

# Operações com vetores

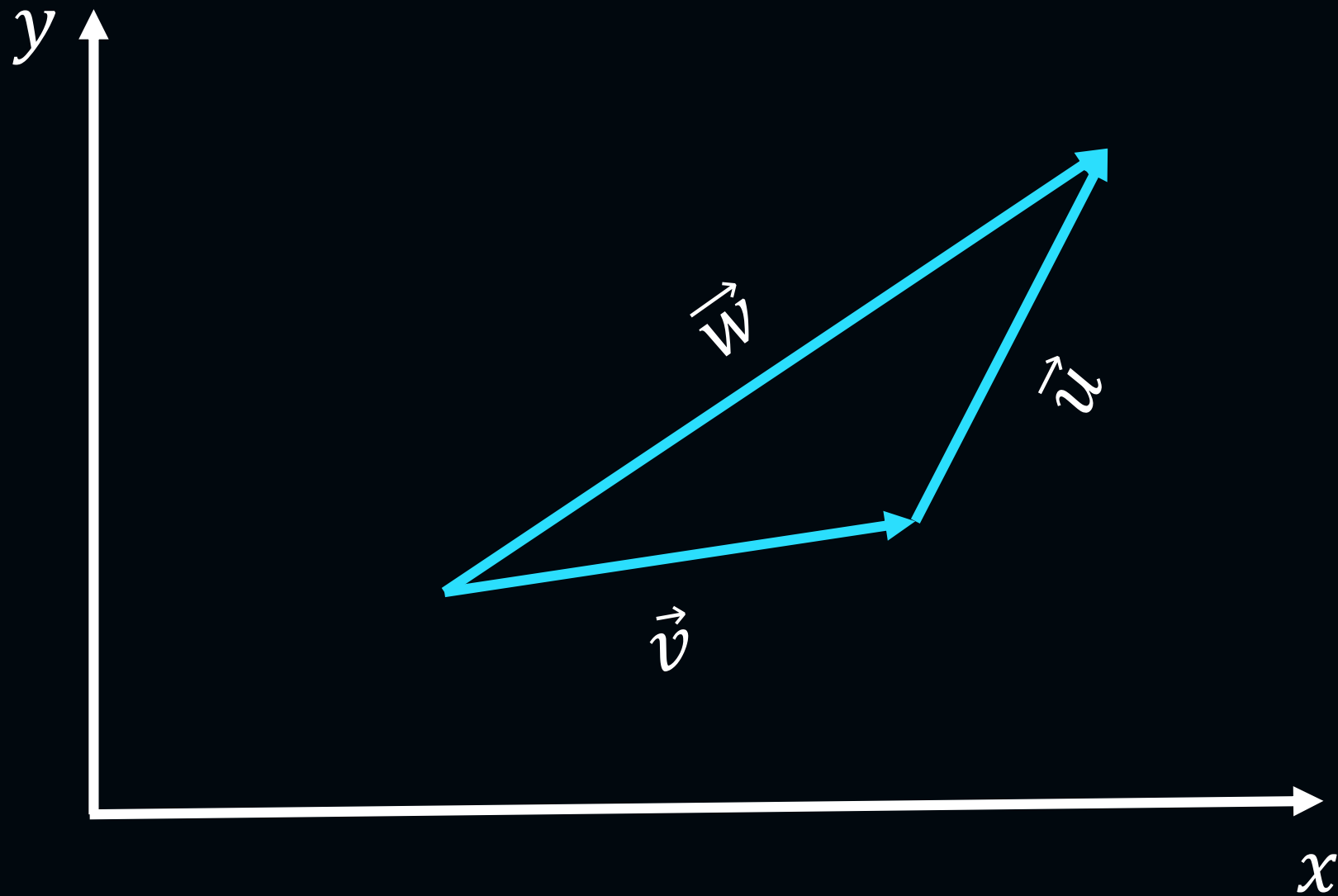
## MERGULHE EM TECNOLOGIA



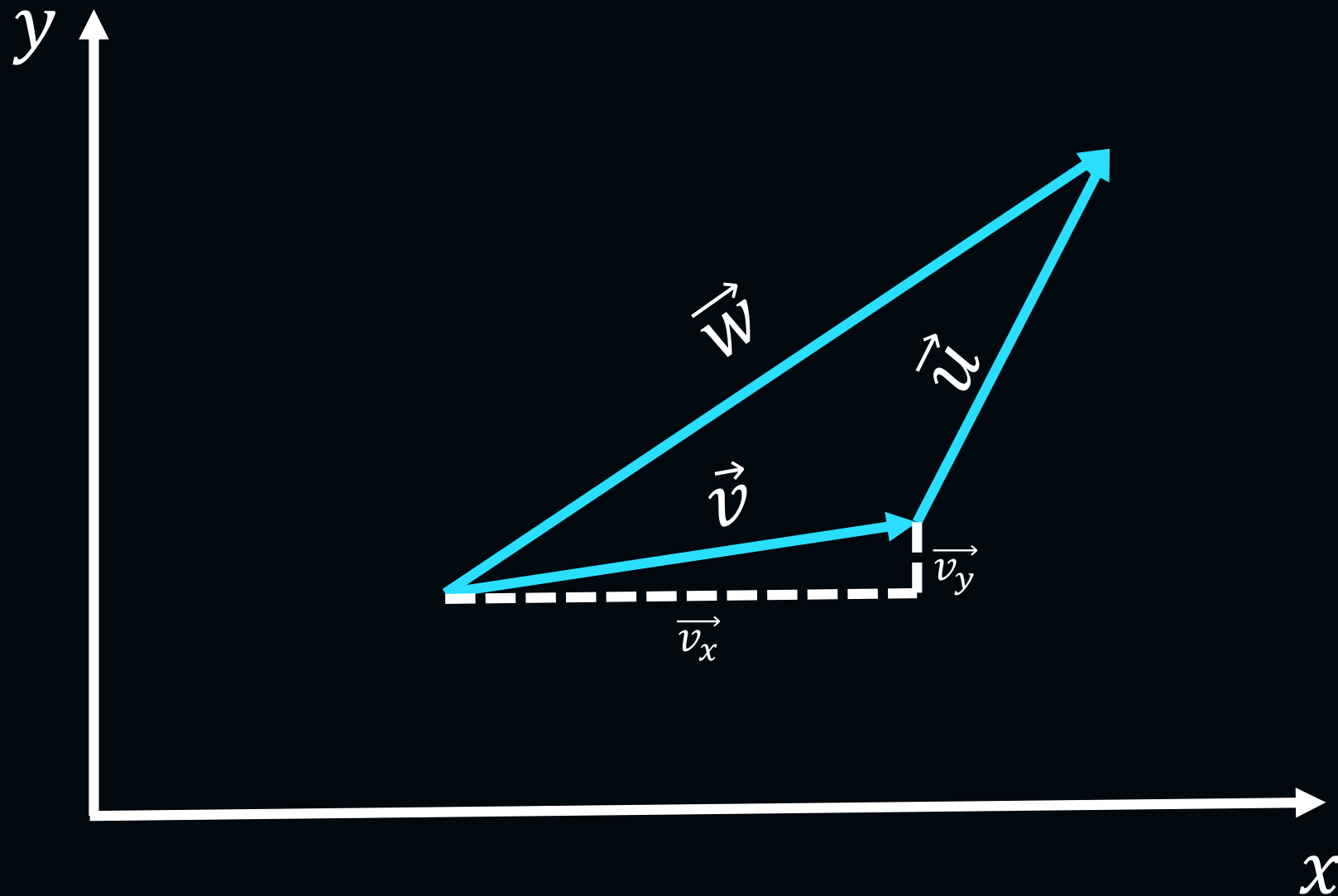
