

# Um pouco de análise

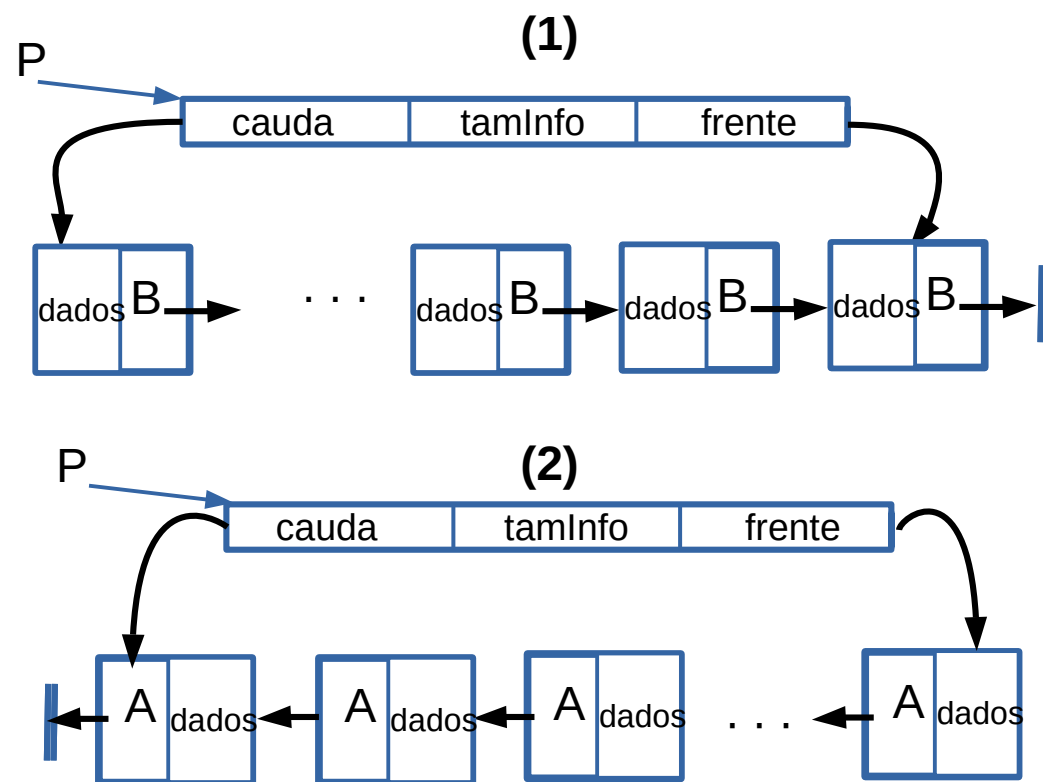
- É importante estar atento ao desempenho das operações servidas pela estrutura de dados;
- Iremos analisar algumas situações para a LSE e LDE tomando como base o clássico algoritmo de busca sequencial.

# Um pouco de análise

Pequenas alterações podem gerar resultados surpreendentes no desempenho das operações do objeto “estrutura de dados”;

Ao comparar as duas FSEs ao lado, notamos que uma alteração aparentemente inócua (no sentido do encadeamento) gerou uma diferença significativa na eficiência da remoção:

- A remoção de dados da FSE-1 utiliza um laço, o qual adiciona passos extras e desnecessário quando se trata da FSE-2.



# Um pouco de análise

- Iremos analisar algumas situações para a LSE e LDE tomando como base o clássico algoritmo de busca sequencial;
- Dessa vez utilizaremos a busca sequencial como aplicação sobre diferentes “desenhos” de listas e verificar como esses “desenhos” afetam a busca sequencial.

# Busca Sequencial

## Sobre um vetor desordenado

- Para cada célula do vetor, se o item procurado não ocorre na célula  $i$ , visite a célula  $i+1$ , até que o item seja encontrado ou o vetor seja totalmente vasculhado determinando a ausência do item.

## Sobre um vetor ordenado

- Para cada célula do vetor, se o item procurado não ocorre na célula  $i$ , visite a célula  $i+1$ , até que o item procurado seja encontrado ou que se determine a sua ausência, a qual fica caracterizada quando a busca sequencial encontra um elemento de ordem maior que a do item procurado ou se o vetor for totalmente vasculhado sem que se encontre o item procurado.

[Link](#) para video sobre busca sequencial (busca linear) e busca binária.

## Busca Sequencial

Qual seria a implementação de uma função de aplicação que realiza a Busca Sequencial para a Lista Simplesmente Encadeada (LSE) contendo dados desordenados?

```
int buscaSeq(struct  
{ struct NoLDSE  
  
while (aux!=NU  
    aux=aux->  
if (aux)  
{ memcpy(reg,  
    return SUCE  
}  
return FRACAS  
}
```



```
reg, chave CPF)  
  
!= CPF)  
  
>tamInfo);
```

```
int buscaSeq(struct  
{  
    int i=1;  
  
while(buscaNa  
    if(reg->id ==  
  
    return FRACAS  
}
```

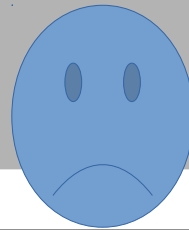


```
reg, chave CPF)  
  
==SUCESSO)  
  
SO;  
  
return FRACAS
```

# Busca Sequencial

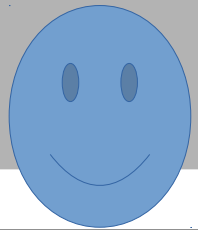
No caso da Lista Simplesmente Encadeada contendo dados desordenados, qual seria a implementação de uma função de aplicação que realiza a Busca Sequencial?

```
int buscaSeq(struct LSE *p, info *reg, chave CPF)
{
    struct NoLDSE *aux=p->inicio;
    while (aux!=NULL && aux->id != CPF)
        aux=aux->prox;
    if (aux)
    {memcpy(reg,&(aux->dados), p->tamInfo);
    return SUCESSO;
    }
    return FRACASSO;
}
```



Essa função de aplicação, **não** atende às restrições de encapsulamento

```
int buscaSeq(struct LSE *p, info *reg, chave CPF)
{
    int i=1;
    while(buscaNaPoslog(p,reg,i)==SUCESSO)
    {
        if(reg->id == CPF)
            return SUCESSO;
        i++;
    }
    return FRACASSO;
}
```



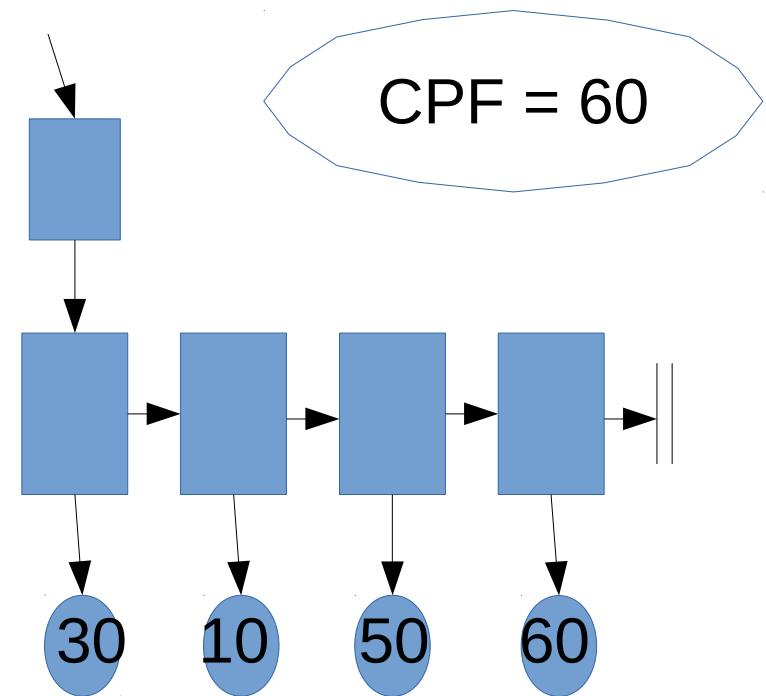
Essa outra versão da função de aplicação **atende** às restrições de encapsulamento

# Busca Sequencial

Vamos analisar essa aplicação sobre a LSE contendo dados desordenados, na busca pelos dados associados ao CPF=60

Sucessivas chamadas a `buscaNaPosLog( )`

```
int buscaSeq(struct LSE *p, info *reg, chave CPF)
{
    int i=1;
    while(buscaNaPoslog(p,reg,i)==SUCESSO)
    {
        if(reg->id == CPF)
            return SUCESSO;
        i++;
    }
    return FRACASSO;
}
```



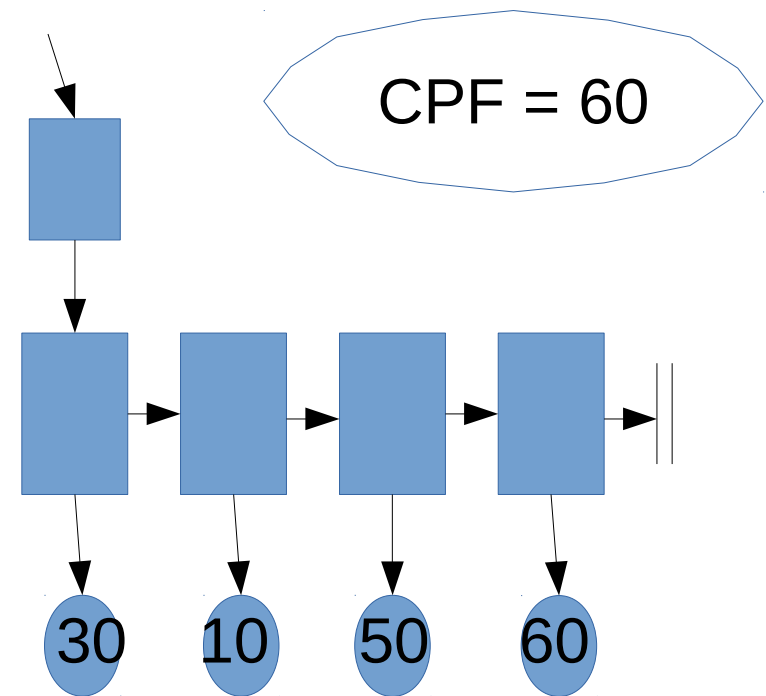
# Busca Sequencial

LSE contendo dados desordenados, busca pelos dados associados ao CPF=60

```
int buscaSeq(struct LSE *p, info *reg, chave CPF)
{
    int i=1;

    while(buscaNaPoslog(p,reg,i) == SUCESSO)
    {
        if(reg->id == CPF)
            return SUCESSO;

        i++;
    }
    return FRACASSO;
}
```

