

Fundamentos de Lógica

Aulas 01

Cristiane Loesch

Brasília
2024

Introdução

Ementa:

Lógica Proposicional (Booleana)

Teoria dos Conjuntos

Demonstração de Teoremas

Análise Combinatória

(Permutações, Combinações e Arranjos)

Introdução

Ementa:

Lógica Proposicional (Booleana)

Teoria dos Conjuntos

Demonstração de Teoremas

Análise Combinatória

(Permutações, Combinações e Arranjos)

Aulas: Presenciais 2^a e 4^a das 08:00 as 09:50 (S9/S2)

2^a e 4^a das 10:00 as 11:50 (S9)

Introdução

Ementa:

Lógica Proposicional (Booleana)
Teoria dos Conjuntos
Demonstração de Teoremas
Análise Combinatória
(Permutações, Combinações e Arranjos)

Aulas: Presenciais 2^a e 4^a das 08:00 as 09:50 (S9/S2)
2^a e 4^a das 10:00 as 11:50 (S9)

Avaliações (datas previstas)

P1: 18/11 (G1) e 20/11 (G2)
P2: 13/01 (G2) e 15/01 (G1)
P3: 10/02 (G1) e 12/02 (G2)

Estruturas Discretas vs. Contínuas

EXEMPLOS:

ESTRUTURAS CONTÍNUAS:

ESTRUTURAS DISCRETAS:

Estruturas Discretas vs. Contínuas

EXEMPLOS:

ESTRUTURAS CONTÍNUAS:

→ Números reais

Conjunto de todos os números
com infinitas casas decimais

→ Espaços Euclidianos

Plano cartesiano

→ Funções contínuas

→ Campos Vetoriais

ESTRUTURAS DISCRETAS:

Estruturas Discretas vs. Contínuas

EXEMPLOS:

ESTRUTURAS CONTÍNUAS:

→ Números reais

Conjunto de todos os números
com infinitas casas decimais

→ Espaços Euclidianos

Plano cartesiano

→ Funções contínuas

→ Campos Vetoriais

ESTRUTURAS DISCRETAS:

→ Conjuntos

Conjunto dos números inteiros;
Conjunto das letras do alfabeto.

→ Sequências

Sequência de DNA;
Sequência de números

→ Relações

Relação de equivalência;
Relação de parentesco em
uma árvore genealógica

→ Grafos

Grafo social de uma rede de amigos;
Grafo de estradas em uma cidade;
Grafo de conexões em uma rede de
computadores

Matemática Discreta?!

A matemática, para a área de computação, deve ser vista como uma ferramenta a ser usada na definição formal de conceitos computacionais (linguagens, autômatos, métodos, etc). Os modelos formais permitem definir suas propriedades e dimensionar suas instâncias, dadas suas condições de contorno.

*Considerando que a maioria dos conceitos computacionais pertencem ao domínio do discreto, a **matemática discreta** (ou também chamada álgebra abstrata) é fortemente empregada.*

Matemática Discreta?!

O QUE ESTUDA?

- Ramo da matemática que estuda conjuntos, finitos ou infinitos, contáveis, ou seja, conjuntos enumeráveis ou sequenciáveis segundo algum critério.

EXEMPLO:

Conjunto contável \rightarrow Conjunto dos números Naturais

Conjunto não contável \rightarrow Conjunto dos números Reais

Matemática Discreta?!

DISCRETO x CONTÍNUO

- Discreto
 - feito de partes distintas
 - trata objetos separados e desconectados geometricamente uns dos outros
 - conjuntos numeráveis

Exemplos: conjunto dos números naturais;
matemática discreta, etc..
- Contínuo
 - sem interrupção, sem mudança brusca
 - conjuntos não enumeráveis e com representações contínuas do ponto de vista geométrico

Exemplos: cálculo diferencial e integral;
equações diferenciais, etc..

Matemática Discreta?!

POR QUE ESTUDAR?

- Importante no estudo e descrição de objetos e problemas em ramos da ciência da computação;

Exemplos:

- Algoritmos;
- Linguagem de programação;
- Criptografia;
- Desenvolvimento de software;
- Etc.



O pinguim é branco e preto.
Alguns filmes antigos são branco e preto.
Portanto, alguns pinguins são filmes
antigos.



Lógica



- Ciência do raciocínio

Lógica



- Ciência do raciocínio

FILOSOFIA

MATEMÁTICA

PROGRAMAÇÃO

Lógica



- Ciência do raciocínio

FILOSOFIA

- Cuida das regras do raciocínio
- Busca meios para inferir uma ideia a partir de outra

MATEMÁTICA

PROGRAMAÇÃO

Lógica



- Ciência do raciocínio

FILOSOFIA

- Cuida das regras do raciocínio
- Busca meios para inferir uma ideia a partir de outra

MATEMÁTICA

- Ferramenta fundamental na definição de conceitos computacionais

PROGRAMAÇÃO

Lógica



- Ciência do raciocínio

FILOSOFIA

- Cuida das regras do raciocínio
- Busca meios para inferir uma ideia a partir de outra

MATEMÁTICA

- Ferramenta fundamental na definição de conceitos computacionais

PROGRAMAÇÃO

- Trata de uma sequência coerente de ideias (sequência lógica) para conquistar um objetivo

Lógica



EXEMPLO: Sequência Lógica para Lógica de Programação

```
if número > 0
    Imprime (" O número é positivo")
else:
    Imprime (" O número é negativo")
```



FONTE: Mundo educação

Temas:

- Trocar o pneu furado do carro
 - Passei num buraco na estrada....

