

Segurança da Informação– GBC083

Prof. Rodrigo Sanches Miani – FACOM/UFU

Aulas passadas

Segurança da Informação– GBC083

O que vimos até o momento?

- ▶ Princípios de segurança da informação;
 - ▶ Confidencialidade, Integridade e Disponibilidade
- ▶ Modelos clássicos de criptografia;
- ▶ Criptografia simétrica
 - ▶ Cifras de bloco: DES, AES
 - ▶ Modos de cifra de bloco: ECB, CBC, OFB...



O que vimos até o momento?

- ▶ O que ainda não foi visto?
- ▶ É possível usar um modelo de criptografia inteiramente baseado em um sistema simétrico? Qual a principal limitação disso?



Tópicos da aula

Segurança da Informação– GBC083

Tópicos da aula – Criptografia de chave pública

1. Motivação
2. Princípios
3. Requisitos
4. Aplicações
5. Criptoanálise



Motivação



Segurança da Informação– GBC083

Evolução - criptografia

- ▶ O desenvolvimento da criptografia de chave pública é a maior e talvez a única verdadeira revolução na história inteira da criptografia;
 - ▶ Turing award 2002 e 2015 -
<https://amturing.acm.org/byyear.cfm>
- ▶ Praticamente todos os sistemas criptográficos têm sido baseados nas ferramentas elementares da substituição e permutação.



Evolução - criptografia

A criptografia de chave pública oferece uma mudança radical de tudo o que foi feito antes;

1. Os algoritmos de chave pública são baseados em **funções matemáticas**, em vez de substituição e permutação;
2. A criptografia de chave pública é **assimétrica**, envolvendo o uso de **duas** chaves separadas, ao contrário da criptografia simétrica, que utiliza apenas uma chave.



Motivação – criptografia assimétrica

O conceito de criptografia de chave pública evoluiu de uma tentativa de atacar um dos problemas mais difíceis associados à criptografia simétrica.

Que problema é esse?



Motivação – criptografia assimétrica

O conceito de criptografia de chave pública evoluiu de uma tentativa de atacar um dos problemas mais difíceis associados à encriptação simétrica.

Que problema é esse?

Resposta: troca de chaves!

