```
Exemplo:
                 texto = "1234\tPedro\t15\t17\n1111\tAna\t16\t13\n"
leFich :: IO ()
leFich = do file <- dialogo "Qual o nome do ficheiro ? "
             s <- readFile file
             let 1 = map words (lines s)
                 notas = geraNotas 1
             print notas
geraNotas :: [[String]] -> Notas
geraNotas ([x,y,z,w]:t) = let x1 = (read x)::Integer
                                z1 = (read z)::Int
                                w1 = (read w)::Int
                            in (x1,y,z1,w1):(geraNotas t)
geraNotas = []
escFich :: Notas -> IO ()
escFich notas = do file <- dialogo "Oual o nome do ficheiro?
                    writeFile file (geraStr notas)
geraStr :: Notas -> String
geraStr [] = ""
\operatorname{geraStr}((x,y,z,w):t) = (\operatorname{show} x) ++ ('\t':y) ++ ('\t':(\operatorname{show} z)) ++
                               ('\t':(show w)) ++ "\n" ++ (geraStr t)
```

type Notas = [(Integer, String, Int, Int)]

# Módulos

Um programa Haskell é uma colecção de **módulos**. A organização de um programa em módulos cumpre dois objectivos:

- criar componentes de software que podem ser usadas em diversos programas:
- dar ao programador algum control sobre os identificadores que podem ser usados.

Um módulo é uma declaração "gigante" que obedece à seguinte sintaxe:

```
module Nome (entidades_a_exportar) where

declarações de importações de módulos

declarações de: tipos, classes, instâncias, assinaturas, funções, ...
(por qualquer ordem)
```

Cada módulo está armazenado num ficheiro, geralmente com o mesmo nome do módulo, mas isso não é obrigatório.

## O mónade Maybe

A declaração do construtor de tipos Maybe como instância da classe Monad é muito util para trabalhar com computações parciais, pois permite fazer a propagação de erros.

### Exemplo:

```
exemplo :: Int -> Int -> Int -> Maybe Int exemplo a b c = do x <- return a y <- return b z <- divide x y w <- soma c z return w
```

Podemos simplificar?

```
divide :: Int -> Int -> Maybe Int divide _{\text{d}} 0 = Nothing divide _{\text{x}} _{\text{y}} = Just (div _{\text{x}} _{\text{y}})
```

```
soma :: Int -> Int -> Maybe Int
soma x y = Just (x+y)
```

165

### Na declaração de um módulo:

 pode-se indicar explicitamente o conjunto de tipos / construtores / funções / classes que são exportados (i.e., visíveis do exterior)

Aos vários items que são exportados ou importados chamaremos entidades.

- por defeito, se nada for indicado, todas as declarações feitas do módulo são exportadas;
- é possível exportar um tipo algébrico com os seus construtores fazendo, por exemplo: ArvBin(Vazia, Nodo), ou equivalentemente, ArvBin(..);
- também é possível exportar um tipo algébrico e não exportar os seus construtores, ou exportar apenas alguns;
- os métodos de classe podem ser exportados seguindo o estilo usado na exportação de construtores, ou como funções comuns;
- declarações de instância são sempre exportadas e importadas, por defeito;
- é possível exportar entidades que não estão directamente declaradas no módulo, mas que resultam de alguma importação de outro módulo.

Qualquer entidade visível no módulo é passível de ser exportada por esse módulo.

## Na importação de um módulo por outro módulo:

• é possível fazer a importação de todas as entidades exportadas pelo módulo fazendo

```
import Nome_do_módulo
```

é possível indicar explicitamente as entidades que gueremos importar, fazendo

```
import Nome do módulo (entidades a importar)
```

 é possível indicar selectivamente as entidades que <u>não</u> queremos importar (importa-se tudo o que é exportado pelo outro módulo excepto o indicado)

```
import Nome do módulo hiding (entidades a não importar)
```

 é possível fazer com que as entidades importadas sejam referenciadas indicando o módulo de onde provêm como prefixo (seguido de '.') fazendo

```
import qualified Nome do módulo (entidades a importar)
```

(Pode ser util para evitar colisões de nomes, pois é ilegal importar entidades diferentes que tenham o mesmo nome. Mas se for o mesmo objecto que é importado de diferentes módulos, não há colisão. Uma entidade pode ser importada via diferentes caminhos sem que haja conflitos de nomes.)

