# Análisis de los datos disponibles

- □ Tipos de Variables
- **4**
- Cuantitativas y cualitativas

- Descripciones estadísticas
  - Medidas de tendencia central
  - Medidas de dispersión

- Gráficos
  - Diagrama de barras
  - □ Diagrama de torta
  - Histograma
  - □ Diagrama de caja
  - Diagrama de dispersión

## Tipos de variables

#### Cuantitativas o numéricas

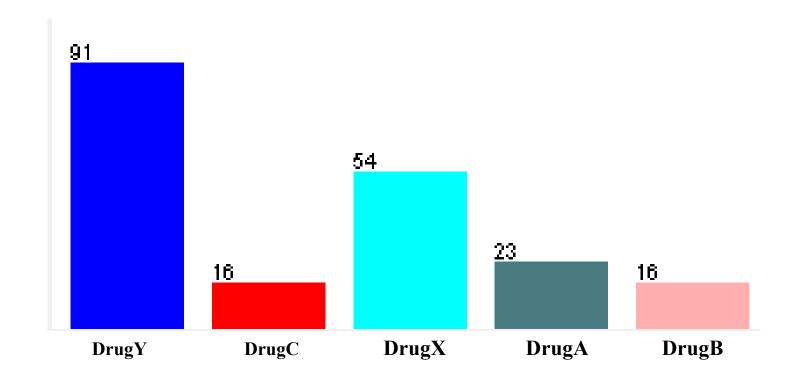
- □ DISCRETAS (cant. de empleados, cant. de alumnos, etc)
- CONTINUAS (sueldo, metros cuadrados, beneficios, etc)

#### Cualitativas o categóricas

- NOMINALES: nombran al objeto al que se refieren sin poder establecer un orden (estado civil, raza, idioma, etc.)
- ORDINALES: se puede establecer un orden entre sus valores (alto, medio, bajo, etc)

## DRUG5.CSV

Se busca predecir si el tipo de fármaco que se debe administrar a un paciente afectado de rinitis alérgica es el habitual o no.



## DRUG5.CSV

- □ Se dispone de información de pacientes afectados de rinitis alérgica:
  - □ Age: Edad
  - Sex: Sexo
  - BP (Blood Pressure): Tensión sanguínea.
  - Cholesterol: nivel de colesterol.
  - Na: Nivel de sodio en la sangre.
  - K: Nivel de potasio en la sangre.
  - Cada paciente ha sido medicado con un único fármaco de entre cinco posibles: DrugA, DrugB, DrugC, DrugX, DrugY.

## DRUG5.CSV

#### □ Drug5.csv contiene 200 muestras de pacientes atendidos previamente

Nro.	Age	Sex	ВР	Colesterol	Na	K	Drug
1	23	F	HIGH	HIGH	0,792535	0,031258	drugY
2	47	M	LOW	HIGH	0,739309	0,056468	drugC
3	47	M	LOW	HIGH	0,697269	0,068944	drugC
4	28	F	NORMAL	HIGH	0,563682	0,072289	drugX
5	61	F	LOW	HIGH	0,559294	0,030998	drugY
	•••	•••	•••		•••	•••	•••
•••	•••		•••		•••	•••	•••
•••	•••	•••	•••		•••	•••	•••
197	16	M	LOW	HIGH	0,743021	0,061886	drugC
198	52	M	NORMAL	HIGH	0,549945	0,055581	drugX
199	23	M	NORMAL	NORMAL	0,78452	0,055959	drugX
200	40	F	LOW	NORMAL	0,683503	0,060226	drugX

#### □ Drug5.csv contiene 200 muestras de pacientes atendidos previamente

Nro.	Age	Sex	ВР	Colesterol	Na	K	Drug
1	23	F	HIGH	HIGH	0,792535	0,031258	drugY
2	47	M	LOW	HIGH	0,739309	0,056468	drugC
3	47	M	LOW	HIGH	0,697269	0,068944	drugC
4	28	F	NORMAL	HIGH	0,563682	0,072289	drugX
5	61	F	LOW	HIGH	0,559294	0,030998	drugY
							•••

- □ ¿Cuántos atributos tiene la tabla?
- □ ¿De qué tipo es cada uno de ellos?

# Análisis de los datos disponibles

- □ Tipos de Variables
  - Cuantitativas y cualitativas

- Descripciones estadísticas
  - Medidas de tendencia central
    - Media, moda, mediana, rango medio
  - Medidas de dispersión
    - Varianza, Desviación estándar, Rango
    - Cuartiles, Rango intercuartil

- Gráficos
  - Diagrama de barras
  - □ Diagrama de torta
  - Histograma
  - Diagrama de caja
  - Diagrama de dispersión

## Descripciones estadísticas básicas

 Identifican propiedades de los datos y destacan qué valores deben tratarse como ruido o valores atípicos

#### MEDIDAS DE TENDENCIA CENTRAL

- Media
- Mediana
- Moda
- □ Rango medio

#### MEDIDAS DE DISPERSION

- Varianza
- Desviación estándar
- Rango
- Cuartiles
- Rango Intercuartil

#### **MEDIA**

□ La MEDIA es el promedio de los valores del atributo. Dicho atributo debe ser numérico.

$$\bar{X} = \frac{\sum_{i=1}^{N} x_i}{N}$$

N es la cantidad de valores a promediar

Ejemplo

30 36 47 50 52 52 56 60 63 70 70 110

$$\bar{X} = \frac{30 + 36 + 47 + 50 + 52 + 52 + 60 + 63 + 70 + 70 + 110}{12} = \frac{696}{12} = 58$$

#### MEDIA

□ La MEDIA es el promedio de los valores del atributo. Dicho atributo debe ser numérico.

$$\bar{X} = \frac{\sum_{i=1}^{N} x_i}{N}$$

N es la cantidad de valores a promediar

Ejemplo

30 36 47 50 52 52 56 60 63 70 70 110



$$\bar{X} = 58$$

**MEDIA TRUNCADA** 

¿cómo se calcula? ¿para qué sirve?