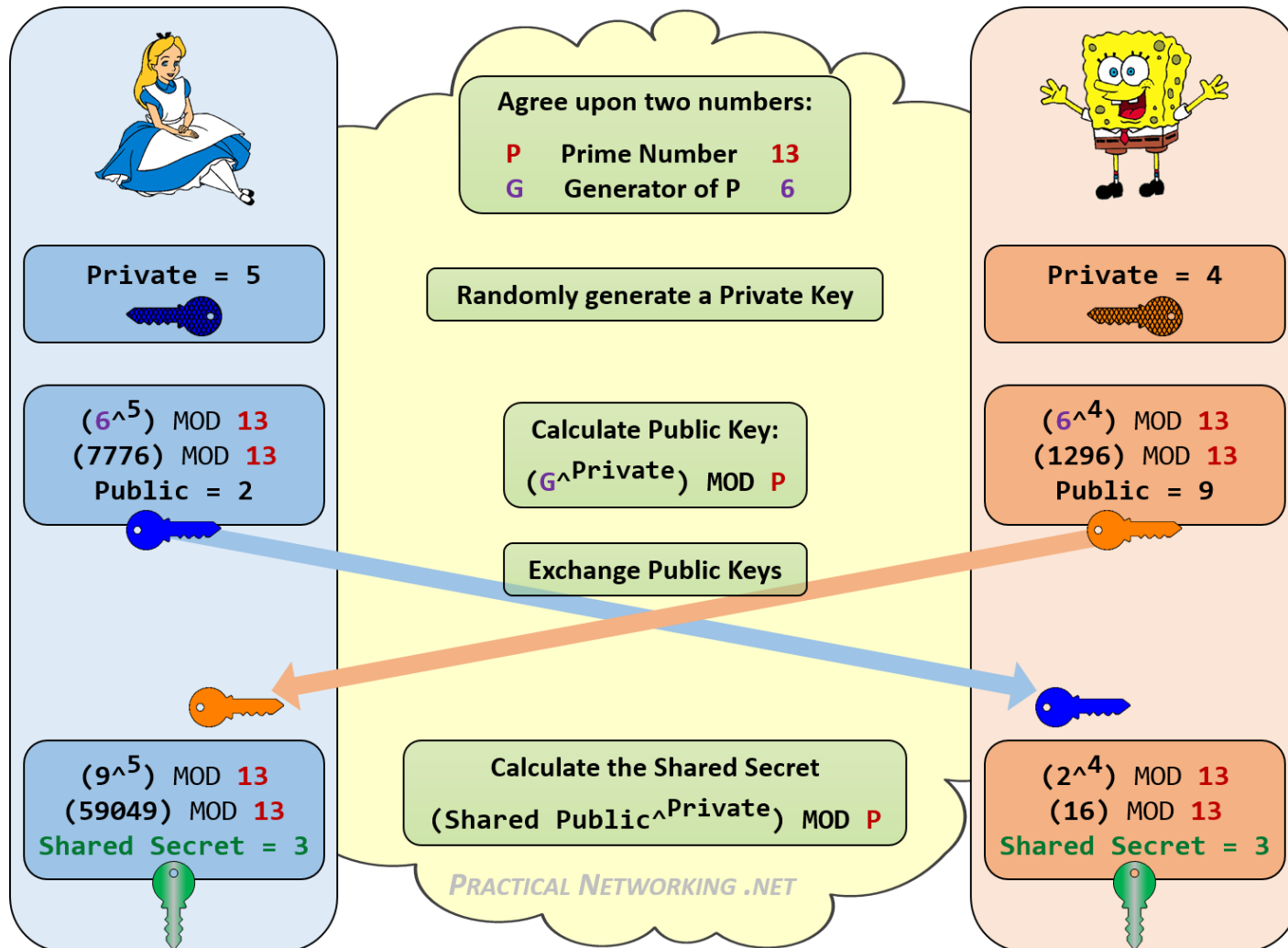


Motivação – Diffie-Hellman

- ▶ O primeiro algoritmo de chave pública apareceu no artigo inicial de Whitfield Diffie e Martin Hellman que definia a criptografia assimétrica:
 - ▶ “New directions in Cryptography”
 - ▶ <https://eclass.aueb.gr/modules/document/file.php/INF208/Diffie-Hellman76.pdf>
- ▶ A finalidade do algoritmo é permitir que dois usuários compartilhem um valor secreto em segurança. Tal valor pode ser usado como chave para a criptografia subsequente das mensagens.



Diffie-Hellman (Ideia)



Diffie-Hellman (Ideia)

- ▶ A matemática por trás do algoritmo envolve aritmética modular e conceito de grupos cíclicos;
- ▶ Nos seguintes sites (ou na seção. 10.1 do livro texto) é possível encontrar uma explicação bem razoável sobre o funcionamento do algoritmo:
 - ▶ <http://numaboa.com.br/criptografia/chaves/353-diffie-hellman?showall=&start=1>
 - ▶ <https://www.youtube.com/watch?v=NmM9HA2MQGI>
- ▶ O importante aqui é que encontramos uma forma de **compartilhar um segredo** entre dois pares a partir de informações que foram trafegadas em claro!!



Diffie-Hellman (Ideia)

- ▶ Se p for um primo em torno de 600 dígitos (≥ 2048 bits) e a (segredo da Alice) e b (segredo do Bob) tenham em torno de 100 dígitos (> 224 bits), então até os melhores algoritmos conhecidos atualmente não poderiam encontrar *Private* dado apenas $G, P, G^{Private} \bmod P$ - *problema do logaritmo discreto*.





