## Lógica Computacional Tarea Semanal 2

Rubí Rojas Tania Michelle Universidad Nacional Autónoma de México taniarubi@ciencias.unam.mx # cuenta: 315121719

28 de febrero de 2019

1. Sea  $\varphi = ((p \to r) \land (q \to r)) \to ((p \land q) \to r)$ . Convierte a  $\varphi$  en una fórmula equivalente  $\varphi'$  que se encuentre en forma normal negativa. Solución:

$$\varphi = ((p \to r) \land (q \to r)) \to ((p \land q) \to r) \qquad \text{definición de } \varphi$$

$$\equiv \neg ((\neg p \lor r) \land (\neg q \lor r)) \lor (\neg (p \land q) \lor r) \qquad \text{ya que } P \to Q \equiv \neg P \lor Q$$

$$\equiv (\neg (\neg p \lor r) \lor \neg (\neg q \lor r)) \lor ((\neg p \lor \neg q) \lor r) \qquad \text{De Morgan}$$

$$\equiv ((\neg \neg p \land \neg r) \lor (\neg \neg q \land \neg r)) \lor ((\neg p \lor \neg q) \lor r) \qquad \text{De Morgan}$$

$$\equiv ((p \land \neg r) \lor (q \land \neg r)) \lor ((\neg p \lor \neg q) \lor r) \qquad \text{ya que } \neg \neg P \equiv P$$

Sea  $\varphi' = ((p \land \neg r) \lor (q \land \neg r)) \lor ((\neg p \lor \neg q) \lor r)$ . Como  $\varphi'$  no contiene equivalencias ni implicaciones y las negaciones que figuran en  $\varphi$  afectan sólo a fórmulas atómicas, entonces  $\varphi'$  es una fórmula equivalente a  $\varphi$  que se encuentra en forma normal negativa.

2. Define recursivamente la función **isPermutation** que, dadas dos listas nos dice si una es permutación de la otra.

Solución:

## import Data. List

```
\begin{array}{lll} \text{isPermutation} & :: & (\textbf{Eq a}) \implies [\texttt{a}] \implies [\texttt{a}] \implies \textbf{Bool} \\ \text{isPermutation} & [] & [] & = \textbf{True} \\ \text{isPermutation} & xs & ys \\ & | & (\textbf{length} \ xs \ /= \textbf{length} \ ys) = \textbf{False} \\ & | & \textbf{elem} \ (\textbf{head} \ xs) \ ys = \\ & & & \text{isPermutation} \ (\textbf{tail} \ xs) \ (\textbf{delete} \ (\textbf{head} \ xs) \ ys) \\ & | & \textbf{otherwise} = \textbf{False} \end{array}
```

3. Verifica tu definición aplicándola a las siguientes listas (debes mostrar paso a paso las llamadas recursivas) A = [1, 2, 3, 4], B = [1, 2, 3, 4], osea, hacer la ejecución de **isPermutation A B**. Solución:

$$\begin{array}{l} {\rm isPermutation} \ A \ B = \ isPermutation \ [1\,,2\,,3\,,4] \ [1\,,2\,,3\,,4] \\ = \ isPermutation \ [2\,,3\,,4] \ [2\,,3\,,4] \\ = \ isPermutation \ [3\,,4] \ [3\,,4] \\ = \ isPermutation \ [4] \ [4] \\ = \ isPermutation \ [] \ [] \\ = \ True \\ \end{array}$$

4. Determina mediante el método de Tableaux si  $\Gamma \models \varphi$  donde  $\Gamma = \{\neg p \lor q, \neg (q \land \neg r), r \to s\}$  y  $\varphi = \neg p \lor s$ .

Solución: Primero, para  $\Gamma$  eliminamos las implicaciones y simplificamos las fórmulas.

$$\Gamma = \{\neg p \lor q, \neg q \lor r, \neg r \lor s\}$$

Ahora, para mostrar que  $\Gamma \models \varphi$  entonces hay que trabajar nuestro Tableaux con  $\Gamma \cup \{\neg \varphi\}$ . Así,

$$\Gamma \cup \{\neg \varphi\} = \{\neg p \lor q, \neg q \lor r, \neg r \lor s\} \cup \{p \land \neg s\}$$

Finalmente, construimos el Tableaux para el conjunto  $\Gamma \cup \{\neg \varphi\}$ :

1. 
$$\neg p \lor q \checkmark$$
2.  $\neg q \lor r \checkmark$ 
3.  $\neg r \lor s \checkmark$ 
4.  $p \land \neg s \checkmark$ 
5.  $p \checkmark$  ext. de  $\alpha$  en 4
6.  $\neg s \checkmark$  ext. de  $\alpha$  en 4
7.  $\neg r \checkmark s \checkmark$  ext. de  $\beta$  en 3
8.  $\neg q \checkmark r \checkmark$ 
9.  $\neg p \checkmark q \checkmark$ 
9.  $\Rightarrow \varphi$ 
 $\Rightarrow \varphi$ 

Como el Tableaux se cierra, entonces la consecuencia lógica  $\Gamma \models \varphi$  se da y el argumento que representa es correcto.