

### Planeamento de Trajetórias

Sistemas Autónomos Perfil Sistemas Inteligentes @ MEI/MiEl 1°/4° – 2° semestre

Cesar Analide, Bruno Fernandes



#### Introdução

How can a robot decide what motions to perform in order to achieve tasks in the physical world?

Jean-Paul Laumond, "Robot Motion Planning and Control", Springer, 1998

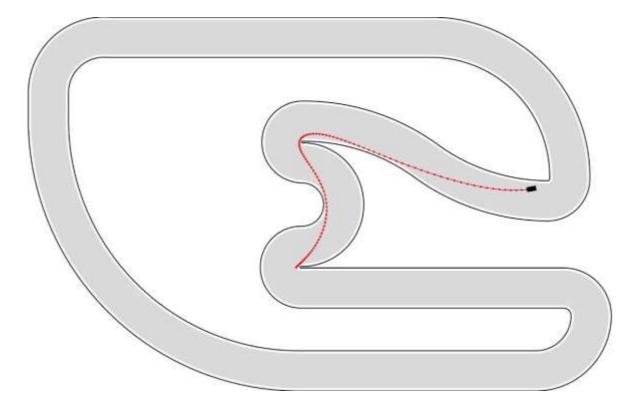




#### O que é Planeamento?

Planeamento é a preparação de um conjunto de passos de execução ou de ações que permitam atingir um

determinado objetivo.





#### Por quê fazer Planeamento?

Planeamento é a preparação de um conjunto de passos de execução ou de ações que permitam atingir um determinado objetivo;

Um plano permite reduzir o esforço e o tempo que são necessários para alcançar o objetivo;

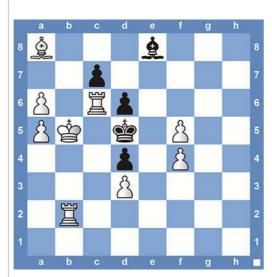
■ A execução de um plano permite ter conhecimento sobre:

o quanto falta para alcançar o objetivo;

o quanto se executou desde o ponto inicial.



 O planeamento é importante quando os passos necessários à resolução do problema não podem ser desfeitos ou ignorados (exemplo: jogo de xadrez);



#### **Quando fazer Planeamento?**

 Quando a execução de ações é reversível (exemplo: puzzles ou demonstração de teoremas), o planeamento perde alguma importância.







- o da dinâmica dos corpos;
- o das forças a empregar;
- da estabilidade dos corpos;
- o do cálculo das condições ótimas;
- o etc.

 O Planeamento é um estudo realizado em espaços contínuos (não-finitos, não-discretos).

#### O que é Planeamento?



### The Cubli

Building a cube that can jump up and balance

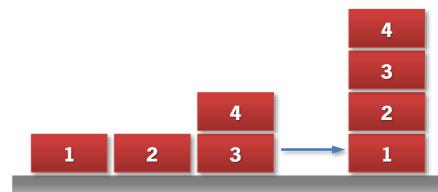


ETH zürich



#### O que é Planeamento?

- Em Inteligência Artificial, o Planeamento está relacionado com a procura de uma sequência de operações (lógicas) ou ações que transformam um determinado estado inicial num desejado estado final;
- O problema canónico de planeamento em IA é o Blocks World, que consiste em determinar os passos a executar para deslocar um conjunto de blocos numa mesa, de um estado inicial até um estado final;



http://users.rsise.anu.edu.au/~jks/cgi-bin/bwstates/bwoptcgi

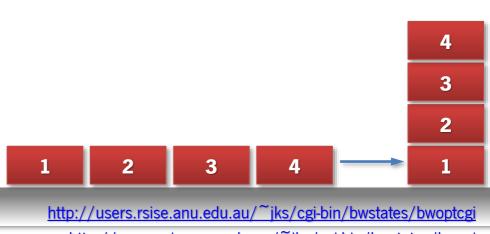
http://users.rsise.anu.edu.au/~jks/cgi-bin/bwstates/bwcgi



#### **Problema:** Blocks World

- O problema é composto por um conjunto de blocos (caixas), inicialmente dispostos numa superfície (mesa);
- O objetivo é construir uma torre (ou mais) de blocos;
- Consideram-se as restrições:
  - o só é possível mover um bloco de cada vez;
  - o só é possível mover um bloco que esteja livre (sem nenhum outro bloco em cima);

Não existem restrições físicas!