Princípios



Segurança da Informação– GBC083

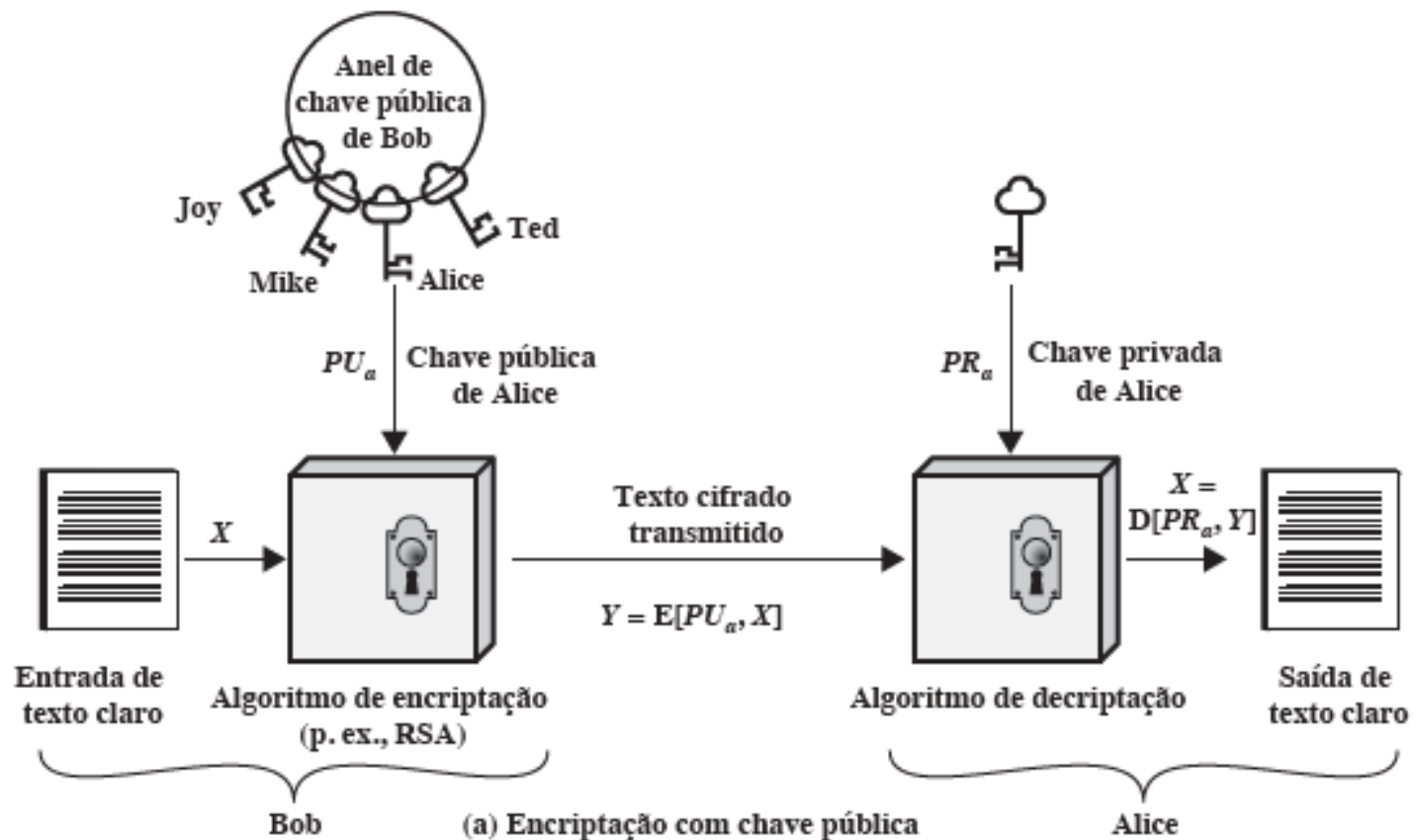
Duas chaves?!

Os algoritmos assimétricos contam com uma chave para *cifrar* e uma chave **diferente**, porém **relacionada**, para *decifrar*. Elas têm a seguinte característica:

“É computacionalmente inviável determinar a chave usada para decifrar dado apenas o conhecimento do algoritmo de criptografia e da chave para cifrar.”



Elementos



Princípios de criptografia assimétrica - Etapas

- ▶ Cada usuário gera um par de chaves;
- ▶ Cada usuário coloca uma das duas chaves em um registro público - chave pública. A outra chave permanece privada;
- ▶ Se Bob deseja enviar uma mensagem confidencial para Alice, Bob cifra a mensagem usando a chave pública de Alice;
- ▶ Quando Alice recebe a mensagem, ela decifra usando sua chave privada. Nenhuma outra pessoa pode decifrar a mensagem, pois somente Alice conhece a sua chave privada.

