# 深層学習 day1

## 1 入力層~中間層

 $\mathbf{W}$  を  $m \times d$  行列、 $\mathbf{b} \in \mathbb{R}^d$  とし、 $f : \mathbb{R}^d \to \mathbb{R}^d$  を関数とする。このとき、関数  $FN(\mathbf{W}, \mathbf{b}, f) : \mathbb{R}^m \to \mathbb{R}^d$  を  $FN(\mathbf{W}, \mathbf{b}, f)(\mathbf{x}) = f(\mathbf{W}\mathbf{x}^T + \mathbf{b})$ 

で定義する。 $FN(\mathbf{W}, \mathbf{b}, f)$  を順伝搬型ニューラルネットワーク (feedforward neural network) といい、 $\mathbf{W}$  を  $FN(\mathbf{W}, \mathbf{b}, f)$  の重み、 $\mathbf{b}$  を  $FN(\mathbf{W}, \mathbf{b}, f)$  のバイアス、f を  $FN(\mathbf{W}, \mathbf{b}, f)$  の活性化関数という。 $FN(\mathbf{W}^{(1)}, \mathbf{b}^{(1)}, f_1), \ldots, FN(\mathbf{W}^{(n)}, \mathbf{b}^{(n)}, f_n)$  を順伝搬型ニューラルネットワークとし、 $FN(\mathbf{W}^{(l)}, \mathbf{b}^{(l)}, f_l)$  の値域の次元が  $FN(\mathbf{W}^{(l+1)}, \mathbf{b}^{(l+1)}, f_{l+1})$  の定義域の次元に等しいとする。このとき、m を  $FN(\mathbf{W}^{(1)}, \mathbf{b}^{(1)}, f_1)$  の定義域の次元、d を  $FN(\mathbf{W}^{(n)}, \mathbf{b}^{(n)}, f_n)$  の値域の次元とし、関数  $FN(\mathbf{W}^{(1)}, \ldots, \mathbf{W}^{(n)}, \mathbf{b}^{(1)}, \ldots, \mathbf{b}^{(n)}, f_1, \ldots, f_n): \mathbb{R}^m \to \mathbb{R}^d$  を

 $FN(\mathbf{W}^{(1)},\dots,\mathbf{W}^{(n)},\mathbf{b}^{(1)},\dots,\mathbf{b}^{(n)},f_1,\dots,f_n)(\mathbf{x}):=FN(\mathbf{W}^{(n)},\mathbf{b}^{(n)},f_n)(\dots(FN(\mathbf{W}^{(1)},\mathbf{b}^{(1)},f_1)(\mathbf{x}))\dots)$ で定義する。 $FN(\mathbf{W}^{(1)},\dots,\mathbf{W}^{(n)},\mathbf{b}^{(1)},\dots,\mathbf{b}^{(n)},f_1,\dots,f_n)$  を多層順伝搬型ニューラルネットワークという。

例 1.1. (コードは FN.ipynb)

import numpy as np

# W,b を設定

W = np.array([[1,2,3],[4,5,6]])

b = np.array([7,8])

# f を設定

def f(x):

return 2\*x

# FN を設定

def FN(W,b,f,x):

x = x.T

Z = np.dot(W,x)+b

return f(Z)

```
#出力
x = np.array([1,2,3])
FN(W,b,f,x)
>array([42, 80])
```

## 2 活性化関数

順伝搬型ニューラルネットワーク  $FN(\mathbf{W}, \mathbf{b}, f)$  を考える。 $FN(\mathbf{W}, \mathbf{b}, f)$  の活性化関数 f には単調増加する非線形関数が用いられることが多い。ここでは、いくつかの活性化関数を紹介する。

