

# Máquina Enigma y Máquina de Turing

## Cómo el análisis combinatorio salvó miles de vidas y Alan Turing creó el marco teórico para la codificación en ordenador

Joaquín Mateos Barroso

i22mabaj@uco.es

Códigos y Criptografía

Profesor: Jónatan Herrera Fernández

4º Ingeniería Informática

Universidad de Córdoba

October 27, 2024



UNIVERSIDAD  
DE  
CÓRDOBA

- 1 Contexto criptográfico
- 2 La Máquina Enigma
- 3 Descifrando Enigma
- 4 Codificación teórica mediante la Máquina de Turing

- 1 Contexto criptográfico
- 2 La Máquina Enigma
- 3 Descifrando Enigma
- 4 Codificación teórica mediante la Máquina de Turing

# Cifrado César

## Funcionamiento

Dado un número cualquiera  $n \in \{0, \dots, 25\}$ , el cifrado César de desplazamiento  $n$  de una letra, codificada en  $\mathbb{Z}_{26}$ , se define como

$$E_n(x) := (x + n) \mod 26$$

Vulnerabilidades. ¿Por qué es fácilmente descifrable?

# Cifrado César

## Funcionamiento

Dado un número cualquiera  $n \in \{0, \dots, 25\}$ , el cifrado César de desplazamiento  $n$  de una letra, codificada en  $\mathbb{Z}_{26}$ , se define como

$$E_n(x) := (x + n) \mod 26$$

## Vulnerabilidades. ¿Por qué es fácilmente descifrable?

- Únicamente hay 26 formas de encriptación. El análisis de frecuencias es muy sencillo.

# Cifrado César

## Funcionamiento

Dado un número cualquiera  $n \in \{0, \dots, 25\}$ , el cifrado César de desplazamiento  $n$  de una letra, codificada en  $\mathbb{Z}_{26}$ , se define como

$$E_n(x) := (x + n) \mod 26$$

## Vulnerabilidades. ¿Por qué es fácilmente descifrable?

- Únicamente hay 26 formas de encriptación. El análisis de frecuencias es muy sencillo.
- Hay que mandar la clave  $n$ .

Distintos algoritmos resolvieron parcialmente estos problemas, pero la Máquina Enigma tiene mecanismos para resolver los 2 primeros muy efectivamente, y el último parcialmente.

# Cifrado de Vigenère

## Funcionamiento

Dada una tupla de números  $(c_1, \dots, c_r)$ , siendo  $c_i \in \{0, \dots, 25\}$ , el cifrado de Vigenère de clave  $(c_1, \dots, c_r)$  de una frase  $x_1 x_2 \cdots x_n$ , codificada en  $\mathbb{Z}_{26}$ , se define como

$$E_n(x_1 x_2 \cdots x_n) := (x_1 + c_1), \cdots, (x_{r+1} + c_1), \cdots, (x_n + c_{n \% r + 1}) \mod 26$$

## Ventajas y vulnerabilidades

# Cifrado de Vigenère

## Funcionamiento

Dada una tupla de números  $(c_1, \dots, c_r)$ , siendo  $c_i \in \{0, \dots, 25\}$ , el cifrado de Vigenère de clave  $(c_1, \dots, c_r)$  de una frase  $x_1 x_2 \cdots x_n$ , codificada en  $\mathbb{Z}_{26}$ , se define como

$$E_n(x_1 x_2 \cdots x_n) := (x_1 + c_1), \cdots, (x_{r+1} + c_1), \cdots, (x_n + c_{n \% r + 1}) \mod 26$$

## Ventajas y vulnerabilidades

- Ya hay  $27^r$  formas de encriptación, suficientes para la época.