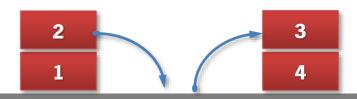
http://users.rsise.anu.edu.au/~jks/cgi-bin/bwstates/bwcgi



#### **Problema:** Blocks World

O problema é composto por um conjunto de blocos (caixas), inicialmente dispostos numa superfície (mesa);

- O objetivo é construir uma torre (ou mais) de blocos;
- Executam-se as ações:
  - o colocar um bloco em cima de outro;
  - o colocar um bloco na mesa.
- Estas ações não consideram restrições físicas dos blocos ou do ambiente.



http://users.rsise.anu.edu.au/~jks/cgi-bin/bwstates/bwoptcgi

http://users.rsise.anu.edu.au/~jks/cgi-bin/bwstates/bwcgi

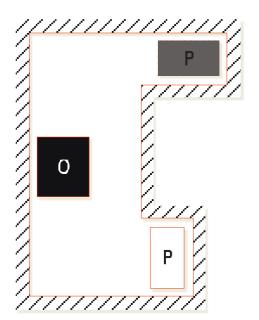


#### O que é Planeamento?

 Em Sistemas Autónomos/Robótica, o planeamento é entendido como sinónimo de Planeamento de Trajetórias;

O exemplo canónico no Planeamento de Trajetórias, é o Piano Mover:

 Como deslocar um piano dentro de um apartamento, desde um ponto inicial até um ponto final, através de corredores com obstáculos?

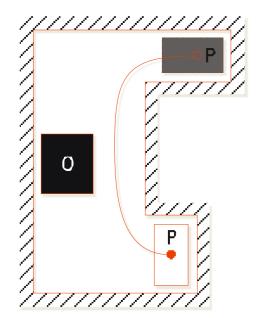




#### Problema: Piano Mover

A resolução do problema do Piano Mover passa por considerar duas situações importantes:

 Como planear uma boa trajetória (por exemplo, a mais curta), que transporte o robô desde a origem até ao destino;



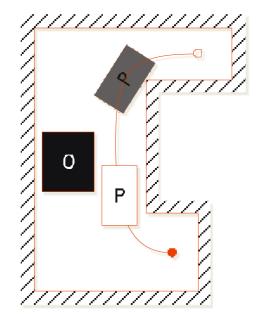


#### Problema: Piano Mover

A resolução do problema do Piano Mover passa por considerar duas situações importantes:

 Como planear uma boa trajetória (por exemplo, a mais curta), que transporte o robô desde a origem até ao destino;

o Como **controlar o robô** no seu caminho até ao destino, durante o trajeto planeado.



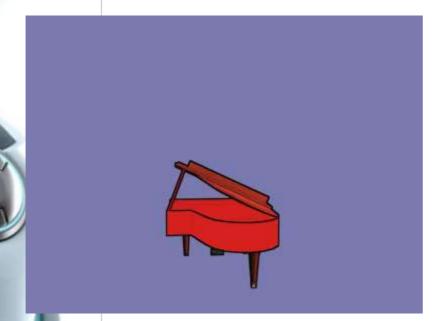


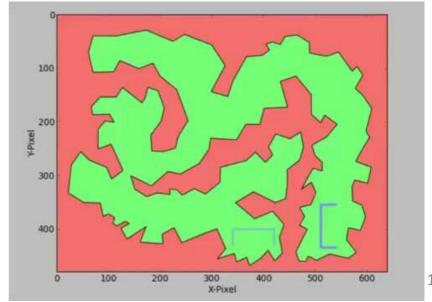
#### Problema: Piano Mover

A resolução do problema do Piano Mover passa por considerar duas situações importantes:

 Como planear uma boa trajetória (por exemplo, a mais curta), que transporte o robô desde a origem até ao destino;

o Como controlar o robô no seu caminho até ao destino, durante o trajeto planeado.

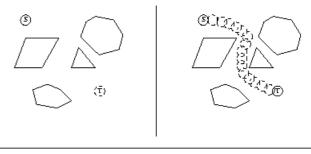






 Existe uma grande complexidade em problemas de Planeamento de Trajetórias, considerando diversos fatores:

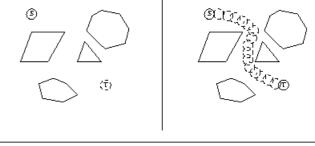
- o É possível simplificar a forma do robô?
- o 0 robô é um ponto?
- Qual a liberdade de movimentos do robô?
- o Os movimentos são limitados (translação, rotação)?
- o Os obstáculos são conhecidos antecipadamente?





implexidade em problemas de Planeamento de Trajetórias, considerando diversos

- o É possível simplificar a forma do rob
- o 0 robô é um ponto?
- Qual a liberdade de movimentos do robô?
- o Os movimentos são limitados (translação, rotação)?
- Os obstáculos são conhecidos antecipadamente?



