## Lab 6: Derivação e Integração Numéricas

INF1608 – Análise Numérica

Leonardo Seperuelo Duarte  ${\it lduarte@tecgraf.puc-rio.br}$  Departamento de Informática, PUC-Rio

- 1. Escreva um módulo com as seguintes funções de derivação e integração:
  - (a) A fórmula do método de segunda ordem para avaliação numérica da derivada de uma função f(x) é dada por:

$$f'(x) \approx \frac{f(x+h) - f(x-h)}{2h}$$

Implemente uma função que retorne o valor da derivada numérica de uma função no ponto x, com passo h, tendo como base o método de segunda ordem. O protótipo deve ser:

double derivada (double (\*f) (double x), double x, double h);

(b) A integração com a regra de Simpson no intervalo  $[x_i, x_{i+1}]$  pode ser expressa por:

$$\int_{x_i}^{x_{i+1}} f(x)dx \approx \frac{h}{6} \left[ f(x_i) + 4f(x_i + h/2) + f(x_i + h) \right]$$

onde:

$$h = x_{i+1} - x_i$$

Implemente uma função que calcule a **integral composta** do intervalo de a a b considerando n passos de integração, isto é, considerando h = (b-a)/n. O protótipo da função deve ser:

double simpson (double (\*f) (double), double a, double b, int n);

- 2. Escreva um módulo de testes com as seguintes implementações:
  - (a) Para testar a função que avalia a derivação numérica, considere a função  $f(x) = \cos x 2\sin x$ , cuja derivada analítica é  $f'(x) = -\sin x 2\cos x$ . Verifique o resultado do método numérico para diferentes passos h, considerando x = 0. Compare os valores obtidos com o valor da derivada analítica. Valores de h menores tendem a resultar em derivadas mais precisas? Podemos reduzir arbitrariamente o valor de h?
  - (b) Escreva um código para testar a regra de Simpson (S) composta com n=16 e n=32 amostras para achar as soluções das integrais abaixo. Para cada integral, exiba os valores encontrados:  $S_{n=16}$  e  $S_{n=32}$ .

$$\int_0^4 \frac{x \, dx}{\sqrt{x^2 + 9}} \qquad \int_1^3 x^2 \ln x \, dx \qquad \int_0^\pi x^2 \sin x \, dx$$

Para verificação, os valores dessas integrais são, respectivamente, 2.0, 6.9986217091241 e 5.8696044010894. O número de amostras influencia na precisão do resultado?

Agrupe os protótipos das funções pedidas em um módulo "integral.h" e as implementações em um módulo "integral.c". Escreva o teste em outro módulo "main.c".

**Entrega:** O código fonte deste trabalho (isto é, os arquivos "integral.c", "integral.h" e "main.c", e eventuais códigos de laboratórios passados usados na solução) devem ser enviados via página da disciplina no EAD até o final da aula. O sistema receberá trabalhos com atraso (com perda de 1 ponto na avaliação) até 1 hora após o final da aula.