168

# Um exemplo com módulos

Considere os módulos: Listas, Arvores, Tempo, Horas e Main, que pretendem ilustrar as diferentes formas de exportar e importar entidades.

```
module Tempo(Time, horas, minutos, meioDia, cauda) where
import Listas
data Time = Am Int Int
            Pm Int Int
            Total Int Int deriving Show
hValida (Total h m) = 0<=h && h<24 && 0<=m && m<60
hValida (Am h m) = 0 <= h \&\& h < 12 \&\& 0 <= m \&\& m < 60
hValida (Pm h m) = 0 <= h \&\& h < 12 \&\& 0 <= m \&\& m < 60
horas (Am h m) = h
horas (Pm h m) = h + 12
horas (Total h m) = h
minutos (Am h m) = m
minutos (Pm h m)
minutos (Total h m) = m
meioDia = (Total 12 00)
ex = cauda "experiencia"
```

Após carregar o módulo Main, analise o comportamento do interpretador.

```
*Main> soma arv1
15

*Main> mult arv1
   Variable not in scope: `mult'

*Main> conta arv1
   Variable not in scope: `conta'

*Main> Listas.soma lis1
10

*Main> mult lis1
   Variable not in scope: `mult'

*Main> Listas.mult lis1
24
```

```
*Main> testeC
[2,3,4]
*Main> hValida meioDia
Variable not in scope: `hValida'
```

```
*Main> isDigit 'e'
    Variable not in scope: `isDigit'

*Main> isAlpha 'e'
True

*Main> toUpper arv1
Nodo 25 (Nodo 9 Vazia (Nodo 16 Vazia Vazia))
    (Nodo 4 (Nodo 1 Vazia Vazia) Vazia)

*Main> test
"testando"
```

```
*Main> minTotal meioDia
720

*Main> minTotal (Am 9 30)
   Data constructor not in scope: `Am'

*Main> manha (AM 9 30)

True

*Main> tarde (PM 17 15)
   Variable not in scope: `tarde'
```

```
module Main where
import Arvores (ArvBin(..), soma, naArv)
import qualified Listas (soma, mult, conta)
import Tempo
import Horas
import Char hiding (toUpper, isDigit)
arv1 = Nodo 5 (Nodo 3 Vazia (Nodo 4 Vazia Vazia))
              (Nodo 2 (Nodo 1 Vazia Vazia) Vazia)
lis1 = [1,2,3,4]
minTotal :: Time -> Int
minTotal t = (horas t)*60 + (minutos t)
testeC = cauda lis1
toUpper :: Num a => ArvBin a -> ArvBin a
toUpper Vazia = Vazia
toUpper (Nodo x e d) = Nodo (x*x) (toUpper e) (toUpper d)
test = map toLower "tesTAnDo"
```

Compilação de programas Haskell

Para criar programas *executáveis* o compilador Haskell precisa de ter definido um módulo Main com uma função main que tem que ser de tipo IO.

A função main é o ponto de entrada no programa, pois é ela que é invocada quando o programa compilado é executado.

