#### ECONOMÍA APLICADA

# Problem Set 3: Fuentes de sesgo e imprecisión

## Fecha de entrega: 6 de septiembre de 2024

Paola Llamas y Tomás Pacheco

#### Instrucciones

- Agreguen los nombres y apellidos de los integrantes en el encabezado del archivo que entregan.
- El título de los archivos entregados debe tener la siguiente estructura: PS3\_Garcia\_Gomez\_Gonzalez\_Perez.pdf
- **UN ÚNICO** miembro del grupo debe subir el PDF y *do-file* al Campus Virtual en la sección "Problem Set 3".
- El código lo tendrán que entregar de dos formas distintas. Primero deberán exportar el *do-file* como PDF y unirlo al informe (ayuda). Luego, deberán entregar el código en formato .do en el lugar indicado en el Campus Virtual.
- El directorio de trabajo debe tener tres carpetas: programs, input y output. El dofile debe ser entregado de tal manera que los tutores podamos correr el código solamente modificando el global con el *main directory* (esto es muy importante).
- Recuerden que siempre deben presentar la información en tablas y gráficos estéticos. Nunca presenten una tabla o figura sin dedicarle unas líneas a comentar lo que se observa.

### Ejercicio 1

Repitan la simulación hecha en clase incluyendo modificaciones menores para mostrar los siguientes puntos. Si quieren, pueden crear un modelo propio.

- 1. ¿Qué sucede con los errores estándar de los regresores si aumenta el tamaño muestral?
- 2. ¿Qué sucede con los errores estándar de los regresores si aumenta la varianza de μ (término de error)?
- 3. ¿Qué sucede con los errores estándar de un regresor si aumenta la varianza de X?
- 4. ¿Cuánto vale la suma de los residuos? Para responder a esta pregunta, pueden elegir cualquier modelo.
- 5. ¿Son los residuos ortogonales a los regresores?
- 6. ¿Cómo afecta la alta multicolinealidad a la estimación de Y?
- 7. ¿Qué sucede si corren una regresión con un error no aleatorio en *X*? ¿Y si ese error fuera aleatorio?
- 8. ¿Qué sucede si corren una regresión con un error no aleatorio en *Y*? ¿Y si ese error fuera aleatorio?

## Ejercicio 2

Supongan que están interesados en estimar el efecto causal de  $X_1$  en Y. Cuentan con datos de dos variables de control,  $X_2$  y  $X_3$ . Pueden suponer que Y es la nota en un examen de matemática,  $X_1$  la asistencia a clases,  $X_2$  el promedio del alumno y  $X_3$  la cantidad de horas que estudia el alumno por semana.

Llamaremos  $\tilde{\beta}_1$  al estimador de la regresión de Y en  $X_1$ :

$$score_i = \beta_0 + \beta_1 attend_i + \mu_i$$

y  $\hat{\beta}_1$  al coeficiente de la asistencia de la regresión de Y en  $X_1$ ,  $X_2$  y  $X_3$ :

$$score_i = \beta_0 + \beta_1 attend_i + \beta_2 cgpa_i + \beta_3 study_i + \mu_i$$

Respondan las siguientes preguntas:

- 1. Si  $X_1$  está altamente correlacionada con  $X_2$  y con  $X_3$ , y  $X_2$  y  $X_3$  tiene mucha relación con Y, ¿esperan que  $\hat{\beta}_1$  y  $\tilde{\beta}_1$  sean similares o distintos? Expliquen.
- 2. Si  $X_1$  no está correlacionada con  $X_2$  y  $X_3$  pero  $X_2$  y  $X_3$  están altamente correlacionadas entre ellas, ¿esperan que  $\hat{\beta}_1$  y  $\tilde{\beta}_1$  sean similares o distintos? Expliquen.
- 3. Si  $\dot{\beta}_1$  es el coeficiente de asistencia a clase en la regresión de Y en  $X_1$ ,  $X_2$ ,  $X_3$  y  $X_4$ , en donde  $X_4$  es el consumo de chocolate del alumno, ¿esperan que  $\dot{\beta}_1$  y  $\hat{\beta}_1$  sean similares o distintos? Expliquen.
- 4. Si  $X_1$  está altamente correlacionada con  $X_2$  y  $X_3$  pero  $X_2$  y  $X_3$  tienen poca relación con Y, ¿esperan que  $\hat{\beta}_1$  y  $\tilde{\beta}_1$  sean similares o distintos? Expliquen.
- 5. ¿Cómo esperan que sea la relación entre los errores estándar de los coeficientes  $\tilde{\beta}_1$  y  $\hat{\beta}_1$  si:  $X_1$  esta incorrelacionada con  $X_2$  y  $X_3$ ,  $X_2$  y  $X_3$  tienen grandes efectos marginales en Y y  $X_2$  y  $X_3$  están altamente correlacionados? Expliquen.
- 6. ¿Cómo esperan que sea la relación entre los errores estándar de  $\dot{\beta}_1$  y  $\hat{\beta}_1$ ? (expliquen los supuestos que hacen sobre el consumo de chocolate y la correlación con otras variables).