# ADIÇÃO DE VETORES



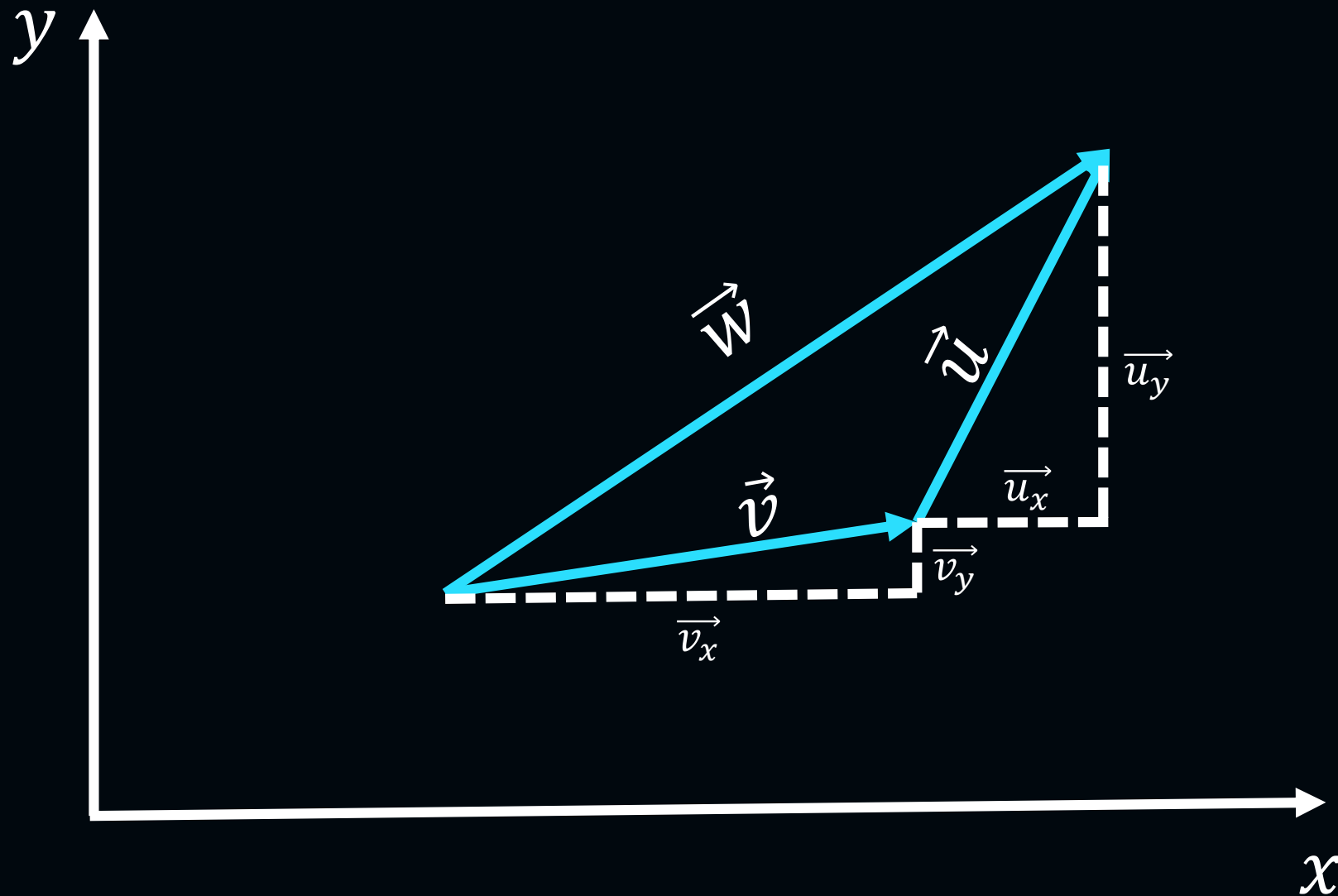
# ADIÇÃO DE VETORES



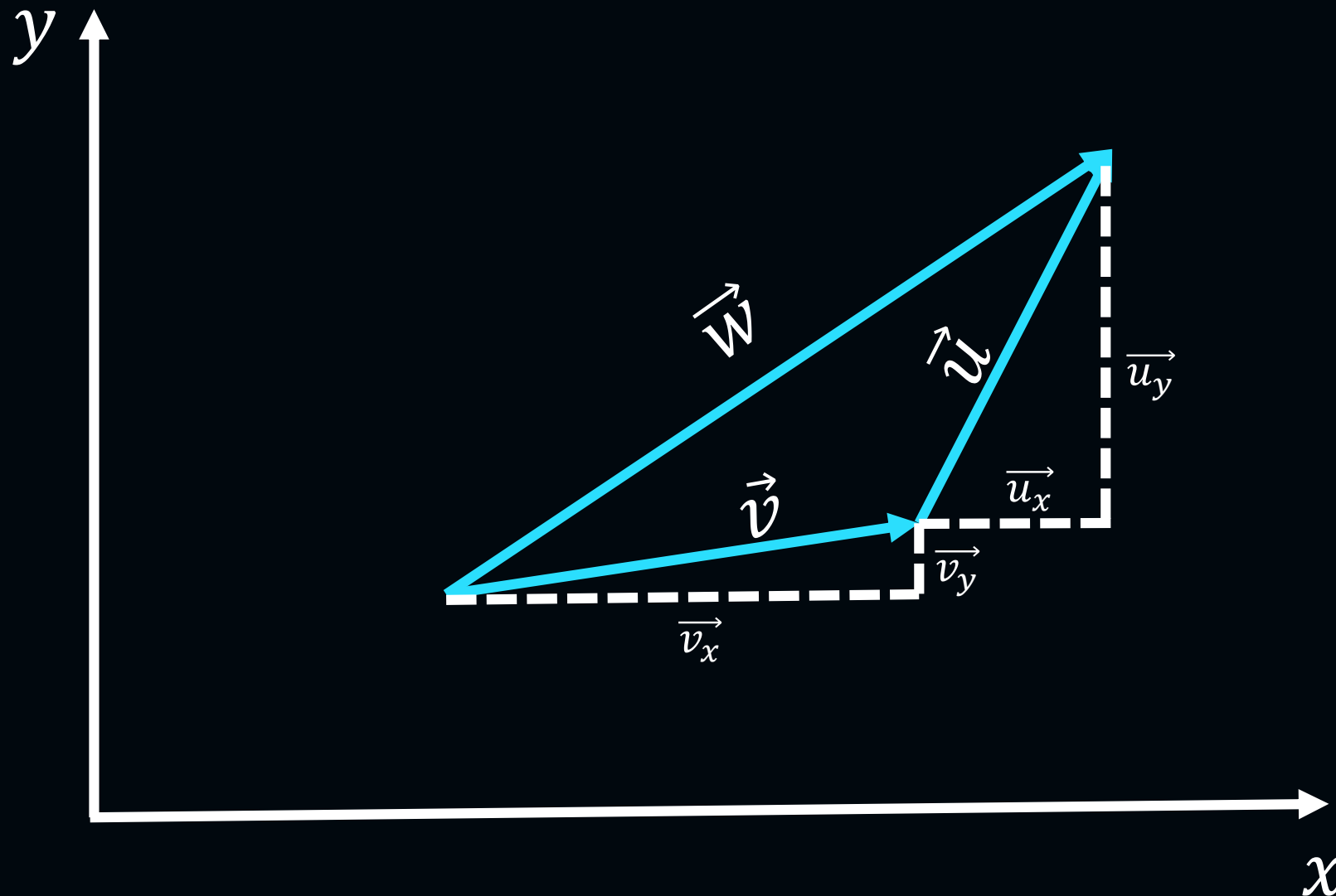