A compilação de um programa Haskell, usando o *Glasgow Haskell Compiler*, pode ser feita executando na shell do sistema operativo o sequinte comando:

```
ghc -o nome_do_executável --make nome_do_ficheiro_do_módulo_principal
```

**Exemplo:** Usando o último exemplo para testar a compilação de programas definidos em vários módulos, podemos acrescentar ao módulo Main a declaração

```
main = putStrLn "OK"
```

Assumindo que este módulo está guardado no ficheiro **Main.hs** podemos fazer a compilação assim:

ghc -o testar --make Main

**Exemplo:** Assumindo que o módulo do próximo slide está no ficheiro **roots.hs**, podemos gerar um executável (chamado raizes) fazendo

ghc -o raizes --make roots

```
module Main where
main :: IO ()
main = do calcRoots
          putStrLn "Deseja continuar (s/n) ? "
          x <- getLine
         case (head x) of
                  's' -> main
                  'S' -> main
                     -> putStrLn "\n FIM."
calcRoots :: IO ()
calcRoots = do putStrLn "Calculo das raizes do polimomio a x^2 + b x + c"
               putStrLn "Indique o valor do ceoficiente a:
               a1 <- getLine >>= readIO
               putStrLn "Indique o valor do ceoficiente b: "
               b1 <- getLine >>= readIO
               putStrLn "Indique o valor do ceoficiente c: "
               c1 <- getLine >>= readIO
               case (roots (a1,b1,c1)) of
                    Nothing
                                   -> putStrLn "Nao ha' raizes reais"
                    (Just (r1,r2)) -> putStrLn ("As raizes do polinomio sao "++
                                                   (show r1)++" e "++(show r2))
roots :: (Float, Float, Float) -> Maybe (Float, Float)
roots (a,b,c)
       d \ge 0 = Just ((-b + (sqrt d))/(2*a), (-b - (sqrt d))/(2*a))
       d < 0 = Nothing
  where d = b^2 - 4*a*c
```

# **Tipos Abstractos de Dados**

As assinaturas das funções do tipo abstracto de dados e as suas especificações constituem o *interface* do tipo abstracto de dados. Nem a estrutura interna do tipo abstracto de dados, nem a implementação destas funções são visíveis para o utilizador.

Dada a especificação de um tipo abstracto de dados, as operações que o definem poderão ter *diferentes implementações*, dependendo da estrutura usada na representação interna de dados e dos algoritmos usados.

A utilização de tipos abstractos de dados traz benefícios em termos de **modularidade** dos programas. Alterações na implementação das operações do tipo abstracto não afecta outras partes do programa desde que as operações mantenham o seu tipo e a sua especificação.

Em Haskell, a construção de tipos abstractos de dados é feita utilizando módulos.

O módulo onde se implementa o tipo abstracto de dados deve exportar apenas o nome do tipo e o nome das operações que constituem o seu interface. A representação do tipo fica assim escondida dentro do módulo, não sendo visível do seu exterior.

Deste modo, podemos mais tarde alterar a representação do tipo abstracto sem afectar os programas que utilizam esse tipo abstracto.

# **Tipos Abstractos de Dados**

A quase totalidade dos tipos de dados que vimos até aqui são **tipos concretos de dados**, dado que se referem a uma estrutura de dados concreta fornecida pela linguagem.

**Exemplos:** 

(ArvBin a) e TB são dois tipos concretos. Sabemos como são constituídos os valores destes tipos e podemos extrair informação ou construir novos valores, por manipulação directa dos construtores de valores destes tipos.

Em contraste, os **tipos abstractos de dados** não estão ligados a nenhuma representação particular. Em vez disso, eles são definidos implicitamente através de um conjunto de operações utilizadas para os manipular.

Exemplo:

O tipo (IO a) é um tipo abstracto de dados. Não sabemos de que forma são os valores deste tipo. Apenas conhecemos um conjunto de funções para os manipular.