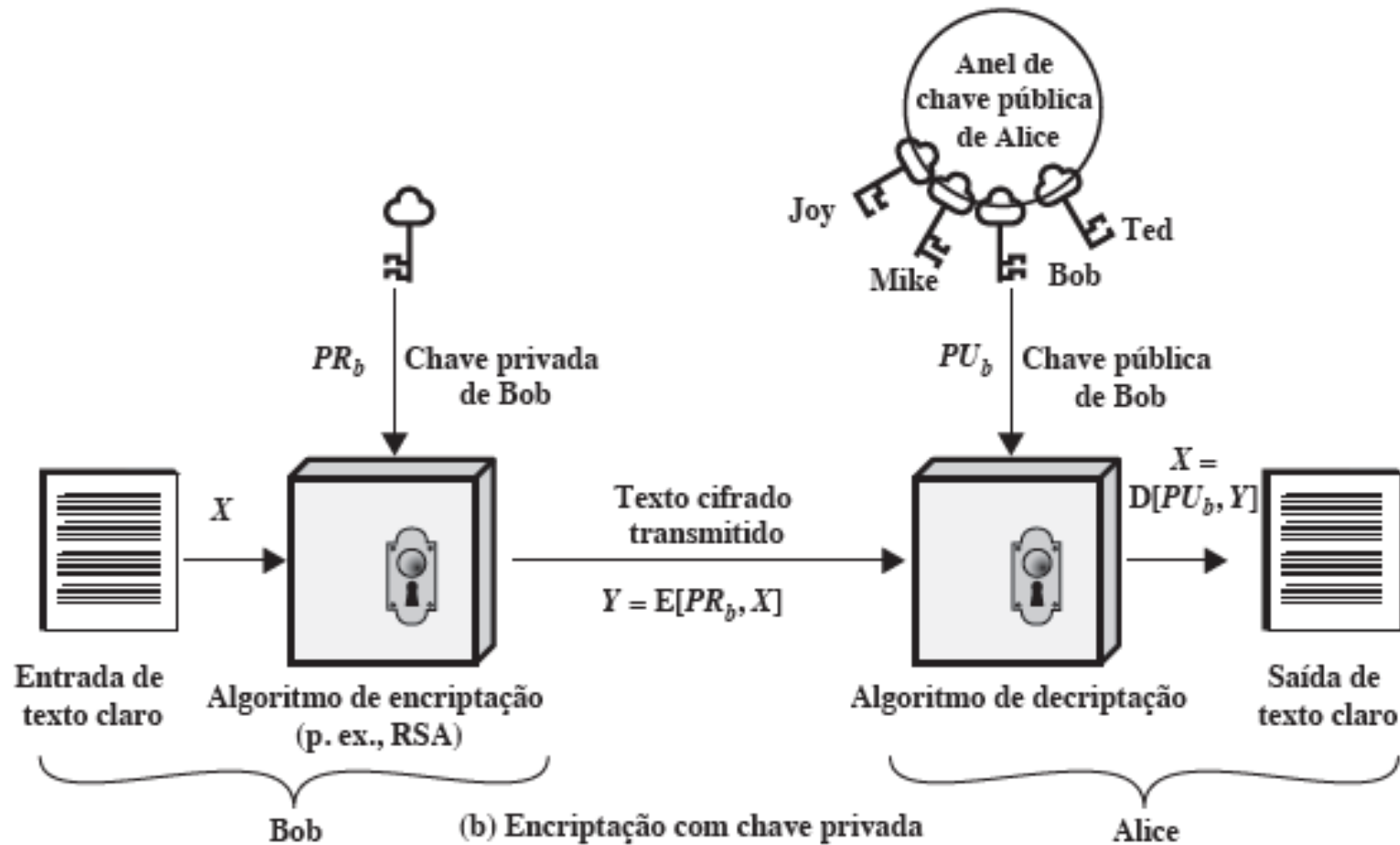


Outra característica...

“Qualquer uma das chaves pode ser usada para cifrar sendo a outra utilizada para decifrar.”



Cifrar com a chave privada?



Cifrar com a chave privada?

