

Estatística Básica

Distribuição de Frequência

Professora Ma. Tainara Volan tainaravolan@gmail.com

Conceito

Uma distribuição de frequência é um método de grupamento de dados em classes, ou intervalos, de tal forma que se possa determinar o número ou a percentagem de observações em cada classe. O número ou porcentagem numa classe chama-se frequência de classe. Uma distribuição de frequência pode ser apresentada sob forma gráfica ou tabular.



Definições básicas

- Frequência: é a quantidade de vezes que um mesmo valor de um dado é repetido;
- Dados Brutos: são os dados originais que ainda não foram numericamente organizados após a coleta;
- **Rol**: é a ordenação dos valores obtidos em ordem crescente ou descrente de grandeza numérica ou qualitativa.
- Tabela de frequência: relaciona valores (sem classes) ou categorias (com intervalos de classes) de valores, juntamente com contagem (ou frequências) do número de valores que se enquadram em cada categoria ou classe.

Definições básicas

Uma das vantagens das tabelas estatísticas é a de condensar as informações necessárias ao estudo que estamos fazendo. Pode acontecer que na coleta de dados os valores se repitam. Em tabelas simples só aparecem valores diferentes uns dos outros.



Amplitude total ou range (R)

Dados	brutos:
-------	---------

1 – Altura de alunos da turma						
150	151	152	153	154		
155	155	155	156	156		
156	157	158	158	160		
160	160	160	160	161		
161	161	161	162	162		
163	163	164	164	164		
165	166	167	168	168		
169	170	170	172	173		

Dados que não foram numericamente organizados.

Amplitude total ou range (R):

Diferença entre o maior e o menor número observado.

173 - 150 = 23



Número de classes (K)

n. de linhas

1 – Altura de alunos da turma						
150	151	152	153	154		
155	155	155	156	156		
156	157	158	158	160		
160	160	160	160	161		
161	161	161	162	162		
163	163	164	164	164		
165	166	167	168	168		
169	170	170	172	173		

Número de classes (K):

Para determinarmos o número de classes (linhas) da tabela podemos lançar mão da regra de Sturges, que nos dá o número de classes em função do número de valores da variável:

$$K = 1 + 3,22 \cdot Log n$$

Onde n = tamanho da amostra
$$K = 1 + 3,22 log 40$$
 $K = 6,16$ $K = 6$

Como o número de classes é um número inteiro devemos definir um número inteiro inferior ou superior ao valor obtido para K. No exemplo é melhor utilizarmos o 6 pois está mais próximo de 6,16 do que de 7.



Amplitude do intervalo de classes (h)

__a__ de tanto a tanto

1 – Altura de alunos da turma						
150	151	152	153	154		
155	155	155	156	156		
156	157	158	158	160		
160	160	160	160	161		
161	161	161	162	162		
163	163	164	164	164		
165	166	167	168	168		
169	170	170	172	173		

Amplitude do intervalo de classes (h):

Define através de um número quais são os limites numéricos para cada classe.

$$h = \frac{R}{K}$$

No exemplo:

$$h = \frac{23}{6} = 3,83$$

OBS.: Arredondar sempre para o maior inteiro se os dados forem inteiros ou para o maior décimo, centésimo,..., se os números não forem inteiros, portanto, o valor de h para o exemplo será 4.



Amplitude do intervalo de classes (h)

Distribuição de frequências das alturas de 40 alunos da Escola XYZ.

Alturas	
150 -154	
154 -158	
158 -162	Primeira parte da tabela completa!!!
162 -166	
166 -170	
170 -174	
Total	



Fi = Frequência absoluta do intervalo de classe

- É a quantidade de elementos de cada classe, ou,
- é a quantidade de vezes que cada elemento se repete.

Distribuição de frequências das alturas de
40 alunos da Escola XYZ.

Alturas	Altumas E:				
Alturas	Fi				
150 -154	4				
154 -158	8				
158 -162	11				
162 -166	8				
166 -170	5				
170 -174	4				
Total	40				



xi = Ponto médio do intervalo de classe

• É a média aritmética dos extremos.

$$Xi = \frac{ls+li}{2}$$
, sendo ls = limite superior e li = limite inferior

Distribuição de frequências das alturas de
40 alunos da Escola XYZ.

Alturas		Fi	xi
150	-154	4	152
154	-158	8	156
158	-162	11	160
162	-166	8	164
166	-170	5	168
170	-174	4	172
Total		40	-



Fac = Frequência acumulada

• É o somatório das frequências absolutas classe a classe.

