Teoría Microeconómica II Tema 7: Selección Adversa

José A. Valderrama jvalder@ulima.edu.pe ■

Universidad de Lima - Carrera de Economía

10 de noviembre de 2021

CONTENIDO

- Introducción
- EL MERCADO DE AUTOS USADOS (ARTÍCULO DE AKERLOF
- Ejemplos numéricos
- Un modelo de selección adversa
- SEÑALIZACIÓN



Contenido

- Introducción
- 2 El mercado de autos usados (artículo de Akerlof
- 3 Ejemplos numéricos
- 4 Un modelo de selección adversa
- 5 Señalización



La selección adversa es un problema en que las partes contratantes no se conocen a la perfección.

Aparece cuando el agente tiene más información sobre alguna de las variables relevantes para la relación

Quien posee ventaja informativa sobre un tercero puede tener interés para ocultarla o usarla para su propio beneficio

Consecuencias:

- modificaciones en el equilibrio de mercado
- Inexistencia de equilibrio.

Contenido

- EL MERCADO DE AUTOS USADOS (ARTÍCULO DE AKERLOF

Fue el primero que introdujo el concepto de información asimétrica

Su argumento básico es que en muchos mercados el comprador emplea alguna estadística del mercado para medir el valor de una clase de bienes

Entonces, el comprador mira el promedio del mercado completo mientras el vendedor tiene más conocimiento privado de un aspecto específico

Según Akerlof esta información asimétrica le da al vendedor un incentivo para vender bienes por debajo de la calidad media del mercado

Entonces, la calidad promedio de los bienes en el mercado se reducirá con el tamaño del mercado

Tales diferencias en retornos sociales y privados puede ser mitigado por un número de diferentes instituciones del mercado

Akerlof empieza asumiendo un modelo del mercado de automóviles , donde hay cuatro tipos de autos:

- Hay autos nuevos y autos viejos ,
- En cada uno, pueden ser autos buenos o malos
- Los autos malos son popularmente conocidos como "limones" en EEUU.



Existen dos tipos de agentes: Compradores y Vendedores

- Compradores
 - Función de utilidad: $U_v = M + 1.5qn$
 - *M* = Consumo de otros bienes
 - q = Calidad del auto
 - $n = \{0, 1\}$ 1 compra auto, 0 no compra
 - Restricción presupuestaria: $y_v = M + pn$
 - y_c = Ingreso
 - p = Precio del auto

La calidad del auto (q) es información privada del vendedor. El comprador aprecia "q'' como la calidad media del mercado, mientras que el vendedor distingue la de cada auto

L ARTICULO DE AKERLOF

Dada la incertidumbre de " $q^{\prime\prime}$ el comprador maximiza su utilidad esperada:

- $E(U_c) = M + 1.5E(q)n$ $E(q) = \mu = \text{Calidad media observada}$ Sustituyendo M de la $r.p. \longrightarrow M = \gamma_c - pn$
 - $E(U_c) = y_c pn + 1.5\mu n \longrightarrow \text{factor común a "n"}$
 - $E[U_c] = y_c + [1.5\mu p] n$

Decisión:

- n = 1 compra si percibe la calidad del auto por encima del precio; es decir, si $1.5\mu \ge p$
- n=0 no compra si percibe la calidad del auto por encima del precio; es decir, si $1.5\mu \le p$



Vendedores

- Función de utilidad: $U_v = M + qn$
- Restricción presupuestaria: $y_v = M + pn$
- n = 1 mantener el auto, n = 0 vender del auto

Por tanto:

- Para el vendedor la $U_{MG} = q$
- Para el comprador la $U_{MG} = 1.5q$

Esto es lo que garantiza potenciales ganancias en el intercambio.

El vendedor conoce q

- Sustituyendo M de la r.p. donde $M = y_v pn$
- $U_v = y_v pn + qn$ \longrightarrow factor común a "n"
- $U_{\nu} = y_{\nu} + (q p)n$

Decisión

- n = 0 vende si $p \ge p$ (Precios \ge Calidad)
- $n = \text{vende si } p \le p \text{ (Precios } \le \text{Calidad)}$

¿Cómo se forma μ

Akerlof partió del supuesto simplificador que la calidad de los autos se distribuye de manera uniforme en el rango [0, 2], por tanto f(q) = 1/2

La oferta de autos es S = (1/2)pN porque:

- la probabilidad de vender es (1/2)p
 - Número de autos usados ()N

Es decir, la oferta es el número de autos usados por la probabilidad de venta. Tenemos todos los datos necesarios para calcular el equilibrio de esta economía

- Demanda: $(3/2)\mu \ge p$
- Oferta:(1/2)pN
- Calidad media: (1/2)p

Con lo que no existe ningún precio que cumpla las condiciones

• Demanda: $(3/2)\mu \ge p \to \mu = (1/2)p \to (3/2)(1/2)p \ge p \to$ $(3/4)p \ge p \to \textbf{CONTRADICCIÓN}$

EL ARTÍCULO DE AKERLOF

Existe el colapso total del mercado y la única diferencia de este modelo con uno convencional de competencia perfecta es la asimetría de la información. Este modelo es ineficiente en el sentido de Pareto debido a la estructura de la información.

