

排序 - Shell排序(Shell Sort)

希尔排序(Shell Sort)是插入排序的一种，它是针对直接插入排序算法的改进。

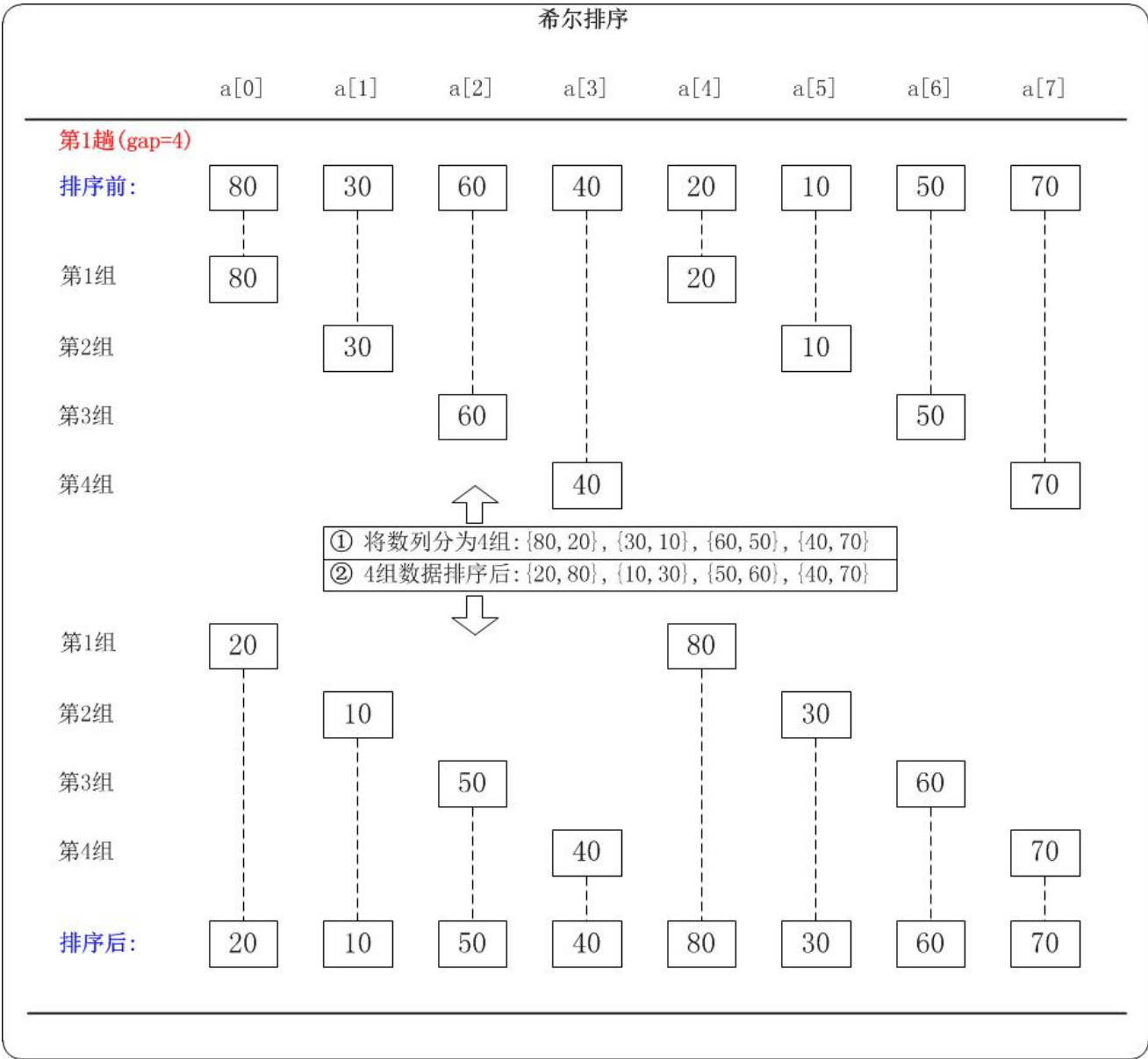
希尔排序介绍

希尔排序实质上是一种分组插入方法。它的基本思想是: 对于 n 个待排序的数列，取一个小于 n 的整数 gap (gap 被称为步长)将待排序元素分成若干个组子序列，所有距离为 gap 的倍数的记录放在同一个组中；然后，对各组内的元素进行直接插入排序。这一趟排序完成之后，每一个组的元素都是有序的。然后减小 gap 的值，并重复执行上述的分组和排序。重复这样的操作，当 $gap=1$ 时，整个数列就是有序的。