- (1) シグモイド関数  $\sigma$  は  $\sigma(x) = 1/(1 + e^{-x})$  で定義される。
- (2) 双曲線正接関数 tanh
- (3) ReLU (Rectified Linear Unit) 関数は ReLU(x) = max(x,0) で定義される。

```
例 2.1. (コードは活性化関数.ipynb)
import numpy as np
# W,b を設定
W = np.random.randn(2,3)
b = np.random.randn(1,2)
W,b
>(array([[-0.3275861 , 0.35679815, -0.93635564],
        [-0.3966737, 2.45340843, 0.80369067]]),
array([[ 0.73728049, -0.99336306]]))
# f を設定
def f(x):
 return 1/1+np.exp(-x)
# FN を設定
def FN(W,b,f,x):
 x = x.T
 Z = np.dot(W,x)+b
 return f(Z)
#出力
x = np.array([0.1,0.2,0.3])
FN(W,b,f,x)
```

## 3 出力層

n を自然数とし、 $\mathbf{x}=(x_1,\ldots,x_n)\in\mathbb{R}^n$  とする。ある  $1\leq i\leq n$  が存在して、 $x_i=1$  であり、他の全ての  $1\leq j\leq n$  に対して、 $x_j=0$  であるとき、 $\mathbf{x}$  を n 次元 one-hot ベクトルという。  $\{(\mathbf{x}_i,\mathbf{y}_i)\}_{i=1}^N$  をラベル付け されたデータとし、N をデータの数、 $\mathbf{x}_i$  を m 次元特徴ベクトル、 $\mathbf{y}_i$  を  $\mathbf{x}_i$  のラベルとする。多層順伝搬型 ニューラルネットワークを用いて、未知の m 次元特徴ベクトル  $\mathbf{x}$  に対して、 $\mathbf{x}$  のラベル  $\mathbf{y}$  を予測することを 試みる。 $FN(\mathbf{W}^{(1)},\ldots,\mathbf{W}^{(n)},\mathbf{b}^{(1)},\ldots,\mathbf{b}^{(n)},f_1,\ldots,f_n):\mathbb{R}^m\to\mathbb{R}^d$  を多層順伝搬型ニューラルネットワークとする。このとき、 $\mathbf{W}^{(n+1)}$  を  $d\times k$  行列、 $\mathbf{b}^{(n+1)}\in\mathbb{R}^k$  とし、 $f_{n+1}:\mathbb{R}^k\to\mathbb{R}^l$  を関数とする。順伝搬型ニューラルネットワーク  $FN(\mathbf{W}^{(n+1)},\mathbf{b}^{(n+1)},f_{n+1}):\mathbb{R}^d\to\mathbb{R}^l$  を以下のように定義する。 $\mathbf{y}_i$  の値が任意の 実数値をとる場合と、 $\mathbf{y}_i$  が r 次元 one-hot ベクトルの値しかとらない場合で定義が異なる。

- (1)  $\mathbf{y}_i$  の値が任意の実数値をとる場合: k=l=1 とし、 $f_{n+1}:\mathbb{R}\to\mathbb{R}$  を恒等関数とする。
- (2)  $\mathbf{y}_i$  が r 次元 one-hot ベクトルの値しかとらない場合: l=r とし、

$$f_{n+1}(z_1,\ldots,z_r) = (e^{z_1}/\sum_{i=1}^r e^{z_i},\ldots,e^{z_r}/\sum_{i=1}^r e^{z_i})$$