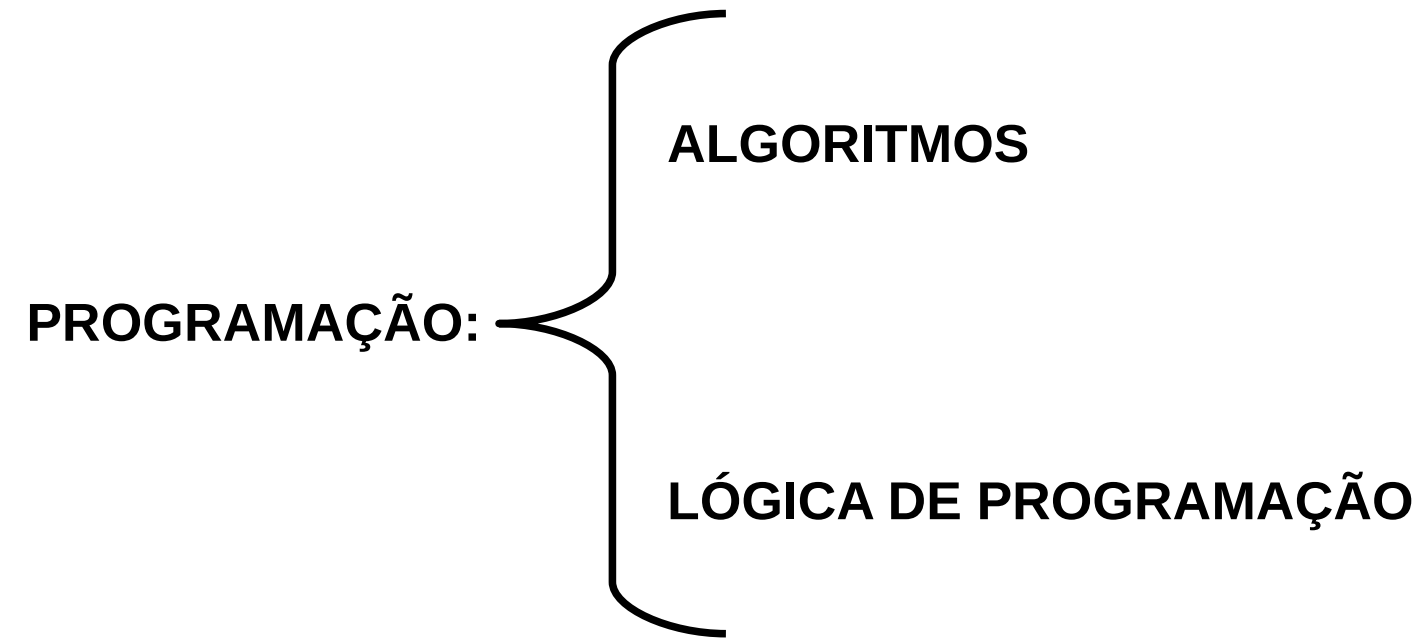


Exemplos simplificados:



Algoritmo 1 Troca de pneu do carro.

- 1: desligar o carro
 - 2: pegar as ferramentas (chave e macaco)
 - 3: pegar o estepe
 - 4: suspender o carro com o macaco
 - 5: desenroscar os 4 parafusos do pneu furado
 - 6: colocar o estepe
 - 7: enroscar os 4 parafusos
 - 8: baixar o carro com o macaco
 - 9: guardar as ferramentas
-



OBS: estes são os conceitos que permitem o desenvolvimento de habilidades e raciocínio lógico

Exemplo 1



Exemplo de sequência lógica: comprar um refrigerante no mercado

Exemplo 1



Exemplo de sequência lógica: comprar um refrigerante no mercado

1. Entrar no mercado
2. Pegar um carrinho
3. Ir até a seção de refrigerantes
4. Pegar uma garrafa de refrigerante na gôndola
5. Colocá-la no carrinho
6. Dirigir-se à fila do caixa
7. Pagar pelo refrigerante
8. Sair do mercado

Fundamentos de Lógica



Brasília é a capital do Brasil.

Moscou é a capital da França

$$7 < 13$$

Quem é o governador de Roraima?

Termine sua refeição!

$$x - 11 = 0$$

Fundamentos de Lógica



→ Lógica: permite definir a noção de teorema

→ Conceitos:

I) Lógica Booleana

II) Proposições

Tipos: $\left\{ \begin{array}{l} \text{Simples} \\ \text{Compostas} \end{array} \right.$

Proposições



PROPOSIÇÃO

- Conjunto de palavras ou símbolos que exprimem um pensamento de sentido completo

Proposições



PROPOSIÇÃO

- Conjunto de palavras ou símbolos que exprimem um pensamento de sentido completo

O QUE OBSERVAMOS?

Que as proposições apresentam valor lógico ($V(p)$)

Ex.: Minha blusa é vermelha $\longrightarrow V(p) = V$ ou F

Proposições



EXEMPLO:

Você entende o que estou dizendo?"