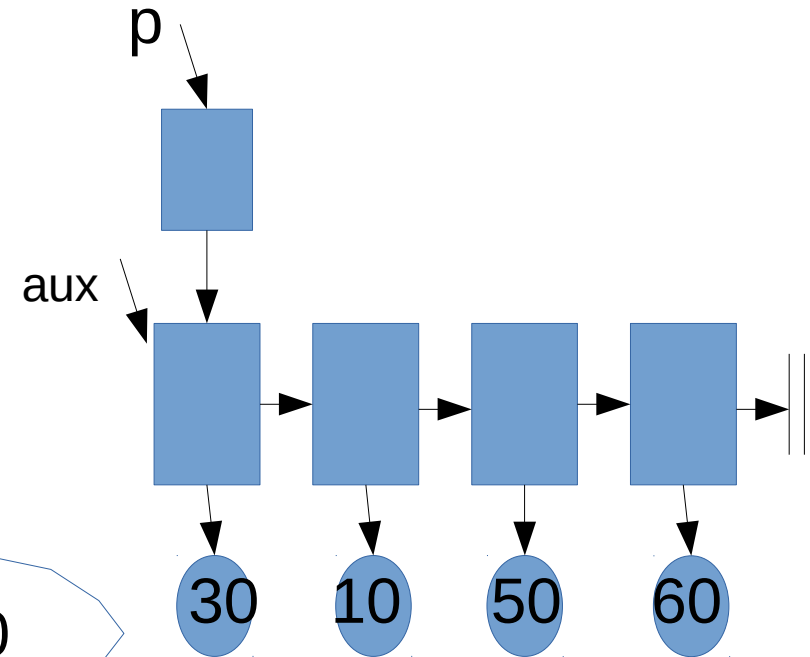




A cada chamada, buscaNaPoslog(...) utiliza um ponteiro auxiliar que percorre a lista a partir de p->inicio

```
int buscaSeq(struct LSE *p, info *reg, chave CPF)
{
    int i=1;
    while(buscaNaPoslog(p,reg,i)==SUCESSO)
    {
        if(reg->id == CPF)
            return SUCESSO;

        i++;
    }
    return FRACASSO;
}
```



CPF = 60

	i=1	i=2	i=3	i=4	
	1º chamada	2º chamada	3º chamada	4º chamada	Total
saltos do “aux” entre nós de dados	0				

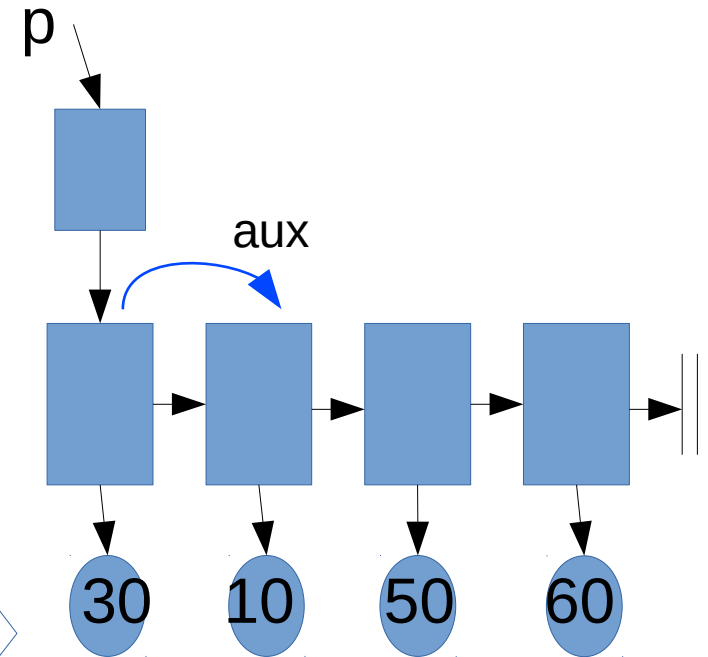
```

int buscaSeq(struct LSE *p, info *reg, chave CPF)
{
    int i=1;
    while(buscaNaPoslog(p,reg,i)==SUCESSO)
    {
        if(reg->id == CPF)
            return SUCESSO;

        i++;
    }
    return FRACASSO;
}

```

A cada chamada, *aux* percorre a lista a partir de *p->inicio*



CPF = 60

	i=1	i=2	i=3	i=4	
	1º chamada	2º chamada	3º chamada	4º chamada	Total
saltos do “aux” entre nós de dados	0	1			

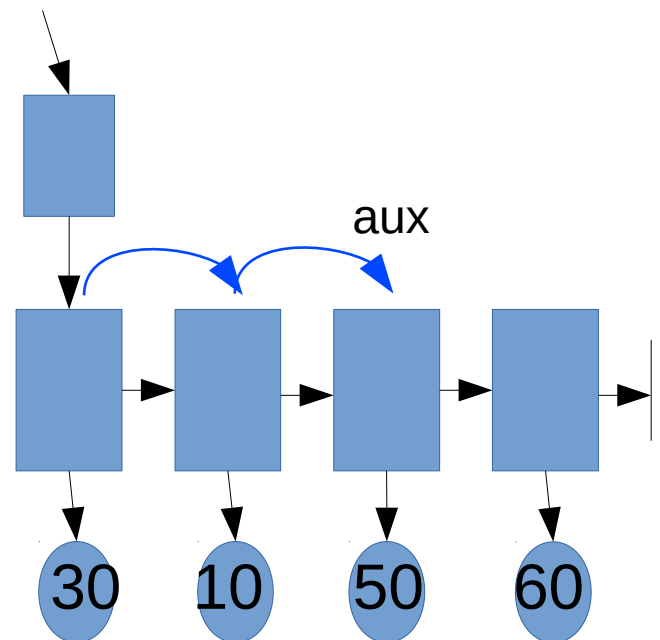
```

int buscaSeq(struct LSE *p, info *reg, chave CPF)
{
    int i=1;
    while(buscaNaPoslog(p,reg,i)==SUCESSO)
    {
        if(reg->id == CPF)
            return SUCESSO;

        i++;
    }
    return FRACASSO;
}

```

A cada chamada, *aux* percorre a lista a partir de *p->inicio*



	i=1	i=2	i=3	i=4	
	1º chamada	2º chamada	3º chamada	4º chamada	Total
saltos do “aux” entre nós de dados	0	1	2		

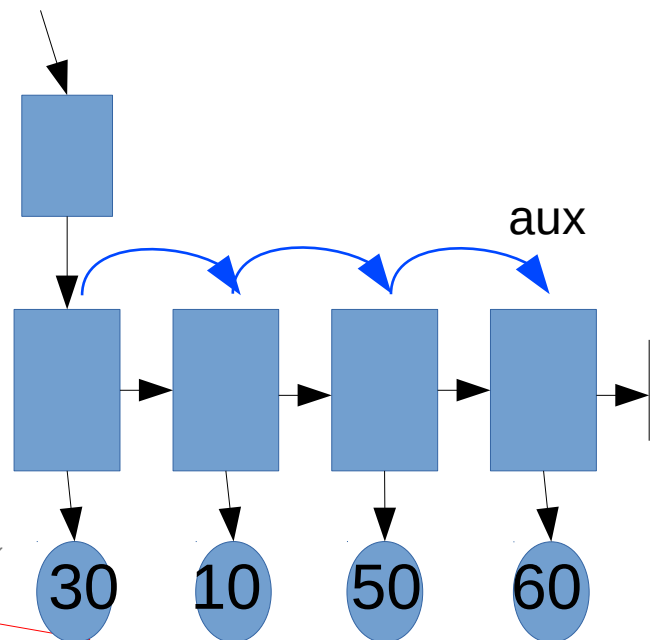
```

int buscaSeq(struct LSE *p, info *reg, chave CPF)
{
    int i=1;
    while(buscaNaPoslog(p,reg,i)==SUCESSO)
    {
        if(reg->id == CPF)
            return SUCESSO;

        i++;
    }
    return FRACASSO;
}

```

A cada chamada, *aux* percorre a lista a partir de *p->inicio*



Encontrou  
CPF = 60

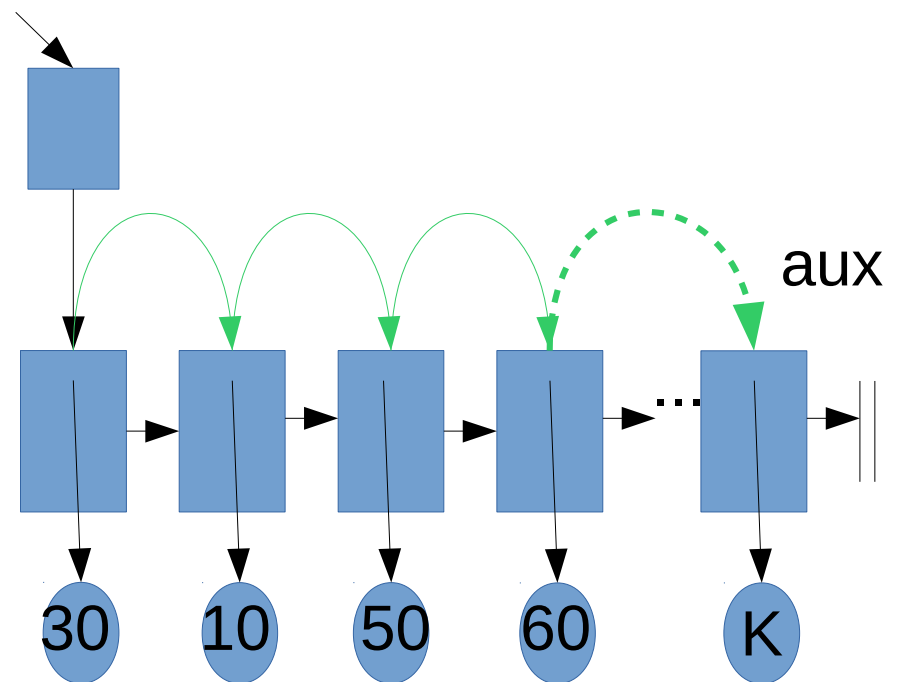
	i=1	i=2	i=3	i=4	
	1º chamada	2º chamada	3º chamada	4º chamada	Total
saltos do “aux” entre nós de dados	0	1	2	3	6

```

int buscaSeq(struct LSE *p, info *reg, chave CPF)
{
    int i=1;
    while(buscaNaPoslog(p,reg,i)==SUCESSO)
    {
        if(reg->id == CPF)
            return SUCESSO;

        i++;
    }
    return FRACASSO;
}