希尔排序实现

下面以数列{80,30,60,40,20,10,50,70}为例，演示它的希尔排序过程。

第1趟: ($gap=4$)



当gap=4时,意味着将数列分为4个组:

{80,20},{30,10},{60,50},{40,70}。

对应数列: {80,30,60,40,20,10,50,70}

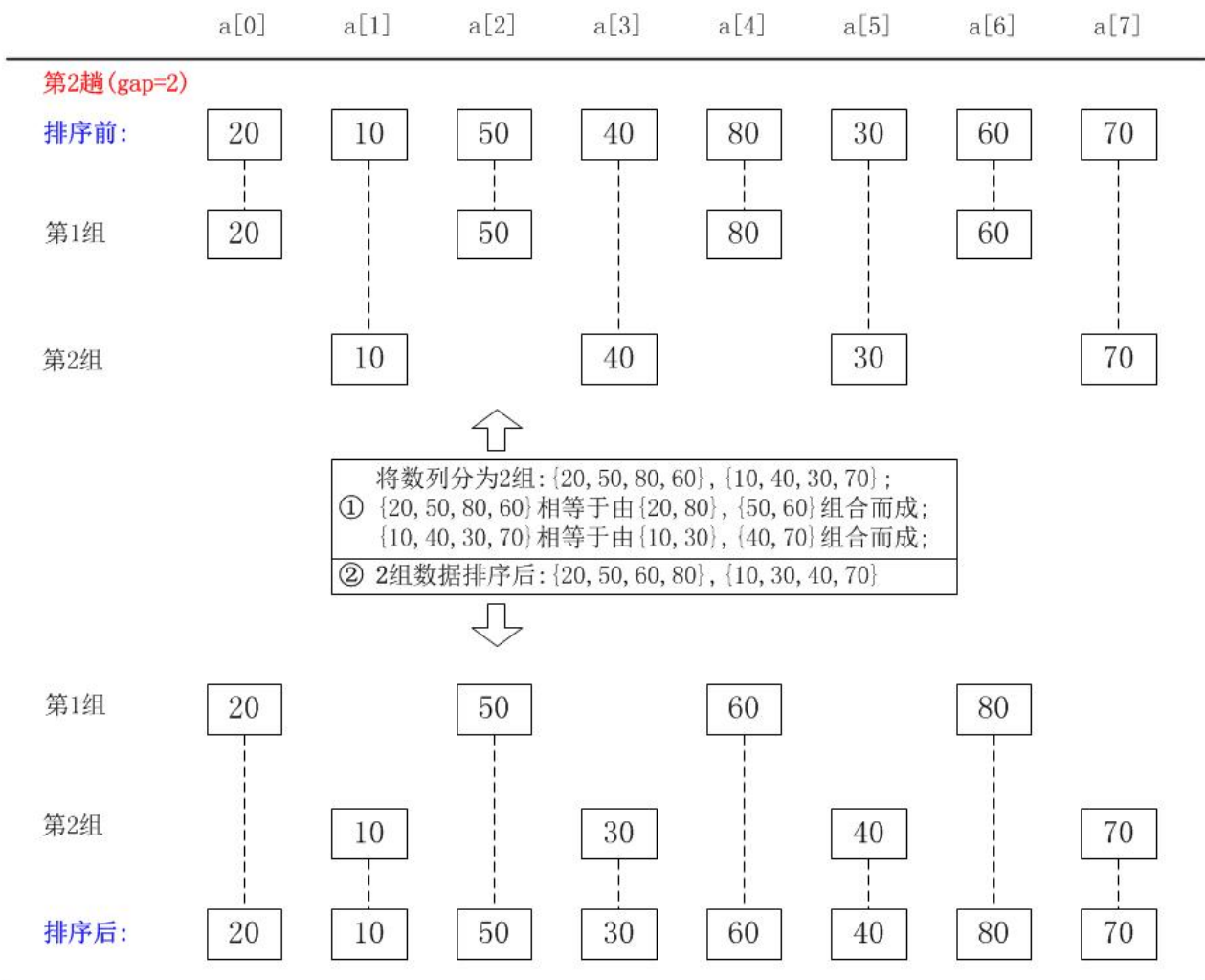
对这4个组分别进行排序,

排序结果: {20,80},{10,30},{50,60},{40,70}。

对应数列: {20,10,50,40,80,30,60,70}

第2趟: (gap=2)