OUTPUT



- A Configuração de um robô é definida por um determinado conjunto de variáveis:
  - o em robôs móveis, as variáveis são, tipicamente, a posição e a orientação;







o em robôs articulados, as variáveis são definidas pela posição das diversas juntas/articulações que o compõem (as juntas definem os graus de liberdade do robô);









• Graus de liberdade (Degrees of freedom - DOF):

 Para um robô fixo no ambiente, o número de **DOF** é dado pela quantidade de juntas;





• Graus de liberdade (Degrees of freedom - DOF):

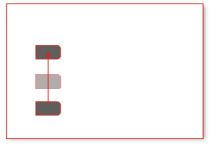
 Para um robô fixo no ambiente, o número de **DOF** é dado pela quantidade de juntas;

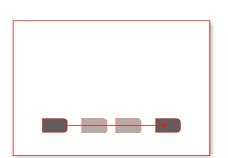




• Graus de liberdade (Degrees of freedom - DOF):

- Para um robô fixo no ambiente, o número de **DOF** é dado pela quantidade de juntas;
- Para um robô móvel, o número de **DOF** depende da sua capacidade de locomoção:



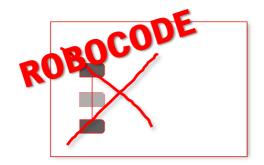








- Graus de liberdade (Degrees of freedom DOF):
  - Para um robô fixo no ambiente, o número de **DOF** é dado pela quantidade de juntas;
  - Para um robô móvel, o número de **DOF** depende da sua capacidade de locomoção:











- O Espaço de Configurações (Configuration Space) é o conjunto de todas as configurações admissíveis (possíveis) de um robô;
- O Espaço de Configurações define, também, todas as possibilidades de movimentos contínuos de um robô;
- A Trajetória de um robô é um caminho no Espaço de Configurações;
- Para robôs móveis (rígidos, sem articulações), existe uma transformação aplicável ao robô e aos objetos que convertem o robô em 1 ponto:
  - o C-Space Transform.

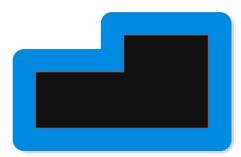


#### C-Space Transform

- Esta transformação permite planear trajetórias para pontos, em vez de para polígonos (ou poliedros).
- Até onde posso deslocar um robô, na vizinhança de um objeto:



Até onde posso deslocar um ponto, na vizinhança de um objeto expandido:





- A Trajetória de um robô é um caminho no Espaço de Configurações:
  - Esse caminho deve existir no subespaço de configurações no qual não existe qualquer possibilidade de o robô chocar com os obstáculos;
  - Este subespaço de configurações designa-se Espaço Livre;
  - o O Planeamento de Trajetórias deve encontrar o melhor caminho neste Espaço Livre de configurações.



#### **Como fazer Planeamento?**



#### Construção de Rotas

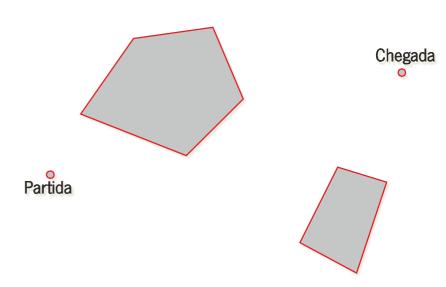
- A Construção de Rotas é importante para que um robô (sistema autónomo) possa mover-se ou realizar uma determinada tarefa da forma mais eficaz e no menor período de tempo, com o objetivo de o tornar mais produtivo e fiável;
- Existem vários métodos para Construção de Rotas:
  - Road Map;
  - Decomposição Celular;
  - Navegação por Marcos de Influência.



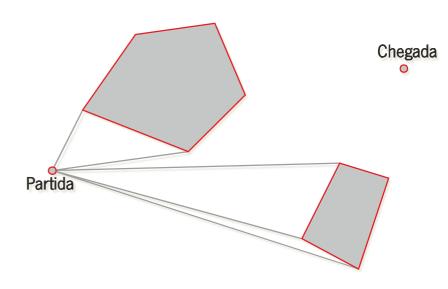
#### Construção de Rotas: Road Map

- Captura o espaço livre em torno do robô através de um traçado de linhas e curvas (rede);
- Esta rede é formada por segmentos, de modo a determinar a melhor rota para mover o robô desde a partida até à chegada;
- São dois os métodos mais comuns:
  - Grafos de Visibilidade;
  - o Diagramas de Voronoi.