```



Para um tamanho  $M$  significativamente grande:

Total de saltos= $M^2$

O “comportamento” da função de aplicação é quadrático:  $O(M^2)$

CPF = K

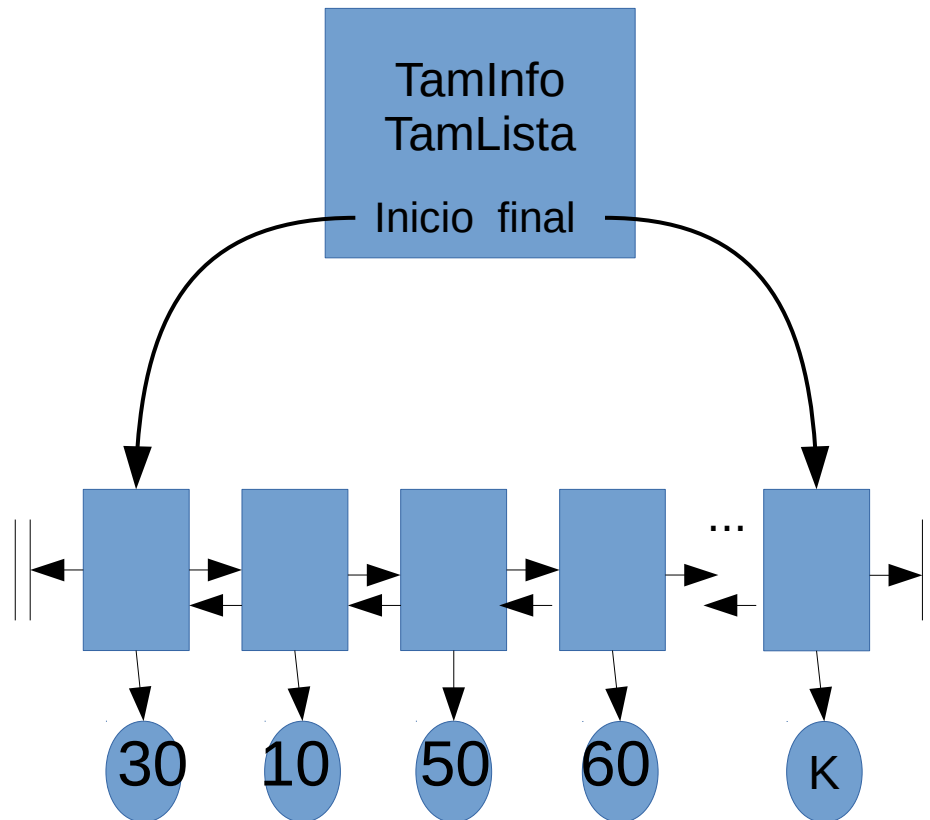
Para $M$ elementos	1º aceso	2º aceso	3º aceso	4º aceso	..	M-ésimo acesso	Total: soma de uma PA
saltos do “aux” entre nós de dados	0	1	2	3	..	M-1	$\sum \approx M^2$

Podemos aprimorar o desempenho geral utilizando variações de LDEs, vamos analisar três delas:

1. LDE referenciando as extremidades;
2. LDE com referencial flexível (“móvel”) para a lista;
3. LDE circular e com referencial flexível (“móvel”) para a lista.

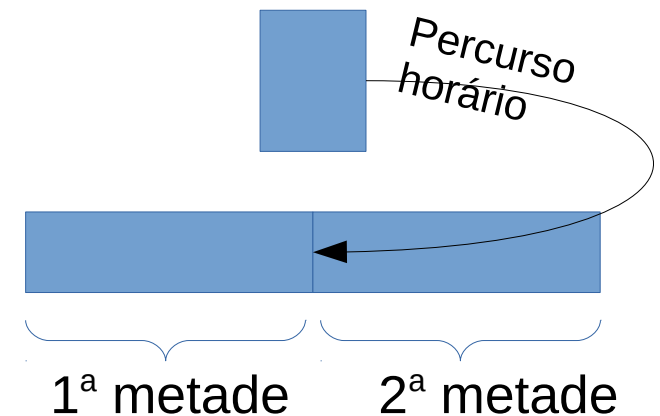
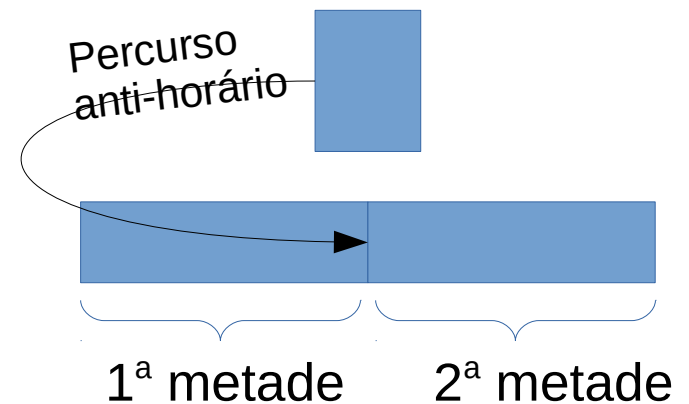
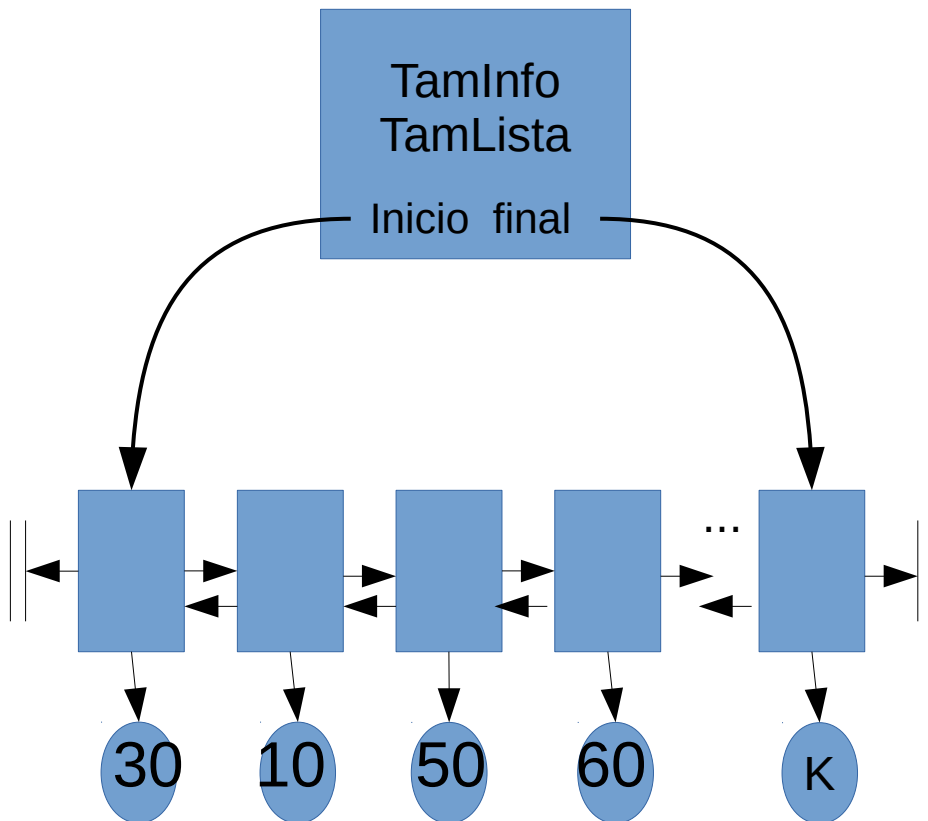
## Variações da LDE: referenciando as extremidades

Podemos aprimorar o desempenho utilizando variações de LDEs. Por exemplo: descritor contendo referências para o início e o final da sequência, provendo duas possíveis direções para uma busca.