# ADIÇÃO DE VETORES



# ADIÇÃO DE VETORES



# ADIÇÃO DE VETORES



$$\vec{w} = \vec{v} + \vec{u}$$

$$\vec{w}_x = \vec{v}_x + \vec{u}_x$$

$$\vec{w}_y = \vec{v}_y + \vec{u}_y$$

$$\vec{w} = (\vec{v}_x + \vec{u}_x, \vec{v}_y + \vec{u}_y)$$

## EXEMPLO

$$\vec{v} = (3, 4)$$

$$\vec{u} = (2, -3)$$

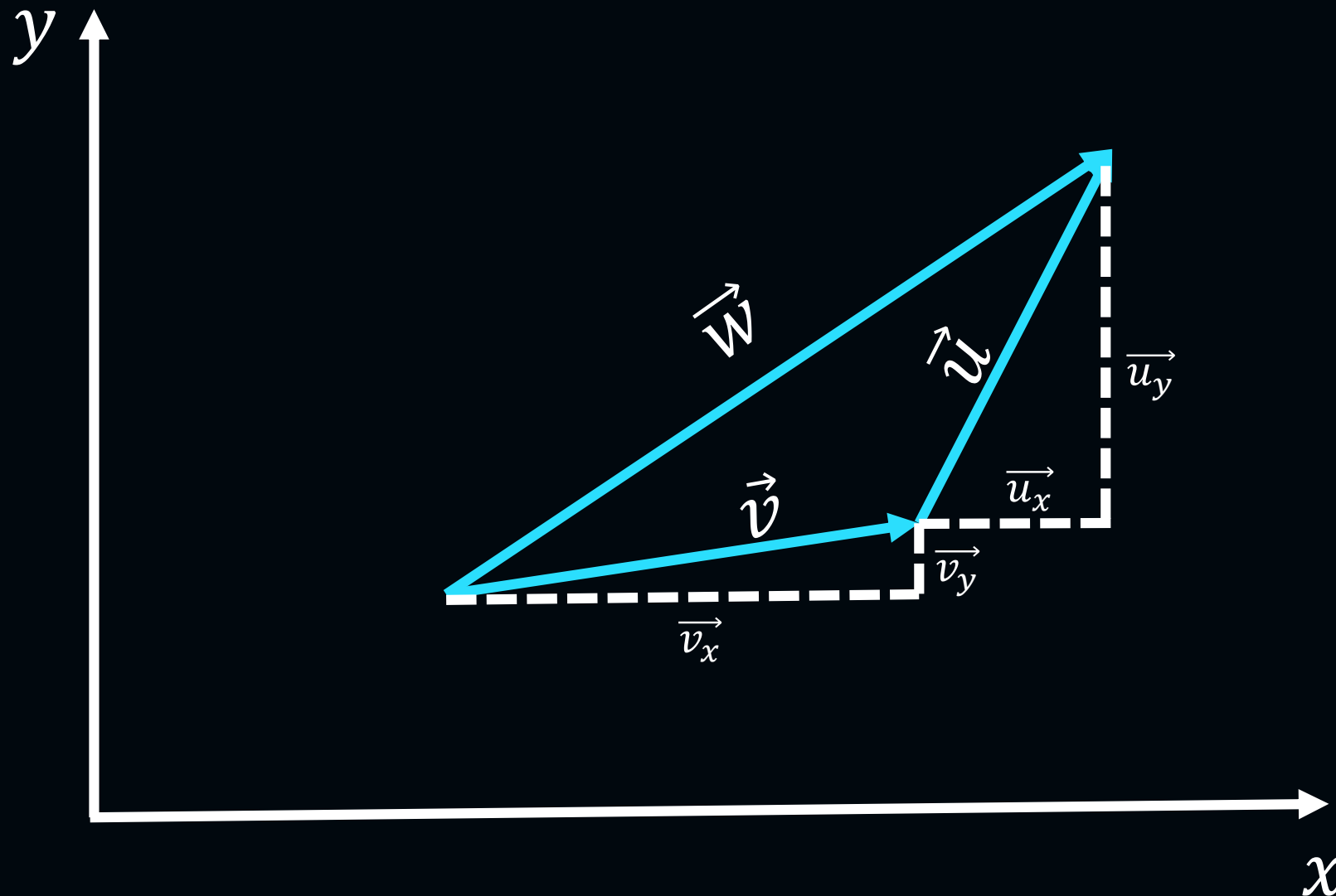
$$\vec{v} + \vec{u} = (3, 4) + (2, -3)$$