Distribuição de frequências das alturas de
40 alunos da Escola XYZ.

Alturas	Fi	xi	Fac
150 -154	4	152	4
154 -158	8	156	12
158 -162	11	160	23
162 -166	8	164	31
166 -170	5	168	36
170 -174	4	172	40
Total	40	-	-



Fi (%) = Frequência relativa (%)

• São os valores das razões entre as frequências simples e a frequência total:

$$fi = \frac{Fi}{\sum Fi} \cdot 100$$

Distribuição de frequências das alturas de

40 alunos da Escola XYZ.

Alturas		turas Fi xi Fac		Fac	Fi
					(%)
150	154	4	152	4	10,0
154	158	8	156	12	20,0
158 -1	162	11	160	23	27,5
162 -1	166	8	164	31	20,0
166 -1	170	5	168	36	12,5
170 -1	174	4	172	40	10,0
Total		40	-	-	100,0



FacR = Frequência acumulada relativa

• É a frequência acumulada da classe, dividida pela frequência total da distribuição:

$$FacR = \frac{Fac}{\sum Fi} \cdot 100$$

Distribuição de frequências das alturas de 40 alunos da Escola XYZ.

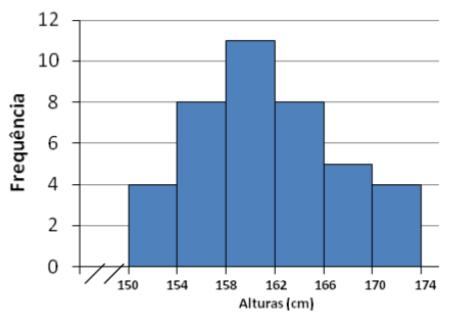
Alturas	Fi	xi	Fac	Fi	FacR
				(%)	(%)
150 -154	4	152	4	10,0	10,0
154 -158	8	156	12	20,0	30,0
158 -162	11	160	23	27,5	57,5
162 -166	8	164	31	20,0	77,5
166 -170	5	168	36	12,5	90,0
170 -174	4	172	40	10,0	100,0
Total	40	_	-	100,0	-



Histograma

 Diagrama em colunas justapostas (classes X Fi), cujas bases se localizam sobre o eixo horizontal, de tal modo que seus pontos médios coincidem com os pontos médios dos intervalos de classe.

Distribuição de frequências das alturas de 40 alunos da Escola XYZ.





Polígono de frequência

 diagrama em linha, sendo as frequências marcadas sobre perpendiculares ao eixo horizontal, levantadas pelos pontos médios dos intervalos de classe (Xi x Fi).
Polígono de frequências das

alturas de 40 alunos da Escola XYZ.

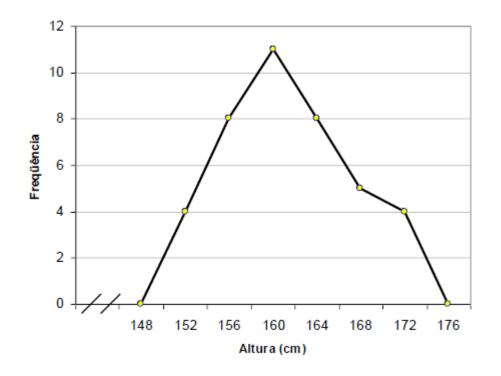
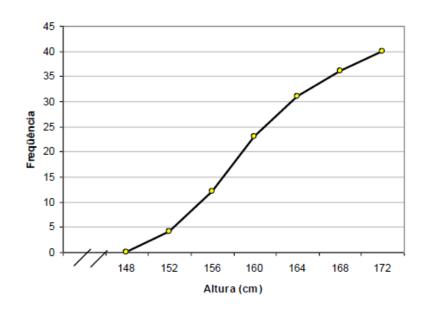




Gráfico de frequência acumulada ou ogiva (Xi x Fac)

 é traçado marcando-se as frequências acumuladas sobre perpendiculares ao eixo horizontal, levantadas nos pontos correspondentes aos limites superiores dos intervalos de classe.

 Polígono de frequências das alturas de 40 alunos da Escola XYZ.





Exercício

Num determinado dia, o aluno x do curso de Educação Física e professor da academia de ginástica Y, resolveu testar os seus 20 melhores alunos na parte de flexão, obtendo os resultados:

40 42 44 47 51 54 55 59 59 60 61 67 70 72 78 78 82 83 89 94

Construa a tabela de distribuição de frequência e os gráficos: histograma, polígono de frequência e ogiva.