# Cifrado de Vigenère

## Funcionamiento

Dada una tupla de números  $(c_1, \dots, c_r)$ , siendo  $c_i \in \{0, \dots, 25\}$ , el cifrado de Vigenère de clave  $(c_1, \dots, c_r)$  de una frase  $x_1 x_2 \cdots x_n$ , codificada en  $\mathbb{Z}_{26}$ , se define como

$$E_n(x_1 x_2 \cdots x_n) := (x_1 + c_1), \dots, (x_{r+1} + c_1), \dots, (x_n + c_{n \% r + 1}) \mod 26$$

## Ventajas y vulnerabilidades

- Ya hay  $27^r$  formas de encriptación, suficientes para la época.
- Buscando series de grupos de letras que se repitan periódicamente, se puede deducir el número de letras de la clave, y a partir de ahí hacer  $r$  análisis de frecuencias.

# Cifrado de Vigenère

## Funcionamiento

Dada una tupla de números  $(c_1, \dots, c_r)$ , siendo  $c_i \in \{0, \dots, 25\}$ , el cifrado de Vigenère de clave  $(c_1, \dots, c_r)$  de una frase  $x_1 x_2 \cdots x_n$ , codificada en  $\mathbb{Z}_{26}$ , se define como

$$E_n(x_1 x_2 \cdots x_n) := (x_1 + c_1), \dots, (x_{r+1} + c_1), \dots, (x_n + c_{n \% r + 1}) \mod 26$$

## Ventajas y vulnerabilidades

- Ya hay  $27^r$  formas de encriptación, suficientes para la época.
- Buscando series de grupos de letras que se repitan periódicamente, se puede deducir el número de letras de la clave, y a partir de ahí hacer  $r$  análisis de frecuencias.
- Hay que mandar la clave  $(c_1, \dots, c_r)$ .

## ¿Qué buscaban en una encriptación?

Se desarrollaron diversos métodos, pero si el “enemigo” capturaba a un soldado aliado, podía sacarle la información del encriptado.

## ¿Qué buscaban en una encriptación?

Se desarrollaron diversos métodos, pero si el “enemigo” capturaba a un soldado aliado, podía sacarle la información del encriptado.

Tenían 3 problemas principales:

## ¿Qué buscaban en una encriptación?

Se desarrollaron diversos métodos, pero si el “enemigo” capturaba a un soldado aliado, podía sacarle la información del encriptado.

Tenían 3 problemas principales:

- 1 Una gran cantidad de formas de encriptación.

## ¿Qué buscaban en una encriptación?

Se desarrollaron diversos métodos, pero si el “enemigo” capturaba a un soldado aliado, podía sacarle la información del encriptado.

Tenían 3 problemas principales:

- ① Una gran cantidad de formas de encriptación.
- ② Evitar el análisis de frecuencias.

## ¿Qué buscaban en una encriptación?

Se desarrollaron diversos métodos, pero si el “enemigo” capturaba a un soldado aliado, podía sacarle la información del encriptado.

Tenían 3 problemas principales:

- ① Una gran cantidad de formas de encriptación.
- ② Evitar el análisis de frecuencias.
- ③ Aunque se le informe al enemigo de la forma y clave de encriptación, podemos seguir comunicándonos con otros soldados.

Enigma resolvió los 3 problemas.

- 1 Contexto criptográfico
- 2 La Máquina Enigma**
- 3 Descifrando Enigma
- 4 Codificación teórica mediante la Máquina de Turing



# La Máquina Enigma

Los alemanes crearon una máquina con varios rotores (en este caso 3) que se colocaban y giraban en función de sus necesidades.



Figure 1: Imagen de una Máquina Enigma real.