と定義する。 $f_{n+1}$  をソフトマックス関数という。

 $FN(\mathbf{W}^{(n+1)}, \mathbf{b}^{(n+1)}, f_{n+1})$  を  $FN(\mathbf{W}^{(1)}, \dots, \mathbf{W}^{(n)}, \mathbf{b}^{(1)}, \dots, \mathbf{b}^{(n)}, f_1, \dots, f_n)$  の出力層という。結果として、多層順伝搬型ニューラルネットワーク  $FN(\mathbf{W}^{(1)}, \dots, \mathbf{W}^{(n+1)}, \mathbf{b}^{(1)}, \dots, \mathbf{b}^{(n+1)}, f_1, \dots, f_{n+1})$  :  $\mathbb{R}^m \to \mathbb{R}^l$  を得る。 $\mathbf{y} = FN(\mathbf{W}^{(1)}, \dots, \mathbf{W}^{(n+1)}, \mathbf{b}^{(1)}, \dots, \mathbf{b}^{(n+1)}, f_1, \dots, f_{n+1})$  とおく。未知の m 次元特徴ベクトル  $\mathbf{x}$  に対して、 $\mathbf{x}$  のラベル  $\mathbf{y} = \mathbf{y}(\mathbf{x})$  を予測することが目的であるから、最適な  $\mathbf{W}^{(1)}, \dots, \mathbf{W}^{(n+1)}, \mathbf{b}^{(1)}, \dots, \mathbf{b}^{(n+1)}$  は以下の方法で求めることができる。まず、誤差関数を以下のように定義する。 $\mathbf{y}_i$  の値が任意の実数値をとる場合と、 $\mathbf{y}_i$  が r 次元 one-hot ベクトルの値しかとらない場合で定義が異なる。

(1)  $\mathbf{y}_i$  の値が任意の実数値をとる場合:  $1 \le i \le n$  に対して、

$$E_i(\mathbf{W}^{(1)}, \dots, \mathbf{W}^{(n+1)}, \mathbf{b}^{(1)}, \dots, \mathbf{b}^{(n+1)}) = \frac{1}{2} ||\mathbf{y}_i - \mathbf{y}(\mathbf{x}_i)||^2$$

と定義し、

$$E(\mathbf{W}^{(1)}, \dots, \mathbf{W}^{(n+1)}, \mathbf{b}^{(1)}, \dots, \mathbf{b}^{(n+1)}) = \sum_{i=1}^{N} E_i(\mathbf{W}^{(1)}, \dots, \mathbf{W}^{(n+1)}, \mathbf{b}^{(1)}, \dots, \mathbf{b}^{(n+1)})$$

と定義する。

(2)  $\mathbf{y}_i$  が r 次元 one-hot ベクトルの値しかとらない場合:  $\mathbf{y}_i = (y_{i1}, \dots, y_{ir}), \mathbf{y}(\mathbf{x}_i) = (\mathbf{y}(\mathbf{x}_i)_1, \dots, \mathbf{y}(\mathbf{x}_i)_r)$  とおき、 $1 \le i \le n$  に対して、

$$E_i(\mathbf{W}^{(1)}, \dots, \mathbf{W}^{(n+1)}, \mathbf{b}^{(1)}, \dots, \mathbf{b}^{(n+1)}) = -\sum_{j=1}^r y_{ij} \log \mathbf{y}(\mathbf{x}_i)_j$$

と定義し、

$$E(\mathbf{W}^{(1)}, \dots, \mathbf{W}^{(n+1)}, \mathbf{b}^{(1)}, \dots, \mathbf{b}^{(n+1)}) = \sum_{i=1}^{N} E_i(\mathbf{W}^{(1)}, \dots, \mathbf{W}^{(n+1)}, \mathbf{b}^{(1)}, \dots, \mathbf{b}^{(n+1)})$$

と定義する。

このとき、最適な  $\mathbf{W}^{(1)},\dots,\mathbf{W}^{(n+1)},\mathbf{b}^{(1)},\dots,\mathbf{b}^{(n+1)}$  は

$$\min_{\mathbf{W}^{(1)},\dots,\mathbf{W}^{(n+1)},\mathbf{b}^{(1)},\dots,\mathbf{b}^{(n+1)}} E(\mathbf{W}^{(1)},\dots,\mathbf{W}^{(n+1)},\mathbf{b}^{(1)},\dots,\mathbf{b}^{(n+1)})$$

を解くことによって得られる。

例 3.1. (コードは出力層.ipynb)

import numpy as np

# W\_1,b\_1を設定

 $W_1 = np.random.randn(2,3)$ 

b\_1 = np.random.randn(1,2)