- ▶ O que Bob ganha com isso?
- ▶ Quem poderá decifrar tal mensagem?
- ▶ Existe alguma garantia de confidencialidade?
- ▶ Discutiremos isso no decorrer da aula...



Requisitos

Segurança da Informação– GBC083

Requisitos

- ▶ Até agora vimos as características e como um sistema criptográfico assimétrico deveria funcionar;
- ▶ Quais são os requisitos, ou seja, como construir um algoritmo para suportar tais características?



Requisitos

1. É computacionalmente fácil* para uma entidade B gerar um par (PU_b, PR_b) ;
2. É computacionalmente fácil* que um emissor A, conhecendo a chave pública e a mensagem a ser cifrada, M , gere o texto cifrado: $C = E(PU_b, M)$;
3. É computacionalmente fácil* que o receptor B decifre o texto cifrado C usando a sua chave privada;

* Fácil significa um problema que pode ser resolvido em tempo polinomial como função do tamanho da entrada.



Requisitos

4. É computacionalmente inviável* que um atacante, conhecendo a chave pública, PU_b , determine a chave privada PR_b ;
5. É computacionalmente inviável* que um atacante, conhecendo a chave pública, PU_b e um texto cifrado C recupere a mensagem original M .

* Um problema é inviável se o esforço para solucioná-lo aumentar mais rapidamente do que o tempo polinomial em função do tamanho da entrada



Requisitos

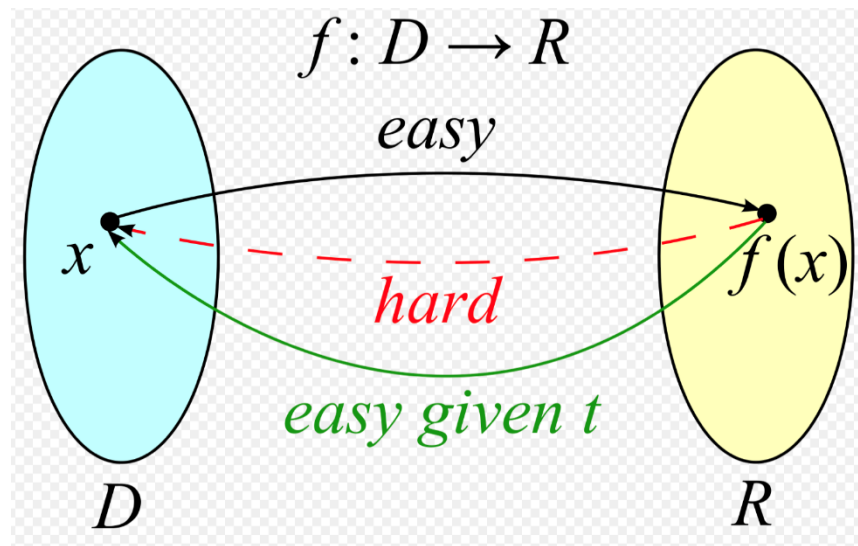
A ideia é construir uma função que tenha a seguinte propriedade:

- ▶ $C = E(PU_b, M)$ – fácil de calcular
- ▶ $M = D(PR_b, C)$ – fácil de calcular, se eu souber PR_b
 - ▶ Note que D é a inversa de E . A notação poderia ser $E=f$ e $D = f^{-1}$
- ▶ $M = D(?, C)$ – inviável se eu não souber PR_b



Requisitos

- ▶ A função f deve ser uma *trapdoor function*;
- ▶ Fácil de se calcular em uma direção e inviável na outra, a menos que certa informação adicional seja conhecida.





Aplicações



Segurança da Informação– GBC083

Aplicações

- ▶ Os sistemas de chave pública são caracterizados pelo uso de um algoritmo criptográfico com duas chaves, uma mantida privada e uma disponível publicamente;
- ▶ Dependendo da aplicação, o emissor utiliza a sua própria chave privada ou a chave pública do receptor, ou ambas, para realizar algum tipo de função criptográfica.



Aplicações

Três aplicações para sistemas de criptografia assimétricos:

1. Cifrar/decifrar – confidencialidade;
2. Assinatura digital – não repúdio;
3. Troca de chaves – dois lados cooperam para trocar uma chave de sessão.
 - ▶ Vimos que o Diffie-Hellman proporciona isso. É possível estabelecer um modelo de troca de chaves usando somente as premissas de criptografia assimétrica?