# La Máquina Enigma

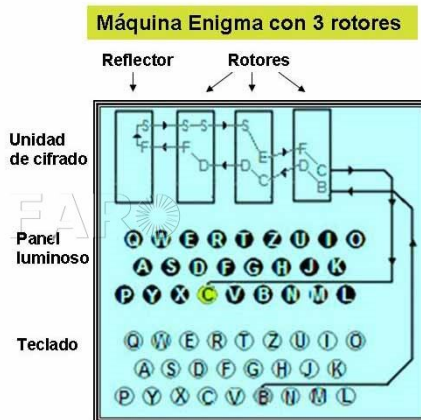
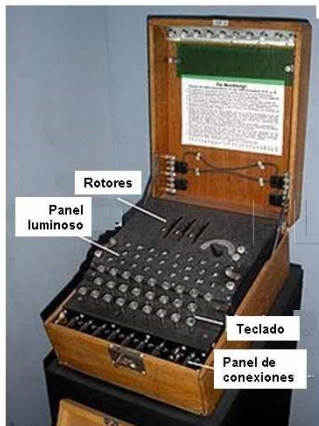
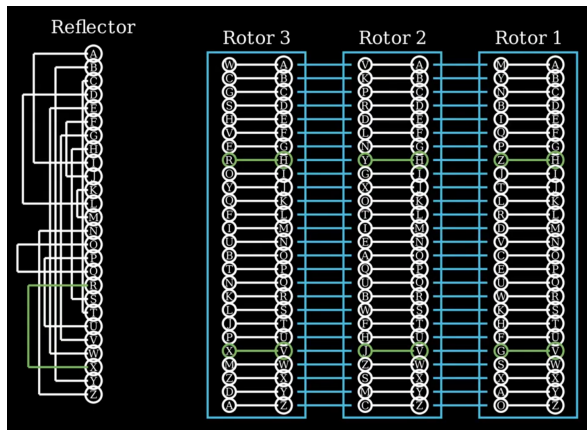


Figure 2: Representación interna de la Máquina Enigma.

# Vídeo demostrativo del funcionamiento de la Máquina Enigma



# Modelización matemática de Enigma

## Características matemáticas de sus componentes

# Modelización matemática de Enigma

## Características matemáticas de sus componentes

- 1 Cada rotor internamente realiza siempre la misma permutación. Llamemos a estas permutaciones  $\sigma_1, \sigma_2, \sigma_3 : \mathbb{Z}_{26} \rightarrow \mathbb{Z}_{26}$ , en orden de derecha a izquierda.

# Modelización matemática de Enigma

## Características matemáticas de sus componentes

- 1 Cada rotor internamente realiza siempre la misma permutación. Llamemos a estas permutaciones  $\sigma_1, \sigma_2, \sigma_3 : \mathbb{Z}_{26} \rightarrow \mathbb{Z}_{26}$ , en orden de derecha a izquierda.
- 2 Dada una configuración inicial, en una iteración  $k$ , para pasar de un rotor,  $i$ , a otro,  $i + 1$ , se está realizando una permutación  $p_{i+1 \leftarrow i}^{(k)} : \mathbb{Z}_{26} \rightarrow \mathbb{Z}_{26}$ .

# Modelización matemática de Enigma

## Características matemáticas de sus componentes

- 1 Cada rotor internamente realiza siempre la misma permutación. Llamemos a estas permutaciones  $\sigma_1, \sigma_2, \sigma_3 : \mathbb{Z}_{26} \rightarrow \mathbb{Z}_{26}$ , en orden de derecha a izquierda.
- 2 Dada una configuración inicial, en una iteración  $k$ , para pasar de un rotor,  $i$ , a otro,  $i + 1$ , se está realizando una permutación  $p_{i+1 \leftarrow i}^{(k)} : \mathbb{Z}_{26} \rightarrow \mathbb{Z}_{26}$ .
- 3 Al volver, esta permutación se invierte;  $p_{i+1 \rightarrow i}^{(k)} = (p_{i+1 \leftarrow i}^{(k)})^{-1}$ .