 $W_1, b_1$ 

>(array([[-0.85226586, -0.74838968, -0.47477658],

[0.9893178, -0.17452691, 0.08049864]]),

array([[-0.1930833 , -1.26376165]]))

# f\_1を設定

 $def f_1(x):$ 

return 1/1+np.exp(-x)

# FN を設定

def FN(W,b,f,x):

x = x.T

Z = np.dot(W,x)+b

return f(Z)

# W\_2,b\_2を設定

W\_2= np.random.randn(1,2)

b\_2= np.random.randn()

 $W_2, b_2$ 

>(array([[-0.79262461, -1.11520968]]), 1.4734070700523327)

#f\_2 を設定

 $def f_2(x):$ 

return x

#### #出力

x = np.array([0.1,0.2,0.3])
x = FN(W\_1,b\_1,f\_1,x)
FN(W\_2,b\_2,f\_2,x)
>array([[-5.44991305]])

### 4 勾配降下法

 $\{(\mathbf{x}_i,\mathbf{y}_i)\}_{i=1}^N$  をラベル付けされたデータとし、N をデータの数、 $\mathbf{x}_i$  を m 次元特徴ベクトル、 $\mathbf{y}_i$  を  $\mathbf{x}_i$  の ラベルとする。多層順伝搬型ニューラルネットワークを用いて、未知の m 次元特徴ベクトル  $\mathbf{x}$  に対して、 $\mathbf{x}$  のラベル y を予測することを試みる。 $FN(\mathbf{W}^{(1)},\ldots,\mathbf{W}^{(n)},\mathbf{b}^{(1)},\ldots,\mathbf{b}^{(n)},f_1,\ldots,f_n):\mathbb{R}^m\to\mathbb{R}^d$  を多層順伝搬型ニューラルネットワークとする。3 章で述べたように、多層順伝搬型ニューラルネットワーク  $FN(\mathbf{W}^{(1)},\ldots,\mathbf{W}^{(n+1)},\mathbf{b}^{(1)},\ldots,\mathbf{b}^{(n+1)},f_1,\ldots,f_{n+1}):\mathbb{R}^m\to\mathbb{R}^l$  を構成し、誤差関数  $E(\mathbf{W}^{(1)},\ldots,\mathbf{W}^{(n+1)},\mathbf{b}^{(1)},\ldots,\mathbf{b}^{(n+1)})$  を構成する。記法の簡略化のため、行列のリスト  $\mathbf{W}^{(1)},\ldots,\mathbf{W}^{(n+1)},\mathbf{b}^{(1)},\ldots,\mathbf{b}^{(n+1)}$  を  $\mathbf{W}$  で略記する。3 章で述べたように、最適な  $\mathbf{W}$  は

$$\min_{\mathbf{W}} E(\mathbf{W}) \tag{1}$$

解くことによって求まる。勾配降下法とは、(1)を解くためのアルゴリズムであり、以下のように定義される。

- (1) ある正の正数  $\epsilon$  をとる。この  $\epsilon$  を学習係数という。
- (2)  $\mathbf{W}^{(0)}$  を適当に決める。
- (3)  $\nabla E(\mathbf{W}^{(t)})$  を計算する。
- (4)  $\mathbf{W}^{(t)}$  を  $\mathbf{W}^{(t)} \epsilon \nabla E(\mathbf{W}^{(t)})$  で置き換える。
- (5) (3) に戻る。

誤差関数  $E(\mathbf{W})$  は一般に下に凸ではないので、勾配降下法の収束値は必ずしも大局的極小値ではなく、局所的極小値である可能性がある。そのため、勾配降下法にはいくつかの改良版が存在する。それらをここで紹介しておく。

- (a) 確率的勾配降下法:このアルゴリズムは以下のように定義される。
  - (1) 学習係数  $\epsilon$  をとる。
  - (2)  $\mathbf{W}^{(0)}$  を適当に決める。
  - (3) 無作為に  $\mathbf{x}_i$  をとる。
  - (4)  $\nabla E_i(\mathbf{W}^{(t)})$  を計算する。
  - (5)  $\mathbf{W}^{(t)}$  を  $\mathbf{W}^{(t)} \epsilon \nabla E_i(\mathbf{W}^{(t)})$  で置き換える。
  - (6) (3) に戻る。