希尔排序



当gap=2时,意味着将数列分为2个组:

{20,50,80,60}, {10,40,30,70}。

对应数列: {20,10,50,40,80,30,60,70}

注意: {20,50,80,60}实际上有两个有序的数列{20,80}和{50,60}组成。

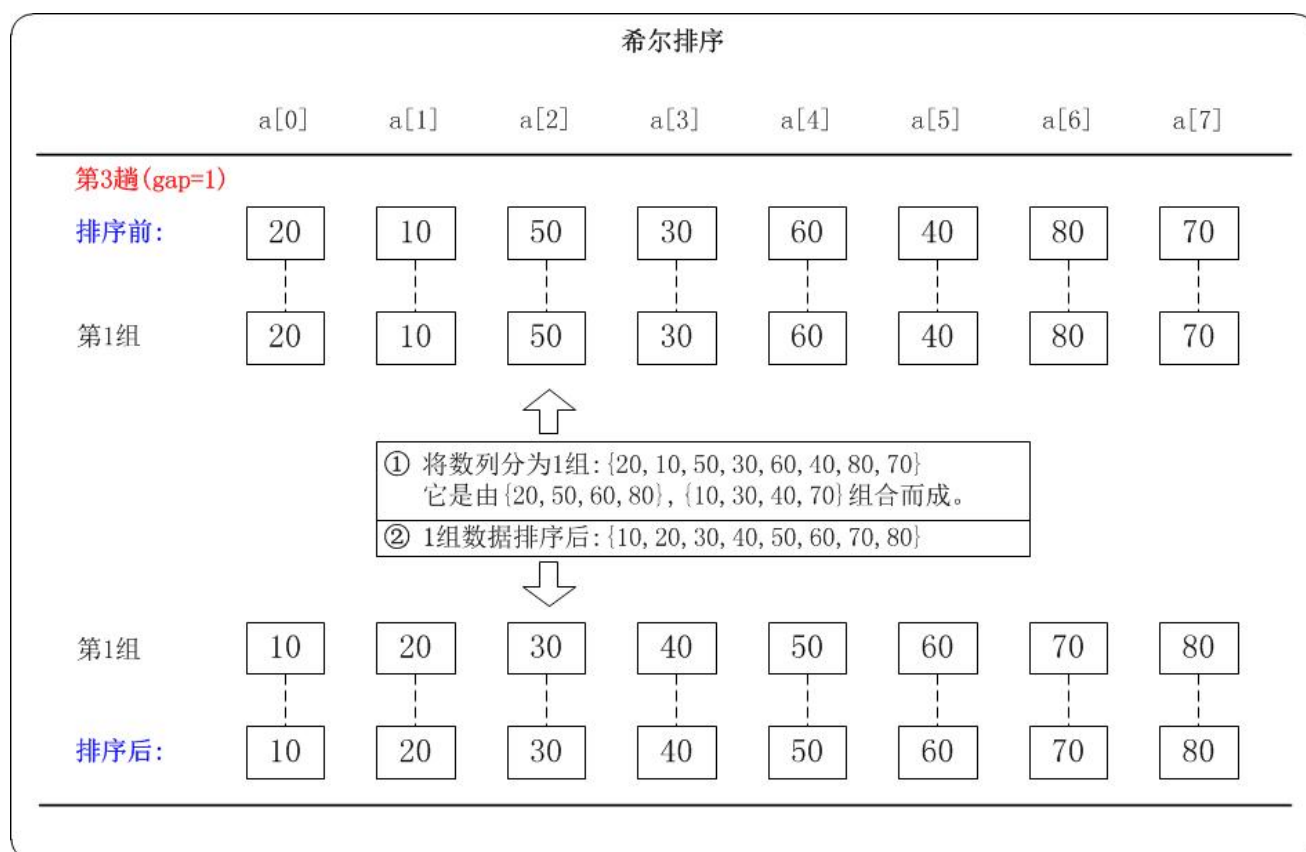
{10,40,30,70}实际上有两个有序的数列{10,30}和{40,70}组成。