# Modelización matemática de Enigma

## Características matemáticas de sus componentes

- 1 Cada rotor internamente realiza siempre la misma permutación. Llamemos a estas permutaciones  $\sigma_1, \sigma_2, \sigma_3 : \mathbb{Z}_{26} \rightarrow \mathbb{Z}_{26}$ , en orden de derecha a izquierda.
- 2 Dada una configuración inicial, en una iteración  $k$ , para pasar de un rotor,  $i$ , a otro,  $i + 1$ , se está realizando una permutación  $p_{i+1 \leftarrow i}^{(k)} : \mathbb{Z}_{26} \rightarrow \mathbb{Z}_{26}$ .
- 3 Al volver, esta permutación se invierte;  $p_{i+1 \rightarrow i}^{(k)} = (p_{i+1 \leftarrow i}^{(k)})^{-1}$ .
- 4 Por último, al llegar al reflejo final, se realiza una permutación  $r : \mathbb{Z}_{26} \rightarrow \mathbb{Z}_{26}$  con la importante propiedad de que, al ser un reflejo, es involutivo, es decir,  $r^{-1} = r$ . Esta propiedad es muy importante para el descifrado sencillo de mensajes.



# Modelización matemática de Enigma

## Características matemáticas de sus componentes

Así, en la iteración  $k$ , si definimos

$$\text{pasoA}Izquierda(x) := \sigma_3 \circ p_{3 \leftarrow 2} \circ \sigma_2 \circ p_{2 \leftarrow 1} \circ \sigma_1(x)$$

$$\text{pasoA}Derecha(x) := \sigma_1^{-1} \circ p_{2 \rightarrow 1} \circ \sigma_2^{-1} \circ p_{3 \rightarrow 2} \circ \sigma_3^{-1}(x)$$

entonces la aplicación de la Máquina a una letra  $x \in \mathbb{Z}_{26}$  sería

$$E_k(x) = \text{pasoA}Derecha \circ r \circ \text{pasoA}Izquierda(x)$$

# Modelización matemática de Enigma

## Involución del encriptado de la Máquina Enigma

**Proposición.** El encriptado Enigma para un mismo paso  $k$  es involutivo, i.e.,  
 $E_k^{-1} = E_k$ .

**Demostración.** (Posiblemente sería mejor hacerla en pizarra, explicando los pasos)

# Modelización matemática de Enigma

## Involución del encriptado de la Máquina Enigma

**Proposición.** El encriptado Enigma para un mismo paso  $k$  es involutivo, i.e.,  $E_k^{-1} = E_k$ .

**Demostración.** (Posiblemente sería mejor hacerla en pizarra, explicando los pasos)

$$\begin{aligned}
 E_k^{-1} &= \text{pasoA}Izquierda^{-1} \circ r^{-1} \circ \text{pasoA}Derecha^{-1} = \\
 &= (\sigma_1^{-1} \circ p_{2 \leftarrow 1}^{-1} \circ \sigma_2^{-1} \circ p_{3 \leftarrow 2}^{-1} \circ \sigma_3^{-1}) \circ r \circ (\sigma_3 \circ p_{3 \rightarrow 2}^{-1} \circ \sigma_2 \circ p_{2 \rightarrow 1}^{-1} \circ \sigma_1) = \\
 &= (\sigma_1^{-1} \circ p_{2 \rightarrow 1} \circ \sigma_2^{-1} \circ p_{3 \rightarrow 2} \circ \sigma_3^{-1}) \circ r \circ (\sigma_3 \circ p_{3 \leftarrow 2} \circ \sigma_2 \circ p_{2 \leftarrow 1} \circ \sigma_1) = \\
 &= \text{pasoA}Derecha \circ r \circ \text{pasoA}Izquierda = E_k
 \end{aligned}$$

## Modo de empleo alemán

Sin embargo, los alemanes no podían elegir una configuración y quedarse con ella, pues entonces cualquiera que obtuviera una máquina podría descifrar los mensajes.

## Modo de empleo alemán

Sin embargo, los alemanes no podían elegir una configuración y quedarse con ella, pues entonces cualquiera que obtuviera una máquina podría descifrar los mensajes. Lo bueno es que para una máquina, hay  $\binom{3}{2}$  ordenes de rotores, y 26 posiciones por rotor, luego hay  $6 \cdot 26^3 = 105,456$  configuraciones distintas.

## Modo de empleo

## Modo de empleo alemán

Sin embargo, los alemanes no podían elegir una configuración y quedarse con ella, pues entonces cualquiera que obtuviera una máquina podría descifrar los mensajes. Lo bueno es que para una máquina, hay  $\binom{3}{2}$  ordenes de rotores, y 26 posiciones por rotor, luego hay  $6 \cdot 26^3 = 105,456$  configuraciones distintas.