確率的勾配降下法の利点は以下である。

- (i) データが冗長な場合の計算コストの削減
- (ii) 望まない局所的極小値に収束するリスクの削減
- (iii) オンライン学習ができる。

- (b) ミニバッチ勾配降下法:このアルゴリズムは以下のように定義される。
  - (1) 学習係数  $\epsilon$  をとる。
  - (2) データ集合  $\{(\mathbf{x}_i, \mathbf{y}_i)\}_{i=1}^N$  をいくつかのミニバッチ  $B_1, \ldots, B_k$  に分割する。
  - (3)  $\mathbf{W}^{(0)}$  を適当に決める。
  - (4) 無作為に  $B_j$  をとる。
  - (5)  $\nabla \frac{1}{|B_i|} \sum_{\mathbf{x}_i \in B_i} E_i(\mathbf{W}^{(t)})$  を計算する。
  - (6)  $\mathbf{W}^{(t)}$ を  $\mathbf{W}^{(t)} \epsilon \nabla \frac{1}{|B_j|} \sum_{\mathbf{x}_i \in B_j} E_i(\mathbf{W}^{(t)})$  で置き換える。
  - (7)(4)に戻る。

ミニバッチ勾配降下法の利点は、確率的勾配降下法のメリットを損なわず、計算機の計算資源を有効利用できる点にある。

例 4.1. (コードは勾配降下法.ipynb) mnist データを用いて、ミニバッチ勾配降下法を実装する。

```
from common.functions import *
from common.gradient import numerical_gradient
import numpy as np
```

#### #2層のニューラルネットを設定

def loss(self, x, t):

class TwoLayerNet:

```
def __init__(self, input_size, hidden_size, output_size, weight_init_std=0.01):
    # 重みの初期化
    self.params = {}
    self.params['W1'] = weight_init_std * np.random.randn(input_size, hidden_size)
    self.params['b1'] = np.zeros(hidden_size)
    self.params['W2'] = weight_init_std * np.random.randn(hidden_size, output_size)
    self.params['b2'] = np.zeros(output_size)
def predict(self, x):
    W1, W2 = self.params['W1'], self.params['W2']
    b1, b2 = self.params['b1'], self.params['b2']
    a1 = np.dot(x, W1) + b1
    z1 = sigmoid(a1)
    a2 = np.dot(z1, W2) + b2
    y = softmax(a2)
    return y
# x:入力データ, t:教師データ
```

```
y = self.predict(x)
    return cross_entropy_error(y, t)
def accuracy(self, x, t):
    y = self.predict(x)
    y = np.argmax(y, axis=1)
    t = np.argmax(t, axis=1)
    accuracy = np.sum(y == t) / float(x.shape[0])
    return accuracy
# x:入力データ, t:教師データ
def numerical_gradient(self, x, t):
    loss_W = lambda W: self.loss(x, t)
    grads = {}
    grads['W1'] = numerical_gradient(loss_W, self.params['W1'])
    grads['b1'] = numerical_gradient(loss_W, self.params['b1'])
    grads['W2'] = numerical_gradient(loss_W, self.params['W2'])
    grads['b2'] = numerical_gradient(loss_W, self.params['b2'])
    return grads
def gradient(self, x, t):
    W1, W2 = self.params['W1'], self.params['W2']
    b1, b2 = self.params['b1'], self.params['b2']
    grads = {}
    batch_num = x.shape[0]
    # forward
    a1 = np.dot(x, W1) + b1
    z1 = sigmoid(a1)
    a2 = np.dot(z1, W2) + b2
    y = softmax(a2)
    # backward
    dy = (y - t) / batch_num
    grads['W2'] = np.dot(z1.T, dy)
```

