

II. DIGITALIZAÇÃO

"Processo que permite transformar os sinais analógicos, contínuos no tempo, em sequências de números com um número limitado de dígitos, que representam a amplitude do sinal em instantes de tempo regularmente espaçados"

 as questões relacionadas com analógico vs digital abrangem os domínios dos dados, dos sinais e dos sistemas de transmissão

1

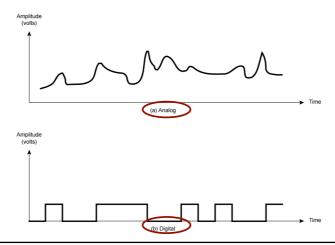


Comunicação de Dados

Mestrado Integrado em Engenharia Informática Departamento de Informática, Universidade do Minho

II. DIGITALIZAÇÃO

Exemplo: Questões relacionadas com a natureza dos sinais



II. DIGITALIZAÇÃO

Exemplo: Questões relacionadas com a transmissão

Transmissão Analógica

- Sinal analógico é transmitido independentemente dos dados que ele transporta
- Sinal é atenuado ao longo da distância percorrida
- Utilização de amplificadores para aumentar a potência do sinal mas...
- …também amplificam o ruído existente

3



Comunicação de Dados

Mestrado Integrado em Engenharia Informática Departamento de Informática, Universidade do Minho

II. DIGITALIZAÇÃO

Transmissão Digital

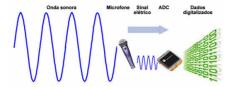
- Preocupação com os dados (mensagem) que o sinal transporta
- Utilização de equipamentos que: recebem o sinal, "observam" os dados que eles transportam, e retransmitem/regeneram o sinal
 - a atenuação do sinal é assim ultrapassada e...
 - ... o ruído não é amplificado
- Possibilidade da utilização de mecanismos detectores/ correctores de erros

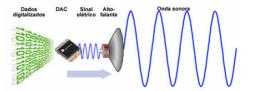


II. DIGITALIZAÇÃO

Este capítulo foca principalmente...

"Processo que permite transformar os sinais analógicos, contínuos no tempo, em sequências de números com um número limitado de dígitos, que representam a amplitude do sinal em instantes de tempo regularmente espaçados"





nota: Relação entre digitalização e técnicas de multiplexagem?

5



Comunicação de Dados

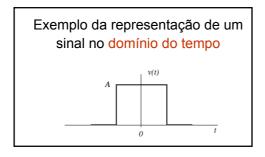
Mestrado Integrado em Engenharia Informática Departamento de Informática, Universidade do Minho

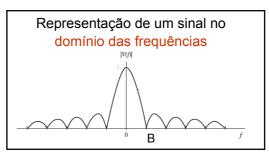
II. DIGITALIZAÇÃO

- A base teórica da digitalização (e alguns dos exercícios associados) requer a compreensão de conceitos adicionais:
 - espectro de um sinal
 - largura de banda de um sinal
 - largura de banda de transmissão de um sistema
 - ritmo máximo de símbolos digitais suportado por um sistema de transmissão



II. DIGITALIZAÇÃO - conceitos introdutórios -





- Espectro de um sinal é uma representação do sinal no domínio das frequências
- Largura de Banda (B) de um sinal é a amplitude de um intervalo espectral positivo onde está "parte significativa" da energia do sinal

... mais tarde será estudado em profundidade



Comunicação de Dados

Mestrado Integrado em Engenharia Informática Departamento de Informática, Universidade do Minho

II. DIGITALIZAÇÃO - conceitos introdutórios -

- Sistemas de transmissão
 - Também podem ser representados no domínio das frequências
 - Define-se largura de banda de transmissão de um sistema (B_T) como o intervalo de frequências nas quais o sistema permite uma transmissão com "aceitável" qualidade

... mais tarde será estudado em profundidade



II. DIGITALIZAÇÃO - conceitos introdutórios -

 Ritmo de Nyquist num sistema de transmissão com largura de banda B_T, o ritmo máximo teórico de símbolos (r_s) digitais que por ele se podem transmitir é de:

$$r_s \le 2 * B_T$$

 <u>Filtros</u> sistemas que por alguma razão pretendem alterar o espectro do sinal (modelados da mesma forma que os sistemas de transmissão). Diversos tipos: passa-baixo, passaalto, passa-banda.

