

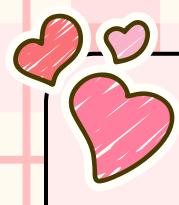
 $\mu \geq \mu_o$

La hipótesis nula de la prueba de cola inferior de la media poblacional se puede expresar de la siguiente manera μ (media real) $\geq \mu 0$ (valor hipotético) $\mu 0$ es un límite inferior hipotético de la media real de la población μ .

Se define el estadístico de prueba z en términos de la z = media muestral, el tamaño muestral y la desviación estándar de la población δ (desviación estándar):

Entonces, la hipótesis nula de la prueba debe rechazarse si z (estadística de prueba)<= - za, donde za es el percentil 100 (1 - a) de la distribución normal estándar.

 $z = \frac{\bar{x} - \mu_o}{\sigma/\sqrt{n}}$



PROBLEMA

Supongamos que un fabricante de bombillas afirma que la vida útil promedio de una bombilla es de más de 10000 horas. En una muestra de 30 bombillas, se descubrió que solo duran 9900 horas en promedio. Suponga que la desviación estándar de la población es de 120 horas. Con un nivel de significancia de Alpha=0.05, ¿podemos rechazar la afirmación del fabricante?

SOLUCIÓN

La hipótesis nula es que µ mayor o igual que 10,000. Comenzamos con el cálculo de estadística de la prueba.

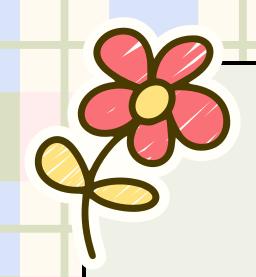
Variables

xbar = 9900 -> Media de la muestra

mu0 = 10000 -> Valor hipotético

sigma = 120 -> Desviación estándar de población

n = 30 -> Tamaño de la muestra Z= -4.5644



FORMULA "ESTADISTICA DE PRUEBA"

$$z = \frac{\bar{x} - \mu_o}{\sigma/\sqrt{n}}$$

Z = -4.5644



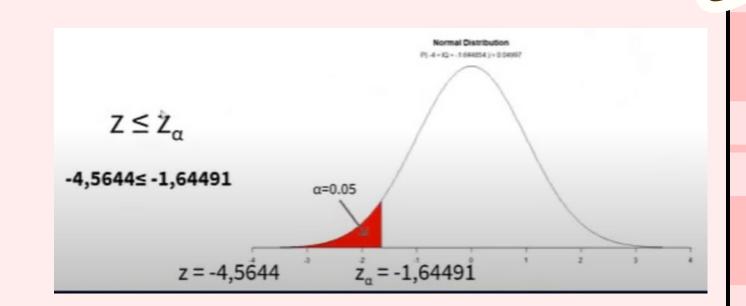
RESPUESTA

Con el código calculamos el valor crítico a un nivel de significación de

alpha = 0.05

z.alpha = qnorm(1-alpha) -> Valor crítico

-z.alpha -> Resultado



La estadística de prueba -4. 5644 es menor que el valor crítico de -1. 64.49.

Por lo tanto, a nivel de significación de Alpha= 0.05, rechazamos la afirmación de que la vida media de una bombilla es superior a 10,000 horas.



SOLUCIÓN ALTERNATIVA

P(-1e+05 < IQ < -4.5644) = 2.505e-06

En lugar de utilizar el valor crítico, aplicamos la función pnorm para calcular el p-valor de la cola inferior de la prueba de estadística. Como resulta ser menor que el nivel de significación alpha=0.05, rechazamos la hipótesis nula de que mu es mayor o igual a 10,000

p-valor mayor o igual que alpha

2.505166e-06 menor que 0.05
*Es la forma más rápida para aceptar o rechazar en la hipótesis.