## Variações da LDE: referenciando as extremidades

Aprimorando: as duas possíveis direções para a busca são limitadas pela metade do tamanho da lista. Se a posição-alvo da busca ocorrer na primeira metade, o menor percurso será o anti-horário, caso contrário será o percurso horário.





```

int buscaSeq(struct LDE *p, info *reg, chave CPF)
{
    int i=1;
    while(buscaNaPoslog(p,reg,i)==SUCESSO)
    {
        if(reg->id == CPF)
        {
            memcpy(reg,&(aux->dados), p->tamInfo);
            return SUCESSO;
        }
        i++;
    }
    return FRACASSO;
}

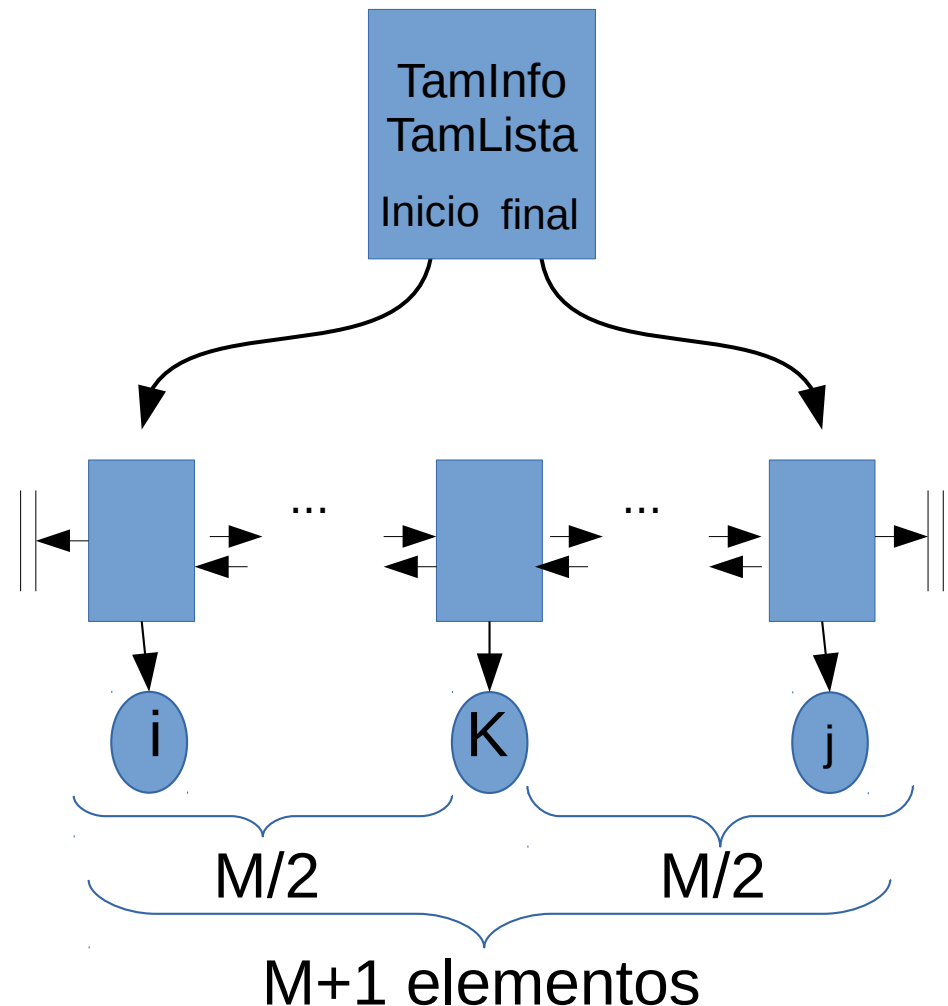
```

**CPF = K, K no centro da lista.**

**O custo total de saltos do “aux” para acesso ao nó independente do percurso será a metade do total do caso anterior (busca na LSE):**

**Total de saltos= $M^2/2$**

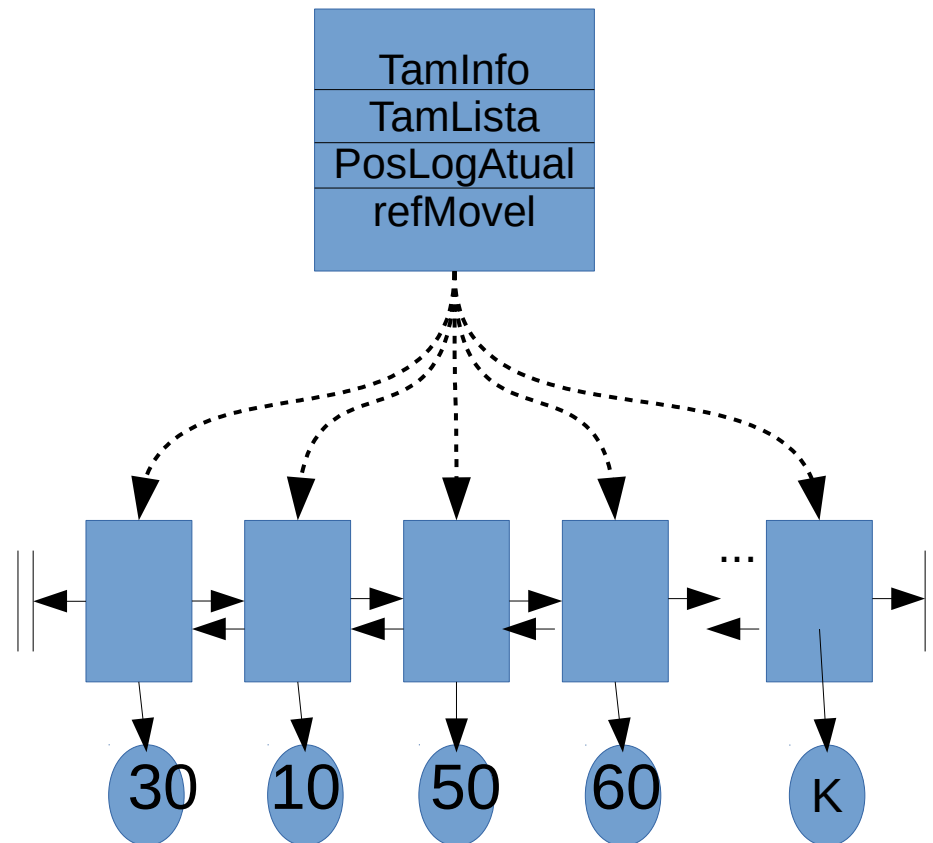
**Comportamento quadrático:  $O(M^2)$**



## Variações da LDE: LDE refMoveI

Podemos aprimorar o desempenho utilizando variações de LDEs.

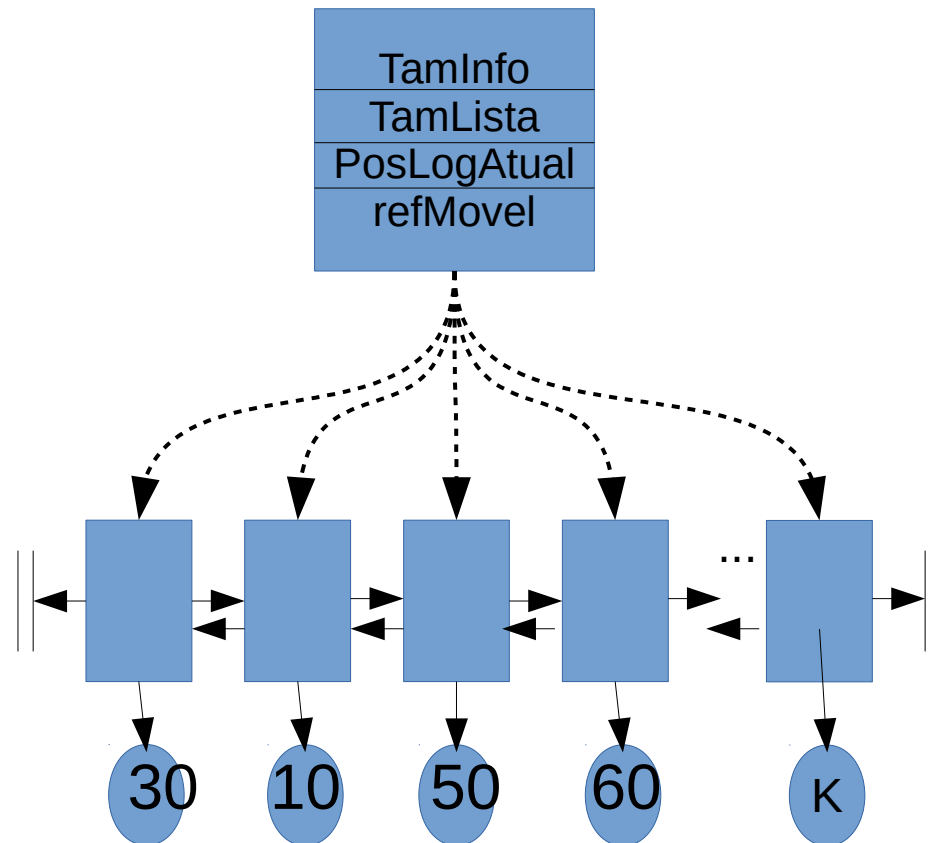
Por exemplo: descritor possui uma referência móvel (refMoveI) para um nó qualquer. Interessante quando se necessita acessar posições em sequência.



## Variações da LDE: LDE refMoveI

Podemos aprimorar o desempenho utilizando variações de LDEs.

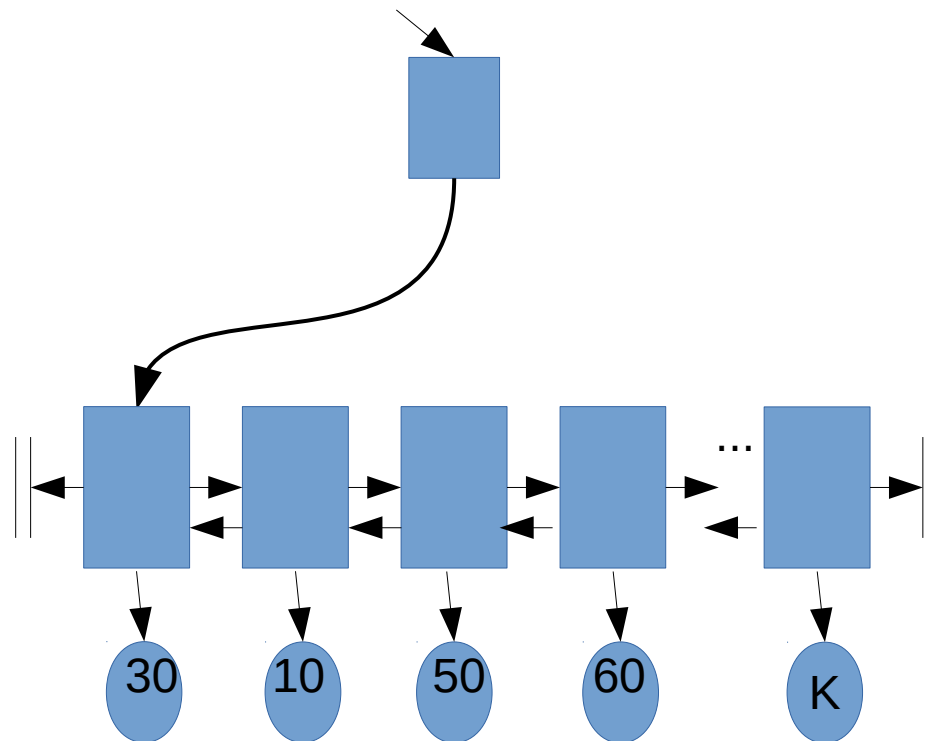
- RefMoveI: estará no endereço do elemento recém-buscado ou recém-inserido ou registra o endereço do vizinho do removido. Se a lista estiver vazia ele será aterrado (NULL);
- PosLogAtual: anota a posição sequencial do nó apontado por refMoveI



```

int buscaSeq(struct LDE *p, info *reg, chave CPF)
{
    int i=1;
    while(buscaNaPoslog(p,reg,i)==SUCESSO)
    {
        if(reg->id == CPF)
        {
            memcpy(reg,&(aux->dados), p->tamInfo);
            return SUCESSO;
        }
        i++;
    }
    return FRACASSO;
}