### Modo de empleo

- 1 Al principio de cada mes, se mandaba una libreta con una configuración diaria.

## Modo de empleo alemán

Sin embargo, los alemanes no podían elegir una configuración y quedarse con ella, pues entonces cualquiera que obtuviera una máquina podría descifrar los mensajes. Lo bueno es que para una máquina, hay  $\binom{3}{2}$  ordenes de rotores, y 26 posiciones por rotor, luego hay  $6 \cdot 26^3 = 105,456$  configuraciones distintas.

### Modo de empleo

- 1 Al principio de cada mes, se mandaba una libreta con una configuración diaria.
- 2 El emisario coloca la configuración que toque, y manda 2 veces una terna de letras elegidas, e.g., STGSTG. A continuación inicializa cada rotor con la letra elegida.

## Modo de empleo alemán

Sin embargo, los alemanes no podían elegir una configuración y quedarse con ella, pues entonces cualquiera que obtuviera una máquina podría descifrar los mensajes. Lo bueno es que para una máquina, hay  $\binom{3}{2}$  ordenes de rotores, y 26 posiciones por rotor, luego hay  $6 \cdot 26^3 = 105,456$  configuraciones distintas.

### Modo de empleo

- ① Al principio de cada mes, se mandaba una libreta con una configuración diaria.
- ② El emisario coloca la configuración que toque, y manda 2 veces una terna de letras elegidas, e.g., STGSTG. A continuación inicializa cada rotor con la letra elegida.
- ③ El receptor lee las 6 primeras letras, coloca los rotores como corresponda, y lee el resto del mensaje.



## Modo de empleo alemán

### Ventajas

# Modo de empleo alemán

## Ventajas

- Inutiliza el análisis de frecuencias.

# Modo de empleo alemán

## Ventajas

- Inutiliza el análisis de frecuencias.
- Hace falta la libreta mensual para descifrar mensajes.

# Modo de empleo alemán

## Ventajas

- Inutiliza el análisis de frecuencias.
- Hace falta la libreta mensual para descifrar mensajes.
- Aún si se intercepta un trozo de mensaje y se tiene la libreta, hace falta el inicio del mensaje para entenderlo.

# Modo de empleo alemán

## Ventajas

- Inutiliza el análisis de frecuencias.
- Hace falta la libreta mensual para descifrar mensajes.
- Aún si se intercepta un trozo de mensaje y se tiene la libreta, hace falta el inicio del mensaje para entenderlo.
- Una configuración distinta cada día, y en cada mensaje.

## Inconvenientes

# Modo de empleo alemán

## Ventajas

- Inutiliza el análisis de frecuencias.
- Hace falta la libreta mensual para descifrar mensajes.
- Aún si se intercepta un trozo de mensaje y se tiene la libreta, hace falta el inicio del mensaje para entenderlo.
- Una configuración distinta cada día, y en cada mensaje.

## Inconvenientes

- No es trivial mandar mensualmente la libreta.

# Modo de empleo alemán

## Ventajas

- Inutiliza el análisis de frecuencias.
- Hace falta la libreta mensual para descifrar mensajes.
- Aún si se intercepta un trozo de mensaje y se tiene la libreta, hace falta el inicio del mensaje para entenderlo.
- Una configuración distinta cada día, y en cada mensaje.

## Inconvenientes

- No es trivial mandar mensualmente la libreta.
- Mandar 2 veces las mismas letras trae problemas... Lo veremos a continuación.

# Modo de empleo alemán

## Ventajas

- Inutiliza el análisis de frecuencias.
- Hace falta la libreta mensual para descifrar mensajes.
- Aún si se intercepta un trozo de mensaje y se tiene la libreta, hace falta el inicio del mensaje para entenderlo.
- Una configuración distinta cada día, y en cada mensaje.