- Divide a los valores del atributo en dos partes iguales de manera que los anteriores son todos menores que él y los siguientes son mayores.
- Antes de calcularla deben ordenarse los valores del atributo.

□ Ejemplo: atributo numérico con una **cantidad impar** de valores

30 36 47 50 52 52 (56) 57 60 63 70 70 110



$$\tilde{X} = x_{(N+1)/2} = 56$$

- Divide a los valores del atributo en dos partes iguales de manera que los anteriores son todos menores que él y los siguientes son mayores.
- Antes de calcularla deben ordenarse los valores del atributo.

□ Ejemplo: atributo numérico con una **cantidad impar** de valores

30 36 47 50 52 52 56 57 60 63 70 70 110



$$\tilde{X} = 56$$

- Divide a los valores del atributo en dos partes iguales de manera que los anteriores son todos menores que él y los siguientes son mayores.
- Antes de calcularla deben ordenarse los valores del atributo.

□ Ejemplo: atributo numérico con una cantidad par de valores

30 36 47 50 52 52 56 60 63 70 70 110



$$\tilde{X} = \frac{x_{N/2} + x_{(N+1)/2}}{2} = \frac{52 + 56}{2} = 54$$

- Divide a los valores del atributo en dos partes iguales de manera que los anteriores son todos menores que él y los siguientes son mayores.
- Antes de calcularla deben ordenarse los valores del atributo.

□ Ejemplo: atributo numérico con una cantidad par de valores

30 36 47 50 52 52 56 60 63 70 70 110



$$\tilde{X} = 54$$

- También puede calcularse sobre atributos ordinales. En tal caso, el resultado será o bien el valor que divide al conjunto en dos partes iguales o bien se dirá que "la mediana está entre los valores ...".
- Antes de calcularla deben ordenarse los valores del atributo.

□ Ejemplo: atributo ordinal con una **cantidad impar** de valores

chico chico chico medio medio grande grande

$$\tilde{X} = medio$$

- También puede calcularse sobre atributos ordinales. En tal caso, el resultado será o bien el valor que divide al conjunto en dos partes iguales o bien se dirá que "la mediana está entre los valores ...".
- Antes de calcularla deben ordenarse los valores del atributo.

□ Ejemplo: atributo ordinal con una **cantidad par** de valores

chico chico medio medio grande grande



$$\tilde{X} = medio$$

- También puede calcularse sobre atributos ordinales. En tal caso, el resultado será o bien el valor que divide al conjunto en dos partes iguales o bien se dirá que "la mediana está entre los valores ...".
- Antes de calcularla deben ordenarse los valores del atributo.

□ Ejemplo: atributo ordinal con una **cantidad par** de valores

chico chico chico medio grande grande



 $\tilde{X}$  está entre "chico" y "medio"

### MODA

- La moda es el valor que aparece con mayor frecuencia. Por lo tanto, puede determinarse para atributos cualitativos y cuantitativos.
- □ Es posible que la mayor frecuencia corresponda a varios valores diferentes, lo que da lugar a más de una MODA.
- Los conjuntos de datos con uno, dos o tres modas se denominan unimodal, bimodal y trimodal, respectivamente.
- □ En general, un conjunto de datos con dos o más modas es multimodal.
- Si cada valor de los datos ocurre sólo una vez, entonces no hay moda.

### MODA

- La moda es el valor que aparece con mayor frecuencia. Por lo tanto, puede determinarse para atributos cualitativos y cuantitativos.
- □ Ejemplo: atributo numérico

```
30 36 47 50 52 52 56 60 63 70 70 110
```

- □ Hay 2 modas y sus valores son 52 y 70
- Ejemplo: atributo nominal

■ La moda es "chino" por ser el valor que aparece más veces

### RANGO MEDIO

- El rango medio es fácil de calcular y también puede utilizarse para evaluar la tendencia central de un conjunto de datos numéricos.
- Es la media de los valores máximo y mínimo del conjunto.

Ejemplo

30 36 47 50 52 52 56 60 63 70 70 110

rango medio = 
$$\frac{maximo + minimo}{2} = \frac{110 + 30}{2} = \frac{140}{2} = 70$$

# Medidas descriptivas

Atributo AGE - DRUG5.CSV		
MINIMO	15	
MEDIA	44.3	
MEDIANA	45	
MAXIMO	74	
RANGO MEDIO	44.5	
MODA	47	

Atributo AGE - DRUG5_ATIPICOS.CSV		
MINIMO	15	
MEDIA	45	
MEDIANA	45	
MAXIMO	174	
RANGO MEDIO	94.5	
MODA	47	

Analisis\_Drug5.ipynb

## Descripciones estadísticas básicas

 Identifican propiedades de los datos y destacan qué valores deben tratarse como ruido o valores atípicos

#### MEDIDAS DE TENDENCIA CENTRAL

- Media
- Mediana
- Moda
- Rango medio

#### **MEDIDAS DE DISPERSION**

- Varianza
- Desviación estándar
- Rango
- Cuartiles
- Rango Intercuartil

### VARIANZA Y DESVIACION ESTANDARD

- La varianza mide la dispersión de los datos con respecto a la media.
- Valores bajos indican que las observaciones de los datos tienden a estar muy cerca de la media, mientras que valores altos indican que los datos están muy dispersos.

$$\sigma^2 = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} (x_i - \bar{x})^2 = \left(\frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} x_i^2\right) - \bar{x}^2$$