O chão é lava.

Que horas são?

Ei, você aí!

Eu gosto de sorvete de chocolate.

Vamos torcer pelo time na próxima partida.

A água ferve a 100 graus Celsius

Super-homem é um jogador de futebol.

Proposições



EXEMPLO:

Você entende o que estou dizendo?"

O chão é lava.

Que horas são?

Ei, você aí!

Eu gosto de sorvete de chocolate.

Vamos torcer pelo time na próxima partida.

A água ferve a 100 graus Celsius

Super-homem é um jogador de futebol.

Não é proposição

Proposições



EXEMPLO:

Você entende o que estou dizendo?"

O chão é lava.

Que horas são?

Ei, você aí!

Eu gosto de sorvete de chocolate.

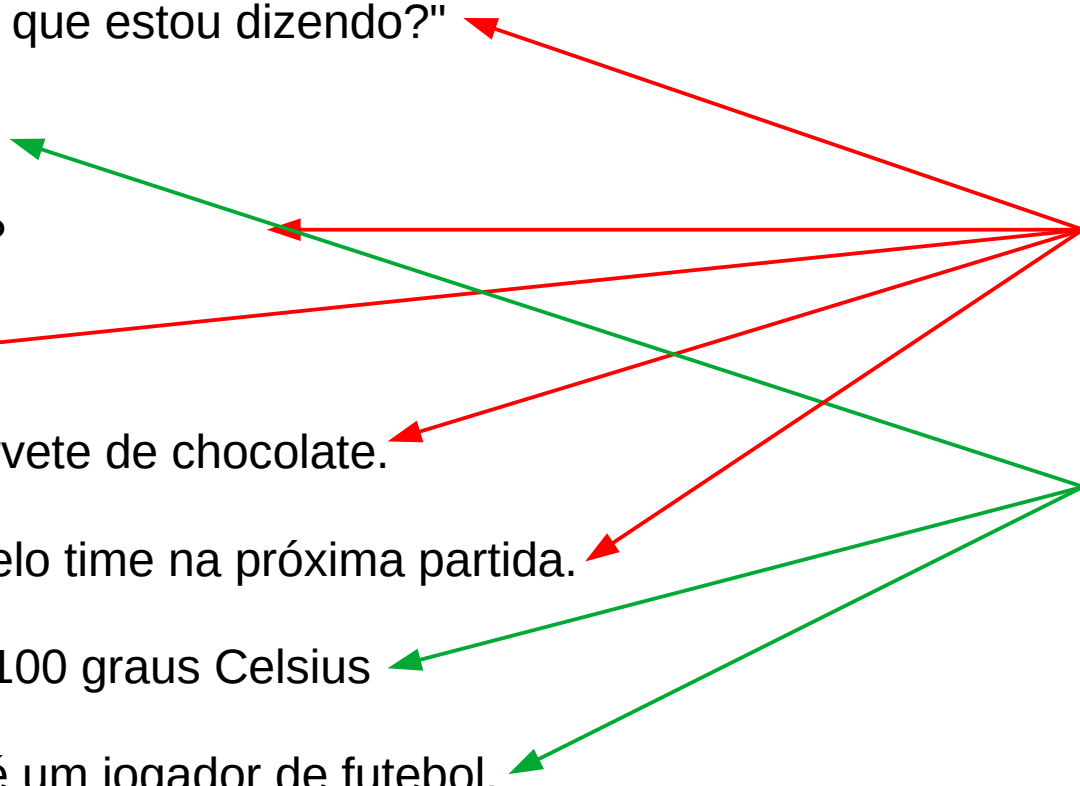
Vamos torcer pelo time na próxima partida.

A água ferve a 100 graus Celsius

Super-homem é um jogador de futebol.

Não é proposição

É proposição



Proposições



Importante

Não são proposições: frases exclamativas, interrogativas, opinativas, as expressões de desejo, as expressões de sentimentos, as interjeições, orações imperativas, e aquelas que contenham variáveis (sentenças abertas).

Proposições



PROPRIEDADES DAS PROPOSIÇÕES:

→ **Princípio da identidade:** tudo é idêntico a si mesmo.

Proposições



PROPRIEDADES DAS PROPOSIÇÕES:

- **Princípio da identidade:** tudo é idêntico a si mesmo.
- **Princípio da não-contradição:** uma proposição não pode ser verdadeira e falsa ao mesmo tempo.

EXEMPLO: É impossível que uma bola seja vermelha e não vermelha ao mesmo tempo e no mesmo aspecto, por exemplo

Proposições



PROPRIEDADES DAS PROPOSIÇÕES:

- **Princípio da identidade:** tudo é idêntico a si mesmo.
- **Princípio da não-contradição:** uma proposição não pode ser verdadeira e falsa ao mesmo tempo.
- **Princípio do terceiro excluído:** toda proposição ou é verdadeira ou é falsa, isto é, verifica-se sempre um destes casos e nunca um terceiro.

Proposições



PROPOSIÇÃO SIMPLES OU ATÔMICAS

→ Aquela que não contém outra proposição como parte de si mesmas

NOTAÇÃO letras minúsculas (p, q, r, ...)

