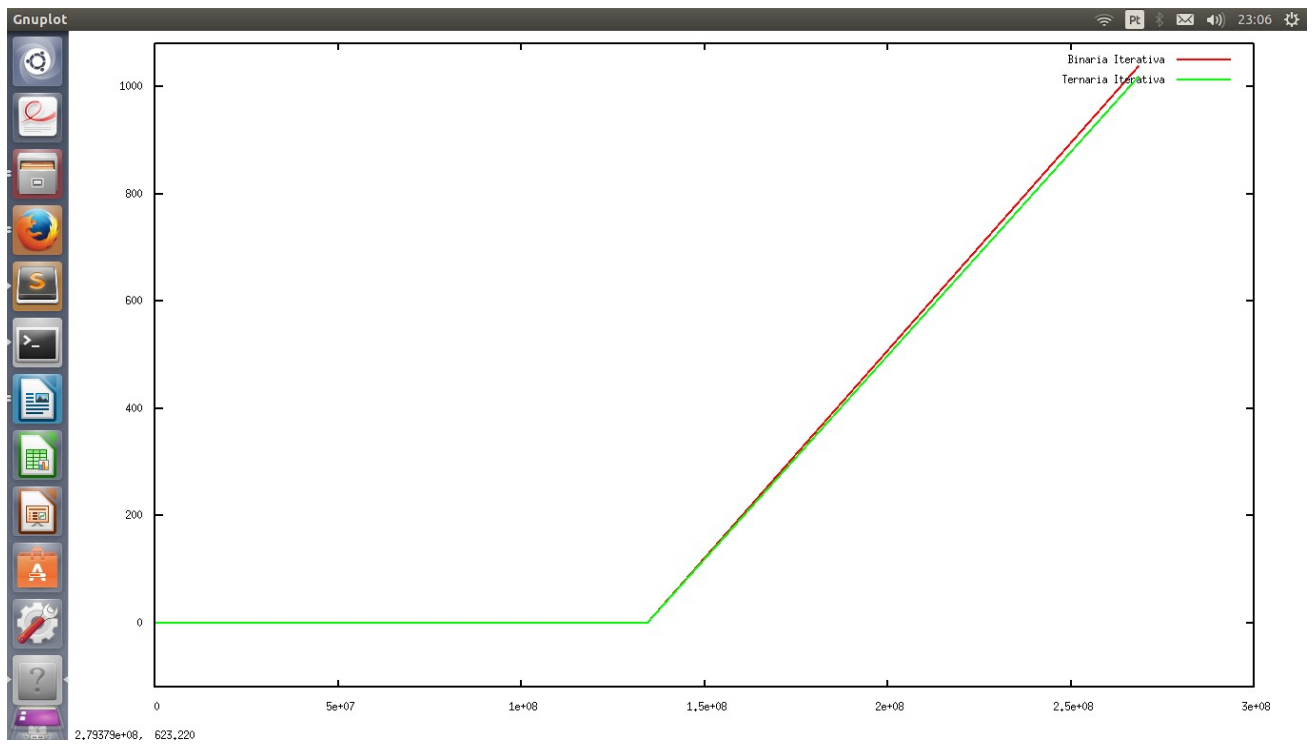
- Busca por um valor que não está no vetor:



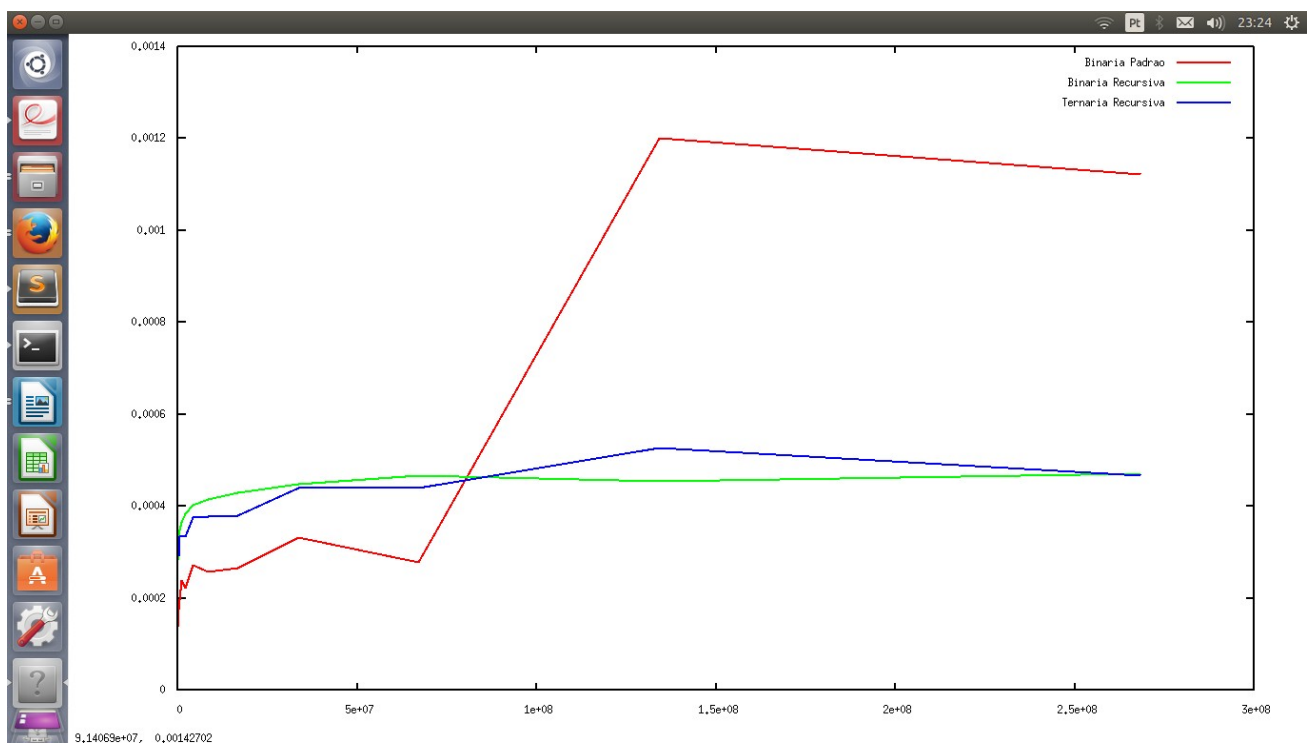
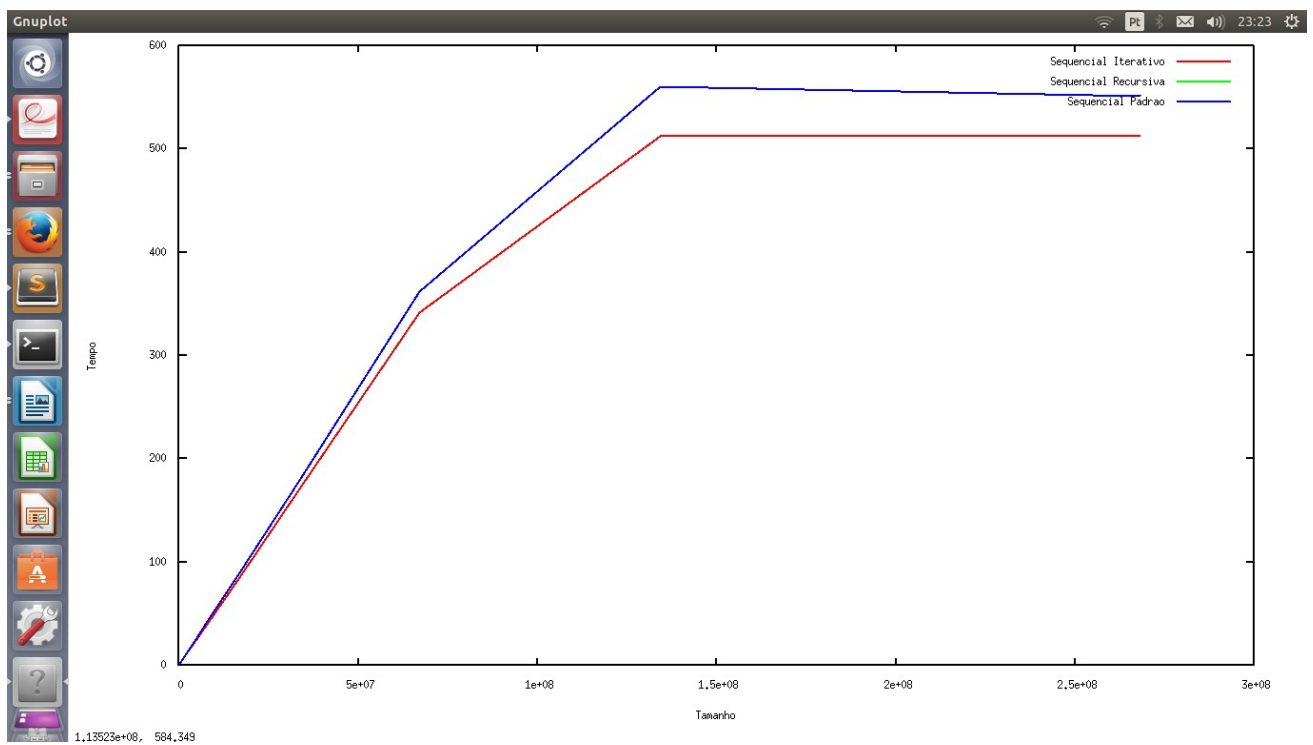