 $lue{}$  La desviación estándar  $\sigma$  es la raíz cuadrada de la varianza

### VARIANZA Y DESVIACION ESTANDARD

#### Ejemplo

30

36

47

50

52 52

56 60

63

70

70

110

#### VARIANZA POBLACIONAL

$$\sigma^2 = \left(\frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} x_i^2\right) - \bar{x}^2 = \frac{1}{12} (30^2 + 36^2 + \dots + 110^2) - 58^2 \approx 379.17$$

$$\sigma \approx \sqrt{379.17} \approx 19.47$$

#### VARIANZA Y DESVIACION MUESTRAL

Ejemplo

30 36 47 50 52 52 56 60 63 70 70 110

#### VARIANZA MUESTRAL

$$S^{2} = \left(\frac{1}{N-1} \sum_{i=1}^{N} x_{i}^{2}\right) - \bar{x}^{2} = \frac{1}{11} (30^{2} + 36^{2} + \dots + 110^{2}) - 58^{2} \approx 413.64$$

$$S \approx \sqrt{413.64} \approx 20.34$$

### RANGO

 El rango de un conjunto de valores numéricos es la diferencia entre los valores máximo y mínimo de dicho conjunto.

Ejemplo

30 36 47 50 52 52 56 60 63 70 70 110

$$rango = maximo - minimo = 110 - 30 = 80$$

# Cuantiles, Cuartiles y Percentiles

- Los cuantiles son valores que dividen un conjunto numérico ordenado en partes iguales. Es decir que determinan intervalos que comprenden el mismo número de valores.
- Los cuantiles más usados son los siguientes:
  - CUARTILES: dividen la distribución en cuatro partes.
  - DECILES: dividen la distribución en diez partes.
  - Centiles o PERCENTILES: dividen la distribución en cien partes.
    - El percentil es una medida de posición usada en estadística que indica, una vez ordenados los datos de menor a mayor, el valor de la variable por debajo del cual se encuentra un porcentaje dado de observaciones en un grupo.

□ Ejemplo:

30 36 47 50 52 52 56 60 63 70 70 110



$$Q_1 = 49.25$$



$$Q_2 = 54$$

$$Q_3 = 64.75$$

- □ Los cuartiles suelen representarse como Q1, Q2 y Q3.
- El 2do. cuartil o Q2 coincide con la MEDIANA.
- □ Para hallar las posiciones de Q1 y Q3 usaremos (N+1)/4 y 3(N+1)/4 respectivamente, siendo N la cantidad de valores disponibles.
  - □ Si no hay parte decimal, se toma directamente el elemento.
  - Si la posición corresponde a un número con parte decimal entre el elemento i y el i+1, se determinar un factor realizando una interpolación lineal.

El cuartil será:

$$Q = x_i + (x_{i+1} - x_i) * factor$$

□ Ejemplo:

30 36 47 50 52 52 56 60 63 70 70 110

- □ La ubicación de Q1 es (N+1)/4, es decir, (12+1)/4=13/4=3.25
- □ Como no es un número entero calculamos su valor entre el 3ro y el 4to elemento.

$$Q_1 = x_3 + (x_4 - x_3) * factor$$



## CUARTILES – cálculo del factor

i	$\overline{F_i}$
1	0.00
2	0.09
3	0.18
4	0.27
5	0.36
6	0.45
7	0.55
8	0.64
9	0.73
10	0.82
11	0.91
12	1.00

$$N = 12$$

$$F_i = \frac{i-1}{N-1}$$

## CUARTILES – cálculo del factor

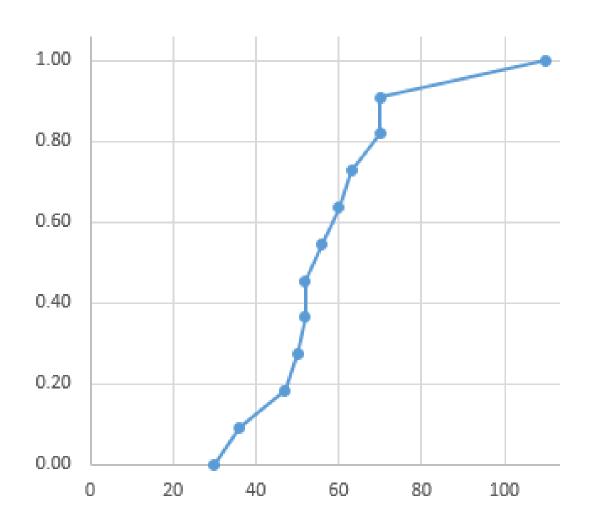
#### Ubicación de Q1

(N+1)/4 = 13/4 = 3.25

	X	$F_{i}$
	30	0.00
	36	0.09
Q1 🔷	47	0.18
QI 7	50	0.27
	52	0.36
	52	0.45
	56	0.55
	60	0.64
	63	0.73
	70	0.82
	70	0.91
_	110	1.00

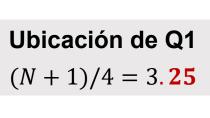
$$N = 12$$

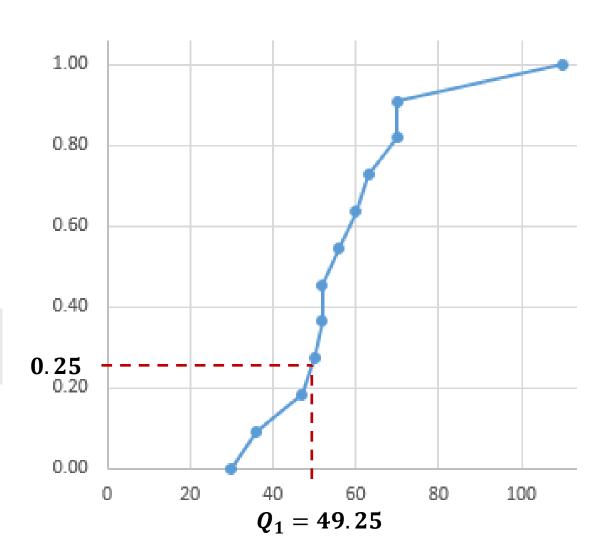
$$F_i = \frac{i-1}{N-1}$$



$$F_i = \frac{i-1}{N-1}$$

_		
	X	$\overline{F_i}$
	30	0.00
	36	0.09
01	47	0.18
Q1 🗪	50	0.27
	52	0.36
	52	0.45
	56	0.55
	60	0.64
	63	0.73
	70	0.82
	70	0.91
_	110	1.00