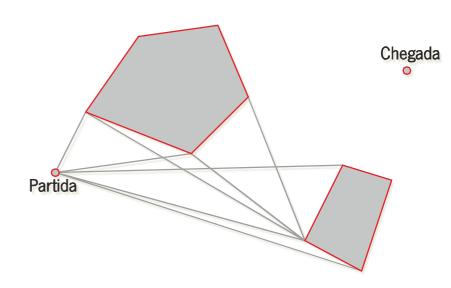




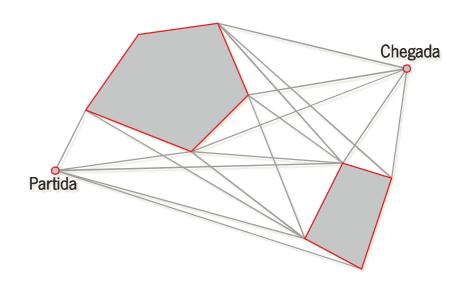




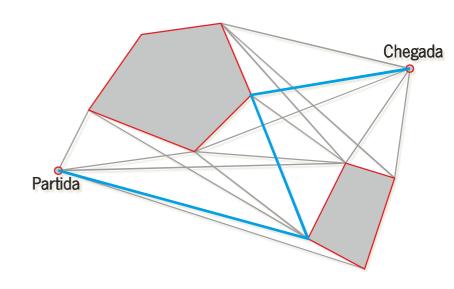




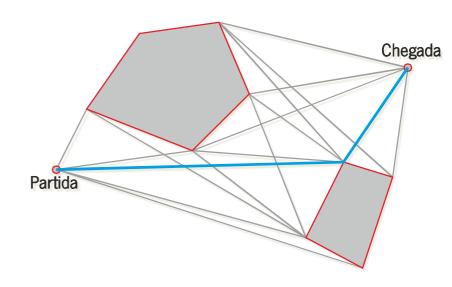




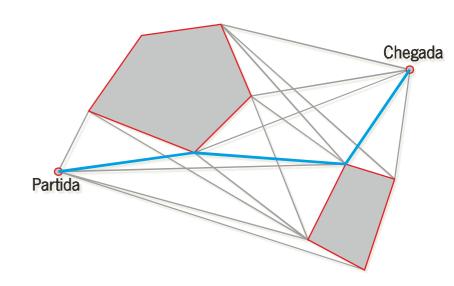




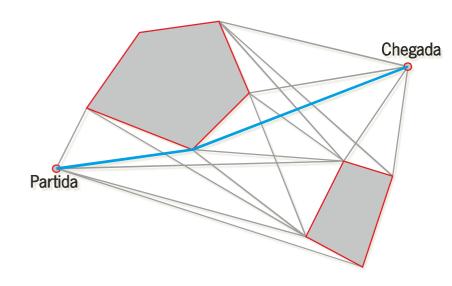








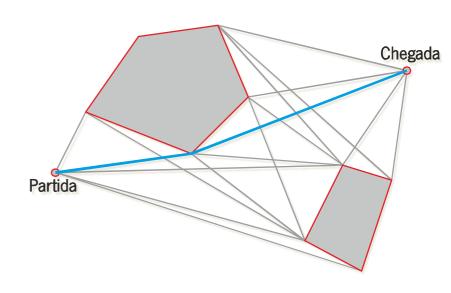






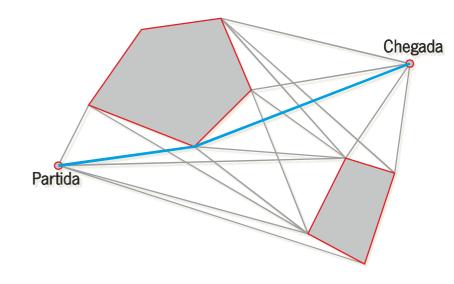
- Este método encontra o caminho mais curto;
- O caminho é calculado através de tangentes aos obstáculos;







- Este método encontra o caminho mais curto;
- O caminho é calculado através de tangentes aos obstáculos;
- Um pequeno erro de controlo ou de modelação dos obstáculos é um problema (grave?!);
- Este método não considera as dimensões do robô, o que significa que a rota calculada não evita colisões com os obstáculos.