```



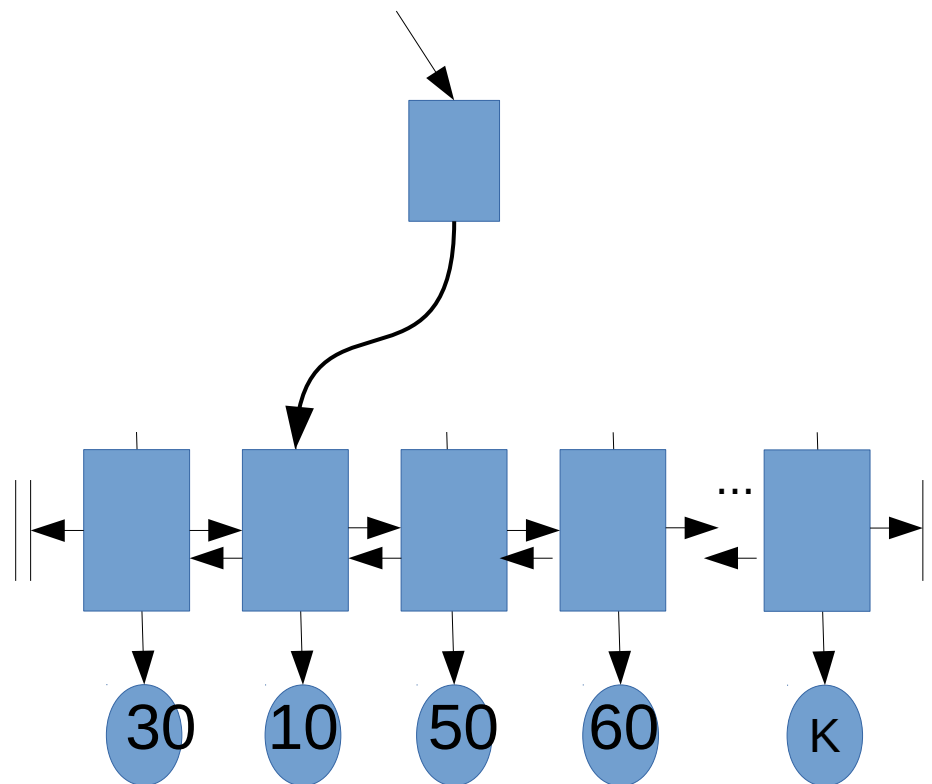
CPF = K

Para $M$ elementos	1º acesso	2º acesso	3º acesso	4º acesso	..	M-ésimo acesso	Total: soma de uma PA
saltos do “refMovel” entre nós de dados	0				..		

```

int buscaSeq(struct LDE *p, info *reg, chave CPF)
{
    int i=1;
    while(buscaNaPoslog(p,reg,i)==SUCESSO)
    {
        if(reg->id == CPF)
        {
            memcpy(reg,&(aux->dados), p->tamInfo);
            return SUCESSO;
        }
        i++;
    }
    return FRACASSO;
}

```



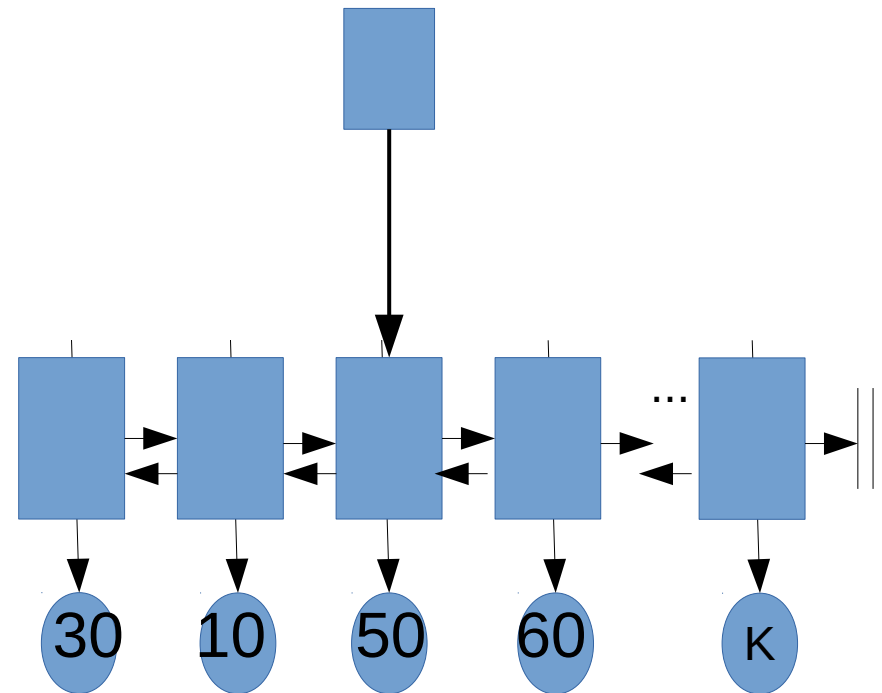
CPF = K

Para $M$ elementos	1º acesso	2º acesso	3º acesso	4º acesso	..	M-ésimo acesso	Total:
saltos do “refMovel” entre nós de dados	0	1			..		

```

int buscaSeq(struct LDE *p, info *reg, chave CPF)
{
    int i=1;
    while(buscaNaPoslog(p,reg,i)==SUCESSO)
    {
        if(reg->id == CPF)
        {
            memcpy(reg,&(aux->dados), p->tamInfo);
            return SUCESSO;
        }
        i++;
    }
    return FRACASSO;
}

```



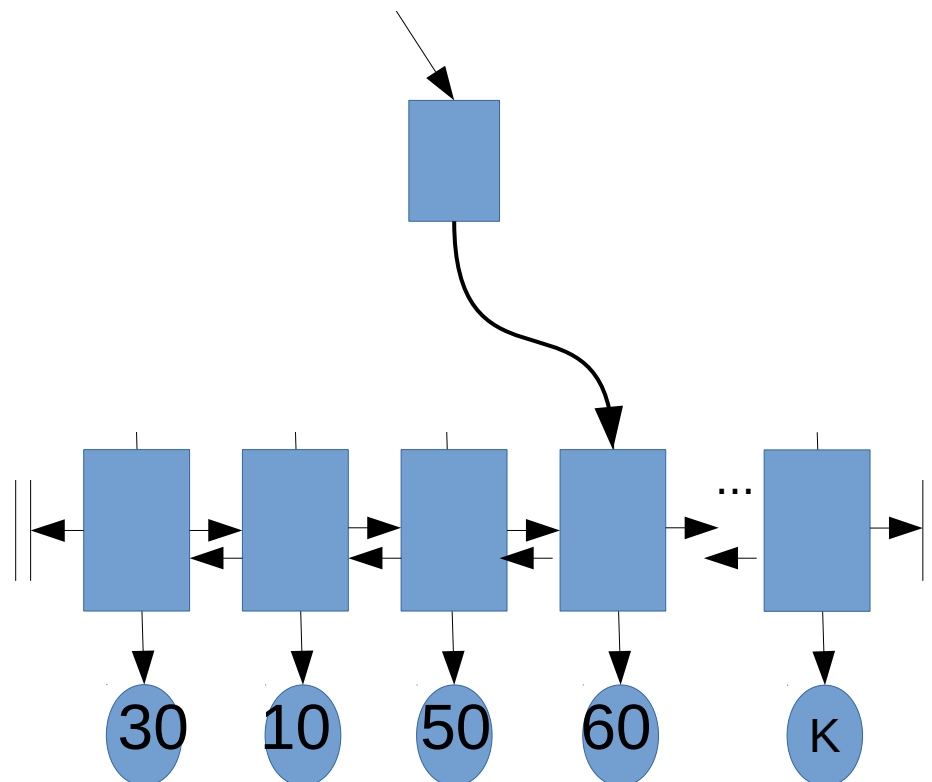
CPF = K

Para $M$ elementos	1º acesso	2º acesso	3º acesso	4º acesso	...	M-ésimo acesso	Total:
saltos do “refMovel” entre nós de dados	0	1	1		...		

```

int buscaSeq(struct LDE *p, info *reg, chave CPF)
{
    int i=1;
    while(buscaNaPoslog(p,reg,i)==SUCESSO)
    {
        if(reg->id == CPF)
        {
            memcpy(reg,&(aux->dados), p->tamInfo);
            return SUCESSO;
        }
        i++;
    }
    return FRACASSO;
}