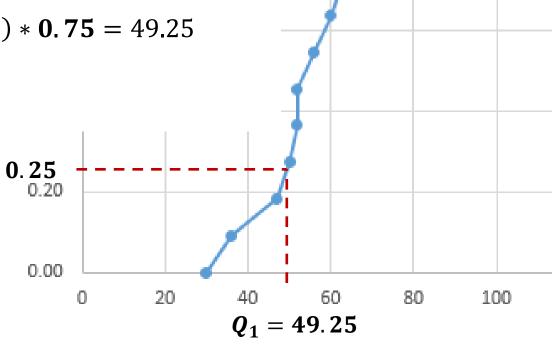
$$F_i = \frac{i-1}{N-1}$$

	X	$F_i$
	30	0.00
	36	0.09
Q1 🕏	47	0.18
	50	0.27
	52	0.36
	52	0.45
	56	0.55
	60	0.64
	63	0.73
	70	0.82
	70	0.91
_	110	1.00

#### Interpolación lineal

$$factor = \frac{0.25 - F_3}{F_4 - F_3} = \frac{0.25 - 0.18}{0.27 - 0.18} = \mathbf{0.75}$$

$$Q_1 = 47 + (50 - 47) * \mathbf{0.75} = 49.25$$



□ Ejemplo:

```
30 36 47 50 52 52 56 60 63 70 70 110
```

- □ La ubicación de Q3 es 3(N+1)/4 = 3\*(12+1)/4 = 3\*13/4 = 9.75
- Como no es un número entero calculamos su valor entre el 9no y el 10mo elemento.

$$Q_3 = x_9 + (x_{10} - x_9) * factor$$
  
= 63 + (70 - 63) \* 0.25 = 64.75

$$F_i = \frac{i-1}{N-1}$$

<i>X</i> 30	<i>F<sub>i</sub></i> 0.00	1.00
36	0.09	0.80
47	0.18	0.75
50	0.27	
52	0.36	
52	0.45	Interpolación lineal
56	0.55	$factor = \frac{0.75 - F_9}{F_{10} - F_9} = \frac{0.75 - 0.73}{0.82 - 0.73} = 0.25$
60	0.64	<b>7</b> 1
63	0.73	$Q_3 = 63 + (70 - 63) * 0.25 = 64.75$
70	0.82	
70	0.91	0.00
110	1.00	$Q_3 = 64.75$

### **CUARTILES**

□ Ejemplo:

30 36 47 50 52 52 56 60 63 70 70 110



$$Q_1 = 49.25$$



$$Q_2 = 54$$

$$Q_3 = 64.75$$

### RANGO INTERCUARTIL

- La distancia entre Q1 y Q3 es una medida sencilla de dispersión que da el rango cubierto por la mitad de los datos.
- □ Esta distancia se denomina rango intercuartil (RIC) y se define como

$$RIC = Q_3 - Q_1$$

Ejemplo:

30 36 47 50 52 52 56 60 63 70 70 110 
$$Q_1 = 49.25$$
  $Q_2 = 54$   $Q_3 = 64.75$ 

$$RIC = Q_3 - Q_1 = 64.75 - 49.25 = 15.50$$

### Análisis de los datos disponibles

- □ Tipos de Variables
  - Cuantitativas y cualitativas

- Descripciones estadísticas
  - Medidas de tendencia central
    - Media, moda, mediana, rango medio
  - Medidas de dispersión
    - Varianza, Desviación estándar, Rango
    - Cuartiles, Rango intercuartil

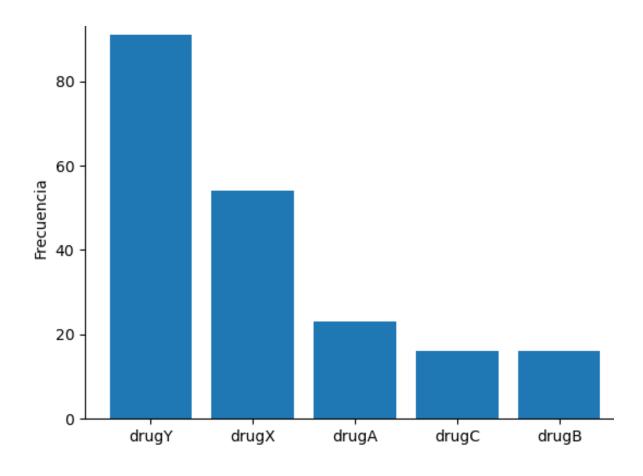
□ Gráficos ←



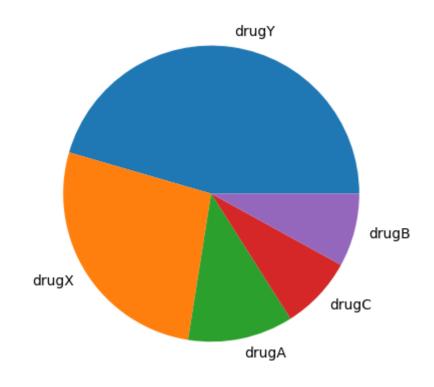
- Diagrama de barras
- Diagrama de torta
- Histograma
- □ Diagrama de caja
- Diagrama de dispersión