对这2个组分别进行排序,

排序结果: {20,50,60,80}, {10,30,40,70}。

对应数列: {20,10,50,30,60,40,80,70}

第3趟: (gap=1)



当gap=1时,意味着将数列分为1个组:

{20,10,50,30,60,40,80,70}

注意:

{20,10,50,30,60,40,80,70}

实际上有两个有序的数列{20,50,60,80}和{10,30,40,70}组成。

对这1个组分别进行排序, 排序结果: {10,20,30,40,50,60,70,80}

希尔排序的时间复杂度和稳定性

希尔排序时间复杂度

希尔排序的时间复杂度与增量(即, 步长gap)的选取有关。例如, 当增量为1时, 希尔排序退化成了直接插入排序, 此时的时间复杂度为 $O(N^2)$, 而Hibbard增量的希尔排序的时间复杂度为 $O(N^{3/2})$ 。

希尔排序稳定性

希尔排序是不稳定的算法, 它满足稳定算法的定义。对于相同的两个数, 可能由于分在不同的组中而导致它们的顺序发生变化。

算法稳定性 -- 假设在数列中存在 $a[i]=a[j]$, 若在排序之前, $a[i]$ 在 $a[j]$ 前面; 并且排序之后, $a[i]$ 仍然在 $a[j]$ 前面。则这个排序算法是稳定的!

代码实现

```
public class ShellSort {

    /**
     * 希尔排序
     *
     * 参数说明：
     *     a -- 待排序的数组
     *     n -- 数组的长度
     */
    public static void shellSort1(int[] a, int n) {

        // gap为步长，每次减为原来的一半。
        for (int gap = n / 2; gap > 0; gap /= 2) {

            // 共gap个组，对每一组都执行直接插入排序
            for (int i = 0 ; i < gap; i++) {

                for (int j = i + gap; j < n; j += gap) {

                    // 如果a[j] < a[j-gap]，则寻找a[j]位置，并将后面数据的位置
都后移。

                    if (a[j] < a[j - gap]) {

                        int tmp = a[j];
                        int k = j - gap;
                        while (k >= 0 && a[k] > tmp) {
                            a[k + gap] = a[k];
                            k -= gap;
                        }
                        a[k + gap] = tmp;

                    }

                }

            }

        }

    }

    /**
     * 对希尔排序中的单个组进行排序
     *
     * 参数说明：
     *     a -- 待排序的数组
     *     n -- 数组总的长度
     *     i -- 组的起始位置
     *     gap -- 组的步长
     *
     * 组是"从i开始，将相隔gap长度的数都取出"所组成的！
     */
}
```

```

public static void groupSort(int[] a, int n, int i, int gap) {

    for (int j = i + gap; j < n; j += gap) {

        // 如果a[j] < a[j-gap], 则寻找a[j]位置, 并将后面数据的位置都后移。
        if (a[j] < a[j - gap]) {

            int tmp = a[j];
            int k = j - gap;
            while (k >= 0 && a[k] > tmp) {
                a[k + gap] = a[k];
                k -= gap;
            }
            a[k + gap] = tmp;
        }
    }
}

/**
 * 希尔排序
 *
 * 参数说明:
 *     a -- 待排序的数组
 *     n -- 数组的长度
 */
public static void shellSort2(int[] a, int n) {
    // gap为步长, 每次减为原来的一半。
    for (int gap = n / 2; gap > 0; gap /= 2) {
        // 共gap个组, 对每一组都执行直接插入排序
        for (int i = 0; i < gap; i++)
            groupSort(a, n, i, gap);
    }
}

public static void main(String[] args) {
    int i;
    int a[] = {80, 30, 60, 40, 20, 10, 50, 70};

    System.out.printf("before sort:");
    for (i = 0; i < a.length; i++)
        System.out.printf("%d ", a[i]);
    System.out.printf("\n");

    shellSort1(a, a.length);
    //shellSort2(a, a.length);

    System.out.printf("after sort:");
    for (i = 0; i < a.length; i++)
        System.out.printf("%d ", a[i]);
}

```

```
        System.out.printf("\n");  
    }  
}
```