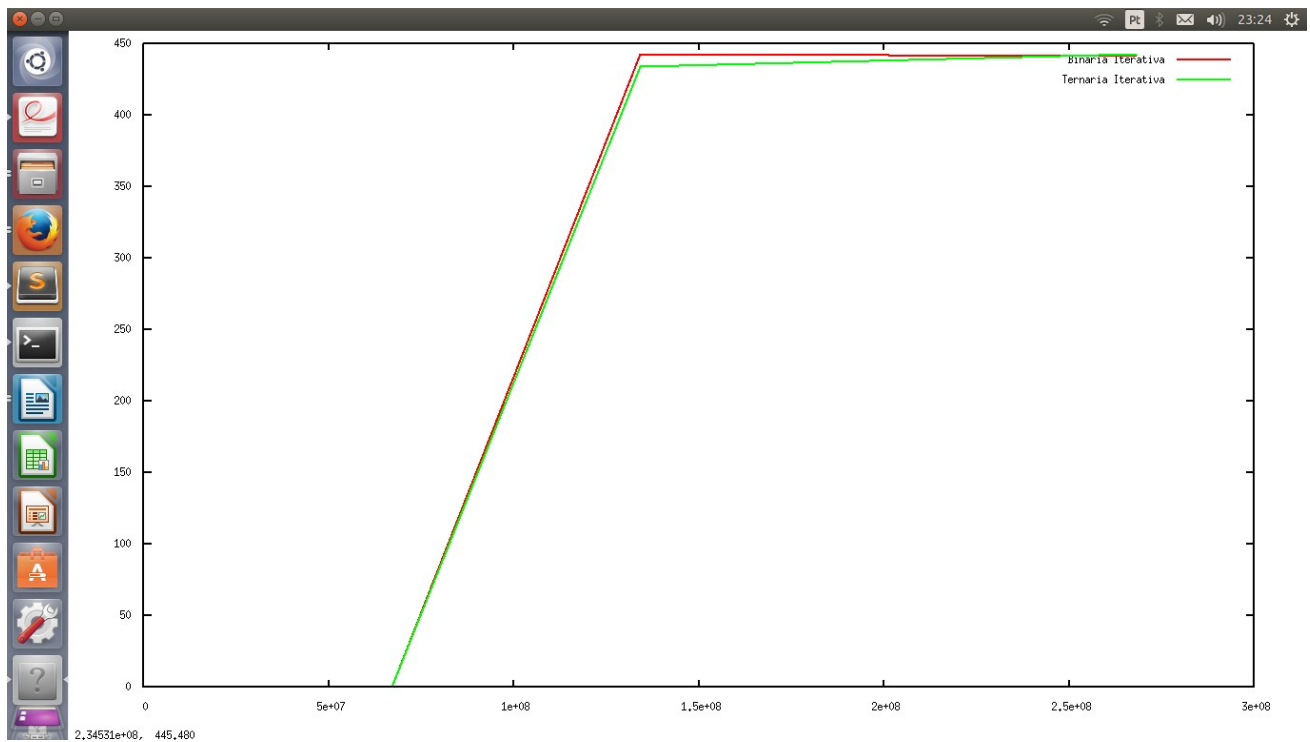
- Busca por um valor que está no ultimo ¼ do vetor:





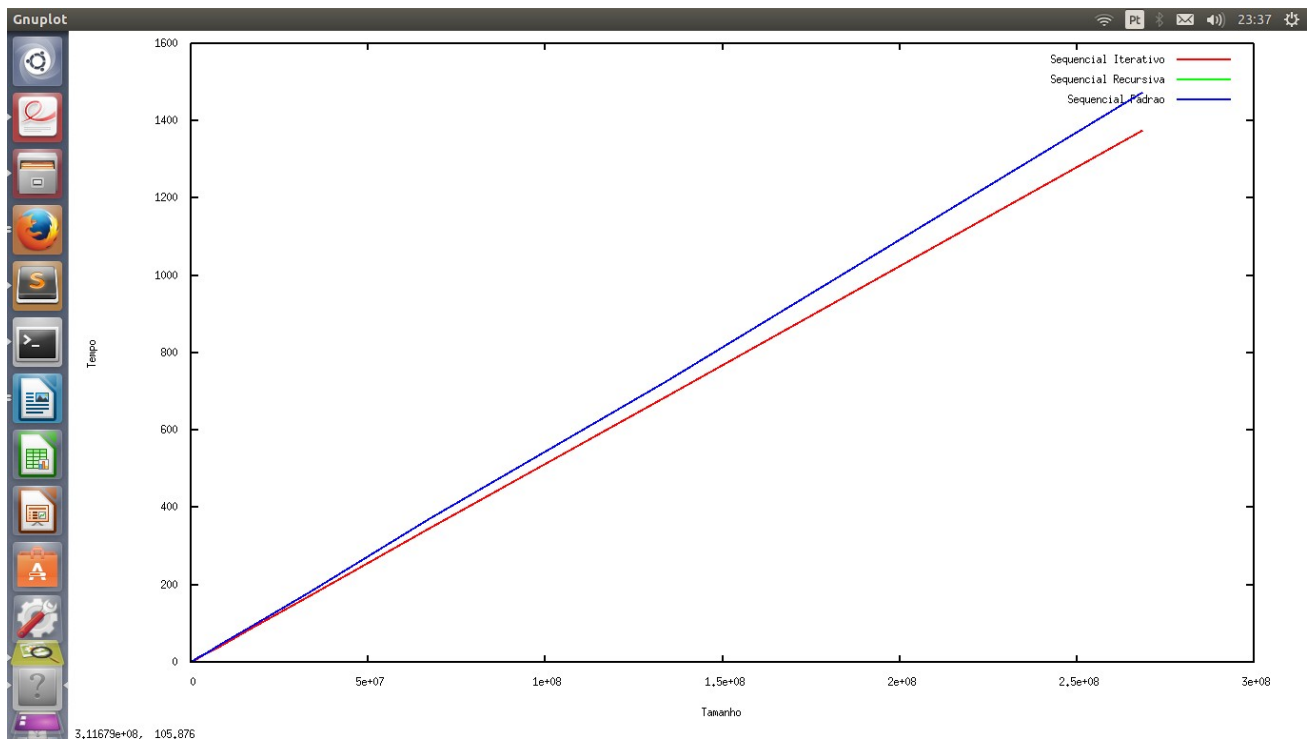
- Busca pela 3 ocorrência de um valor:



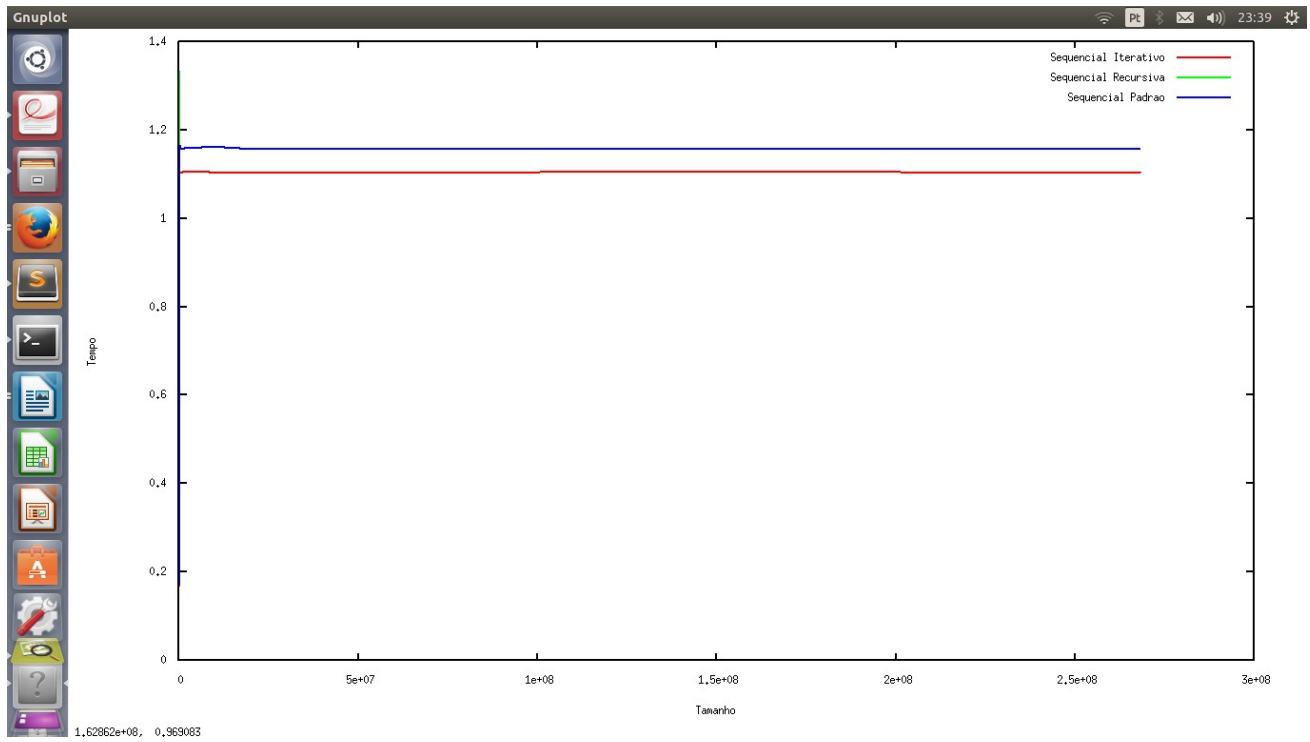


VETOR NÃO ORDENADO:

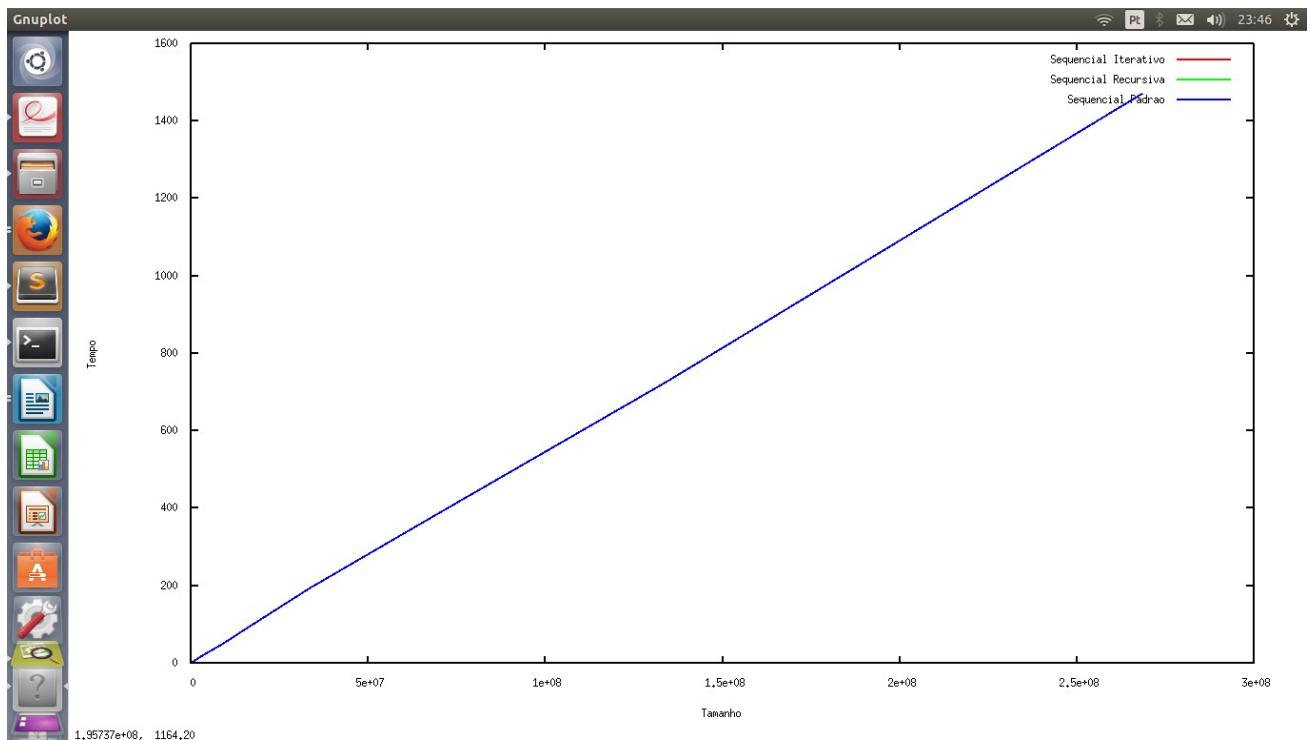
- Busca por um valor que não está no vetor:



- Busca por um valor que está no ultimo ¼ do vetor:



- Busca pela 3 ocorrência de um valor:



4 - CONCLUSÃO

(a) Descobrimos de maneira geral que as funções sequenciais demoram muito mais que as outras, a menos que o elemento que procuramos esteja bem no início do vetor.

(b) Os algoritmos recomendados para cada situação:

- Vetor ordenado e busca por um valor que não está no vetor: Busca Binária Padrão
- Vetor ordenado e busca por um valor que está no último $\frac{1}{4}$ do vetor: Ternária Recursiva (Para valores grandes)
- Vetor ordenado e busca pela 3 ocorrência de um valor: Binária Recursiva
- Vetor não-ordenado e busca por um valor que não está no vetor: Binária Recursiva
- Vetor não-ordenado e busca por um valor que está no último $\frac{1}{4}$ do vetor: Binária Recursiva (Para valores grandes)
- Vetor não-ordenado e busca pela 3 ocorrência de um valor: Binária Recursiva

(c) Sim, em quase todos os casos. Se continuarmos dividindo em partes chegaríamos a n vetores com um elemento, caracterizando assim uma busca sequencial.

(d) Aconteceram alguns picos de valores nas funções nas buscas Iterativas Binária e Ternária, no caso dois e três dos vetores ordenados.

(e) A função linear é a que mais se aproxima da maioria, Estima-se que o tempo de cada algoritmo fazendo a busca com 100 milhões de elementos ficam com: Sequencial Iterativa - 512.288, Sequencial Recursiva - Não chega até esse tamanho, Sequencial Padrão - 533.24, Binário Padrão - 0.00020627, Binário Iterativa - 0.00034979, Binário Recursiva - 0.000472, Ternário Iterativa - 0.000349, Ternaria Recursiva - 0.000338.

(f) A análise empírica é mais precisa que a matemática, o que é bom para a escolha certa do algoritmo para cada caso.

5 - REFERÊNCIAS

- <http://pt.cppreference.com>
- <http://www.cplusplus.com/reference>
- http://www.dicas-l.com.br/arquivo/usando_gnuplot_para gerar_bons_graficos.php