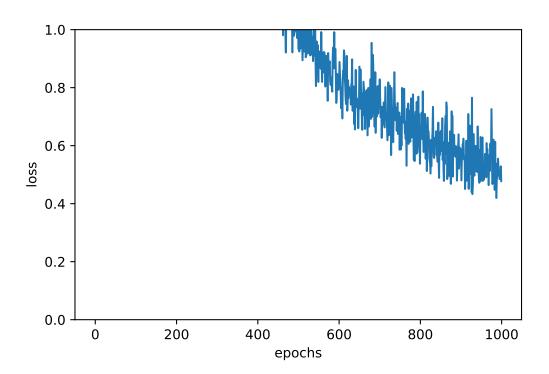
```
grads['b2'] = np.sum(dy, axis=0)
       dz1 = np.dot(dy, W2.T)
       da1 = sigmoid_grad(a1) * dz1
       grads['W1'] = np.dot(x.T, da1)
       grads['b1'] = np.sum(da1, axis=0)
       return grads
#ミニバッチ勾配降下法を実装
from dataset.mnist import load_mnist
import matplotlib.pyplot as plt
# データの読み込み
(x_train, t_train), (x_test, t_test) = load_mnist(normalize=True, one_hot_label=True)
network = TwoLayerNet(input_size=784, hidden_size=50, output_size=10)
iters_num = 1000 # 繰り返しの回数を適宜設定する
train_size = x_train.shape[0]
batch\_size = 100
learning_rate = 0.1
train_loss_list = []
train_acc_list = []
test_acc_list = []
iter_per_epoch = max(train_size / batch_size, 1)
for i in range(iters_num):
    batch_mask = np.random.choice(train_size, batch_size)
   x_batch = x_train[batch_mask]
   t_batch = t_train[batch_mask]
   # 勾配の計算
   #grad = network.numerical_gradient(x_batch, t_batch)
    grad = network.gradient(x_batch, t_batch)
   # パラメータの更新
   for key in ('W1', 'b1', 'W2', 'b2'):
```

network.params[key] -= learning\_rate \* grad[key]

loss = network.loss(x\_batch, t\_batch)
train\_loss\_list.append(loss)

#### # グラフの描画

x = np.arange(len(train\_loss\_list))
plt.plot(x, train\_loss\_list)
plt.xlabel("epochs")
plt.ylabel("loss")
plt.ylim(0, 1.0)
plt.show()



### 5 誤差逆伝搬法

 $\{(\mathbf{x}_i,\mathbf{y}_i)\}_{i=1}^N$  をラベル付けされたデータとし、N をデータの数、 $\mathbf{x}_i$  を m 次元特徴ベクトル、 $\mathbf{y}_i$  を  $\mathbf{x}_i$  の ラベルとする。多層順伝搬型ニューラルネットワークを用いて、未知の m 次元特徴ベクトル  $\mathbf{x}$  に対して、  $\mathbf{x}$  のラベル y を予測することを試みる。 $FN(\mathbf{W}^{(1)},\dots,\mathbf{W}^{(n)},\mathbf{b}^{(1)},\dots,\mathbf{b}^{(n)},f_1,\dots,f_n):\mathbb{R}^m\to\mathbb{R}^d$  を多層順伝搬型ニューラルネットワークとする。3 章で述べたように、多層順伝搬型ニューラルネットワーク  $FN(\mathbf{W}^{(1)},\dots,\mathbf{W}^{(n+1)},\mathbf{b}^{(1)},\dots,\mathbf{b}^{(n+1)},f_1,\dots,f_{n+1}):\mathbb{R}^m\to\mathbb{R}^l$  を構成し、誤