Proposições



EXEMPLO:

A lua é de queijo.

A água ferve a 100 graus Celsius

Cristiano Ronaldo não é um jogador de futebol.

O Sol é uma estrela

Proposições
Simples

Proposições



EXEMPLO: Determinar o valor lógico (V ou F) de cada uma das seguintes proposições:

- a) O número 15 é primo.
- b) João Pessoa é a capital da Paraíba
- c) $(3 + 4)^2 = 3^2 + 4^2$
- d) Um icosaedro tem 20 faces.
- e) Todo triângulo equilátero é equiângulo.

Conectivos Lógicos: Proposições Simples - Negação



EXEMPLO:

p: A cor da caneta é azul.

q: 0 é um número par.

r: Cristiane é rica.

s: $3 < 2$.

t: 0,2 pertence ao conjunto dos números inteiros.

Conectivos Lógicos: Proposições Simples - Negação



EXEMPLO:

p: A cor da caneta é azul.

q: 0 é um número par.

r: Cristiane é rica.

s: $3 < 2$.

t: 0,2 pertence ao conjunto dos números inteiros.

Para negar pode-se dizer: É preta
Mas negar dizendo que é preta não leva
todas as possibilidades em consideração.

Conectivos Lógicos: Proposições Simples - Negação



EXEMPLO:

p: A cor da caneta é azul.

$\sim p$: A cor da caneta não é azul.

q: 0 é um número par.

r: Cristiane é rica.

s: $3 < 2$.

t: 0,2 pertence ao conjunto dos números inteiros.

Conectivos Lógicos: Proposições Simples - Negação



EXEMPLO:

p: A cor da caneta é azul.

$\sim p$: A cor da caneta não é azul.

q: 0 é um número par.

Zero não é neutro.
Par é múltiplo de
dois

r: Cristiane é rica.

$2k = \text{par}$

$2 * 0 = 0$

s: $3 < 2$.

$2k+1 = \text{impar}$

t: 0,2 pertence ao conjunto dos números inteiros.

Conectivos Lógicos: Proposições Simples - Negação



EXEMPLO:

p: A cor da caneta é azul.

$\sim p$: A cor da caneta não é azul.

q: 0 é um número par.

$\sim q$: 0 não é um número par. OU 0 é um número ímpar.

r: Cristiane é rica.

s: $3 < 2$.

t: 0,2 pertence ao conjunto dos números inteiros.

Conectivos Lógicos: Proposições Simples - Negação



EXEMPLO:

p: A cor da caneta é azul.

$\sim p$: A cor da caneta não é azul.

q: 0 é um número par.

$\sim q$: 0 não é um número par. OU 0 é um número ímpar.

r: Cristiane é rica.

Pode ser V para outra Cristiane.

Mas para negar podemos dizer: Cristiane é pobre.

s: $3 < 2$.

O que não leva em conta todas as outras possibilidades: milionaria, miserável, etc

t: 0,2 pertence ao conjunto dos números inteiros.

Conectivos Lógicos: Proposições Simples - Negação



EXEMPLO:

p: A cor da caneta é azul.

$\sim p$: A cor da caneta não é azul.

q: 0 é um número par.

$\sim q$: 0 não é um número par. OU 0 é um número ímpar.

r: Cristiane é rica.

$\sim r$: Cristiane não é rica.

s: $3 < 2$.

t: 0,2 pertence ao conjunto dos números inteiros.

Conectivos Lógicos: Proposições Simples - Negação



EXEMPLO:

p: A cor da caneta é azul.

$\sim p$: A cor da caneta não é azul.

q: 0 é um número par.

$\sim q$: 0 não é um número par. OU 0 é um número ímpar.

r: Cristiane é rica.

$\sim r$: Cristiane não é rica.

s: $3 < 2$.

Podemos negar com $3 > 2$. O que você acha? Estamos levando em conta todas as opções? Não! Por que temos a opção maior ou igual

t: 0,2 pertence ao conjunto dos números inteiros.

Conectivos Lógicos: Proposições Simples - Negação



EXEMPLO:

p: A cor da caneta é azul.

$\sim p$: A cor da caneta não é azul.

q: 0 é um número par.

$\sim q$: 0 não é um número par. OU 0 é um número ímpar.

r: Cristiane é rica.

$\sim r$: Cristiane não é rica.

s: $3 < 2$.

$\sim s$: $3 \geq 2$.

t: 0,2 pertence ao conjunto dos números inteiros.

Conectivos Lógicos: Proposições Simples - Negação



EXEMPLO:

p: A cor da caneta é azul.

$\sim p$: A cor da caneta não é azul.

q: 0 é um número par.

$\sim q$: 0 não é um número par. OU 0 é um número ímpar.

r: Cristiane é rica.

$\sim r$: Cristiane não é rica.

s: $3 < 2$.

$\sim s$: $3 \geq 2$.

t: 0,2 pertence ao conjunto dos números inteiros.

0,2 não é inteiro é racional

Conectivos Lógicos: Proposições Simples - Negação



EXEMPLO:

p: A cor da caneta é azul.

$\sim p$: A cor da caneta não é azul.

q: 0 é um número par.

$\sim q$: 0 não é um número par. OU 0 é um número ímpar.

r: Cristiane é rica.