El colapso total del mercado es consecuencia en parte de la parametrizacion del modelo. Es posible determinar una valoración marginal del comprador para que se produzca el intercambio.



- Utilidad del comprador $\longrightarrow U_c = M + \beta qn$
- Regla de compra $\longrightarrow \beta \mu \geq p$
- La calidad de los autos se distribuye uniformemente $\mu = (1/2)p$
- Sustituimos μ en la regla de compra $\longrightarrow \beta(1/2)p \ge p$
- Por tanto $\beta \geq 2$ y lograría un precio bajo y como consecuencia el intercambio.
- Si la valoración del auto es alta, el comprador se arriesgará a pesar de la alta presencia de limones.



El intercambio dejaría de existir produciendo el colapso del mercado a pesar de habría vendedores dispuesto a intercambiar el auto al precio "p" y compradores a adquirirlo.

Pero la información asimétrica impide que se realicen intercambios beneficiosos para ambas partes.



EJEMPLO

Seguros:

• Las personas mayores de 65 años casi no pueden comprar un seguro médico, incluso si están dispuestos a pagar un alto precio. Las compañías de seguros saben que con un precio alto, solo aquellos que tienen más probabilidades de aprovechar el seguro comprarán la póliza. Por lo tanto, las pólizas rara vez se venden en este mercado en particular.



EJEMPLO

Costo de deshonestidad

- La presencia de personas que venden productos inferiores tiende a expulsar el negocio legítimo. No solo los consumidores son engañados, sino que también aumentan las preocupaciones morales y legales.
- La experiencia para decir el verdadero valor de los bienes no distinguibles se dirige fácilmente al arbitraje en lugar del propósito de producción real porque el primero es más rentable en un mundo lleno de limones.

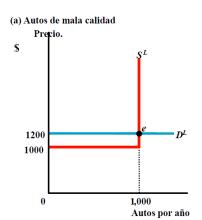
EJEMPLO

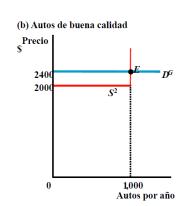
Mercado crediticio en países en desarrollo

- Los empresarios tienen que recurrir a "agencias gestoras", personas y empresas con reputación e influencia comunitaria, para financiar a una empresa recién creada.
- El mercado de crédito rural está dominado por préstamos con tasas exorbitantes de prestamistas locales en lugar de aquellos con tasas oficiales de bancos formales, ya que solo los primeros tienen buen acceso a la información del prestatario. Cualquiera que intente arbitraje tiende a perder.

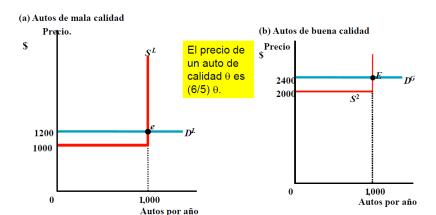
Contenido

- Introducción
- 2 El mercado de autos usados (artículo de Akerlof
- 6 Ejemplos numéricos
- 4 Un modelo de selección adversa
- 5 Señalización



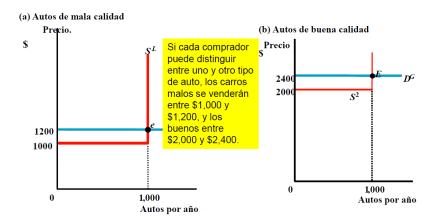


1. Información simétrica y calidad conocida



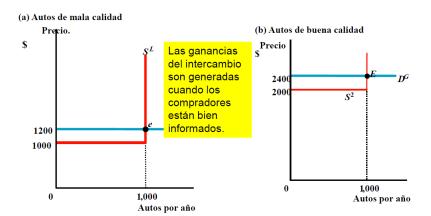


1. Información simétrica y calidad conocida



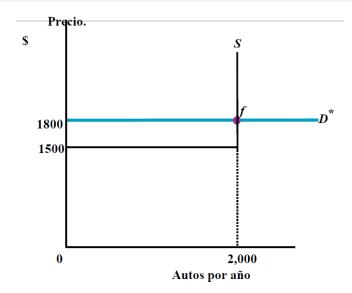


1. Información simétrica y calidad conocida

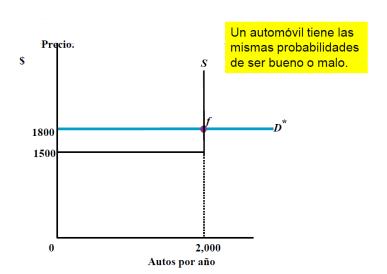




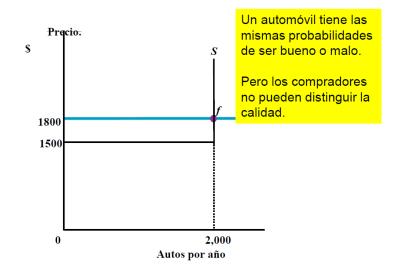
2. Información simétrica y calidad desconocida