差関数  $E(\mathbf{W}^{(1)},\dots,\mathbf{W}^{(n+1)},\mathbf{b}^{(1)},\dots,\mathbf{b}^{(n+1)})$  を構成する。記法の簡略化のため、行列のリスト  $\mathbf{W}^{(1)}, \dots, \mathbf{W}^{(n+1)}, \mathbf{b}^{(1)}, \dots, \mathbf{b}^{(n+1)}$  を  $\mathbf{W}$  で略記する。表記を簡素化するために、 $\mathbf{b}^{(1)} = \dots = \mathbf{b}^{(n+1)} = 0$ とする。このように仮定しても一般性を失わない([6], p42 を参照)からである。3章で述べたように、最適 なwは

$$\min_{\mathbf{W}} E(\mathbf{W}) \tag{2}$$

解くことによって求まる。4章では、(2)を勾配降下法(確率的勾配降下法、ミニバッチ勾配降下法)で求め る方法について述べたが、これを行うためには、全ての  $1 \le p \le N$  に対して、 $\nabla E_p(\mathbf{W}) = \partial E_p(\mathbf{W})/\mathbf{W}$  を 計算する必要がある。これを行うためのアルゴリズムが誤差逆伝搬法である。このアルゴリズムは以下のよう に定義される。

- (1)  $1 \le l \le n+1$  に対して、 $\mathbf{u}^{(l)} = \mathbf{W}^{(l)}\mathbf{x}_p + \mathbf{b}^{(l)}, \mathbf{z}^{(l)} = f_l(\mathbf{u}^{(l)})$  とおく。 $\mathbf{u}^{(l)}, \mathbf{z}^{(l)}$  の第 j 成分をそれぞ れ $u_i^{(l)}, z_i^{(l)}$ で表すことにする。
- (2)  $1 \le l \le n+1$  に対して、 $\mathbf{W}^{(l)}$  の代 (j,i) 成分を  $w_{ji}^{(l)}$  で表すことにする。
- (3) 全ての $1 \le l \le n+1$ に対して、 $\mathbf{u}^{(l)}, \mathbf{z}^{(l)}$ を計算する。
- (4)  $\delta_i^{(n+1)} = \partial E_p / \partial u_i^{(n+1)}$  を計算する。
- (5)  $1 \leq l \leq n$  に対して、 $\delta_j^{(l)} = \sum_k \delta_k^{(n+1)}(w_{kj}^{(l+1)} f_l'(u_j^{(l)})$  を順番に計算する。 (6)  $\partial E_p/\partial w_{ji}^{(l)} = \delta_j^{(l)} z_i^{(l-1)}$  とおき、 $\nabla E_p(\mathbf{W}) = (\partial E_p/\partial w_{ji}^{(l)})$  とおく。

例 5.1. (コードは誤差逆伝搬法.ipynb)

import numpy as np

#### #関数を設定

```
class Relu:
```

```
self.mask = None
def forward(self, x):
    self.mask = (x <= 0)
    out = x.copy()
    out[self.mask] = 0
```

def \_\_init\_\_(self):

