

EPM | Joaquín López C.

En la figura de ~~un~~ U-curva hay un link, el que tiene los datos de densidad de masa ρ en función del radio del sol: $\rho(R)$. Con estos datos, en un pequeño código adjunto calcule la cantidad (root mean square radius)

$$\sqrt{\langle r^2 \rangle} = \frac{\iiint \rho(r) r^2 dV}{\iiint \rho(r) dV} = \frac{4\pi \int_0^\infty r^2 \rho(r) \cdot r^2 dr}{4\pi \int_0^\infty r^2 \rho(r) dr}$$

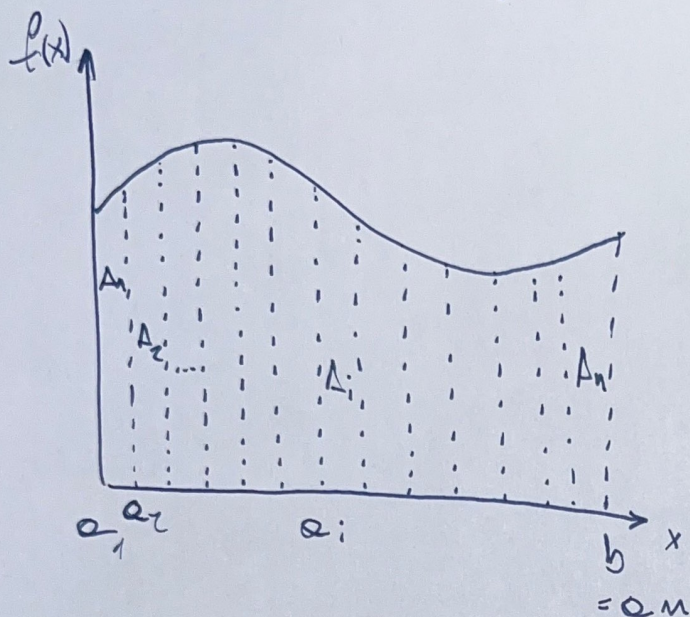
Encontre estos integrales sumando el área de Trapecios

y obtuve $\sqrt{\langle r^2 \rangle} \approx 0.33 R_\odot$ (¡)

Si miramos la densidad en función del radio, vemos que antes de $0.3 R_\odot$ está contenida la mayor cantidad de masa (respecto al otro resto); aproximadamente el 60% de la masa del sol se encuentra en este rango ($< 0.3 R_\odot$). Todos esto hace que el promedio $\sqrt{\langle r^2 \rangle}$ se obtenga un número tan bajo (comparado al radio "efectivo" del sol).

(Todos sacados de los datos en la imagen (link))

¿Cómo integro?



$$\int_a^b f(x) dx ?$$

$\downarrow \approx$

Suma de áreas de trapecios

$$A_1 = (a_2 - a_1) \times \frac{f(a_1) + f(a_2)}{2} \rightarrow \text{Área de un trapecio}$$

$$A_2 = (a_3 - a_2) \times \frac{f(a_2) + f(a_3)}{2}$$

...

$$A_i = (a_{i+1} - a_i) \times \frac{f_i + f_{i+1}}{2}$$

$$A_{n-1} = (a_n - a_{n-1}) \times \frac{f_n + f_{n+1}}{2}$$

$$\int_a^b f(x) dx \approx \sum_{i=1}^{n-1} A_i$$