## Inconvenientes

- No es trivial mandar mensualmente la libreta.
- Mandar 2 veces las mismas letras trae problemas... Lo veremos a continuación.
- Alan Turing no era alemán.



# Modo de empleo alemán

## Ventajas

- Inutiliza el análisis de frecuencias.
- Hace falta la libreta mensual para descifrar mensajes.
- Aún si se intercepta un trozo de mensaje y se tiene la libreta, hace falta el inicio del mensaje para entenderlo.
- Una configuración distinta cada día, y en cada mensaje.

## Inconvenientes

- No es trivial mandar mensualmente la libreta.
- Mandar 2 veces las mismas letras trae problemas... Lo veremos a continuación.
- Alan Turing no era alemán.
- Hay una película que se llama “Descifrando Enigma“, así que algo pasaría.

- 1 Contexto criptográfico
- 2 La Máquina Enigma
- 3 Descifrando Enigma**
- 4 Codificación teórica mediante la Máquina de Turing

## Problema a resolver

Cuando empezó la guerra, los alemanes, viendo que los polacos estaban realizando progresos, añadieron un proceso de cableado previo, en el que 6 letras del alfabeto original se cambiaban por otras 6 para ser introducidas en el primer rotor.

## Problema a resolver

Cuando empezó la guerra, los alemanes, viendo que los polacos estaban realizando progresos, añadieron un proceso de cableado previo, en el que 6 letras del alfabeto original se cambiaban por otras 6 para ser introducidas en el primer rotor.

De esta forma, había  $\binom{26}{12}$  formas de elegir las letras, y  $\frac{1}{2^6} \cdot \binom{12}{6} \cdot 6!$  formas de elegir la forma en la que conectamos estas 12 letras.

## Problema a resolver

Cuando empezó la guerra, los alemanes, viendo que los polacos estaban realizando progresos, añadieron un proceso de cableado previo, en el que 6 letras del alfabeto original se cambiaban por otras 6 para ser introducidas en el primer rotor.

De esta forma, había  $\binom{26}{12}$  formas de elegir las letras, y  $\frac{1}{2^6} \cdot \binom{12}{6} \cdot 6!$  formas de elegir la forma en la que conectamos estas 12 letras.

En total, hay

$$105,456 \cdot \binom{26}{12} \cdot \frac{1}{2^6} \cdot \binom{12}{6} \cdot 6! \sim 10^{16}$$

configuraciones distintas de la máquina. Creando así un sistema inviable de estudiar por ningún método ni remotamente exhaustivo.

# Solución de Marian Rejewski

Los polacos consiguieron interceptar algunas máquinas Enigma, y, gracias a un equipo de grandes matemáticos que había allí en la época, consiguieron grandes resultados. En particular, uno de ellos, *Marian Rejewski*, desarrolló un método que permitió la descryptación de los mensajes alemanes.



Figure 3: Marian Rejewski.

## Solución de Marian Rejewski

Rejewski se dio cuenta de que las repeticiones de caracteres entre las 6 primeras letras daban mucha información.

## Solución de Marian Rejewski

Rejewski se dio cuenta de que las repeticiones de caracteres entre las 6 primeras letras daban mucha información.

Primero ordenaba varios mensajes de la siguiente forma:

	1st	2nd	3rd	4th	5th	6th
1st message	L	O	K	R	G	M
2nd message	M	V	T	X	Z	E
3rd message	J	K	T	M	P	E
4th message	D	V	Y	P	Z	X

1st letter	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
4th letter	F	Q	H	P	L	W	O	G	B	M	V	R	X	U	Y	C	Z	I	T	N	J	E	A	S	D	K



## Solución de Marian Rejewski

Con esta información, y la de los pares de letras (2, 5), (3, 6), que correspondían, originalmente, a la misma letra, se dio cuenta de que se cumplía una propiedad interesante de las *cadenas de Rejewski* de permutaciones generadas:

A → F → W → A	3 links
B → Q → Z → K → V → E → L → R → I → B	9 links
C → H → G → O → Y → D → P → C	7 links
J → M → X → S → T → N → U → J	7 links

Esta propiedad consiste en que la longitud de estas cadenas era constante sin importar el orden del cableado de 6 pares de letras inicial.