9



Comunicação de Dados

Mestrado Integrado em Engenharia Informática Departamento de Informática, Universidade do Minho

II. DIGITALIZAÇÃO

"Processo que permite transformar os sinais analógicos, contínuos no tempo, em sequências de números com um número limitado de dígitos, que representam a amplitude do sinal em instantes de tempo regularmente espaçados"

> Quais as fases de um processo de digitalização?

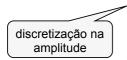




II. DIGITALIZAÇÃO

discretização no tempo

 Amostragem – recolha periódica de valores do sinal (amostras);



 Quantização – aproximação do valor das amplitudes das amostras a um número limitado de níveis quânticos;

- Conversão AD representação do valor aproximado das amplitudes das amostras através de valor numérico/digital (normalmente em binário);
- Codificação de Linha transformação dos valores numéricos em formas de representação apropriadas ao canal de transmissão.

11



Comunicação de Dados

Mestrado Integrado em Engenharia Informática Departamento de Informática, Universidade do Minho

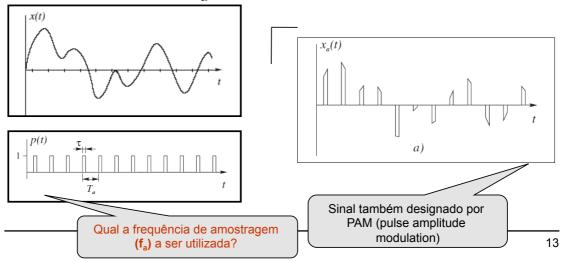
II. DIGITALIZAÇÃO

Amostragem

- Processo pelo qual o sinal é amostrado através de uma sequência de pulsos intercalados no tempo
- A quantidade de amostras recolhidas depende de um parâmetro designado por frequência de amostragem
- Que valor para a frequência de amostragem?

II. DIGITALIZAÇÃO

 Amostragem x(t) é o sinal original; p(t) representa uma série de pulsos intercalados no tempo; : x_a(t) é o sinal amostrado x_a(t) = x(t) * p(t)





Comunicação de Dados

Mestrado Integrado em Engenharia Informática Departamento de Informática, Universidade do Minho

II. DIGITALIZAÇÃO

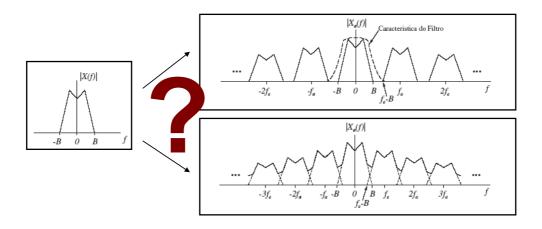
Supondo um sinal limitado à Banda (0..B) quantas amostras precisamos para que $x_a(t)$ represente de alguma forma o sinal x(t)? Seja X(f) o espectro do sinal original e $X_a(f)$ o espectro do sinal amostrado. Prova-se que:

$$X_a(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} C(nf_a) X(f - nf_a)$$

ou seja, o espectro do sinal amostrado é aproximadamente igual à soma do espectro X(f) com réplicas desse espectro desfasadas em +/- n*fa Hz.

II. DIGITALIZAÇÃO

Exemplo de dois cenários de amostragem...