Analisis\_Drug5.ipynb

# Atributo Drug - Diagrama de barras

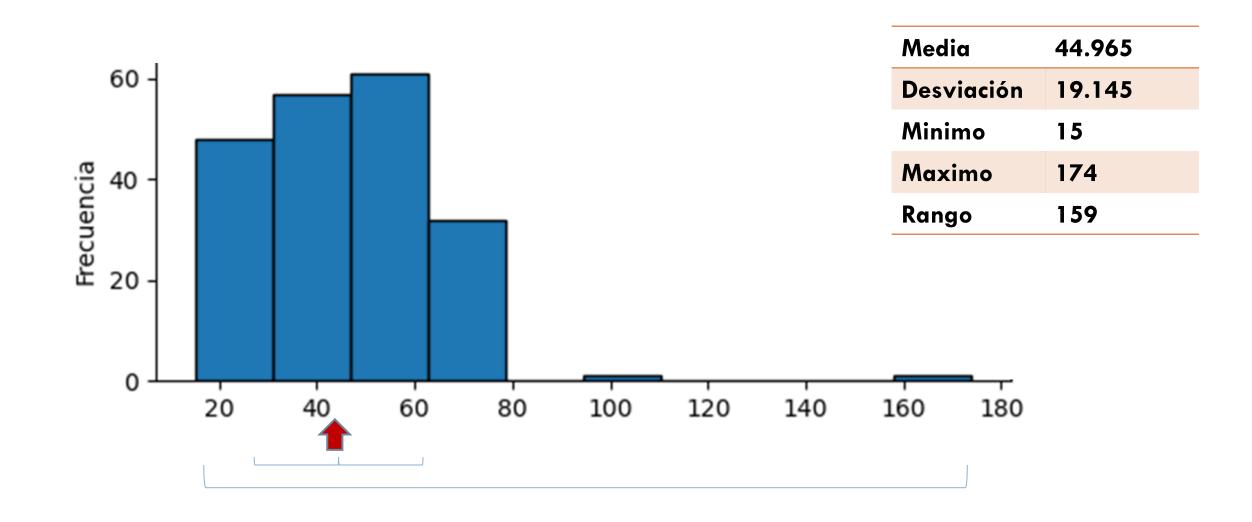


## Atributo Drug - Gráfico de Torta



### Atributo AGE – Histograma

(Atributo AGE del archivo Drug5\_atipicos.CSV)



## Diagrama de caja - Ejemplo

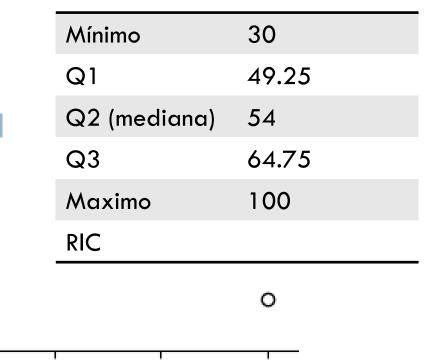
50

30

Minimo

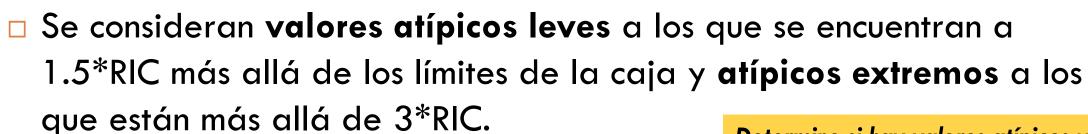
40

**Q2** 



110

**Maximo** 



70

80

90

**Q3** 

60

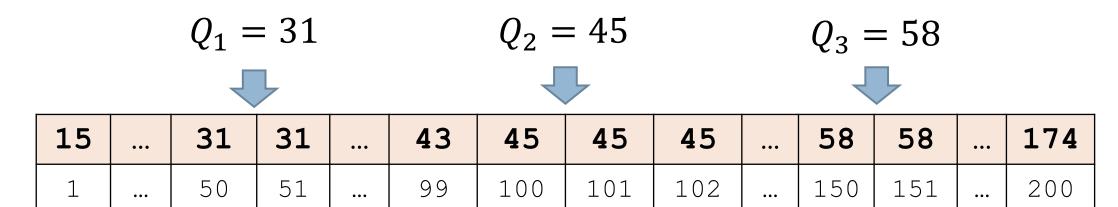
Determine si hay valores atípicos y si son leves o extremos

100

### Cuartiles y RIC del atributo AGE

(Atributo AGE del archivo Drug5\_atipicos.CSV)

Luego de ordenar los valores del atributo AGE deben identificarse los valores que los dividen en cuatro partes iguales.

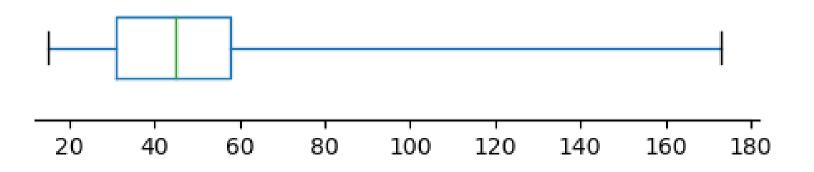


$$RIC = Q_3 - Q_1 = 58 - 31 = 27$$

### Diagrama de caja (en construcción)

Atributo AGE (archivo Drug5\_atipicos.csv)

Minimo	15
Q1	31
Q2	45
Q3	58
Maximo	174



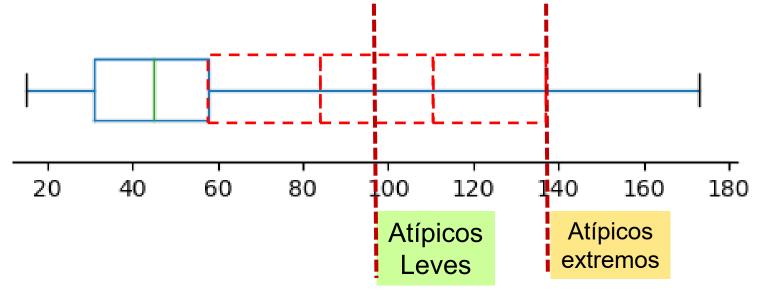
RIC	Q3 - Q1 = 58 - 31 = 27
Lim.Inf	Q1 - $1.5*RIC = 31-1.5*27 = -9.5$
Lim.Sup	Q3 + 1.5*RIC =58+1.5*27 = 98.5

Hay valores fuera de rango?