return out

def backward(self, dout): dout[self.mask] = 0 dx = dout

return dx

```
class Affine:
   def __init__(self, W, b):
       self.W = W
       self.b = b
       self.x = None
       self.original_x_shape = None
       # 重み・バイアスパラメータの微分
       self.dW = None
       self.db = None
   def forward(self, x):
       # テンソル対応
       self.original_x_shape = x.shape
       x = x.reshape(x.shape[0], -1)
       self.x = x
       out = np.dot(self.x, self.W) + self.b
       return out
   def backward(self, dout):
       dx = np.dot(dout, self.W.T)
       self.dW = np.dot(self.x.T, dout)
       self.db = np.sum(dout, axis=0)
       dx = dx.reshape(*self.original_x_shape) # 入力データの形状に戻す (テンソル対応)
       return dx
class SoftmaxWithLoss:
   def __init__(self):
       self.loss = None
       self.y = None # softmax の出力
       self.t = None # 教師データ
   def forward(self, x, t):
       self.t = t
       self.y = softmax(x)
       self.loss = cross_entropy_error(self.y, self.t)
```

```
return self.loss
   def backward(self, dout=1):
       batch_size = self.t.shape[0]
       if self.t.size == self.y.size: # 教師データが one-hot-vector の場合
           dx = (self.y - self.t) / batch_size
       else:
           dx = self.y.copy()
           dx[np.arange(batch_size), self.t] -= 1
           dx = dx / batch_size
       return dx
#2層のニューラルネットを設定
import sys
sys.path.append("/content/drive/MyDrive/Colab Notebooks")
from common.gradient import numerical_gradient
from collections import OrderedDict
class TwoLayerNet:
   def __init__(self, input_size, hidden_size, output_size, weight_init_std = 0.01):
       # 重みの初期化
       self.params = {}
       self.params['W1'] = weight_init_std * np.random.randn(input_size, hidden_size)
       self.params['b1'] = np.zeros(hidden_size)
       self.params['W2'] = weight_init_std * np.random.randn(hidden_size, output_size)
       self.params['b2'] = np.zeros(output_size)
       # レイヤの生成
       self.layers = OrderedDict()
       self.layers['Affine1'] = Affine(self.params['W1'], self.params['b1'])
       self.layers['Relu1'] = Relu()
       self.layers['Affine2'] = Affine(self.params['W2'], self.params['b2'])
       self.lastLayer = SoftmaxWithLoss()
   def predict(self, x):
       for layer in self.layers.values():
           x = layer.forward(x)
```

```
return x
# x:入力データ, t:教師データ
def loss(self, x, t):
    y = self.predict(x)
    return self.lastLayer.forward(y, t)
def accuracy(self, x, t):
    y = self.predict(x)
    y = np.argmax(y, axis=1)
    if t.ndim != 1 : t = np.argmax(t, axis=1)
    accuracy = np.sum(y == t) / float(x.shape[0])
    return accuracy
# x:入力データ, t:教師データ
def numerical_gradient(self, x, t):
    loss_W = lambda W: self.loss(x, t)
    grads = {}
    grads['W1'] = numerical_gradient(loss_W, self.params['W1'])
    grads['b1'] = numerical_gradient(loss_W, self.params['b1'])
    grads['W2'] = numerical_gradient(loss_W, self.params['W2'])
    grads['b2'] = numerical_gradient(loss_W, self.params['b2'])
    return grads
def gradient(self, x, t):
    # forward
    self.loss(x, t)
    # backward
    dout = 1
    dout = self.lastLayer.backward(dout)
    layers = list(self.layers.values())
```

layers.reverse()
for layer in layers:

dout = layer.backward(dout)

#### # 設定

```
grads = {}
grads['W1'], grads['b1'] = self.layers['Affine1'].dW, self.layers['Affine1'].db
grads['W2'], grads['b2'] = self.layers['Affine2'].dW, self.layers['Affine2'].db
return grads
```

## 参考文献

- [1] Andriy Burkov. (2019). The hundred-page machine learning book.
- [2] Francois Chollet. (2018). Deep learning with python. Manning Publications Co.
- [3] Marc Peter Deisenroth., A. Aldo Faisal., Cheng Soon Ong. (2020). Mathematics for machine learning. Cambridge University Press.
- [4] Aurëlien Gëron. (2019). Hands-on machine learning with Scikit-Learn, Keras & TensorFlow. 2nd Edition. Oreilly.
- [5] 小縣信也., 斎藤翔汰., 溝口聡., 若杉一幸. (2021). ディープラーニング E 資格エンジニア問題集. インプレス.
- [6] 岡谷貴之. (2015). 深層学習. 講談社.
- [7] Sebastian Raschka., Vahid Mirjalili. (2019). Python machine learning. Third Edition. Packt.
- [8] 斎藤康毅. (2016). ゼロから作る deep learning. オライリージャパン.
- [9] 斎藤康毅. (2018). ゼロから作る deep learning 2. オライリージャパン.
- [10] 瀧雅人. (2017). これならわかる深層学習. 講談社.