## Solución de Marian Rejewski

Con esta información, y la de los pares de letras (2, 5), (3, 6), que correspondían, originalmente, a la misma letra, se dio cuenta de que se cumplía una propiedad interesante de las *cadenas de Rejewski* de permutaciones generadas:

A → F → W → A	3 links
B → Q → Z → K → V → E → L → R → I → B	9 links
C → H → G → O → Y → D → P → C	7 links
J → M → X → S → T → N → U → J	7 links

Esta propiedad consiste en que la longitud de estas cadenas era constante sin importar el orden del cableado de 6 pares de letras inicial.

Así se redujo la cantidad de configuraciones a explorar al mismo que sin cableado; 105,456 configuraciones. Pero Rejewski tenía un truco más.

## Solución de Marian Rejewski

Primero encargó a su equipo que recopilara las cadenas generadas por las 105,456 posibles configuraciones.

# Solución de Marian Rejewski

Primero encargó a su equipo que recopilara las cadenas generadas por las 105,456 posibles configuraciones.

Tras un año, las obtuvieron todas, y, viendo el invariante anterior, las catalogaron de acuerdo a esta información de la siguiente forma:

4 chains from the 1st and 4th letters, with 3, 9, 7 and 7 links.

4 chains from the 2nd and 5th letters, with 2, 3, 9 and 12 links.

5 chains from the 3rd and 6th letters, with 5, 5, 5, 3 and 8 links.

Esto es un invariante de la cadena, y además cada cadena tiene una única forma de entre estas.

## Solución de Marian Rejewski

Primero encargó a su equipo que recopilara las cadenas generadas por las 105,456 posibles configuraciones.

Tras un año, las obtuvieron todas, y, viendo el invariante anterior, las catalogaron de acuerdo a esta información de la siguiente forma:

4 chains from the 1st and 4th letters, with 3, 9, 7 and 7 links.

4 chains from the 2nd and 5th letters, with 2, 3, 9 and 12 links.

5 chains from the 3rd and 6th letters, with 5, 5, 5, 3 and 8 links.

Esto es un invariante de la cadena, y además cada cadena tiene una única forma de entre estas.

Gracias a todo esto, Rejewski consiguió descifrar Enigma.

# Solución de Marian Rejewski

## Primera solución de Enigma

# Solución de Marian Rejewski

## Primera solución de Enigma

- 1 Rejewski recopilaba mensajes del día hasta obtener las cadenas correspondientes a las primeras letras.

# Solución de Marian Rejewski

## Primera solución de Enigma

- ① Rejewski recopilaba mensajes del día hasta obtener las cadenas correspondientes a las primeras letras.
- ② A partir de este invariante, descubría la estructura de rotores que tenían las máquinas ese día en particular.



# Solución de Marian Rejewski

## Primera solución de Enigma

- ① Rejewski recopilaba mensajes del día hasta obtener las cadenas correspondientes a las primeras letras.
- ② A partir de este invariante, descubría la estructura de rotores que tenían las máquinas ese día en particular.
- ③ Con los rotores en posición, el juego era trivial, pues estaban todas las letras, menos 12, colocadas correctamente, luego se buscaban frases como *alliveinbelrin*, que se suponía que significaba *arrie in Berlin*, por lo que se sustituía la *r* por la *l* en el cableado, y se proseguía hasta terminar.

- 1 Contexto criptográfico
- 2 La Máquina Enigma
- 3 Descifrando Enigma
- 4 Codificación teórica mediante la Máquina de Turing



- different themes

- different themes
- different themes

- different themes
- different themes
- different themes

- different themes
- different themes
- different themes
- different themes

Muchas gracias por escuchar !

Joaquín Mateos Barroso



Muchas gracias por escuchar !

Joaquín Mateos Barroso

i22mabaj@uco.es