15



Comunicação de Dados

Mestrado Integrado em Engenharia Informática Departamento de Informática, Universidade do Minho

II. DIGITALIZAÇÃO

Teorema 5.1 (Teorema da Amostragem) Um sinal de espectro limitado à banda de frequências [0,B] fica completamente definido pelas suas amostras desde que recolhidas a uma frequência igual ou superior a 2B,

$$f_a \ge 2B \tag{5.6}$$

podendo o sinal ser recuperado a partir das amostras por filtragem passabaixo com largura de banda do filtro B_T igual a B Hz.

 teorema que define um limite mínimo para a frequência de amostragem

II. DIGITALIZAÇÃO

- Algumas considerações relacionadas com a operação de amostragem na prática
 - 1. Filtros não são ideais
 - 2. Os sinais, na prática, não possuem espectros limitados
- Devido a isto a frequência de amostragem é normalmente maior que 2*B; (mas em termos teóricos continuamos a assumir $f_a \ge 2B$)

17

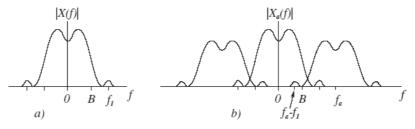


Comunicação de Dados

Mestrado Integrado em Engenharia Informática Departamento de Informática, Universidade do Minho

II. DIGITALIZAÇÃO

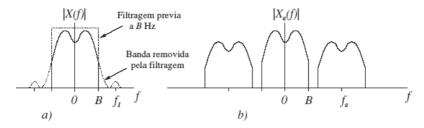
 O sinal, embora tenha largura de banda B, tem um espectro que se estende para além desta banda com componentes não nulas



Aliasing espectral dos sinais da prática mesmo com $f_a > 2B$

II. DIGITALIZAÇÃO

 Exemplo envolvendo a filtragem prévia do sinal por forma a evitar o fenómeno de aliasing



Filtragem prévia do sinal evitando o aliasing na amostragem

19



Comunicação de Dados

Mestrado Integrado em Engenharia Informática Departamento de Informática, Universidade do Minho

II. DIGITALIZAÇÃO

Quantização

- as amostras podem ter um valor infinito de valores
- por forma a ser possível a transformação das amplitudes das amostras em números elas precisam de assumir um número finito de valores
- esta aproximação introduz ruído no processo de conversão analógico/digital
- processo de discretização das amplitudes designa-se por quantização



II. DIGITALIZAÇÃO

Quantização Uniforme

- Divisão do intervalo da variação do valor das amostras em níveis quânticos de amplitude fixa (i.e. igualmente espaçados entre si).
- Quantos mais níveis quânticos (número q)
 maior a precisão na representação da amostra.
- Se K for o número de dígitos a utilizar na representação dos valores dos níveis quânticos, então K = log_b(q), em que b é a base escolhida (geralmente b=2 pois a codificação binária é a mais frequente)

21

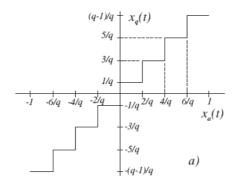


Comunicação de Dados

Mestrado Integrado em Engenharia Informática Departamento de Informática, Universidade do Minho

II. DIGITALIZAÇÃO

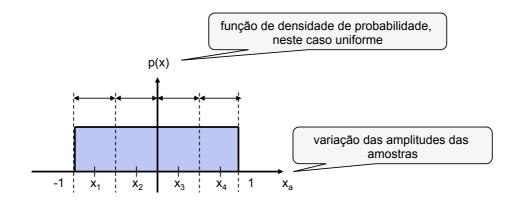
Quantização Uniforme





II. DIGITALIZAÇÃO

Quantização Uniforme - exemplo com quatro intervalos -



23



Comunicação de Dados

Mestrado Integrado em Engenharia Informática Departamento de Informática, Universidade do Minho

