## Непрерывные математические модели

Модифицированным методом Ньютона-Канторовича найти первые два приближения к решению краевой задачи

$$-\ddot{x} + 2t^{-10} * x^3 = -10t^2 \tag{1}$$

$$x(1) = 1, \ x(2) = 32$$
 (2)

Точное решение:  $x^*(t) = t^5$ 

## Расчетные формулы

$$\ddot{x}(t) + f(t, x_0(t), \dot{x}_0(t)) = 0 \tag{3}$$

$$-\ddot{x}_{n+1}(t) + f'_x(t, x_0(t), \dot{x}_0(t)) \ x_{n+1}(t) + f'_{\dot{x}}(t, x_0(t), \dot{x}_0(t)) \ \dot{x}_{n+1}(t) = f'_x(t, x_0(t), \dot{x}_0(t)) \ x_n(t) + f'_{\dot{x}}(t, x_0(t), \dot{x}_0(t)) \ \dot{x}_n(t) - f(t, x_n(t), \dot{x}_n(t))$$
(4)

$$x_{n+1}(a) = \alpha_0, \ x_n + 1(b) = \alpha_1$$
 (5)

Для задачи (1)-(2) имеем:

$$f(t, x_0(t), \dot{x}_0(t)) = 2t^{-10}x_0^3(t) + 10t^2$$
  
$$f'_x(t, x_0(t), \dot{x}_0(t)) = 6t^{-10}x_0^2(t)$$
  
$$f'_{\dot{x}}(t, x_0(t), \dot{x}_0(t)) = 0$$

$$-\ddot{x}_{n+1}(t) + 6t^{-10}x_0^2(t)x_{n+1}(t) = 6t^{-10}x_0^2(t)x_n(t) - 2t^{-10}x_0^3(t) - 10t^2$$
 (6)

$$x_{n+1}(1) = 1, \ x_{n+1}(2) = 32$$
 (7)

Введем замену  $x_{n+1}(t) = y_{n+1}(t) + G(t)$ , где G(t) имеет вид:

$$G(t) = 31t - 30 \tag{8}$$

$$-\ddot{y}_{n+1}(t) + 6t^{-10}(y_0(t) + G(t))^2 (y_{n+1}(t) + G(t)) = 6t^{-10}(y_0(t) + G(t))^2 (y_n(t) + G(t)) - 2t^{-10}(y_0(t) + G(t))^3 - 10t^2$$
(9)

$$y_{n+1}(1) = 0, \ y_{n+1}(2) = 0$$
 (10)

Приведем (9)-(10) к следующему виду:

$$p(t)\ddot{y}_{n+1}(t) + q(t)\dot{y}_{n+1}(t) + r(t)y_{n+1}(t) = g_1(t, y_n(t), \dot{y}_n(t))$$
(11)

$$y_{n+1}(1) = 0, \ y_{n+1}(2) = 0$$
 (12)

$$-\ddot{y}_{n+1}(t) + 6t^{-10}(y_0(t) + G(t))^2 y_{n+1}(t) = 6t^{-10}(y_0(t) + G(t))^2 y_n(t) - 2t^{-10}(y_0(t) + G(t))^3 - 10t^2$$
(13)

$$y_{n+1}(1) = 0, \ y_{n+1}(2) = 0$$
 (14)