$\sim r$: Cristiane não é rica.

s: $3 < 2$.

$\sim s$: $3 \geq 2$.

t: 0,2 pertence ao conjunto dos números inteiros.

$\sim t$: 0,2 não pertence ao conjunto dos números Inteiros.

OU 0,2 pertence ao conjunto dos números racionais.

Conectivos Lógicos: Proposições Simples - Negação



EXEMPLO: Atribuindo valor às proposições

**Sua
Vez!**

* NEGAÇÃO

p: João é médico

q: Angela não é estudante.

r: $3 + 5 < 9$

Conectivos Lógicos: Proposições Simples - Negação



EXEMPLO: Atribuindo valor às proposições

**Sua
Vez!**

* NEGAÇÃO

p: João é médico
V

q: Angela não é estudante.
F

r: $3 + 5 < 9$
V

Conectivos Lógicos: Proposições Simples - Negação



EXEMPLO: Atribuindo valor às proposições

**Sua
Vez!**

* NEGAÇÃO

p: João é médico
V

$\sim p$: João não é médico.

q: Angela não é estudante.
F

$\sim q$: Angela é estudante.

r: $3 + 5 < 9$
V

$\sim r$: Não é fato que $3+5 < 9$.

Conectivos Lógicos: Proposições Simples - Negação



EXEMPLO: Atribuindo valor às proposições

* NEGAÇÃO

p: João é médico

V

$\sim p$: João não é médico.

F

q: Angela não é estudante.

F

$\sim q$: Angela é estudante.

V

r: $3 + 5 < 9$

V

$\sim r$: Não é fato que $3+5 < 9$.

F

Que tal fazer um exemplo?



1. A negação de "O Botafogo ganhou o jogo de futebol contra o Flamengo." é:

+

- (A) O Botafogo perdeu o jogo de futebol contra o Flamengo.
- (B) O Botafogo empatou o jogo de futebol contra o Flamengo.
- (C) É falso que o Botafogo ganhou o jogo de futebol contra o Flamengo.
- (D) O Botafogo ganhou o jogo de futebol contra o Vasco da Gama.



Que tal fazer um exemplo?

1. A negação de "O Botafogo ganhou o jogo de futebol contra o Flamengo." é:

+

- (A) O Botafogo perdeu o jogo de futebol contra o Flamengo.
- (B) O Botafogo empatou o jogo de futebol contra o Flamengo.
- (C) É falso que o Botafogo ganhou o jogo de futebol contra o Flamengo.
- (D) O Botafogo ganhou o jogo de futebol contra o Vasco da Gama.

* não importa se a proposição é verdadeira ou falsa

IDEAL: O botafogo não ganhou o jogo de futebol contra o Flamengo

a) perder não é a única opção pois não leva em conta que pode empatar

b) empatar não é a única opção , poderia ter perdido

c) CORRETA - mesma coisa que dizer que ele não ganhou

d) não pode simplesmente trocar o time, não fica correto

Proposições



PROPOSIÇÃO SIMPLES OU ATÔMICAS

- Aquela que não contém outra proposição como parte de si mesmas

NOTAÇÃO letras minúsculas (p, q, r, ...)

PROPOSIÇÃO COMPOSTA OU MOLECULAR

- Formada por 2 ou mais proposições simples ligadas através de conectivos lógicos e cujo valor lógico pode ser atribuído construindo-se uma tabela verdade

NOTAÇÃO letras maiúsculas (P, Q, R, ...)

Proposições



EXEMPLO:

Se chover, eu vou ficar em casa.

Ana irá ao cinema ou ficará em casa lendo um livro.

Tanto Carlos quanto Clara estudam física.

Proposições
Compostas



Conectivos Lógicos

→ palavras utilizadas para formar novas proposições a partir de outras

Palavra	Símbolo	Nome
e	\wedge	conjunção
ou	\vee	disjunção inclusiva
não	\sim ou \neg	negação
se ... então	\implies	condicional
se e somente se	\iff	bicondicional
ou ... ou	$\underline{\vee}$	disjunção exclusiva

Conectivos Lógicos



EXEMPLO: Traduzir linguagem natural em proposições lógicas

P: O número 6 é par e o número 8 é cubo perfeito.

Q: Não está chovendo.

R: O triângulo é retângulo ou isósceles.

S: O triângulo é equilátero se e somente se é equiângulo.

T: Se Jorge é engenheiro, então sabe cálculo.



Conectivos Lógicos: Tabelas-verdade

Conjunção (e: \wedge)

Tabela-verdade

p	q	$p \wedge q$
V	V	V
V	F	F
F	V	F
F	F	F

Disjunção (ou: \vee)

Tabela-verdade

p	q	$p \vee q$
V	V	V
V	F	V
F	V	V
F	F	F

Negação (não : \sim)

Tabela verdade

p	$\sim p$
V	F
F	V

Condicional (se ...então: \rightarrow)

Tabela-verdade

p	q	$p \rightarrow q$
V	V	V
V	F	F
F	V	V
F	F	V

Bicondicional (se somente se: \leftrightarrow)

Tabela-verdade

p	q	$p \leftrightarrow q$
V	V	V
V	F	F
F	V	F
F	F	V

Conectivos Lógicos: Proposições Compostas - Conjunção



EXEMPLO: Atribuindo valor às proposições

* CONJUNÇÃO

P: Cristiane Loesch é cientista e é professora.