```



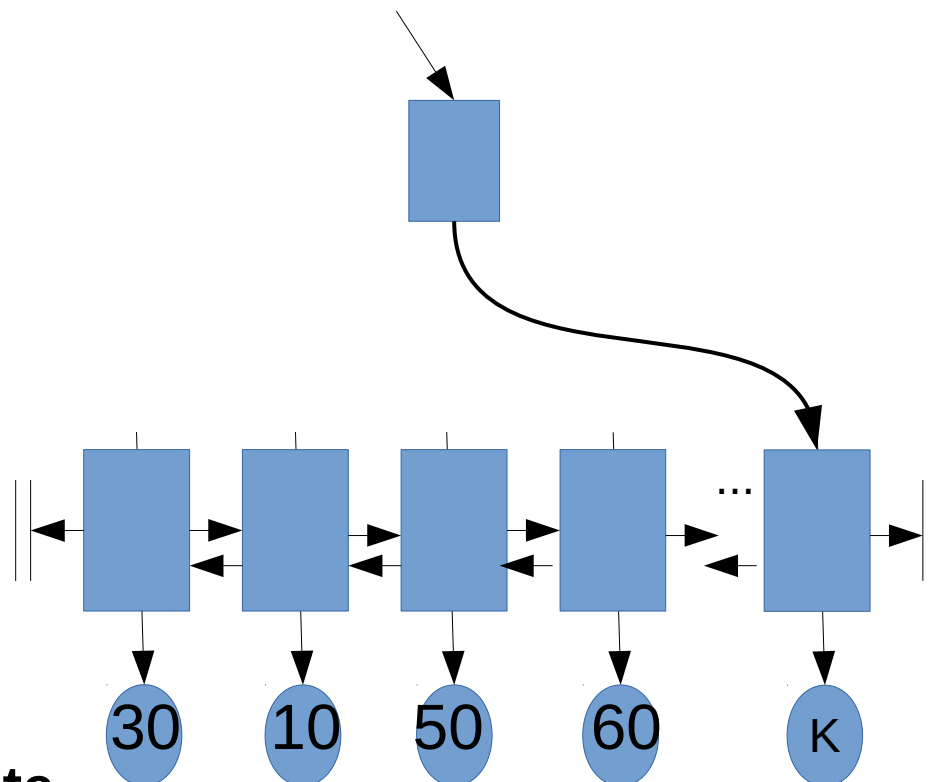
CPF = K

Para $M$ elementos	1º acesso	2º acesso	3º acesso	4º acesso	..	M-ésimo acesso	Total:
saltos do “refMovel” entre nós de dados	0	1	1	1	..		

```

int buscaSeq(struct LDE *p, info *reg, chave CPF)
{
    int i=1;
    while(buscaNaPoslog(p,reg,i)==SUCESSO)
    {
        if(reg->id == CPF)
        {
            memcpy(reg,&(aux->dados), p->tamInfo);
            return SUCESSO;
        }
        i++;
    }
    return FRACASSO;
}

```



**Para um tamanho M significativamente grande:**

**Total de saltos=M**

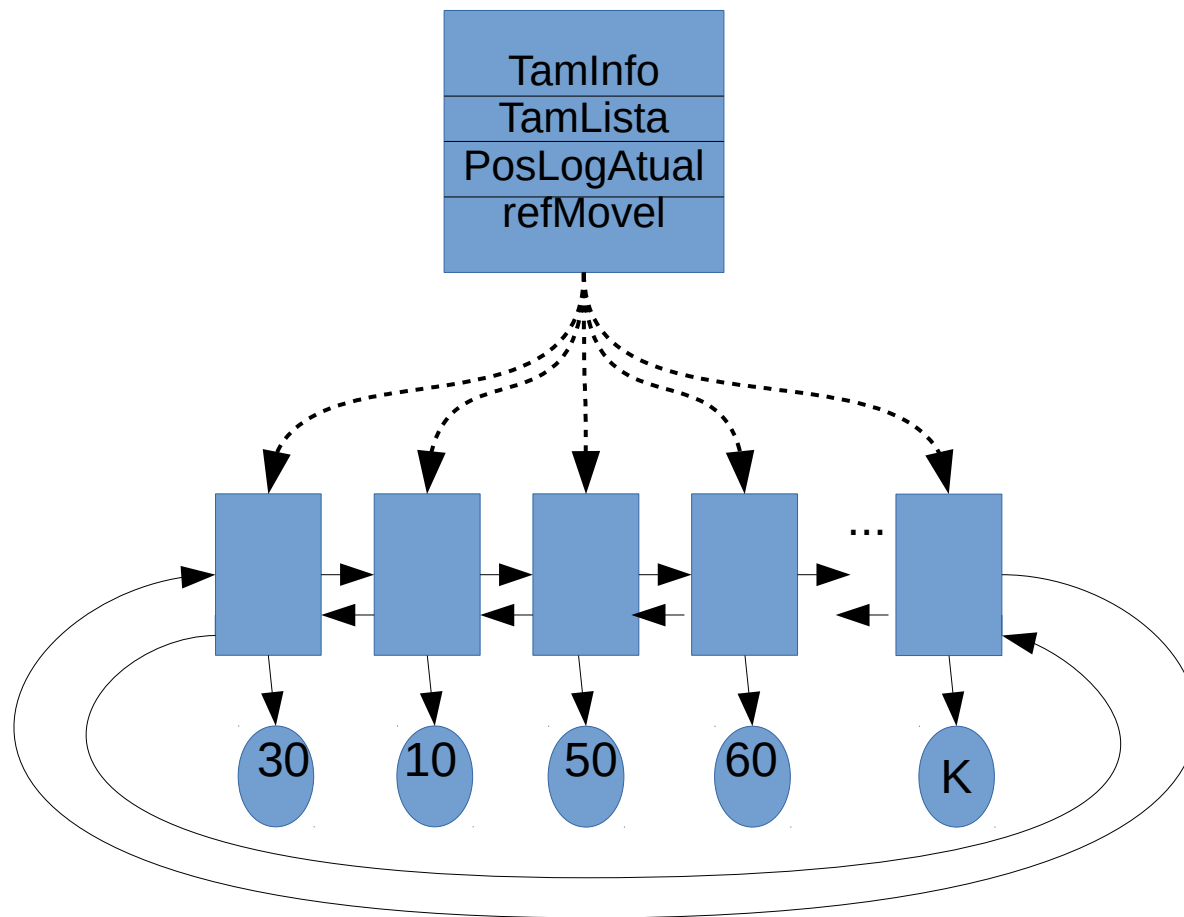
**Comportamento linear:  $O(M)$**

Para $M$ elementos	1º acess o	2º acess o	3º acess o	4º acess o	...	M-ésimo acesso	Total:
saltos do “refMovel” entre nós de dados	0	1	1	1	...	1	M



## Variações da LDE: LDE Circular com refMoveI

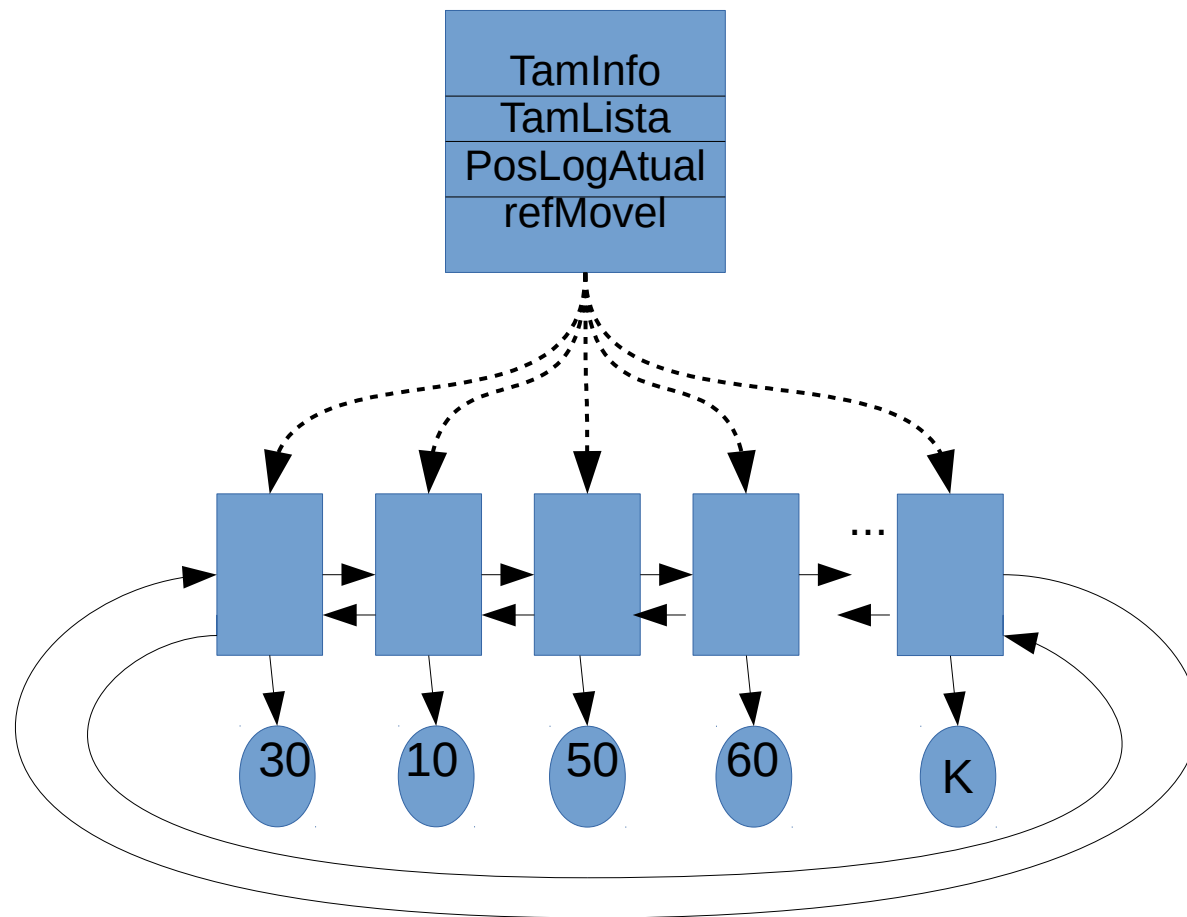
Podemos aprimorar o desempenho utilizando variações de LDEs. Por exemplo: descritor possui uma referência móvel para um nó qualquer e a lista é circular.