II. DIGITALIZAÇÃO

Ruído da Quantização Uniforme

Erro em cada amostra

$$\xi_q = |x_a(t) - x_q(t)|$$

Potência do ruído de quantização
$$\overline{\varepsilon_q^2} = N_q = \int_{x_{\min}}^{x_{\max}} (x - x_q)^2 \cdot p(x) dx$$

$$N_q = 1/3q^2$$

Relação entre potência do sinal e do ruído

$$S/N_q = 3q^2S$$
 $(S/N_a)_{dB} = 10 \log_{10} (S/N_a)$



II. DIGITALIZAÇÃO

Quantização Não Uniforme

- Por vezes os sinais analógicos possuem elevados valores de crista
- Amplitude do sinal situa-se mais frequentemente na zona das amplitudes mais baixas
- Objectivo é diminuir o ruído total da quantização para fontes com uma função de densidade de probabilidade não uniforme
- Quantização não uniforme.... níveis quânticos não estão igualmente espaçados entre si

25

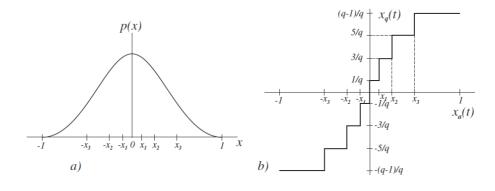


Comunicação de Dados

Mestrado Integrado em Engenharia Informática Departamento de Informática, Universidade do Minho

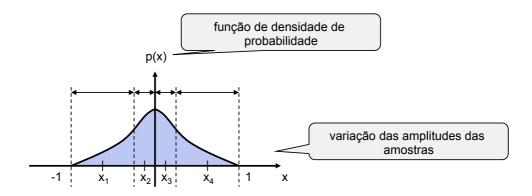
II. DIGITALIZAÇÃO

Quantização Não Uniforme



II. DIGITALIZAÇÃO

Quantização Não Uniforme - exemplo com quatro intervalos -



27



Comunicação de Dados

Mestrado Integrado em Engenharia Informática Departamento de Informática, Universidade do Minho

II. DIGITALIZAÇÃO

Quantização Não Uniforme

- Um quantizador n\u00e3o uniforme \u00e9 mais complexo de implementar que um uniforme
- na prática a quantização não uniforme pode realizar-se em duas fases:
 - 1. compressão não linear do sinal
 - 2. quantização uniforme do sinal comprimido
- » prova-se que 1 + 2 corresponde a uma quantização não uniforme do sinal original

II. DIGITALIZAÇÃO

Quantização Não Uniforme

- Qual o objectivo da compressão não linear do sinal?
 - uniformizar a densidade de probabilidade das amplitudes dos sinais
 - diversas formas de o fazer...
- Estudos provam que a característica do compressor que melhor uniformiza alguns sinais de audio:
 - linear de zero até um certo valor das amplitudes (1/A)
 - ... e depois logarítmica até ao valor máximo

29



Comunicação de Dados

Mestrado Integrado em Engenharia Informática Departamento de Informática, Universidade do Minho

II. DIGITALIZAÇÃO

Quantização Não Uniforme

• Companding de Lei-A (Lei de quantização europeia)

$$y = \begin{cases} \frac{Ax}{1 + \ln A} & \text{para} & |x| \le \frac{1}{A} \\ \frac{1 + \ln Ax}{1 + \ln A} & \text{para} & \frac{1}{A} < |x| \le 1 \end{cases}$$

x(t) é comprimido segundo esta lei dando origem a y(t); y
 (t) é amostrado e quantizado uniformemente dando
 origem a y_q(t); ...; y(t) é recuperado por filtragem (com
 erro de quantização); y(t) é depois expandido pela função
 inversa para se obter x(t)





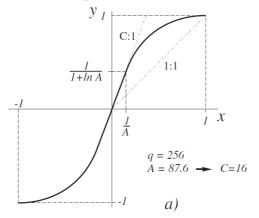
II. DIGITALIZAÇÃO

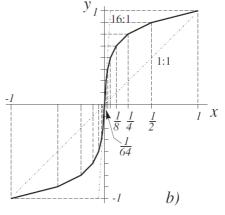
Quantização Não Uniforme

Qual é a lógica

com Companding de Lei-A

desta transformação !!?