## Diagrama de caja (en construcción)



Minimo	15
Q1	31
Q2	45
Q3	58
Maximo	174



RIC	Q3 - Q1 = 58 - 31 = 27
Lim.Inf	Q1 - $1.5*RIC = 31-1.5*27 = -9.5$
Lim.Sup	Q3 + 1.5*RIC =58+1.5*27 = 98.5

### Valor atípico o fuera de rango

 Los valores de la muestra que pertenezcan a alguno de estos intervalos

[Q1-3\*RIC; Q1-1.5\*RIC) o (Q3 + 1.5\*RIC; Q3 + 
$$3*RIC$$
]

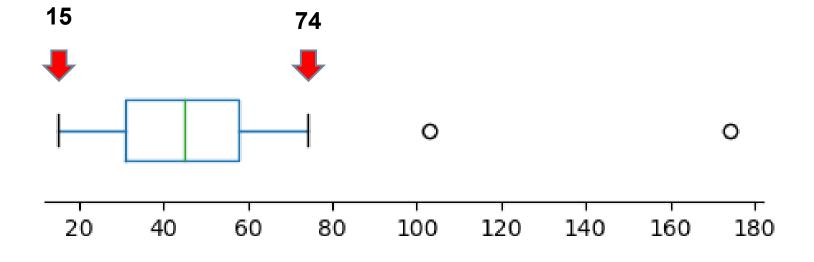
serán considerados valores fuera de rango leves.

- Los valores de la muestra inferiores a
  - Q1 3\*RIC o superiores a Q3 + 3\*RIC serán considerados valores fuera de rango extremos.

### Diagrama de caja

#### Atributo AGE

Minimo	15
Q1	31
Q2	45
Q3	58
Maximo	174



RIC	Q3 - Q1= 27
Lim.Inf	Q1 - 1.5*RIC = -9.5
Lim.Sup	Q3 + 1.5*RIC = 98.5

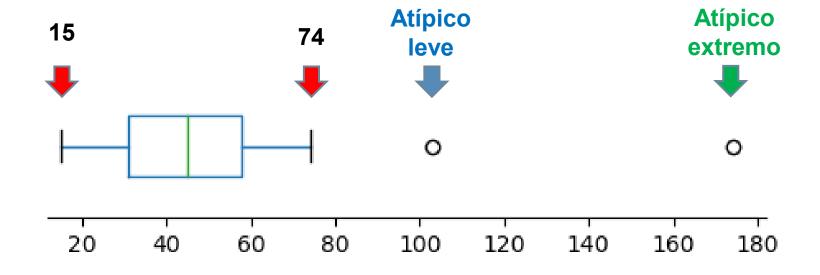
Los bigotes indican el rango de los valores de la muestra comprendidos en el intervalo

$$[Q1 - 1.5 * RIC ; Q3 + 1.5 * RIC] = [-9.5, 98.5]$$

### Diagrama de caja

#### Atributo AGE

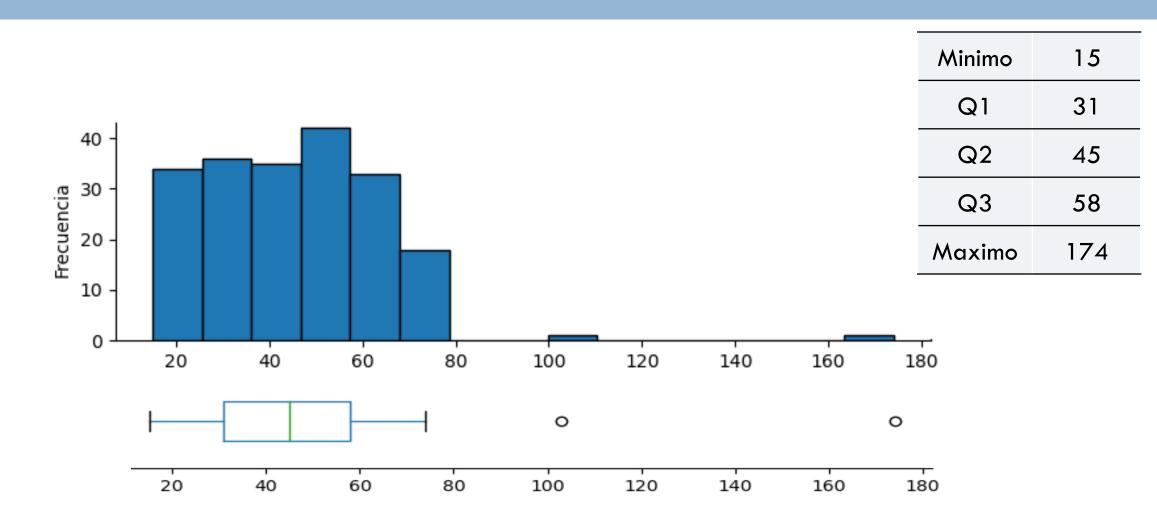
Minimo	15
Bigote Inferior	15
Q1	31
Q2	45
Q3	58
Bigote Superior	74
Maximo	174



- Los valores de AGE que pertenezcan a [-50; -9.5) o (98.5; 139] se considerarán atípicos leves.
- Los valores del atributo AGE inferiores a -50 o superiores a 139 se considerarán atípicos extremos.