## Variações da LDE: LDE Circular com refMoveI

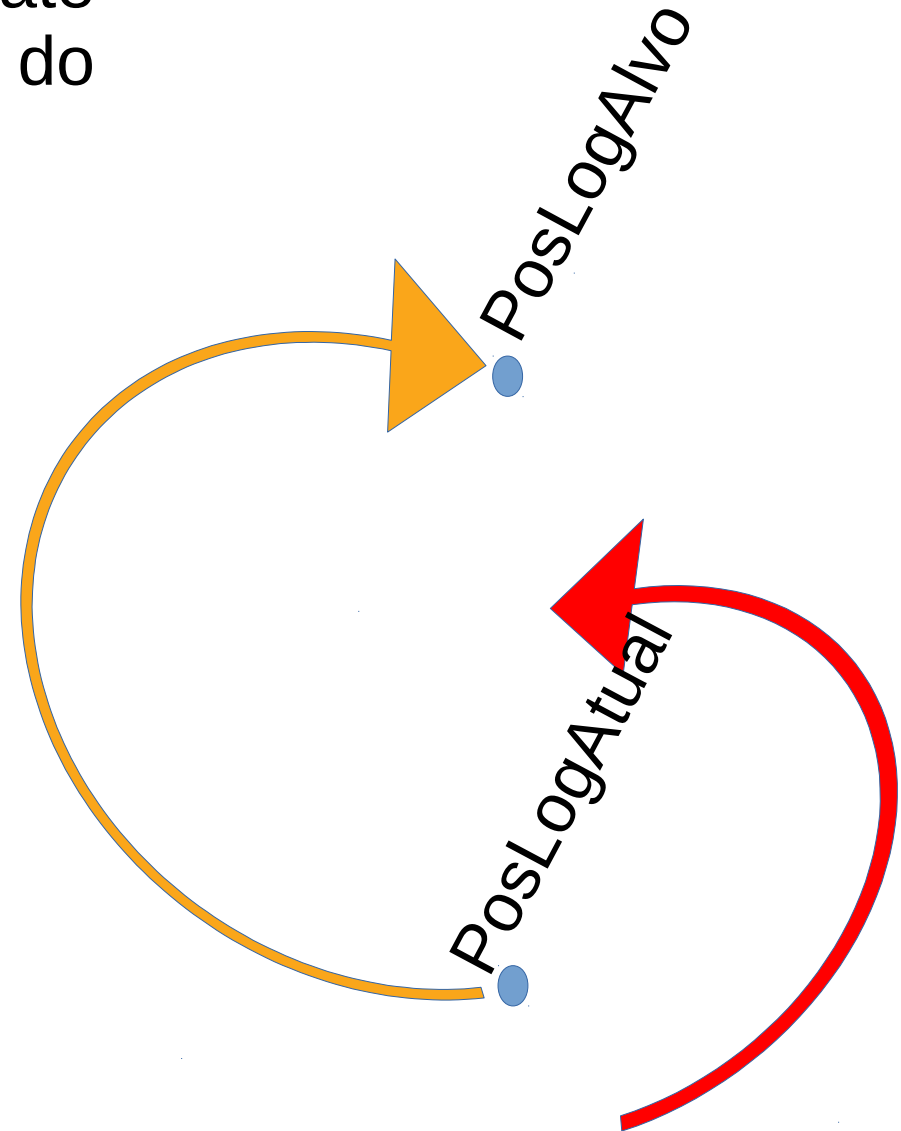
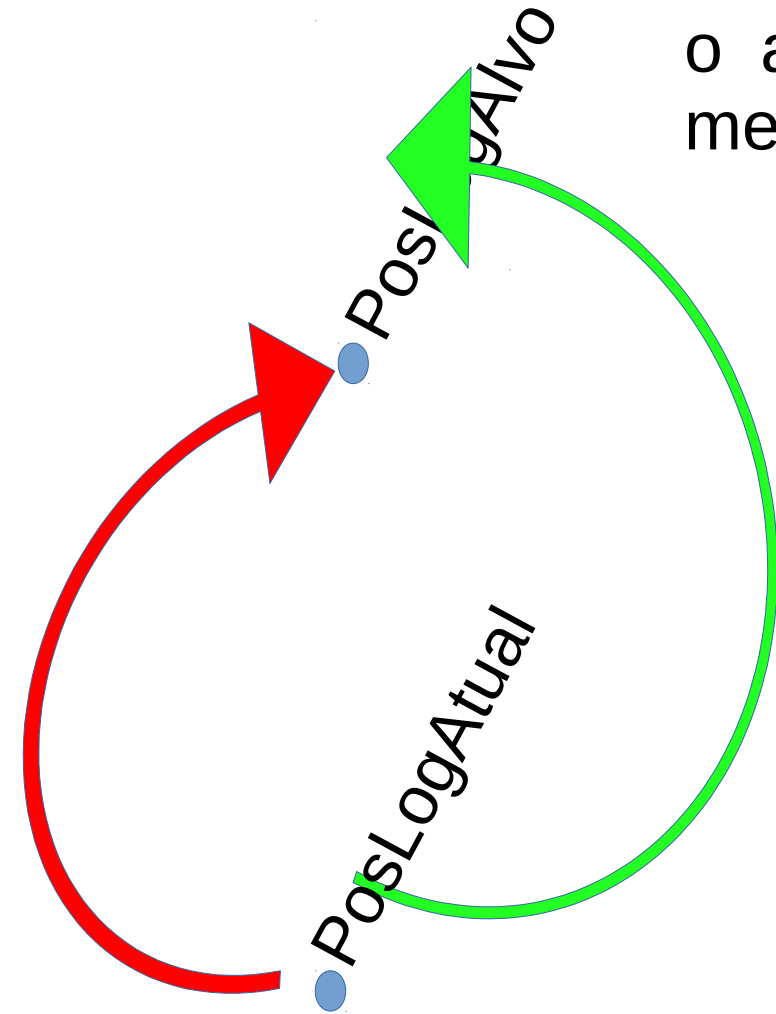
RefMoveI: estará no endereço do elemento recém-buscado ou recém-inserido ou no vizinho do removido. Se a lista estiver vazia ele será aterrado (NULL);

PosLogAtual: anota a posição sequencial do nó apontado por refMoveI



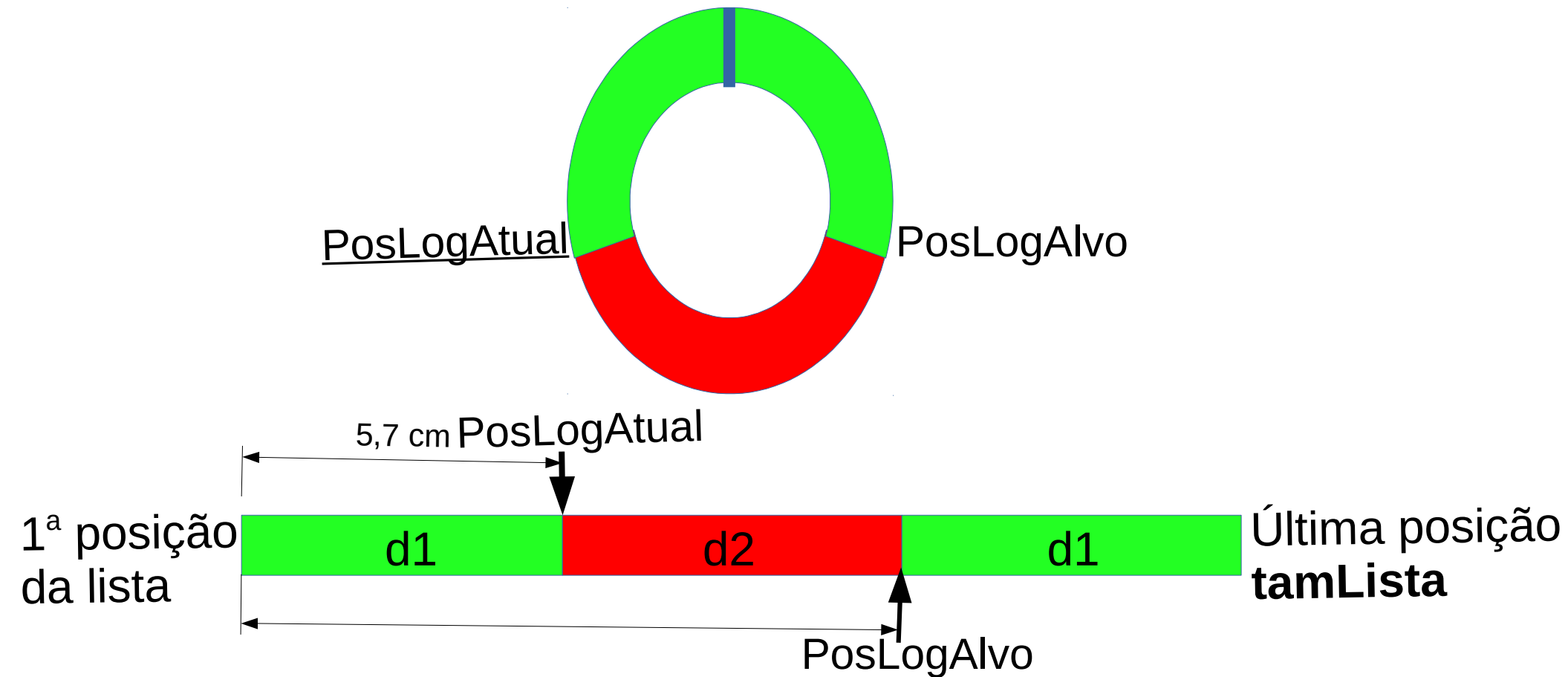
## Variações da LDDE: LDDE Circular com refMoveI

O deslocamento até o alvo depende do menor caminho.