Aplicações – assinatura digital

Veremos com mais cuidado esse conceito nas próximas aulas...

- ▶ A ideia consiste em uma entidade A usar a sua própria chave privada para cifrar uma mensagem M , gerando uma mensagem cifrada C .
- ▶ De acordo com os requisitos de criptografia assimétrica, a única chave que permite decifrar C seria a chave pública de A , ou seja, a chave que faz par com a chave usada para cifrar M .



Aplicações – assinatura digital

- ▶ Quem pode ler a mensagem cifrada C ?
- ▶ O que isso garante?



Aplicações – assinatura digital

- ▶ Quem pode ler a mensagem cifrada C?
- ▶ O que isso garante?
 - ▶ Resposta: garante que a única pessoa que poderia ter enviado essa mensagem foi A, ou seja, A está **assinando** digitalmente a mensagem...



Aplicações – Troca de chaves

- ▶ Vamos supor que Alice quer trocar mensagens cifradas com Bob,

- ▶ Descrição dos passos:
 - ▶ 1) Alice gera uma chave “K”, que será utilizada para cifrar todo o tráfego de mensagens entre eles;
 - ▶ 2) Alice obtêm a chave pública do destinatário, no caso Bob (Pub_Bob);
 - ▶ 3) Utilizando a chave pública de Bob, Alice envia a chave “K”, cifrada com algum algoritmo de criptografia assimétrica;
 - ▶ 4) Do outro lado, Bob recebe a mensagem cifrada e utiliza a sua chave privada para decifrar a mensagem enviada por Alice. A mensagem contém a chave de suas trocas de mensagens, “K”;
 - ▶ 5) Alice e Bob podem utilizar a chave “K” para cifrar as mensagens que serão trocadas entre eles.



