

Estruturas de Dados – Aula 01

Prof. Dr. Eduardo Takeo Ueda
eduardo.ueda@fatec.sp.gov.br

Ementa

Pilhas, filas, alocação dinâmica, recursividade, listas encadeadas, tabelas de espalhamento e árvores.

Processo de Avaliação

Instrumento de avaliação	Período previsto para aplicação	Devolução
1ª Avaliação individual	9ª semana	1 semana depois
2ª Avaliação individual	16ª semana	1 semana depois
3ª Avaliação individual	18ª semana	1 semana depois

Composição da Nota Final

$$\text{Nota Final(NF)} = (A1 + A2) / 2$$

onde:

A1 = 1ª Avaliação individual

A2 = 2ª Avaliação individual

Observações:

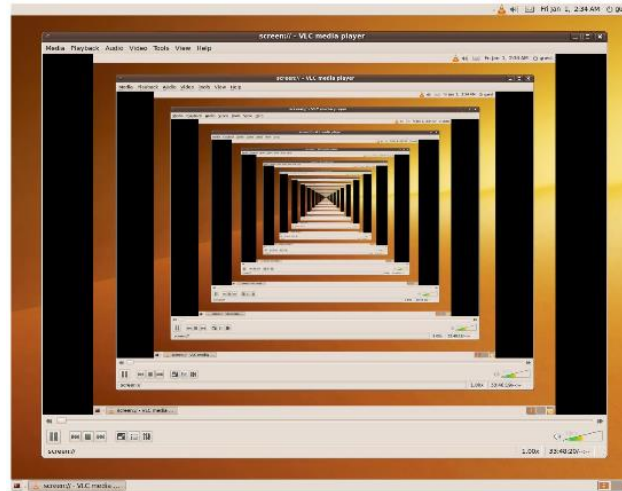
- (1) A 3ª Avaliação individual substituirá a menor das notas entre A1 e A2, e abordará todo o conteúdo do semestre
- (2) Será aprovado na disciplina o aluno que obtiver Nota Final (NF) maior ou igual a 6 (seis inteiros)

Algoritmos iterativos e recursivos

- Algoritmos **iterativos** usam estruturas de repetição tais como **laços**, ou ainda estruturas de dados adicionais tais como **pilhas**, para resolver problemas.
- Cada algoritmo **iterativo** possui um algoritmo **recursivo** equivalente e vice-versa.

Recursividade

- A **recursividade** é uma estratégia que pode ser utilizada sempre que uma **função f** pode ser escrita em **função dela própria**.



Efeito Droste

- Muitas estruturas de dados como **listas** e **árvores** tem natureza recursiva, então é importante compreender a recursividade.

Condição de parada da recursividade

- Nenhum programa, nem função, pode ser **exclusivamente** definido por si própria, pois:
 - O programa seria um loop infinito;
 - A função teria uma definição circular.
- **Condição de parada** (também chamado de base da recursão)
 - Permite que o procedimento pare de se executar;
 - Por exemplo, $f(x) > 0$ com x decrescente.

Função fatorial

- A **função fatorial** para um inteiro não negativo pode ser definida de forma **recursiva** como:

$$fatorial(n) = \begin{cases} 1 & \text{se } n = 0 \\ n \times fatorial(n - 1) & \text{se } n > 0 \end{cases}$$

Fatorial recursivo

```
public class FatorialRecursivo {  
  
    public static void main(String[] args){  
        System.out.println("Fatorial de "+ 4 + " é " + fatorial(4));  
    }  
  
    public static long fatorial(long n) {  
        if (n == 0 )    return 1; //condição de parada  
        else    return n * fatorial(n - 1); //chamada recursiva  
    }  
}
```

Fatorial iterativo

```
public class FatorialIterativo {  
  
    public static void main(String[] args) {  
        System.out.println("Fatorial de " + 4 + " é " + fatorial(4));  
    }  
  
    public static long fatorial(long n) {  
        long i, fat;  
        fat = 1;  
        for ( i = 1; i <= n; i++ )  
            fat = fat * i;  
        return fat;  
    }  
}
```

Série de Fibonacci

- Um outro exemplo clássico de recursividade é a famosa **série de Fibonacci**, definida pela expressão:

$$F(n) = \begin{cases} 0 & \text{se } n = 0 \\ 1 & \text{se } n = 1 \\ F(n-1) + F(n-2) & \text{se } n \geq 2 \end{cases}$$

- 0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, 55, 89, ...