177

# Stacks (pilhas)

Uma Stack é uma colecção homegénea de itens que implementa a noção de pilha, de acordo com o seguinte interface:

```
push :: a -> Stack a -> Stack a

remove o item do topo da pilha

top :: Stack a -> a

dá o item que está no topo da pilha

stackEmpty :: Stack a -> Bool

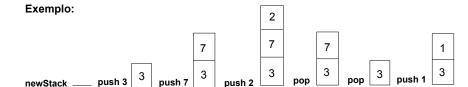
newStack :: Stack a

remove o item do topo da pilha

testa se a pilha está vazia

cria uma pilha vazia
```

Os itens da stack são removidos de acordo com a estratégia LIFO (Last In First Out).



```
module Stack (Stack, push, pop, top, stackEmpty, newStack) where
          :: a -> Stack a -> Stack a
push
pop
          :: Stack a -> Stack a
          :: Stack a -> a
top
stackEmpty :: Stack a -> Bool
newStack :: Stack a
data Stack a = EmptvStk
            | Stk a (Stack a)
push x s = Stk x s
pop EmptyStk = error "pop em stack vazia."
pop(Stk s) = s
top EmptyStk = error "top em stack vazia."
top (Stk x ) = x
newStack = EmptyStk
stackEmptv EmptvStk = True
                  = False
stackEmpty
instance (Show a) => Show (Stack a) where
   show (EmptyStk) = "#"
    show (Stk x s)' = (show x) ++ "|" ++ (show s)
```

```
module Stack (Stack, push, pop, top, stack Empty, new Stack) where
push
           :: a -> Stack a -> Stack a
           :: Stack a -> Stack a
pop
          :: Stack a -> a
stackEmpty :: Stack a -> Bool
newStack :: Stack a
data Stack a = Stk [a]
push x (Stk s) = Stk (x:s)
pop (Stk []) = error "pop em stack vazia."
pop (Stk (:xs)) = Stk xs
top (Stk []) = error "top em stack vazia."
top (Stk (x:)) = x
newStack = Stk []
stackEmpty (Stk []) = True
stackEmpty
                   = False
instance (Show a) => Show (Stack a) where
   show (Stk []) = "#"
    show (Stk (x:xs)) = (show x) ++ "|" ++ (show (Stk xs))
```

### Exemplos:

```
*Main> ex1
2|7|3|#
*Main> ex2
"abc"|"xyz"|#
```

```
*Main> listTOstack [1,2,3,4,5]
1|2|3|4|5|#

*Main> stackTOlist ex2
["abc","xyz"]

*Main> stackTOlist (listTOstack [1,2,3,4,5])
[1,2,3,4,5]
```

181

## Queues (filas de espera)

Uma Queue é uma colecção homegénea de itens que implementa a noção de fila de espera, de acordo com o seguinte interface:

```
enqueue :: a -> Queue a -> Queue a coloca um item no fim da fila de espera dequeue :: Queue a -> Queue a remove o item do início da fila de espera dá o item que está à frente na fila de espera queueEmpty :: Queue a -> Bool testa se a fila de espera está vazia newQueue :: Queue a cria uma fila de espera vazia
```

Os itens da queue são removidos de acordo com a estratégia FIFO (First In First Out).

#### Exemplo:

7 3 7 3 enqueue 7 enqueue 4 newQueue enqueue 3 3 4 2 7 enqueue 2 deaueue 2 5 2 4 4 dequeue enqueue 5

```
module Queue (Queue, enqueue, dequeue, front, queueEmpty, newQueue) where
          :: a -> Queue a -> Queue a
dequeue
         :: Queue a -> Queue a
front
          :: Queue a -> a
queueEmpty :: Queue a -> Bool
newOueue :: Oueue a
data Queue a = Q [a]
enqueue x (Q q) = Q (q++[x])
dequeue (Q (:xs)) = Q xs
                 = error "Fila de espera vazia."
dequeue
front (Q(x:_)) = x
front _
             = error "Fila de espera vazia."
queueEmpty (Q []) = True
queueEmpty _
               = False
newQueue = (Q [])
instance (Show a) => Show (Queue a) where
   show (Q []) = "."
    show (Q(x:xs)) = "<"++(show x)++(show (Q xs))
```