Q: $2 + 5 = 7$ e $7 - 5 = 3$

R: $3 + 5 > 9$ e $2 + 2 = 4$

S: O mar é vermelho e o céu é verde



Conectivos Lógicos: Proposições Compostas - Conjunção

EXEMPLO: Atribuindo valor às proposições

* CONJUNÇÃO

P: Cristiane Loesch é cientista e é professora.

V

V

V



Q: $2 + 5 = 7$ e $7 - 5 = 3$

V

F

F



R: $3 + 5 > 9$ e $2 + 2 = 4$

F

V

F



S: O mar é vermelho e o céu é verde

F

F

F



Conectivos Lógicos: Proposições Compostas - Conjunção



EXEMPLOS:

**Sua
Vez!**

Buenos Aires é a capital do Brasil e Paris é a capital da França.

O céu é azul e a lua é verde.

Em Brasília no verão neva e faz frio.

1 não é número primo e 2 é número primo.



Conectivos Lógicos: Proposições Compostas - Conjunção

EXEMPLOS:

Sua
Vez!

Buenos Aires é a capital do Brasil e Paris é a capital da França.

p	q	p e q
F	V	F

O céu é azul e a lua é verde.

p	q	p e q
V	F	F

Em Brasília no verão neva e faz frio.

p	q	p e q
F	F	F

1 não é número primo e 2 é número primo.

p	q	p e q
V	V	V

Conectivos Lógicos: Proposições Compostas - Disjunção



EXEMPLO: Atribuindo valor às proposições

* DISJUNÇÃO INCLUSIVA

P: Cristiane Loesch é cientista ou é professora.

Q: $2 + 5 = 7$ ou $7 - 5 = 3$

R: $3 + 5 > 9$ ou $2 + 2 = 4$

S: O mar é vermelho ou o céu é verde



Conectivos Lógicos: Proposições Compostas - Disjunção

EXEMPLO: Atribuindo valor às proposições

* DISJUNÇÃO INCLUSIVA

P: Cristiane Loesch é cientista ou é professora.

V

V

→ V

Q: $2 + 5 = 7$ ou $7 - 5 = 3$

V

F

→ V

R: $3 + 5 > 9$ ou $2 + 2 = 4$

F

V

→ V

S: O mar é vermelho ou o céu é verde

F

F

→ F



Conectivos Lógicos: Proposições Compostas - Disjunção

EXEMPLO: Atribuindo valor às proposições

* DISJUNÇÃO INCLUSIVA

Se uma for V
a sentença é V

P: Cristiane Loesch é cientista ou é professora.

V

V

V

Q: $2 + 5 = 7$ ou $7 - 5 = 3$

V

F

V

R: $3 + 5 > 9$ ou $2 + 2 = 4$

F

V

V

S: O mar é vermelho ou o céu é verde

F

F

F



Conectivos Lógicos: Proposições Compostas - Disjunção

EXEMPLOS:

Sua
Vez!

Buenos Aires é a capital do Brasil ou Paris é a capital da França.

O céu é azul ou a lua é verde.

Em Brasília no verão neva ou faz frio.

1 não é número primo ou 2 é número primo.



Conectivos Lógicos: Proposições Compostas - Disjunção

EXEMPLOS:

Sua
Vez!

Buenos Aires é a capital do Brasil ou Paris é a capital da França.

p	q	p ou q
F	V	V

O céu é azul ou a lua é verde.

p	q	p ou q
V	F	V

Em Brasília no verão neva ou faz frio.

p	q	p ou q
F	F	F

1 não é número primo ou 2 é número primo.

p	q	p ou q
V	V	V

Conectivos Lógicos: Proposições Compostas - Disjunção



EXEMPLO: Atribuindo valor às proposições

* DISJUNÇÃO EXCLUSIVA

P: Ou São Paulo é a capital de São Paulo ou o Rio de Janeiro é a capital do Rio de Janeiro

Q: Ou Harry Potter é um bruxo ou a Prof^a Cristiane é uma bruxa.

R: Ou a Legião Urbana começou em São Paulo ou em Brasília.

S: Ou $3+2 > 6$ ou $2-1 = 4$



Conectivos Lógicos: Proposições Compostas - Disjunção

EXEMPLO: Atribuindo valor às proposições

* DISJUNÇÃO EXCLUSIVA

P: Ou São Paulo é a capital de São Paulo ou o Rio de Janeiro é a capital do Rio de Janeiro

V

V

→ F

Q: Ou Harry Potter é um bruxo ou a Prof^a Cristiane é uma bruxa.

V

F

→ V

R: Ou a Legião Urbana começou em São Paulo ou em Brasília.

F

V

→ V

S: Ou $3+2 > 6$ ou $2-1 = 4$

F

F

→ F



Conectivos Lógicos: Proposições Compostas - Disjunção

EXEMPLO: Atribuindo valor às proposições

Somente uma das proposições
pode ser verdadeira

* DISJUNÇÃO EXCLUSIVA

P: Ou São Paulo é a capital de São Paulo ou o Rio de Janeiro é a capital do Rio de Janeiro

V

V

F

Q: Ou Harry Potter é um bruxo ou a Prof^a Cristiane é uma bruxa.