Fibonacci recursivo

```
public class FibonacciRecursivo {  
  
    public static void main(String[] args) {  
        System.out.println("Fibonacci de " + 5 + " é " + fibonacci(5));  
    }  
  
    public static long fibonacci(long n) {  
        if(n == 0) //condição de parada  
            return 0;  
        else if (n == 1) //condição de parada  
            return 1;  
        else  
            return fibonacci( n - 1 ) + fibonacci( n - 2 );  
    }  
}
```

Fibonacci iterativo

```
public class FibonacciIterativo {  
  
    public static void main(String[] args) {  
        System.out.println("Fibonacci de " + 5 + " é " + fibonacci(5));  
    }  
  
    public static long fibonacci(long n) {  
        long i, k, F;  
        i = 1;  
        F = 0;  
        for (k = 1; k <= n; k++) {  
            F = F + i;  
            i = F - i;  
        }  
        return F;  
    }  
}
```

“Desenhando/representando” a recursividade

$$\text{fib}(4) = \text{fib}(3) + \text{fib}(2)$$

$$\text{fib}(3) = \text{fib}(2) + \text{fib}(1)$$

$$\text{fib}(2) = \text{fib}(1) + \text{fib}(0)$$

$$\text{fib}(1) = 1$$

$$\text{fib}(0) = 0$$

$$\text{fib}(2) = 1 + 0 = 1$$

$$\text{fib}(3) = 1 + 1 = 2$$

$$\text{fib}(4) = 2 + 1 = 3$$

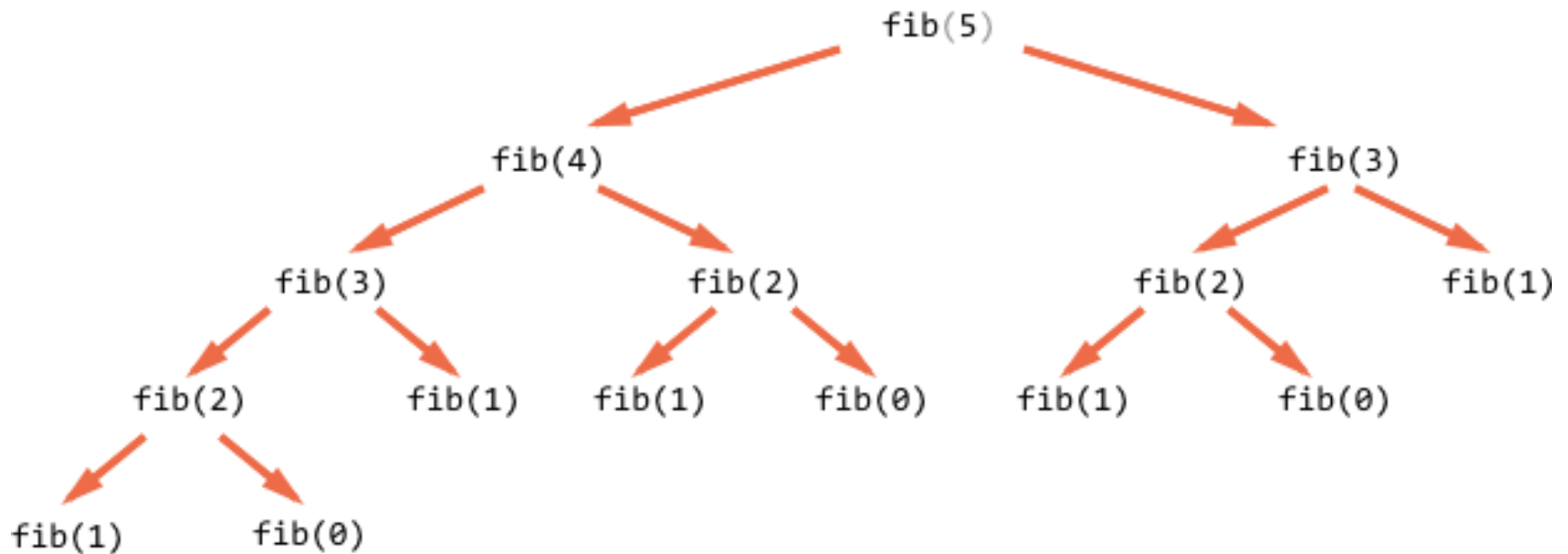
$$\text{fib}(2) = \text{fib}(1) + \text{fib}(0)$$

$$\text{fib}(1) = 1$$

$$\text{fib}(0) = 0$$

$$\text{fib}(2) = 1 + 0 = 1$$

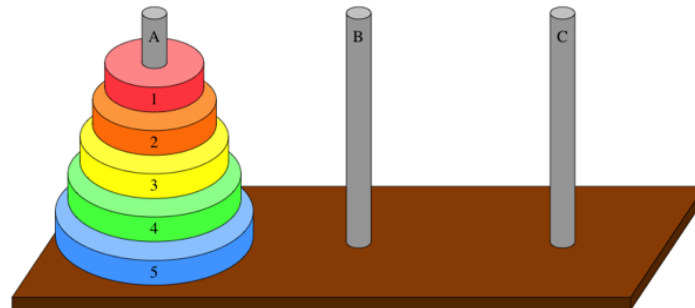
“Desenhando/representando” a recursividade



Árvore de recorrência

Atividade

- Implemente um programa recursivo em Java para o jogo das Torres de Hanói.
- Desenhe a árvore de recursão do programa recursivo considerando apenas 4 discos.



- Implemente um programa iterativo em Java para o jogo das Torres de Hanói.

Fim!