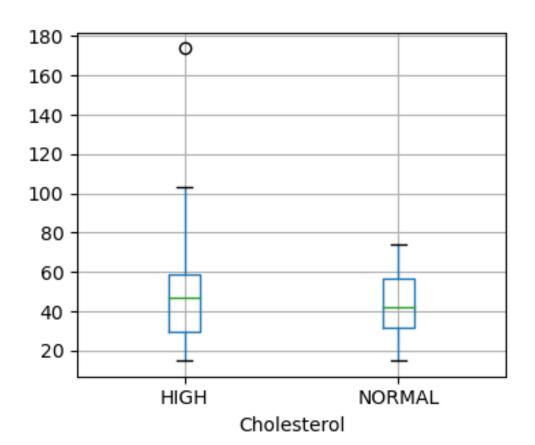
### Histograma y diagrama de caja

(Atributo AGE archivo Drug5\_atipicos.CSV)



### Diagrama de caja usando BY

```
df = pd.read_csv('Drug5_atipicos.csv')
df.boxplot(column=['Age'], by='Cholesterol')
```



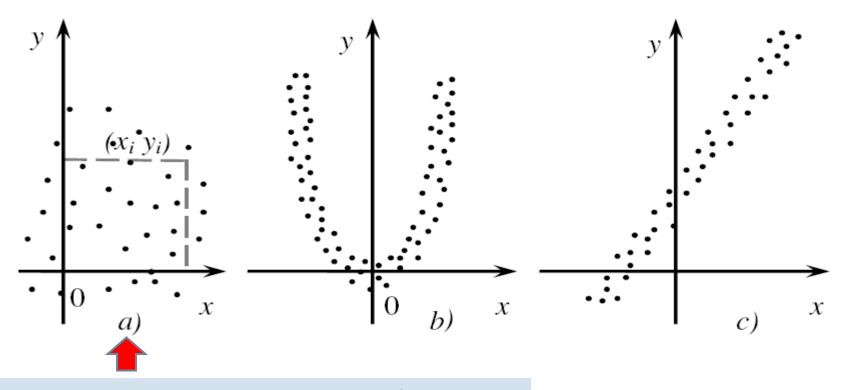
CUARTILES - Edades c/Colesterol NORMAL [32. 42. 57.]

CUARTILES - Edades c/Colesterol HIGH [29.5 47. 59.]

Análisis\_Drug5.ipynb

### Diagrama de Dispersión

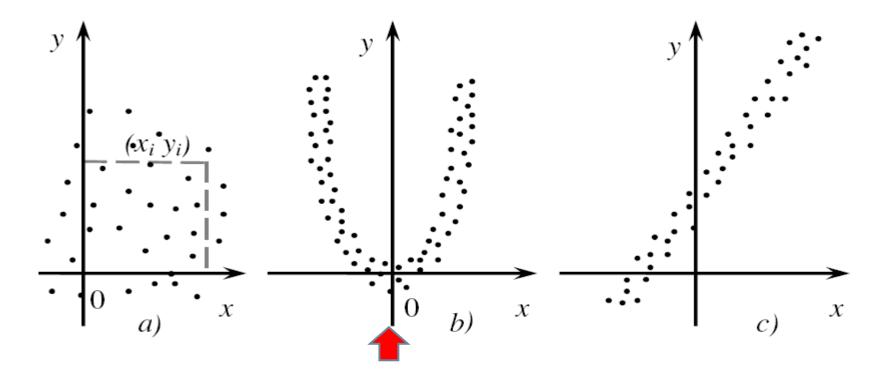
 Consiste en dibujar pares de valores (x<sub>i</sub>, y<sub>i</sub>) medidos de la v.a. (X,Y) en un sistema de coordenadas



Entre X e Y no hay ninguna relación funcional

### Diagrama de Dispersión

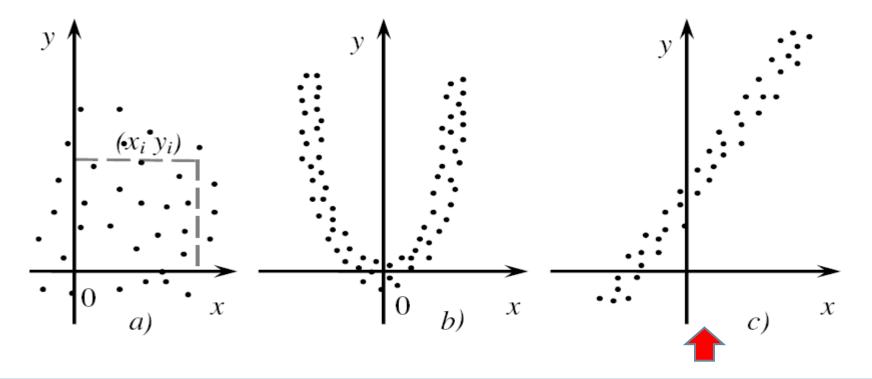
 Consiste en dibujar pares de valores (x<sub>i</sub>, y<sub>i</sub>) medidos de la v.a. (X,Y) en un sistema de coordenadas



Entre X e Y podría existir un relación funcional que corresponde a una parábola

### Diagrama de Dispersión

 Consiste en dibujar pares de valores (x<sub>i</sub>, y<sub>i</sub>) medidos de la v.a. (X,Y) en un sistema de coordenadas



Entre X e Y existe una relación lineal. Este es el tipo de relación que nos interesa

#### Relación entre atributos numéricos

Al momento de construir un modelo resulta de interés saber si dos atributos numéricos se encuentran linealmente relacionados o no. Para ello se usa el coeficiente de correlación lineal.

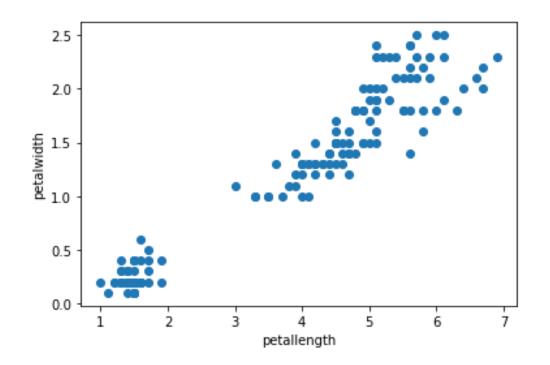


Diagrama de dispersión entre la longitud y el ancho del pétalo de una flor.