Compressor de lei-A e sua aproximação com 13 segmentos

31



Comunicação de Dados

Mestrado Integrado em Engenharia Informática Departamento de Informática, Universidade do Minho

II. DIGITALIZAÇÃO

Quantização Não Uniforme

 Nos Estados Unidos da América a lei de quantização difere da Lei-A e é designada por Lei-µ

$$y = \frac{\ln(1 + \mu x)}{\ln(1 + \mu)}$$



II. DIGITALIZAÇÃO

Conversão Analógico a Digital

- Depois de quantizadas as amostras já se encontram discretizadas a um conjunto de q valores
- A conversão analógico digital executa a conversão para uma determinada base dos valores discretizados das amostras
- Se K for o número de dígitos a utilizar na representação dos valores dos níveis quânticos, então K = log_M(q) (M=base da numeração; base 2 normalmente usada)

33



Comunicação de Dados

Mestrado Integrado em Engenharia Informática Departamento de Informática, Universidade do Minho

II. DIGITALIZAÇÃO

Conversão Analógico a Digital - Codificação PCM

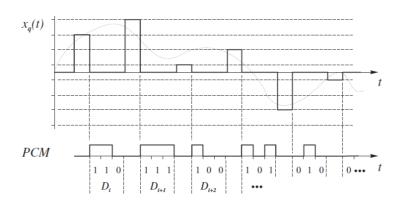
- PCM (Pulse Code Modulation) é a designação que se dá à sequência serializada no tempo dos dígitos resultantes da codificação das amostras
- Ritmo de símbolos de um canal PCM codificado a K dígitos por amostra:

 $\mathbf{r_c} = \mathbf{K} * \mathbf{f_a}$ (se base 2 então bits/seg)



II. DIGITALIZAÇÃO

Codificação PCM



35



Comunicação de Dados

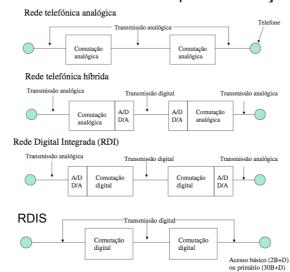
Mestrado Integrado em Engenharia Informática Departamento de Informática, Universidade do Minho

II. DIGITALIZAÇÃO

e.g. Telefones RDIS.....

... O acesso Básico possui dois canais B para transmissão de voz ou dados de 64 Kbps cada um e um canal D utilizado para sinalização de 16 Kbps.



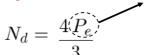


II. DIGITALIZAÇÃO

Ruído em PCM

- Ruído no canal de transmissão (ou gravação) pode corromper algum dos bits de codificação das amostras
- No processo de descodificação o nível quântico em que foi descodificada a determinada amostra poderá não ser o correcto

Prova-se que a potência do ruído (erro) de descodificação é:



Probabilidade de erro por bit na transmissão ou gravação

37



Comunicação de Dados

Mestrado Integrado em Engenharia Informática Departamento de Informática, Universidade do Minho

II. DIGITALIZAÇÃO

Ruído em PCM

 Potência total do ruído no destino (N_D) será a soma da potência do ruído de descodificação (N_d) com a potência do ruído de quantização (N_q)

$$N_D=(\widehat{N_d})+(\widehat{N_q})=\frac{4\,P_e}{3}+\frac{1}{3q^2}=\frac{1+4q^2\,P_e}{3q^2}$$
 descodificação quantização

II. DIGITALIZAÇÃO

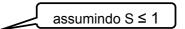
Ruído em PCM

(relação entre potência do sinal e do ruído)

$${\rm S/N_D} = \ {3q^2 \over 1 + 4q^2 \, P_e} \ {\rm *S}$$

$$\left(\frac{S}{N}\right)_D \le \frac{3q^2}{1 + 4q^2 P_e}$$

$$\left(\frac{S}{N}\right)_D \le \begin{cases} 3q^2 & \text{se} & P_e \ll \frac{1}{4q^2} \\ \frac{3}{4P_e} & \text{se} & P_e \gg \frac{1}{4q^2} \end{cases}$$