#### **Exemplos:**

```
*Main> q1
<1<6<3.
*Main> queueTOstack q1
3|6|1|#
*Main> invQueue q1
<3<6<1.
```

```
*Main> s1
2|8|9|#
*Main> stackTOqueue s1
<2<8<9.
*Main> invStack s1
9|8|2|#
```

```
module Main where
import Stack
import Queue
queueTOstack :: Queue a -> Stack a
queueTOstack q = qts q newStack
 where qts q s
         queueEmpty q = s
         otherwise = qts (dequeue q) (push (front q) s)
stackTOgueue :: Stack a -> Oueue a
stackTOqueue s = stq s newQueue
 where stq s q
         stackEmpty s = q
         otherwise = stq (pop s) (enqueue (top s) q)
invOueue :: Oueue a -> Oueue a
invQueue g = stackTOqueue (queueTOstack g)
invStack :: Stack a -> Stack a
invStack s = queueTOstack (stackTOqueue s)
g1 = engueue 3 (engueue 6 (engueue 1 newQueue))
s1 = push 2 (push 8 (push 9 newStack))
```

## Sets (conjuntos)

Um **Set** é uma colecção homegénea de itens que implementa a noção de conjunto, de acordo com o seguinte interface:

```
emptySet :: Set a cria um conjunto vazio

setEmpty :: Set a -> Bool testa se um conjunto é vazio

inSet :: (Eq a) => a -> Set a -> Bool testa se um item pertence a um conjunto

addSet :: (Eq a) => a -> Set a -> Set a acrescenta um item a um conjunto

delSet :: (Eq a) => a -> Set a -> Set a remove um item de um conjunto

pickSet :: Set a -> a escolhe um item de um conjunto
```

É necessário testar a igualdade entre itens, por isso o tipo dos itens tem que pertencer à classe Eq. Mas certas implementações do tipo Set podem requerer outras restrições de classe sobre o tipo dos itens.

É possível establecer um interface mais rico para o tipo abstracto Set, por exemplo, incluindo operações de união, intersecção ou diferença de conjuntos, embora se consiga definir estas operações à custa do interface actual.

A seguir apresentam-se duas implementações para o tipo abstracto Set.

```
module Set(Set, emptySet, setEmpty, inSet, addSet, delSet) where
emptySet :: Set a
setEmpty :: Set a -> Bool
inSet :: (Eq a) => a -> Set a -> Bool addSet :: (Eq a) => a -> Set a -> Set a
delSet :: (Eq a) => a -> Set a -> Set a
pickSet :: Set a -> a
data Set a = S [a] -- listas com repetições
emptySet = S []
setEmpty (S []) = True
setEmpty _ = False
inSet (S[])
inSet \times (S(y:ys)) \mid x == y = True
                     otherwise = inSet x (S ys)
addSet x (S s) = S (x:s)
delSet x (S s) = S (delete x s)
delete x [] = []
delete x (y:ys) | x == y = delete x ys
                 otherwise = y:(delete x ys)
pickSet (S []) = error "Conjunto vazio"
pickSet (S (x:_)) = x
```

# Tables (tabelas)

(Table a b) é uma colecção de associações entre chaves do tipo a e valores do tipo b, implementando assim uma função finita, com domínio em a e co-domínio em b, através de uma determinada estrutura de dados.

O tipo abstracto tabela poderá ter o seguinte interface:

```
newTable :: Table a b
findTable :: (Ord a) => a -> Table a b -> Maybe b
updateTable :: (Ord a) => (a,b) -> Table a b -> Table a b
removeTable :: (Ord a) => a -> Table a b -> Table a b
```

Para permitir implementações eficientes destas operações, está-se a exigir que o tipo das chaves pertença à classe Ord.