V

F

V

R: Ou a Legião Urbana começou em São Paulo ou em Brasília.

F

V

V

S: Ou $3+2 > 6$ ou $2-1 = 4$

F

F

F



Conectivos Lógicos: Proposições Compostas - Disjunção

EXEMPLOS:

**Sua
Vez!**

Ou Buenos Aires é a capital do Brasil ou Paris é a capital da França.

Ou o céu é azul ou a lua é verde.

Ou em Brasília no verão neva ou faz frio.

Ou 1 não é número primo ou 2 é número prii



Conectivos Lógicos: Proposições Compostas - Disjunção

EXEMPLOS:

Sua
Vez!

Ou Buenos Aires é a capital do Brasil ou Paris é a capital da França.

p	q	p ou q
F	V	V

Ou o céu é azul ou a lua é verde.

p	q	p ou q
V	F	V

Ou em Brasília no verão neva ou faz frio.

p	q	p ou q
F	F	F

Ou 1 não é número primo ou 2 é número primo

p	q	p ou q
V	V	F

Conectivos Lógicos: Proposições Compostas - Condicional

EXEMPLO: Atribuindo valor às proposições

* CONDICIONAL

P: Se Cristiane Loesch é cientista então é professora.

Q: Se $2 + 5 = 7$ então $7 - 5 = 3$

R: Se $4 + 5 > 9$ então $5+5>9$

S: Se $1 + 4 < 3$ então $1 + 3 < 3$

Conectivos Lógicos: Proposições Compostas - Condicional

EXEMPLO: Atribuindo valor às proposições

* CONDICIONAL

P: Se Cristiane Loesch é cientista então é professora.

V

V

V



Q: Se $2 + 5 = 7$ então $7 - 5 = 3$

V

F

F



R: Se $4 + 5 > 9$ então $5+5>9$

F

V

V



S: Se $1 + 4 < 3$ então $1 + 3 < 3$

F

F

V



Conectivos Lógicos: Proposições Compostas - Condicional

EXEMPLO: Atribuindo valor às proposições

Tem-se uma premissa e chega-se a uma conclusão baseada nela

* CONDICIONAL

P: Se Cristiane Loesch é cientista então é professora.

V

V

V



Q: Se $2 + 5 = 7$ então $7 - 5 = 3$

V

F

F



R: Se $4 + 5 > 9$ então $5 + 5 > 9$

F

V

V



S: Se $1 + 4 < 3$ então $1 + 3 < 3$

F

F

V



Conectivos Lógicos: Proposições Compostas - Condicional

EXEMPLOS:

Sua
Vez!

Se Buenos Aires é a capital do Brasil então Paris é a capital da França.

Se o céu é azul então a lua é verde.

Se em Brasília no verão neva então faz frio.

Se 1 não é número primo então 2 é número

Conectivos Lógicos: Proposições Compostas - Condicional

EXEMPLOS:

Sua
Vez!

Se Buenos Aires é a capital do Brasil então Paris é a capital da França.

p	q	p ou q
F	V	V

Se o céu é azul então a lua é verde.

p	q	p ou q
V	F	F

Se em Brasília no verão neva então faz frio.

p	q	p ou q
F	F	V

Se 1 não é número primo então 2 é número primo

p	q	p ou q
V	V	V

Conectivos Lógicos: Proposições Compostas - Bicondicional

EXEMPLO: Atribuindo valor às proposições

* BICONDICIONAL

P: Um figura é um quadrado se, e somente se, tem todos os seus 4 ângulos congruentes e todos os seus 4 lados de mesmo comprimento.

Q: Um número par é divisível por 2 se e somente se ele é primo.

R: O número 4 é impar se e somente se o número 2 é par.

S: $1 + 4 < 3$ se e somente se $1 + 3 < 3$

Conectivos Lógicos: Proposições Compostas - Bicondicional

EXEMPLO: Atribuindo valor às proposições

* BICONDICIONAL

P: Um figura é um quadrado se, e somente se, tem todos os seus 4 ângulos congruentes e todos os seus 4 lados de mesmo comprimento.

V V \longrightarrow V

Q: Um número par é divisível por 2 se e somente se ele é primo.

V F \longrightarrow F

R: O número 4 é impar se e somente se o número 2 é par.

F V \longrightarrow F

S: $1 + 4 < 3$ se e somente se $1 + 3 < 3$

F F \longrightarrow V

Conectivos Lógicos: Proposições Compostas - Bicondicional

Analisa-se a ida e a volta

EXEMPLO: Atribuindo valor às proposições

* BICONDICIONAL

P: Um figura é um quadrado se, e somente se, tem todos os seus 4 ângulos congruentes e todos os seus 4 lados de mesmo comprimento.

V V → V

Q: Um número par é divisível por 2 se e somente se ele é primo.

V F → F

R: O número 4 é impar se e somente se o número 2 é par.

F V → F

S: $1 + 4 < 3$ se e somente se $1 + 3 < 3$

F F → V

Conectivos Lógicos: Proposições Compostas - Bicondicional

EXEMPLOS:

Sua
Vez!