## Construção de Rotas: *Road Map*Diagramas de *Voronoi*

 Um Diagrama de Voronoi consiste numa decomposição do espaço, calculada através das distâncias entre si de um conjunto pré-definido de obstáculos (ou de pontos);

 Um Diagrama de Voronoi descreve as áreas formadas pelos pontos que estão mais próximos de um dado conjunto de locais (pontos).



 Método semelhante ao método baseado no cálculo de Grafos de Visibilidade;

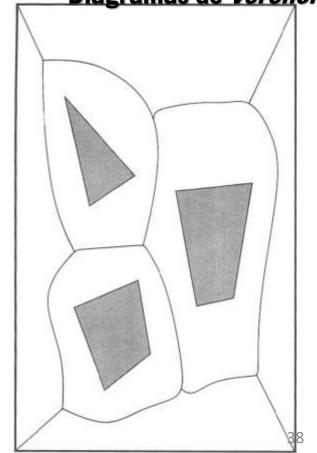
 Tende a maximizar a distância entre os obstáculos presentes no espaço;

 Por um lado, a rota traçada para o caminho a percorrer pelo robô é mais longo;

 Por outro lado, reduz a possibilidade de colisão com os obstáculos, uma vez que maximiza a distância entre eles.

Construção de Rotas: Road Map

<u>Diagramas de Voronoi</u>





## Construção de Rotas

A Construção de Rotas é importante para que um robô (sistema autónomo) possa mover-se ou realizar uma determinada tarefa da forma mais eficaz e no menor período de tempo, com o objetivo de o tornar mais produtivo e fiável;

- Existem vários métodos para Construção de Rotas:
  - o Road Map,
  - Decomposição Celular;
  - Navegação por Marcos de Influência.



### Construção de Rotas: Decomposição celular

- A ideia chave subjacente a este método de construção de rotas é a de que é possível determinar áreas geométricas, células, de forma que umas representam áreas livres e outras representam áreas ocupadas (obstáculos);
- O espaço contínuo é dividido num número finito de células, por forma a possibilitar uma pesquisa discreta de soluções;
- A construção da rota é determinada pelo cálculo da ligação entre células adjacentes;



## Construção de Rotas: Decomposição celular

- Decomposição Celular:
  - Dividir o espaço em regiões simples;
  - Construir um grafo de adjacências;
  - o Procurar um caminho entre as células de partida e de chegada;
  - o Construir a rota pela ligação entre as células do caminho encontrado.
- Existem dois tipos de métodos para decompor um espaço num conjunto de células:
  - Decomposição Celular Exata;
  - Decomposição Celular Aproximada.



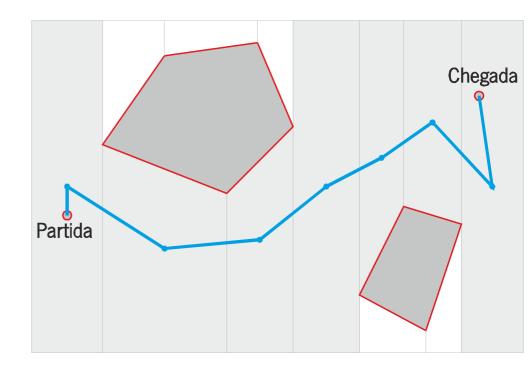








- Dividir o espaço em regiões simples;
- Construir um grafo de adjacências;
- Procurar um caminho entre as células de partida e de chegada;
- Construir a rota pela ligação entre as células do caminho encontrado.



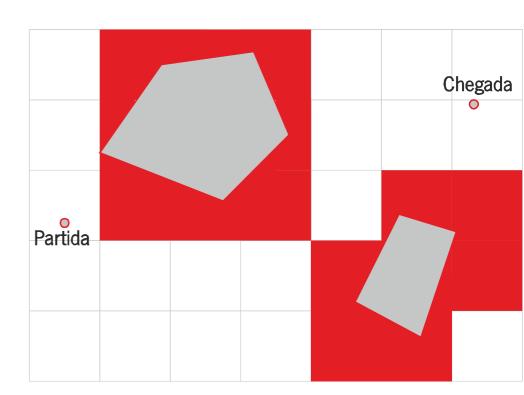






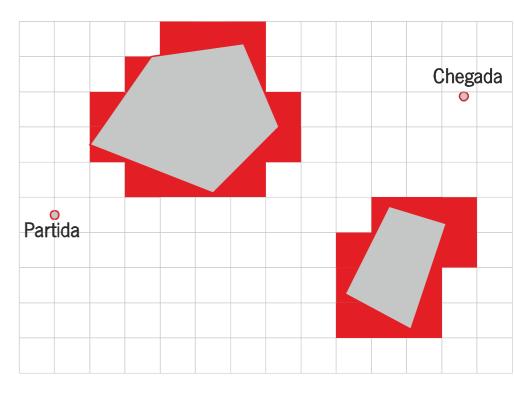
 Definir uma grelha sobre o espaço de configuração;