$$\vec{v} + \vec{u} = (3 + 2, 4 - 3)$$

$$\vec{v} + \vec{u} = (5, 1)$$



# SUBTRAÇÃO DE VETORES



$$\vec{u} = \vec{w} - \vec{v}$$

$$\vec{u}_x = \vec{w}_x - \vec{v}_x$$

$$\vec{u}_y = \vec{w}_y - \vec{v}_y$$

$$\vec{u} = (\vec{w}_x - \vec{v}_x, \vec{w}_y - \vec{v}_y)$$



## EXEMPLO

$$\vec{v} = (2, -4)$$

$$\vec{u} = (10, -1)$$

$$\vec{v} - \vec{u} = (2, -4) + (10, -1)$$

$$\vec{v} - \vec{u} = (2 - 10, -4 + 1)$$

$$\vec{v} - \vec{u} = (-8, -3)$$

# MULTIPLICAÇÃO POR ESCALAR



Um escalar é um número real  $\alpha$  que altera a magnitude do vetor.

# MULTIPLICAÇÃO POR ESCALAR

$$\vec{v} = (x_1, \dots, x_n)$$

$$\alpha \vec{v} = (\alpha x_1, \dots, \alpha x_n)$$

## EXEMPLO

$$\vec{v} = (1, -3, 6, -5)$$

$$3\vec{v} = (3, -3, 18, -15)$$

$$0\vec{v} = (0, 0, 0, 0)$$

# MÓDULO OU NORMA

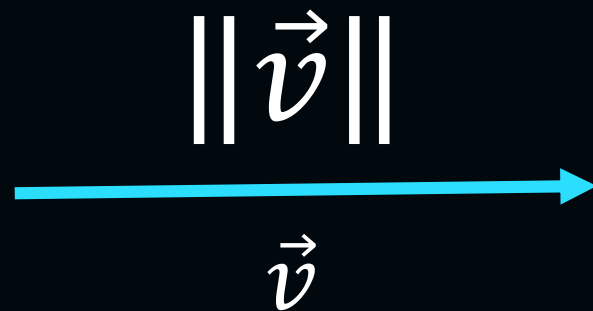


O módulo, ou norma de um vetor, corresponde ao comprimento do vetor, sua magnitude.

# MÓDULO OU NORMA



O módulo, ou norma de um vetor, corresponde ao comprimento do vetor, sua magnitude.



# MÓDULO OU NORMA

$$\vec{v} = (x_1, x_2, \dots, x_n)$$

$$\|\vec{v}\| = \sqrt{x_1^2 + \dots + x_n^2}$$



## EXEMPLO

$$\vec{v} = (1, 4, -2, 2)$$

$$\|\vec{v}\| = \sqrt[2]{(1^2 + 4^2 + (-2)^2 + 2^2)}$$

$$\|\vec{v}\| = \sqrt[2]{(1 + 16 + 4 + 4)}$$

$$\|\vec{v}\| = \sqrt[2]{25}$$

$$\|\vec{v}\| = 5$$

# PRODUTO ESCALAR



Também chamado de produto interno, é um valor escalar resultante da seguinte operação:

$$\vec{v} = (v_1, \dots, v_n), \vec{u} = (u_1, \dots, u_n)$$

$$\vec{v} \cdot \vec{u} = \langle \vec{v}, \vec{u} \rangle = v_1 u_1 + \dots + v_n u_n$$

## EXEMPLO

$$\vec{v} = (4, 2, 3), \vec{u} = (1, -4, 2)$$

$$\vec{v} \cdot \vec{u} = \langle \vec{v}, \vec{u} \rangle = 4 \cdot 1 + 2 \cdot (-4) + 3 \cdot 2$$

$$\vec{v} \cdot \vec{u} = 4 - 8 + 6$$

$$\vec{v} \cdot \vec{u} = 2$$