39



Comunicação de Dados

Mestrado Integrado em Engenharia Informática Departamento de Informática, Universidade do Minho

II. DIGITALIZAÇÃO

Ruído em PCM

Conclusão:

- Em PCM o ruído de quantização é a componente dominante da qualidade da digitalização quando P_e na transmissão (ou gravação) é pequena (comparativamente a 1/4q²), mas...
-o ruído de descodificação devido a erros de transmissão (ou gravação) é mais significativo quando P_e é grande (comparativamente a 1/4q²)





II. DIGITALIZAÇÃO

Exemplos de normalizações PCM

Sinais telefónicos (ITU, Recomendação G.711)

Frequência de amostragem: $f_a = 8 \text{ KHz}$

Quantização: não-uniforme a q=256 níveis

Palavra PCM: k = 8 bits

Ritmo binário (um canal): $r_b = k f_a = 64 \text{ Kbps}$

Lei de quantização Europeia: compressão digital segundo a lei-A,

com 13 segmentos.

Lei de quantização Americana: compressão digital segundo a lei-µ,

com 15 segmentos.

Transmissão de Música

Frequência de amostragem: $f_a = 32 \text{ KHz}$

Quantização: uniforme com k=14 bits

Ritmo binário: $r_b = 448 \text{ Kbps ou}$

Quantização: não-uniforme com k=12 bits

Ritmo binário: $r_b = 384 \text{ Kbps}$

Quantização: não-uniforme com k = 10 bits

Ritmo binário: $r_b=320~{\rm Kbps}$ Lei de quantização: $lei\text{-}A~{\rm com}~13~{\rm segmentos}$

Sinais de Vídeo (Televisão)

Frequência de amostragem: $f_a = 13.3 \text{ MHz}$

Quantização: uniforme com k = 8 ou 9 bits

Gravação de Música

Frequência de amostragem: $f_a = 44.1 \text{ KHz}$

Quantização: uniforme com k=16 bits

Ritmo binário: $r_b \approx 0.7 \text{ Mbps}$

41



Comunicação de Dados

Mestrado Integrado em Engenharia Informática Departamento de Informática, Universidade do Minho

II. DIGITALIZAÇÃO

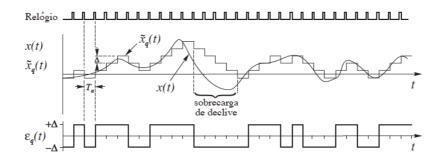
Conversão Analógico a Digital

- Existem outros métodos distintos do PCM
- Alguns baseiam-se no facto de alguns sinais terem algum grau de previsibilidade
 - e.g. as alterações de valor de uma amostra para a amostra seguinte serem relativamente pequenas
 - neste esquemas é transmitido só o erro da previsão realizada
 - Exemplo: modulação delta e modulação delta adaptativa (vantagens: hardware mais simples)

II. DIGITALIZAÇÃO

Codificação Delta Linear

(só breve referência)



43



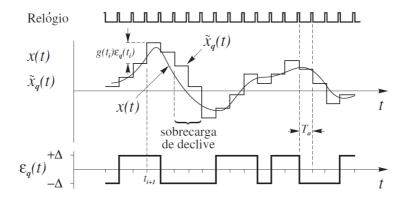
Comunicação de Dados

Mestrado Integrado em Engenharia Informática Departamento de Informática, Universidade do Minho

II. DIGITALIZAÇÃO

Codificação Delta Adaptativa

(só breve referência)





Comunicação de Dados

Mestrado Integrado em Engenharia Informática Departamento de Informática, Universidade do Minho

II. DIGITALIZAÇÃO





Digitalização / Teoria da Informação ?







45