 Calcular o caminho mais curto entre a partida e a chegada através destas células, evitando qualquer das células ocupadas;



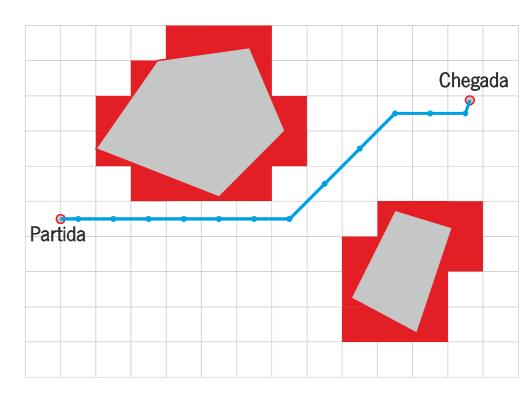


- Definir uma grelha sobre o espaço de configuração;
- Calcular o caminho mais curto entre a partida e a chegada através destas células, evitando qualquer das células ocupadas;
- Se não for possível calcular qualquer caminho, aumentar o detalhe da grelha e... continuar!





- Definir uma grelha sobre o espaço de configuração;
- Calcular o caminho mais curto entre a partida e a chegada através destas células, evitando qualquer das células ocupadas;
- Se não for possível calcular qualquer caminho, aumentar o detalhe da grelha e... continuar!





## Construção de Rotas

A Construção de Rotas é importante para que um robô (sistema autónomo) possa mover-se ou realizar uma determinada tarefa da forma mais eficaz e no menor período de tempo, com o objetivo de o tornar mais produtivo e fiável;

- Existem vários métodos para Construção de Rotas:
  - o Road Map,
  - o Decomposição Celular;
  - Navegação por Marcos de Influência.



## Construção de Rotas: Navegação por marcos de influência

Definem-se funções que:

o assumem valores grandes (crescentes) à medida que o robô se aproxima de um objeto/obstáculo; (ou em torno da origem)

o assumem valores pequenos (decrescentes) à medida que o robô se aproxima do objetivo/destino; para uma função objetivo que minimiza o custo do trajeto.



#### **Como fazer Planeamento?**

- Construção de Rotas:
  - Road Map:
    - Grafos de Visibilidade;
    - Diagramas de Voronoi;
  - Decomposição Celular:
    - Exata;
    - Aproximada;
  - Navegação por Marcos de Influência (ou campos gravitacionais);
- Desvio de Obstáculos;
- Arquiteturas de Navegação.



#### Desvio de obstáculos

- O Desvio de Obstáculos é a capacidade de um robô (sistema autónomo) mudar de trajetória durante o movimento, de acordo com a informação recolhida através dos sensores;
- Os algoritmos de desvio de obstáculos mais conhecidos são:
  - Bug Algorithm;
  - o Técnica da Bolha (Bubble Band).



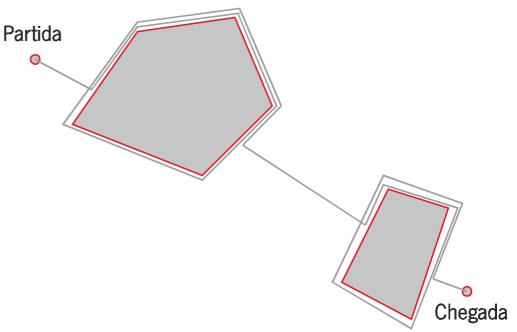
- O Bug Algorithm implementa a estratégia mais simples para evitar obstáculos;
- A ideia básica é a de contornar cada obstáculo que se encontra na rota entre a partida e a chegada, por forma a "circum-navegar" todos os objetos no caminho do robô;



O robô contorna, por completo, cada obstáculo;

 Seguidamente, circula o obstáculo por forma a chegar ao ponto do contorno que está mais próximo da chegada;

 Parte deste último ponto em direção ao ponto de chegada.



