

 Universidade do Minho	Escola de Engenharia da Universidade do Minho Mestrado Integrado em Eng. Electrónica Industrial e Computadores Complementos de Programação de Computadores	2014/2015 MIEEIC (1º Ano) 2º Sem
Luís Paulo Reis		
Aula Prática 6: Análise de Complexidade		

Objectivos:

Esta Folha de Exercícios destina-se a:

- Compreender o conceito de complexidade temporal.

Os exercícios aqui propostos deverão ser realizados no mais simples ambiente de desenvolvimento possível para a linguagem C: editor de texto de programação ou editor DevC++ e ferramentas da GCC (GNU Compiler Collection) e afins.

Exercício 6

6.1) Suponha o seguinte programa para calcular o tempo decorrido e o número de operações dominantes executadas para diversos algoritmos de resolução do problema da subsequência máxima.

Construa um programa que gere um ficheiro de texto que permita comparar a complexidade temporal teórica e prática (medindo o número de operações) para um vetor de entrada com dimensão N sendo $N \geq 1$ e $N \leq 500000$

```
// Programa Exemplo de Contagem de Operações e de Tempo Subsequência Máxima
#include <cstdio>
#include <cstdlib>
#include <iostream>
#include <fstream>
#include <ctime>
#include <vector>

using namespace std;

long int op; //Global Counter for operations

// Time (in seconds) between clock1 and clock2
double diffclock(clock_t clock1, clock_t clock2)
{
    return (double)(clock1-clock2)/CLOCKS_PER_SEC;
}
```

```

// Creates a random vector with n elements between 0 and 1000000
void cria_vetor(int v[], int n)
{
    for(long int i=0; i<n; i++)
        v[i] = rand() % 100 - 50;
}

// Writes the vector on the screen
void escreve_vetor(int v[], int n)
{
    for(long int i=0; i<n; i++)
        cout << v[i] << " ";
    cout << endl;
}

// MaxSubSum1: Calcula a Subsequência máxima utilizando
// três ciclos (O(n^3))
template <class T> long int maxSubSum1(T vec[], long int n)
{
    T maxSum = 0;
    for (int i = 0; i < n; i++)
        for (int j = i; j < n; j++)
        {
            T thisSum = 0;
            for (int k = i; k <= j; k++) {
                thisSum += vec[k];
                op++;
            }
            if (thisSum > maxSum) maxSum = thisSum;
        }
    return maxSum;
}

// MaxSubSum2: Calcula a Subsequência máxima utilizando
// dois ciclos(O(n^2))
template <class T> T maxSubSum2(T vec[], long int n)
{
    T maxSum = 0;
    for (int i = 0 ; i < n; i++)
    {
        T thisSum = 0;
        for (int j = i; j < n; j++) {
            thisSum += vec[j];
            op++;
            if (thisSum > maxSum) maxSum = thisSum;
        }
    }
    return maxSum;
}

```

```

// MaxSubSum3: Calcula a Subsequência máxima utilizando
// um único ciclo (O(n))
template <class T> T maxSubSum3(T vec[], long int n)
{
    T thisSum = 0, maxSum = 0;
    for (int j=0; j < n; j++) {
        thisSum += vec[j];
        op++;
        if (thisSum > maxSum) maxSum = thisSum;
        else if (thisSum < 0) thisSum = 0;
    }
    return maxSum;
}

#define MAX 500000

//Test Times and operations for subsum algorithms
void testa_subsum(ostream &co)
{
    int v[MAX];
    long int i,j;
    clock_t begin, end;

    long int N = 10; // N = 100    N =1000; N =5000; N =50000; N=500000;
    {
        co << N << " ; ";
        cria_vetor(v,N);
        //escreve_vetor(v,N);
    /*
        op=0; begin=clock();
        long int max = maxSubSum1(v, N);
        end=clock();
        co << endl << "Max1: " << max << " " << op << " ; "
           << diffclock(end,begin) << " ; ";
    */
    /*
        op=0; begin=clock();
        long int max = maxSubSum2(v, N);
        end=clock();
        co << endl << "Max2: " << max << " " << op << " ; "
           << diffclock(end,begin) << " ; ";
    */
    /*
        op=0; begin=clock();
        long int max = maxSubSum3(v, N);
        end=clock();
        co << endl << "Max3: " << max << " " << op << " ; "
           << diffclock(end,begin) << " ; ";
    */
    }
}

```

```
//Main - Calls subsum
int main()
{
    srand(time(NULL));
    testa_subsum(cout);
}
```

6.2) Analise a complexidade teórica e comprove na prática (através do número de operações executadas dos seguintes algoritmos):

```
vector<int> v1;
int n=100; //change n
```

Algorithm a)

```
for(int i=0; i<n; i++)
    cout << i << endl;
```

Algorithm b)

```
for(int i=0; i<n; i++)
    for(int j=0; j<n; j++) {
        cout << i << " - " << j << endl;
    }
```

Algorithm c)

```
for(int i=0; i<n; i++)
    for(int j=1; j<n; j*=2) {
        cout << i << " - " << j << endl;
    }
```

Algorithm d)

```
for(int i=0; i<n; i++)
    for(int j=0; j<n; j*=2) {
        cout << i << " - " << j << endl;
    }
```

Algorithm e)

```
for(int i=0; i<n; i+=2)
    for(int j=2; j<n-1; j++)
        for(int k=j; k<n; k++)
            v1.push_back(i+j+k);
```

Algorithm f)

```
for(int i=0; i<n; i+=2)
    for(int j=2; j<n; j++)
        for(int k=2; k<10; k++)
            v1.push_back(i+j+k);
```