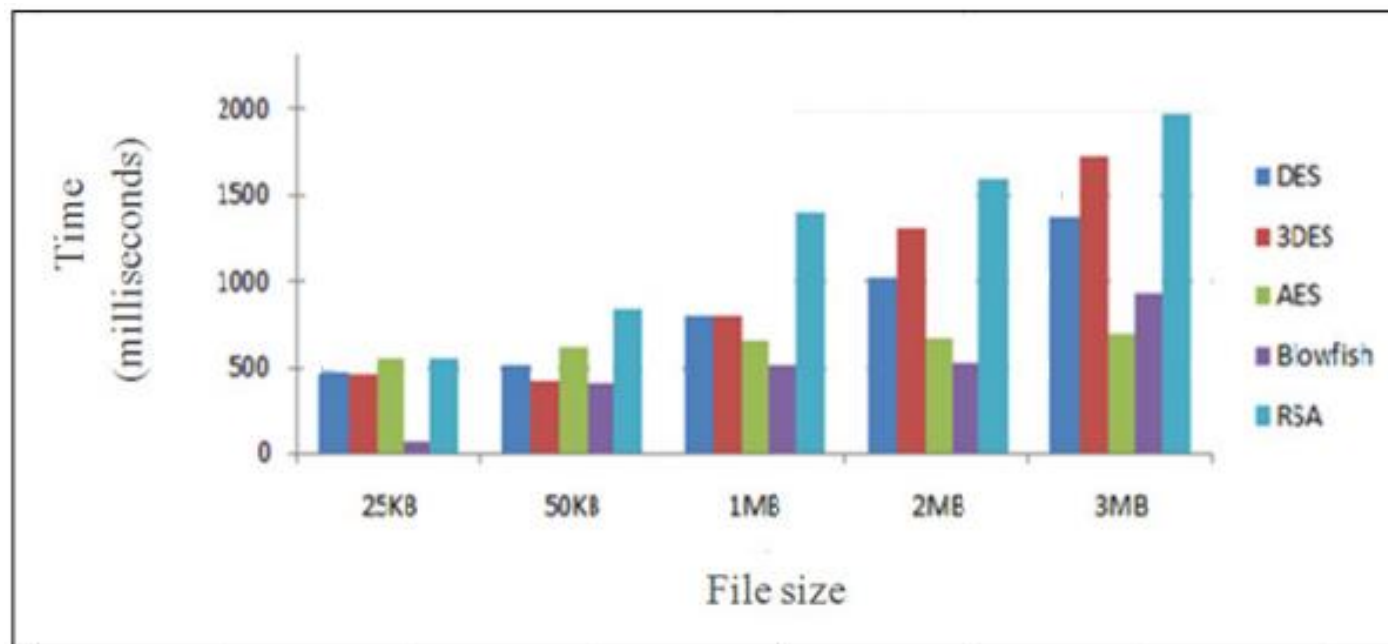
Aplicações – Troca de chaves

Eu poderia combinar o modelo anterior com qual tipo de criptografia?



Algoritmos simétricos x assimétricos

- ▶ **Problema:** algoritmos assimétricos, por serem baseados em problemas matemáticos de difícil solução computacional, são mais lentos que os algoritmos simétricos!



Criptografia – Modelo híbrido

- ▶ **Criptografia simétrica:**
 - ▶ Vantagem: boa performance computacional;
 - ▶ Desvantagem: troca de chaves;
- ▶ **Criptografia assimétrica:**
 - ▶ Vantagem: permite a troca segura de chaves;
 - ▶ Desvantagem: desempenho computacional ruim;
- ▶ **Porque não unir os dois modelos?**



Criptografia – Modelo híbrido

- ▶ Aplicação mais comum em criptografia:
 - ▶ 1) Geração da chave secreta “K”(sessão);
 - ▶ 2) A chave secreta “K” é cifrada utilizando um algoritmo assimétrico;
 - ▶ 3) Ambos, emissor e destino, compartilham a chave “K” sem prejudicar o canal;
 - ▶ 4) Envio seguro e eficiente de mensagens, utilizando algoritmos simétricos.
- ▶ Pontos fracos de ambos são reduzidos!
- ▶ TLS funciona exatamente dessa maneira – RSA formando o canal seguro e AES usado para o sigilo das informações;



Criptografia – Modelo híbrido

ALGORITMO	ENCRIPÇÃO/ DECRIPÇÃO	ASSINATURA DIGITAL	TROCA DE CHAVE
RSA	Sim	Sim	Sim
Curva elíptica	Sim	Sim	Sim
Diffie-Hellman	Não	Não	Sim
DSS	Não	Sim	Não



Criptoanálise

Segurança da Informação– GBC083

Criptanálise

Algumas opções para o criptoanalista...

I. Força-bruta

- ▶ Contra-medida – usar chaves grandes! Grande quanto? Depende do algoritmo...
- ▶ Vimos que os sistemas de criptografia assimétricos dependem de algum tipo de função reversível.
- ▶ Ou seja, o tamanho da chave precisa ser grande o suficiente para tornar o ataque de força bruta impraticável, mas pequeno para que a cifragem e a decifragem sejam viáveis computacionalmente.



Criptanálise

2. Encontrar alguma maneira de calcular a chave privada, dado somente a chave pública.
 - ▶ Até o momento, não foi provado matematicamente que essa forma de ataque é **inviável** para determinado algoritmo de chave pública;
 - ▶ Assim, qualquer algoritmo, incluindo o RSA, é suspeito;
 - ▶ O controle é feito no tamanho da chave.



Criptanálise

3. Ataque de mensagem provável.

- ▶ Peculiar aos sistemas de chave pública;
- ▶ Suponha que estou usando algum algoritmo de chave pública para enviar chaves do DES (56 bits);
- ▶ O atacante poderia usar a chave pública do alvo e cifrar todas as possibilidades de chave do DES (56 bits);
- ▶ Bastaria comparar o que está sendo enviado com o que ele calculou;
- ▶ Acrescentar alguns bits aleatórios a mensagem que está sendo cifrada já ajudaria bastante na mitigação desse ataque.



Roteiro de estudos

1. Leitura da seção 9.1 do livro “Criptografia e segurança de redes. Princípios e práticas”. William Stallings;
2. Estudo da vídeo-aula referente ao tópico 9;
3. Referências complementares:
 - ▶ <https://medium.com/better-programming/an-introduction-to-public-key-cryptography-3ea0cf7bf4ba>