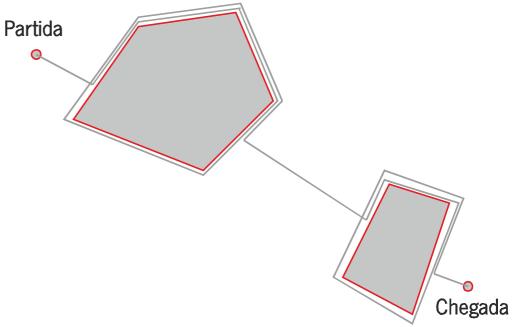


O robô contorna, por completo, cada obstáculo;

 Seguidamente, circula o obstáculo por forma a chegar ao ponto do contorno que está mais próximo da chegada;

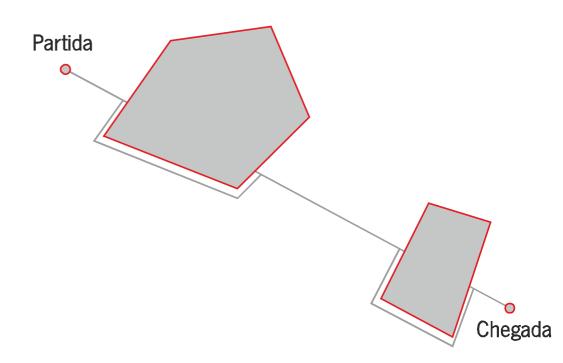
Parte deste último ponto em direção ao ponto de chegada.

• Qual é o problema desta abordagem?

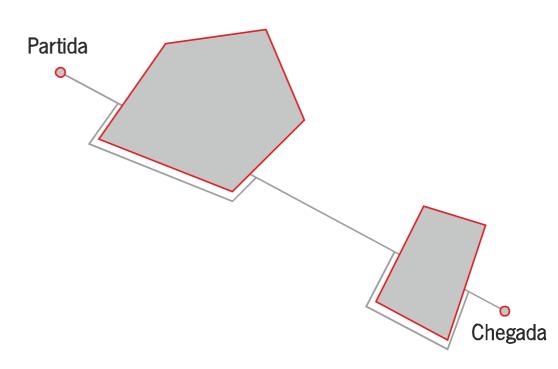




- O robô começa por contornar o obstáculo;
- Logo que encontra um ponto da rota inicialmente traçada, retoma o caminho projetado.







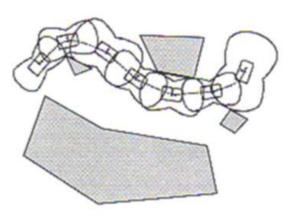


Define-se uma "bolha" em torno do robô como sendo o máximo espaço livre que deve existir para uma dada configuração do robô, de modo a que não exista qualquer possibilidade de colisão quando se movimenta em qualquer direção;

 A rota é determinada garantindo que a "bolha" percorre a rota sem tocar em qualquer obstáculo;

 Utilizado quando um robô não pode ser considerado sem dimensão (ponto).

## Desvio de obstáculos: Bubble Band



A typical bubble band (Courtesy of Raja Chatila



#### **Como fazer Planeamento?**



### Arquiteturas de Navegação

- Tendo planeado a trajetória e selecionado o método para o desvio de obstáculos, como combinar estes dois sistemas num sistema autónomo, capaz de navegar num ambiente real (ou virtual)?
- Algumas arquiteturas de navegação são:
  - o Planeamento offline;
  - Planeamento episódico;
  - Planeamento e execução integrados.



## Arquiteturas de Navegação: Planeamento *offline*

 O Planeamento da Navegação Offline significa que não existe integração entre o planeamento da trajetória e a sua execução por parte do sistema autónomo;





## Arquiteturas de Navegação: Planeamento *offline*

- O Planeamento da Navegação Offline significa que não existe integração entre o planeamento da trajetória e a sua execução por parte do sistema autónomo;
- Requer uma representação interna da trajetória e do mundo para a navegação desde a partida até à chegada;
- Não se pode deslocar para um ambiente desconhecido, sem necessidade de reprogramação do sistema de navegação;
- Utilizado na indústria;
- Utilizado em viagens espaciais!
   (devido ao atraso nas comunicações, entre 3 e 22 minutos.)