## Variações da LDDE: LDDE Circular com refMoveI

A)  $\text{PosLogAtual} < \text{PosLogAlvo}$

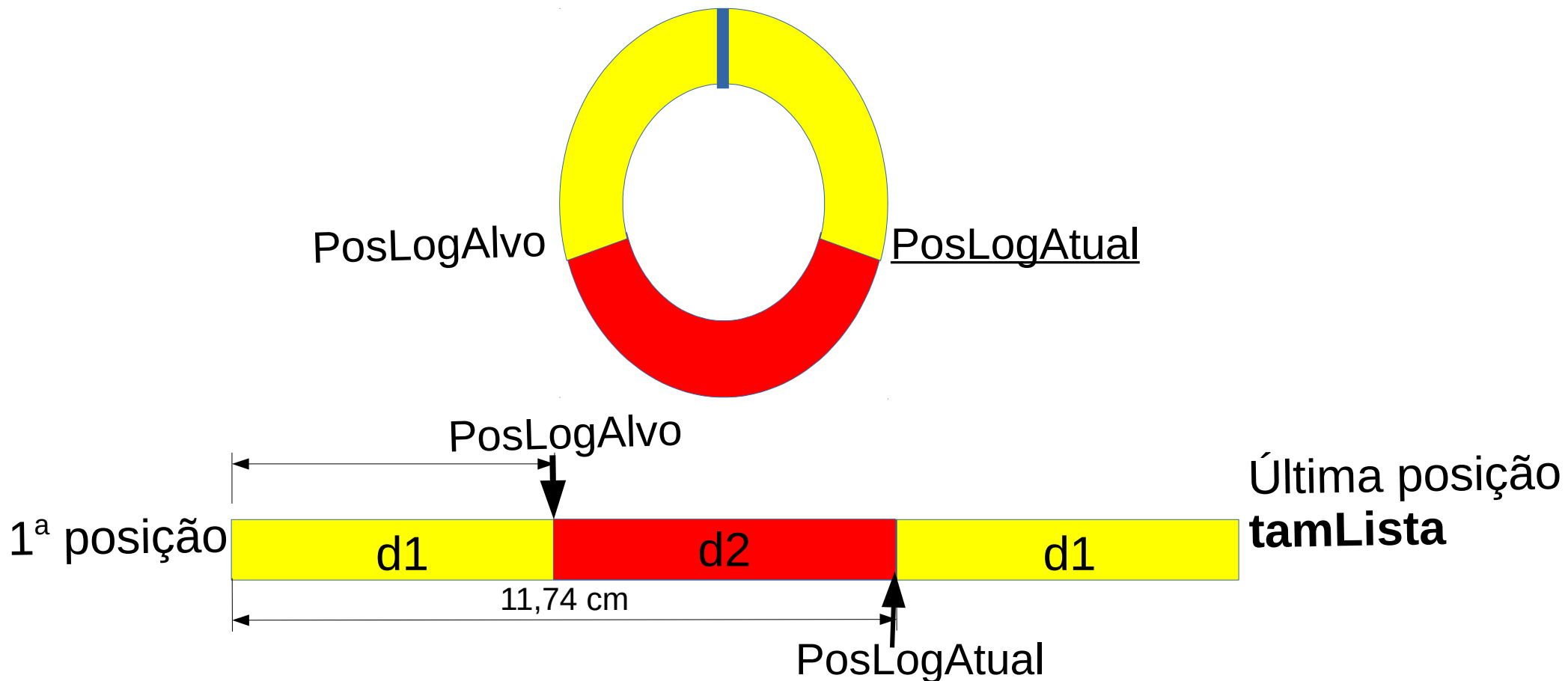


$$d1 = \text{PosLogAtual} + (\text{TamLista} - \text{PosLogAlvo})$$

$$d2 = \text{PosLogAlvo} - \text{PosLogAtual}$$

## Variações da LDDE: LDDE Circular com refMoveI

B) PosLogAtual > PosLogAlvo



$$d1 = PosLogAlvo + (TamLista - PosLogAtual)$$

$$d2 = PosLogAtual - PosLogAlvo$$

$1 \leq PosLogAtual \leq tamLista$  e  $1 \leq PosLogAlvo \leq tamLista$ .

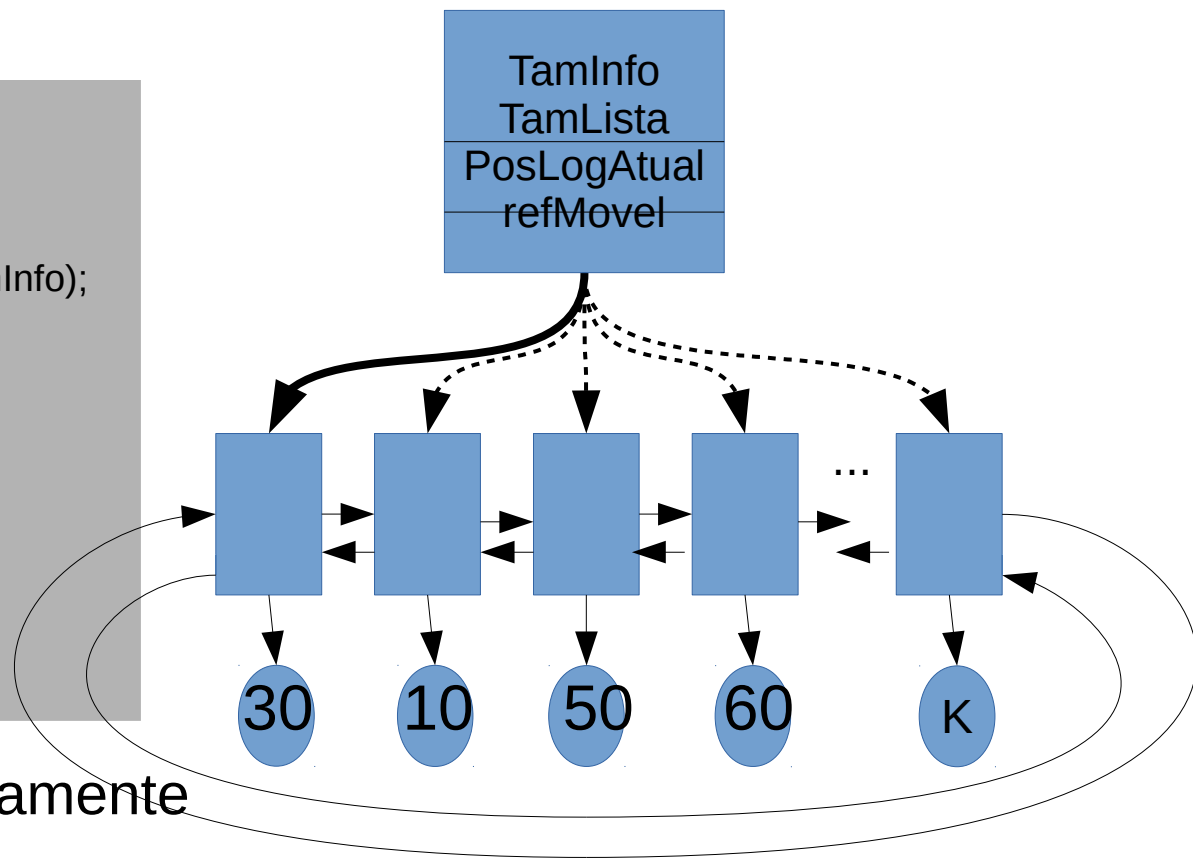
Percurso pelo menor caminho da *posLogAtual* até a *PosLogAlvo*

```
SE (PosLogAtual < PosLogAlvo)
    d1= PosLogAtual + (TamLista-PosLogAlvo)
    d2= PosLogAlvo - PosLogAtual
    SE (d1 < d2)
        percorre no sentido horário
    SENAO
        percorre no sentido anti-horário
    FIMSE
SENAO
    d1= PosLogAlvo + (TamLista-PosLogAtual)
    d2= PosLogAtual - PosLogAlvo
    SE (d1 < d2)
        percorre no sentido anti-horário
    SENAO
        percorre no sentido horário
    FIMSE
FIMSE
```

```

int buscaSeq(struct LDE *p, info *reg, chave CPF)
{
    int i=1;
    while(buscaNaPoslog(p,reg,i)==SUCESSO)
    {
        if(reg->id == CPF)
        {
            memcpy(reg,&(aux->dados), p->tamInfo);
            return SUCESSO;
        }
        i++;
    }
    return FRACASSO;
}

```



Para um tamanho M significativamente grande:  
 Total de saltos equivale ao caso da LDDE comp refMovel. Total =M  
 Comportamento linear:  $O(M)$

Para $M$ elementos	1º acess o	2º acess o	3º acess o	4º acess o	...	M-ésimo acesso	Total:
saltos do “refMovel” entre nós de dados	0	1	1	1	...	1	M

# Busca sequencial com callback

Na fila de prioridade foi utilizada uma função auxiliar para comparação de prioridades na inserção na fila. O endereço dessa função era passada como argumento para a operação de inserção. Poderíamos “importar” essa ideia e adaptar a busca sequencial por uma chave como uma função da interface de uma LDE.

Analise esse caso para a função `buscaPorChave(...)` a qual é implementada no arquivo da estrutura de dados:

```
int buscaPorChave(pLista, int(*compara)(info *novo,info *visitado), info *reg)
```



# Busca Binária

Na busca binária uma coleção linear de dados ordenados é pesquisada de maneira que o espaço de busca é reduzido à metade a cada iteração do algoritmo (ao lado).

Discuta as implementações de LDE como base de dados sob uma aplicação de busca binária.

```
binary_search(pLista, CPF):  
    esquerda=1, tam=tamanho(pLista)  
    direita=tam  
    for i=1 to  $\lceil \log_2^{tam} \rceil$  :  
        meio = (esquerda + direita) / 2  
        buscaNaPoslog(pLista, &reg)  
        if CPF == reg.chave:  
            return reg  
        elseif CPF > reg.chave:  
            esquerda = meio  
        else:  
            direita = meio
```