Buenos Aires é a capital do Brasil se e somente se Paris é a capital da França.

O céu é azul se e somente se a lua é verde.

Em Brasília no verão neva se e somente se faz frio.

1 não é número primo se e somente se 2 é número primo.

Conectivos Lógicos: Proposições Compostas - Bicondicional

EXEMPLOS:

Sua
Vez!

Buenos Aires é a capital do Brasil se e somente se Paris é a capital da França.

p	q	p ou q
F	V	F

O céu é azul se e somente se a lua é verde.

p	q	p ou q
V	F	F

Em Brasília no verão neva se e somente se faz frio.

p	q	p ou q
F	F	V

1 não é número primo se e somente se 2 é número primo.

p	q	p ou q
V	V	V

TABELAS-VERDADES



NEGAÇÃO: PROPOSIÇÃO SIMPLES

p	$\sim p$
V	F
F	V

CONJUNÇÃO

p	q	$p \wedge q$
V	V	V
V	F	F
F	V	F
F	F	F

DISJUNÇÃO INCLUSIVA

p	q	$p \vee q$
V	V	V
V	F	V
F	V	V
F	F	F

DISJUNÇÃO EXCLUSIVA

p	q	$p \vee\vee q$
V	V	F
V	F	V
F	V	V
F	F	F

CONDICIONAL

p	q	$p \rightarrow q$
V	V	V
V	F	F
F	V	V
F	F	V

BICONDICIONAL

p	q	$p \leftrightarrow q$
V	V	V
V	F	F
F	V	F
F	F	V

Proposições



EXERCÍCIO 1:

Seja **p** a proposição “**está chovendo**” e seja **q** a proposição “**está ventando**”.
Escreva uma sentença verbal simples, em português, que descreva cada uma das seguintes proposições lógicas:

$$\sim \sim p$$

$$p \wedge q$$

$$q \vee \sim p$$

$$\sim p \rightarrow \sim q$$

$$p \leftrightarrow q$$



Proposições

EXECÍCIO 2:

Qual sentença lógica dá origem à coluna C na tabela abaixo:

A	B	C
V	V	F
V	F	V
F	V	F
F	F	F

Proposições



EXECÍCIO 3:

Escreva em linguagem simbólica

- a. A prova foi fácil ou Paulo não joga futebol.
- b. Paulo joga futebol se, e somente se, Ana não estuda Sistemas de Informação.
- c. Se a prova não foi fácil, então Ana estuda Sistemas de Informação.

Proposições



EXECÍCIO 4:

Sabendo que $V(p) = F$ e $V(q) = V$, determine o valor lógico de cada uma das proposições:

- a. $p \wedge \sim q$
- b. $(\sim p \rightarrow q) \vee p$
- c. $\sim q \vee (\sim p \leftrightarrow q)$
- d. $\sim(p \wedge q) \rightarrow \sim q$



Proposições

EXECÍCIO 5:

Angela tem 4 filhos, João, Paulo, Pedro e Antonio. Sabendo que:

- I. Antonio é mais velho que Pedro
- II. João é mais novo que Paulo
- III. Paulo é mais velho que Pedro

A afirmativa verdadeira abaixo é:

- A. Paulo é o mais velho
- B. Pedro é o mais novo
- C. João é o mais novo
- D. Pedro não é o mais novo
- E. Antonio não é o mais novo

Proposições



EXERCÍCIO 6:

Construa as seguintes tabelas verdade:

a) $p \vee (\sim q)$

b) $p \vee (q \wedge r) \leftrightarrow (p \vee q) \wedge (p \vee r)$



Proposições

EXERCÍCIO 6:

Construa as seguintes tabelas verdade:

a) $p \vee (\sim q)$

b) $p \vee (q \wedge r) \leftrightarrow (p \vee q) \wedge (p \vee r)$

p	q	$\sim q$	$p \vee (\sim q)$
V	V	F	V
V	F	V	V
F	V	F	F
F	F	V	V

EXERCÍCIOS



Dadas as proposições, abaixo, julgue-as em V ou F

- a) Tom Cruise é o ator principal do filme Missão Impossível.
- b) Na saga Star Wars Luke Skywalker transforma-se em Darth Vader.
- c) Roma é a capital da Itália e Londres é a capital da Grécia.
- d) Camões escreveu Dom Casmurro ou escreveu os Lusíadas.
- e) Se os quatro primeiros números de uma PA são 2, 7, 12, 17 então o quinto número será 23.
- f) Brasília chove em junho se e somente se faz frio.

RESOLUÇÃO DOS EXERCÍCIOS



Dadas as proposições, abaixo, julgue-as em V ou F

- a) Tom Cruise é o ator principal do filme Missão Impossível. **V**
- b) Na saga Star Wars Luke Skywalker transforma-se em Darth Vader. **F (Anakin)**
- c) Roma é a capital da Itália e Londres é a capital da Grécia. **V e F \rightarrow F**
- d) Camões escreveu Dom Casmurro ou escreveu os Lusíadas. **F ou V \rightarrow V**
- e) Se os quatro primeiros números de uma PA são 2, 7, 12, 17 então o quinto número será 23. **se V então F \rightarrow F**
- f) Brasília chove em junho se e somente se faz calor. **F se e somente se F \rightarrow V**