## Arquiteturas de Navegação: Planeamento *offline*

Jace de Navegação Offline significa que não existe integração entre o planeamento da jetória e a sua execução por parte do sistema autónomo;

- Requer uma representação nterna da trajetória e do mundo para a navegação desde a partida até à chegada;
- Não se pode deslocar para um ambient desconhecido, sem necessidade de reprogramação do sistema de navegação;
- Utilizado na indústria;
- Utilizado em viagens espaciais!
   (devido ao atraso nas comunicações, entre 3 e 22 minutos.)



# Arquiteturas de Navegação: Planeamento episódico

- O Planeamento episódico é um dos métodos de navegação de robôs mais comum;
- Contém um plano de navegação gerado offline e armazenado internamente, mas tem capacidade de recalcular a rota;



# Arquiteturas de Navegação: Planeamento episódico

- O Planeamento episódico é um dos métodos de navegação de robôs mais comum;
- Contém um plano de navegação gerado offline e armazenado internamente, mas tem capacidade de recalcular a rota;
- Existência suficiente de dados recolhidos do ambiente, para recalcular a rota;
- Recalcular frequentemente a rota pode ser um problema:
  - Consumo de recursos;
  - Comunicação entre sistemas;
  - o Principalmente, quanto maior for o peso de uma arquitetura deliberativa para a resolução deste problema.



# Arquiteturas de Navegação: Planeamento episódico

lameamento episódico é um dos métodos de navegação de robôs mais comum;

- Contém um plano de navegação gerado offline e armazenado internamente, mas tem capacidade de recalcular a rota;
- Existência suficiente de da recolhidos do ambiente para recalcular a rota;
- Recalcular frequentemente a rota pode ser um problema:
  - o Consumo de recursos;
  - Comunicação entre sistemas;
  - o Principalmente, quanto maior for o peso de uma arquitetura deliberativa para a resolução deste problema.



# Arquiteturas de Navegação: Planeamento e execução integrados

- Este método resulta de uma combinação dos dois anteriores;
- Combina rotas pré-determinadas com informação local do ambiente, por forma a que, quando detete obstáculos inesperados, em vez de recalcular uma rota, seleciona uma rota previamente calculada e otimizada;



# Arquiteturas de Navegação: Planeamento e execução integrados

- Este método resulta de uma combinação dos dois anteriores;
- Combina rotas pré-determinadas com informação local do ambiente, por forma a que, quando detete obstáculos inesperados, em vez de recalcular uma rota, seleciona uma rota previamente calculada e otimizada;
- Torna o processamento mais rápido e fiável;
- Pode ser computacionalmente exigente;
- Pouco útil em ambientes muito complexos.



#### **Como fazer Planeamento?**



## RoboCode Programação de Robôs

Sistemas Autónomos Perfil Sistemas Inteligentes @ MEI/MiEl 1°/4° – 2° semestre

Cesar Analide, Bruno Fernandes







- Que fazer?
- Que tanques construir?
  - o Programação de tanques/robôs individuais;
  - Programação de equipas de robôs;
- Que comportamentos desenvolver?
- Como?



- Que fazer?
- Que tanques construir?
- Que comportamentos desenvolver?
  - o Desafio 1: desenvolver um odómetro (medir a distância percorrida):
    - Medir a distância percorrida em cada episódio (round) de uma batalha (battle);
    - Calcular o acumulado das distâncias de todos os episódios;
    - Neste desafio, não há necessidade de combate;

Como?



- Que fazer?
- Que tanques construir?
- Que comportamentos desenvolver?
  - o Desafio 1: desenvolver um odómetro (medir a distância percorrida);
  - o Desafio 2: trajetória de circum-navegação de 3 obstáculos;
    - Obstáculos identificados como «rockquad»;
    - Início em 30x30;
    - Circular no sentido dos ponteiros do relógio;
    - Circular por fora da área demarcada pelos 3 obstáculos.

Como?





### **Bibliografia**

- Jean-Claude Latombe, "Robot Motion Planning", Kluwer, 1991.
- Choset, Lynch, Hutchinson, Kantor, Burgard, Thrun, "Principles of Robot Motion", 2005.
- Siegwart and Nourbakhsh, "Autonomous Mobile Robots", The MIT Press, 2004.
- Ronald Arkin, "Behavior Based Robotics", The MIT Press, 1998.
- Steven LaValle, "Planning Algorithms", Cambridge University Press, 2006.



Sistemas Autónomos Perfil Sistemas Inteligentes @ MEI/MiEl 1°/4° – 2° semestre

Cesar Analide, Bruno Fernandes