



# Universidade de Aveiro

Departamento de Electrónica, Telecomunicações e Informática

## Linguagens Formais e Autómatos

Exame de recurso

(Ano Lectivo de 2012/13)

15 de Julho de 2013

NOTA: O exame tem 13 questões. As 3 mais bem classificadas serão cotadas a 2,0 valores cada; as restantes serão cotadas a 1,4 valores cada.

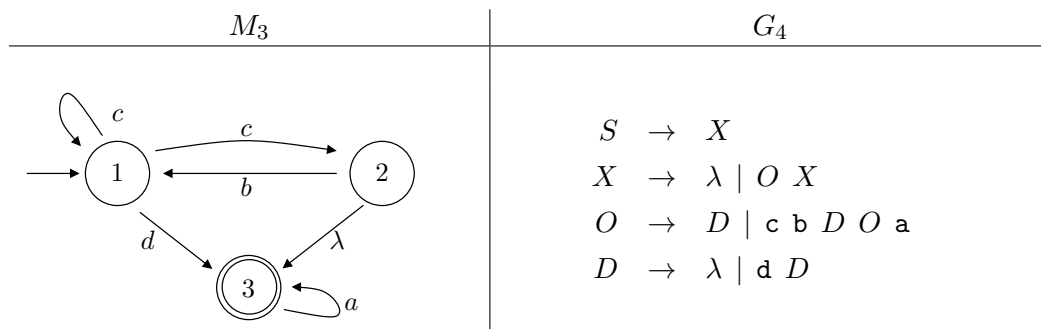
Considere, sobre o alfabeto  $T = \{a, b, c, d\}$ , as linguagens  $L_1$ ,  $L_2$ ,  $L_3$ , e  $L_4$  definidas da seguinte forma:

$$L_1 = \{ (cb)^n d^k a^n : n > 0 \}$$

$$L_2 = \{ w \in T^* : w \text{ é gerada pela expressão regular } e_2 = (cb)^*(d|a|c)^* \}$$

$$L_3 = \{ w \in T^* : w \text{ é reconhecida pelo autómato } M_3 \}$$

$$L_4 = \{ w \in T^* : w \text{ é gerada pela gramática } G_4 \}$$



1. Determine as palavras do conjunto  $\{w \in T^* : w \in L_1 \setminus L_3 \wedge |w| \leq 6\}$ .
2. Determine uma gramática regular que represente a linguagem  $L_2$ .
3. Determine uma expressão regular que represente a linguagem  $L_3$ . Apresente o raciocínio e/ou os passos intermédios usados para chegar à sua resposta.
4. Construa um autómato finito determinista que reconheça a linguagem  $L_3^*$  (fecho de Kleene de  $L_3$ ).
5. Projecte um autómato de pilha que represente a linguagem  $L_1$ .
6. Escolha uma palavra de 6 letras que pertença à linguagem  $L_4$  e que contenha todos os símbolos do alfabeto e trace a sua árvore de derivação sobre a gramática  $G_4$ .
7.  $\lambda \in \text{first}(OX)$ . Explique porquê.
8. Obtenha uma gramática sem produções  $\lambda$ , isto é, sem produções do tipo  $A \rightarrow \lambda$ , que represente a linguagem  $L_4 \setminus \{\lambda\}$ .
9. Construa a tabela de *parsing* para um reconhecedor **descendente** da gramática  $G_4$ . A tabela que obteve permite classificar a gramática como LL(1)? Justifique a sua resposta.

10. A construção de um reconhecedor (*parser*) ascendente para uma gramática baseia-se na colecção (canónica) de conjuntos de itens. O elemento inicial dessa colecção para a gramática  $G_4$  está parcialmente descrito a seguir.

$$Z_0 = \{S \rightarrow \cdot X\} \cup \dots$$

Complete-o e determine também os elementos directamente alcançáveis a partir dele.

11. O teorema da repetição ou da bombagem (*pumping lemma*) diz que se  $L$  é uma linguagem regular, existe um número  $p > 0$  tal que se  $u$  é uma palavra qualquer de  $L$  com  $|u| \geq p$ , então pode-se escrever  $u = xyz$ , satisfazendo as condições:  $|y| > 0$ ;  $|xy| \leq p$ ; e  $xy^iz \in L$ , para qualquer  $i \geq 0$ .

Mostre, usando o teorema da repetição, que  $L_4$  é uma linguagem não regular.

12. Considerando que o alfabeto de entrada é o conjunto  $A = \{a, b, c\}$  e o de saída o conjunto  $Z = \{0, 1\}$ , pretende-se construir uma máquina de Moore ou de Mealy em que a resposta  $v$  à entrada  $u$  seja dada por

$$v_i = \begin{cases} 1 & \text{se } u_i = b \wedge u_{i-1} = a \\ 1 & \text{se } u_i = c \wedge u_{i-1} \neq b \\ 0 & \text{restantes casos} \end{cases}$$

sendo  $u$  a palavra à entrada,  $v$  a palavra à saída e  $u_i$  e  $v_i$ , com  $i = 1, \dots$ , os símbolos nas posições  $i$ . Projete a máquina de Moore ou de Mealy pretendida.

13. Sobre o alfabeto  $T_5 = \{c \text{ v t d s i} = e\}$  considere a gramática  $G_5$  dada a seguir e seja  $L_5$  a linguagem por ela descrita.

$$\begin{aligned} S &\rightarrow D \\ D &\rightarrow c \text{ t } L \text{ d} \mid V \text{ t } L \text{ d} \\ V &\rightarrow v \mid \lambda \\ L &\rightarrow i = e \text{ } X \\ X &\rightarrow \lambda \mid s \text{ } L \end{aligned}$$

A gramática  $G_5$  representa uma abstracção de uma declaração de constantes e de variáveis inicializadas. Sabendo que:

- o símbolo terminal **t** possui um atributo chamado **type** que representa o tipo específico que lhe está associado.
- o símbolo terminal **i** tem um atributo chamado **name** que representa o nome da constante ou variável que lhe está associado.
- o símbolo terminal **e** tem um atributo chamado **value** que representa uma grandeza numérica.
- se dispõe de uma função de manipulação de uma tabela de símbolos para inserções de novas entradas, com a assinatura **addsym(c, n, t, v)**, onde
  - **c** é um parâmetro booleano, que indica se se trata da inserção de uma constante ou de uma variável;
  - **n** representa o nome da variável ou constante;
  - **t** representa o tipo específico;
  - **v** representa o valor a atribuir à constante ou variável.

construa uma gramática de atributos que permita invocar a função **addsym** de forma adequada por cada constante ou variável declarada.