### Coeficiente de correlación lineal

 $\ \square$  Dados dos atributos X e Y el coeficiente de correlación lineal entre ellos se calcula de la siguiente forma

$$Corr(X,Y) = \frac{Cov(X,Y)}{\sigma_X \sigma_Y}$$

siendo Cov(X,Y) la covarianza entre X e Y y  $\sigma_X$  y  $\sigma_Y$  los desvíos de cada variable.

### Covarianza y desvío estándar

 $\square$  Dadas dos variables X y Y

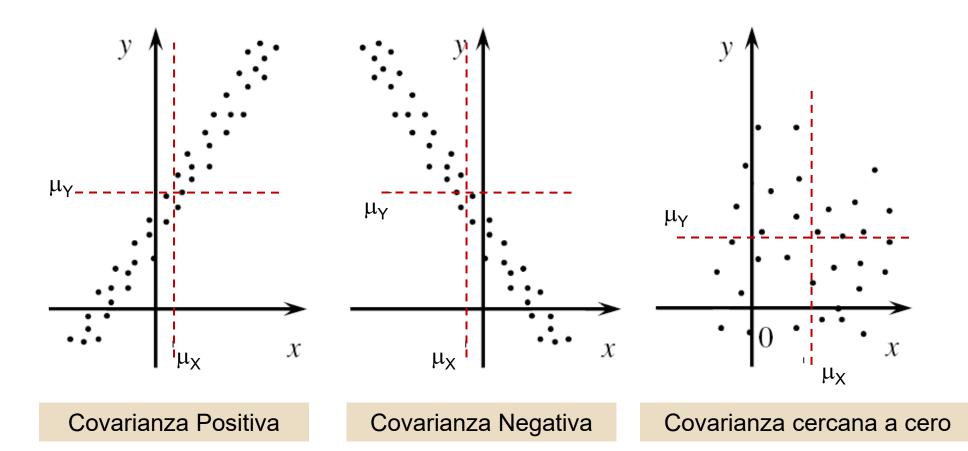
$$Cov(X,Y) = \left[\sum_{i=1}^{N} (x_i - \mu_X)(y_i - \mu_Y)\right]/N$$

$$\sigma_X = \sqrt{\left[\sum_{I=1}^N (x_i - \mu_X)^2\right]/N}$$

### Covarianza

$$Cov(X,Y) = \left[\sum_{i=1}^{N} (x_i - \mu_X)(y_i - \mu_Y)\right] / N$$

 La covarianza es un valor que indica el grado de variación conjunta de dos variables aleatorias respecto a sus medias.



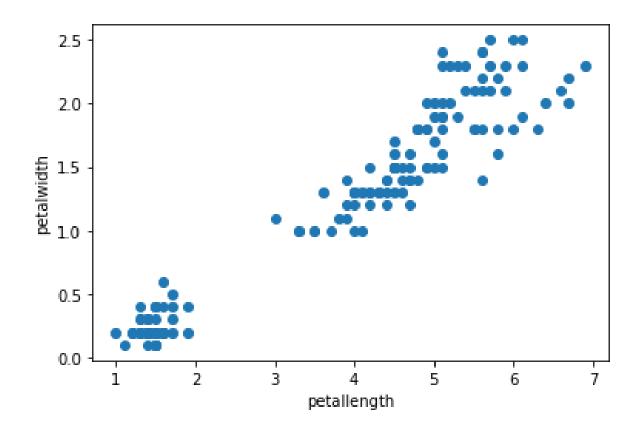
### Coeficiente de correlación lineal

#### INTERPRETACION

- □ Si 0.5≤ abs(Corr(A,B)) < 0.8 se dice que A y B tienen una correlación lineal débil.
- □ Si abs(Corr(A,B)) ≥ 0.8 se dice que A y B tienen una correlación lineal fuerte
- □ Si **abs(Corr(A,B))<0.5** se dice que A y B no están correlacionados linealmente. Esto NO implica que son independientes, sólo que entre ambos no hay una correlación lineal.

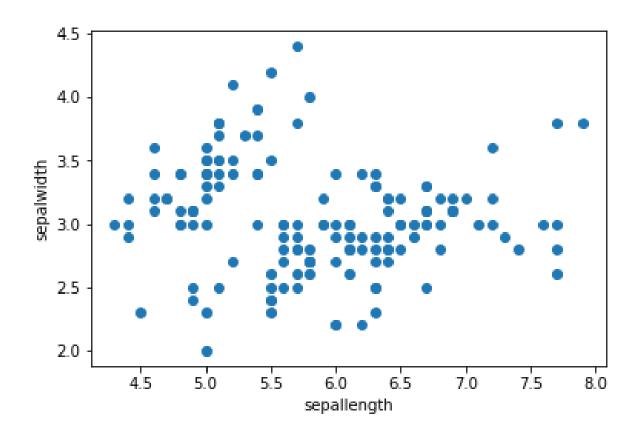
# Ejemplo

□ El valor del **coeficiente de correlación lineal** entre los atributos PETALLENGTH y PETALWIDTH es **0.96** 



## Ejemplo

□ El valor del **coeficiente de correlación lineal** entre los atributos SEPALLENGTH y SEPALWIDTH es **-0.11** 



#### Resumen

- □ Tipos de Variables
  - Cuantitativas y cualitativas
- Descripciones estadísticas
  - Medidas de tendencia central
    - Media, moda, mediana, rango medio
  - Medidas de dispersión
    - Varianza, desviación estándar
    - Rango
    - Cuartiles, Rango intercuartil

- Gráficos
  - Diagrama de barras
  - Diagrama de torta
  - Histograma
  - Diagrama de caja
  - Diagrama de dispersión
     Coeficiente de correlación lineal