A seguir apresentam-se duas implementações distintas para o tipo abstracto tabela:

- usando uma lista de pares (chave.valor) ordenada por ordem crescente das chaves;
- usando uma árvore binária de procura com pares (chave, valor) nos nodos da árvore.

```
module Set (Set, emptySet, setEmpty, inSet, addSet, delSet) where
emptySet :: Set a
setEmpty :: Set a -> Bool
inSet :: (Eq a) => a -> Set a -> Bool
addSet :: (Eq a) => a -> Set a -> Set a
delSet :: (Eq a) => a -> Set a -> Set a
pickSet :: Set a -> a
data Set a = S [a] -- listas sem repetições
emptySet = S []
setEmpty (S []) = True
setEmpty
inSet (S[])
                               = False
inSet \bar{x} (S (y:ys)) | x == y = True
                    otherwise = inSet x (S ys)
addSet x (S s) \mid (elem x s) = S s
                otherwise = S (x:s)
delSet x (S s) = S (delete x s)
delete x [] = []
delete x (y:ys) | x == y = ys
                otherwise = y:(delete x ys)
pickSet (S []) = error "Conjunto vazio"
pickSet(S(x:)) = x
```

189

```
module Table(Table, newTable, findTable, updateTable, removeTable) where
newTable :: Table a b
findTable :: (Ord a) => a -> Table a b -> Maybe b
updateTable :: (Ord a) => (a,b) -> Table a b -> Table a b
removeTable :: (Ord a) => a -> Table a b -> Table a b
data Table a b = Tab [(a,b)] -- lista ordenada por ordem crescente
newTable = Tab []
findTable (Tab []) = Nothing
findTable x (Tab ((c,v):cvs))
                  x < c = Nothing
                  x == c = Just v
                 x > c = findTable x (Tab cvs)
updateTable (x,z) (Tab []) = Tab [(x,z)]
updateTable (x,z) (Tab ((c,v):cvs))
                  x < c = Tab ((x,z):(c,v):cvs)
                  x == c = Tab ((c,z):cvs)
                 | x > c = let (Tab t) = updateTable (x,z) (Tab cvs)
                           in Tab ((c,v):t)
```

{- -- continua -- -}

#### {- -- continuação do slide anterior -- -}

Evita-se derivar o método show de forma automática, para não revelar a implementação do tipo abstracto.

192

### {- -- continuação do slide anterior -- -}

```
module Table (Table, newTable, findTable, updateTable, removeTable) where
newTable
          :: Table a b
findTable :: (Ord a) => a -> Table a b -> Maybe b
updateTable :: (Ord a) => (a,b) -> Table a b -> Table a b
removeTable :: (Ord a) => a -> Table a b -> Table a b
                        -- Arvore binaria de procura
data Table a b = Empty
              | Node (a,b) (Table a b) (Table a b)
newTable = Empty
findTable Empty = Nothing
findTable x (Node (c,v) e d)
                             x < c = findTable x e
                            x == c = Just v
                            x > c = findTable x d
updateTable (x,z) Empty = Node (x,z) Empty Empty
updateTable (x,z) (Node (c,v) e d)
                             x < c = Node (c,v) (updateTable (x,z) e) d
                             x == c = Node (c,z) e d
                            x > c = Node(c,v) e (updateTable(x,z) d)
```

#### **Exemplos:**

```
*Main> pauta info
1111 ("Mario",14)
2222 ("Rui",17)
3333 ("Teresa",12)
5555 ("Helena",15)
7777 ("Pedro",15)
9999 ("Pedro",10)
```

```
*Main> findTable 5555 (pauta info)
Just ("Helena",15)
*Main> findTable 8888 (pauta info)
Nothing
*Main> removeTable 9999 (pauta info)
1111 ("Mario",14)
2222 ("Rui",17)
3333 ("Teresa",12)
5555 ("Helena",15)
7777 ("Pedro",15)
```

{- -- continua -- -}

Como estará a tabela implementada?

195