# Compiladores Guião de exercícios teórico-práticos (1<sup>a</sup> parte)

Miguel Oliveira e Silva Departamento de Electrónica, Telecomunicações e Informática Universidade de Aveiro

 $2018-2019, 2^{o} \text{ semestre}$ 

# 1 Expressões regulares

### Exercício 1.1

Sobre o alfabeto  $B = \{0, 1\}$ , determine as seguintes expressões regulares.

- a) Uma ER em que dois dígitos 1 não podem aparecer juntos.
- b) Uma ER que represente o conjunto de números binários maiores ou iguais do que a quantidade decimal  $7^1$ .

### Exercício 1.2

Sobre os alfabetos  $A = \{\mathbf{x}, \mathbf{y}, \mathbf{z}\}\ e\ B = \{\mathbf{0}, \mathbf{1}\}$ , determine uma expressão regular para cada uma das seguintes linguagens:

$$L_{1} = \{u \in B^{*} \mid (\exists_{i} \in \mathbb{N}) [u_{i} = u_{i-1}]\}$$

$$L_{2} = \{u \in B^{*} \mid \#(\mathbf{0}\mathbf{1}, u) > 1\}$$

$$L_{3} = \{u \in B^{*} \mid \#(\mathbf{0}, u) = 0 \lor \#(\mathbf{1}, u) \bmod 2 = 0\}$$

$$L_{4} = \{u \in B^{*} \mid \#(\mathbf{0}, u) = \#(\mathbf{1}, u) \land \#(\mathbf{1}, u) \leq 2\}$$

$$L_{5} = \{u \in B^{*} \mid \#(\mathbf{0}, u) \geq 2 \lor \#(\mathbf{1}, u) \geq 2\}$$

$$L_{6} = \{u \in B^{*} \mid \#(\mathbf{1}\mathbf{0}, u) < 3\}$$

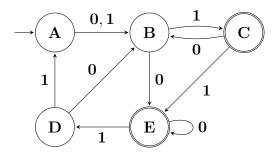
$$L_{7} = \{u \in A^{*} \mid (\exists_{i} \in \mathbb{N}) [u_{i} = u_{i-1} = u_{i-2}]\}$$

 $<sup>^1\</sup>mathrm{O}$  número 7 na base decimal corresponde ao número 111 na base 2.

## 2 Autómatos finitos

### Exercício 2.1

Considere o seguinte diagrama de transição de um autómato finito determinista:



- a) Construa a tabela de transição.
- b) Se possível, reduza o autómato.

### Exercício 2.2

Considere a seguinte tabela de transição:

STATE	a	b	c
$\rightarrow A$	C	B	B
$B_f$	C	D	B
C	A	B	B
D	A	B	C

- a) Construa o diagrama de transição.
- b) Se possível, reduza o autómato.

### Exercício 2.3

Considere a seguinte tabela de transição:

STATE	0	1	$\varepsilon$
$\rightarrow A$	$\{A\}$	$\{A, B, D\}$	Ø
B	$\{E\}$	Ø	$\{A\}$
C	A	$\{D,A\}$	Ø
$D_f$	Ø	$\{B,C\}$	$\{E\}$
$E_f$	Ø	$\{A\}$	$\{B\}$

- a) Construa o diagrama de transição.
- b) Converta para um autómato finito determinista.
- c) Se possível, reduza o autómato.

# 3 Expressões regulares e autómatos finitos

### Exercício 3.1

Sobre o alfabeto  $A = \{a, b, c\}$ , considere as seguintes expressões regulares:

$$e_1 = (\mathbf{a} | \mathbf{b} | \mathbf{abc})^*$$

$$e_2 = (\mathbf{a} | \mathbf{b})^* \mathbf{c}? (\mathbf{a} | \mathbf{b})^+$$

$$e_3 = (\mathbf{a} | \mathbf{b} | \mathbf{c} (\mathbf{a} | \mathbf{b})^*)^* \mathbf{a} (\mathbf{b} | \mathbf{c})$$

- a) Para cada uma destas expressões regulares, obtenha um autómato finito (não generalizado) que represente a mesma linguagem.
- b) Se necessário, converta para um autómato finito determinista.
- c) Se possível, reduza o autómato.

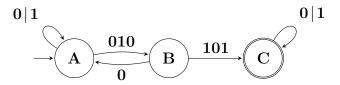
#### Exercício 3.2

Considerando as expressões regulares obtidas no exercício 1.2.

- a) Crie um autómato finito (não generalizado) que represente a mesma linguagem.
- b) Se necessário, converta para um autómato finito determinista.
- c) Se possível, reduza o autómato.

### Exercício 3.3

Considere o seguinte diagrama de transição de um autómato finito generalizado:



a) Converta num autómato finito generalizado reduzido.

### 4 ANTLR

#### Exercício 4.1

Considere uma linguagem definida pela seguinte gramática:

```
main: (header '\n' (content '\n')*)? EOF;
header: WORD+;
content: NUMBER+;
WORD: [a-z]+;
NUMBER: [0-1]+;
WS: [ \t\r]+ -> skip;
```

- a) Dê um exemplo de uma entrada que seja aceite por esta gramática e que utilize todas as regras expressas.
- b) Construa a árvore sintáctica para a seguinte entrada:

```
a b
```

1 2

3 4

- c) Altere esta gramática por forma a, para além dos actuais, aceitar números reais representados com a notação de vírgula fixa.
- d) Altere esta gramática por forma a aceitar conteúdos (linhas que não a primeira) com strings. Uma string é definida como sendo uma sequência de letras, dígitos ou espaços, delimitada por aspas (ex: "123", "abc", "1 2 3", "Today is friday").

### Exercício 4.2

Considere uma linguagem definida pela seguinte gramática:

```
main: i * EOF;
i: e;
e: e '*' e
    | e '+' e
    | v
;
v: N;
N: [0-1]+;
WS: [ \t\n\r]+ -> skip;
```

- a) Dê um exemplo de uma entrada que seja aceite por esta gramática e que utilize todas as regras expressas.
- b) Construa a árvore sintáctica para a seguinte entrada:

```
1
1+2*3*4
```

- c) Altere esta gramática por forma a aceitar também as operações de divisão (símbolo /) e de subtracção. Faça com que essas operações tenham a mesma precedência que, respectivamente, a multiplicação e a soma.
- d) Altere esta gramática por forma a incluir a definição e utilização de variáveis. Para esse fim considere que uma variável é uma sequência não vazia de letras não acentuadas (minúsculas ou maiúsculas). Considere também que a instrução de atribuição de valor a uma variável tem a seguinte sintaxe: variável = expressão