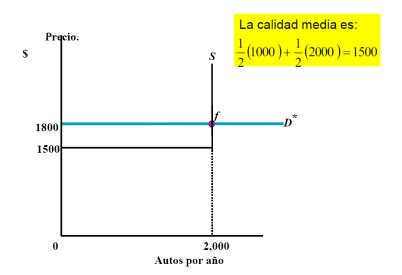




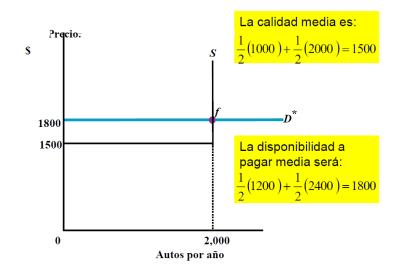




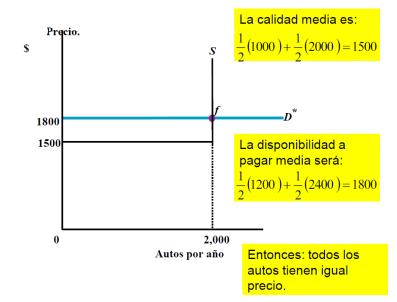




2. Información simétrica y calidad desconocida









3. Información asimétrica

Todos los autos deben venderse al mismo precio, ya que los compradores no pueden distinguir los autos buenos de los malos.

Si el precio es p, sólo se venden aquellos autos tales que $\theta < p$.

¿Cuánto es lo máximo que un comprador estaría dispuesto a pagar por un auto?

Sean q la fracción de autos buenos y 1 - q la fracción de los autos malos.

El precio máximo que estaría dispuesto a pagar un comprador será

$$p_m = \$1200(1-q) + \$2400q$$



- Supongamos que $P_m > 2000 .
 - Cada vendedor puede negociar un precio entre \$2000 y P_m (sin importar si el carro es malo o bueno).
 - Todos los vendedores ganan en el mercado.
- Supongamos que $P_m < 2000 .
 - Un vendedor de un auto bueno no puede negociar un precio superior a \$2000 y saldrá del mercado
 - Por tanto, todos los compradores conocen que los vendedores restantes sólo tienen carros malos
 - Los compradores pagarán a lo más \$1200 y sólo los autos malos son vendidos



Por tanto, los autos malos desplazan a los buenos del mercado

Las ganancias del intercambio se reducen, debido a que los autos buenos no son comercializados

La presencia de autos malos inflinge un costo externo negativo a los compradores y propietarios de autos buenos

¿Cuántos autos malos pueden estar en el mercado sin desplazar a los buenos?

Los compradores pagarán \$2000 por un auto sólo si

$$p_m = \$1200(1-q) + \$2400q \ge \$2000$$

Por tanto, si más de un tercio de los autos son malos, sólo se venderán autos malos.

$$q \ge \frac{2}{3}$$



¿Qué sucede si hay más de dos tipos de autos?

Supongamos que

- la calidad de los autos está distribuida uniformemente entre \$1000 y \$2000
- Cualquier auto que un vendedor valorice en x es valorado por un comprador en x+300.

¿Cuáles autos serán transados?



3. Información asimétrica

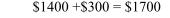
El valor esperado de cualquier auto para un comprador es:

$$$1500 + $300 = $1800$$



Valoración del vendedor

Por tanto, saldrán del mercado los vendedores que valoricen sus autos en más de \$1800





Valoración del vendedor

Ahora saldrán del mercado los vendedores que valoricen los autos entre \$1700 y \$1800



más de \$1600.

¿Donde termina este "desenredo" del mercado?

Sea v_H la más alta valoración del vendedor de cualquier auto remanente en el mercado.

El valor esperado del vendedor de un auto es

$$\frac{1}{2} \times 1000 + \frac{1}{2} \times v_H$$

Por tanto un comprador pagará a lo más

$$\frac{1}{2} \times 1000 + \frac{1}{2} \times v_H + 300$$

Este debe ser el precio aceptado por el vendedor del auto de mayor valor en el mercado; es decir:

$$\frac{1}{2} \times 1000 + \frac{1}{2} \times \nu_H + 300 = \nu_H \longrightarrow \nu_H = $1600$$

La selección adversa elimina los autos valorados por los vendedores

Contenido

- Introducción
- 2 El mercado de autos usados (artículo de Akerlof
- 3 Ejemplos numéricos
- 4 Un modelo de selección adversa
- 5 Señalización

Descripción del modelo





Supuestos del modelo:

- P neutral al riesgo y A es neutral o adverso.
- \bigcirc P contrata al A para que realice un esfuerzo verificable ("e'').
- \circ El "e" genera un pago para P, de manera que el Beneficio bruto de Pcumple

$$\frac{\pi(e)}{\pi'(e)} > 0$$

$$\pi''(e) < 0$$

- El agente puede ser de dos tipos : bueno o malo.
- El principal desconoce de qué tipo es el agente.



Agente bueno (con probabilidad = q, 0 < q < 1

$$u^{B}(w, e) = u(w) - v(e)$$

Agente malo (con probabilidad = 1 - q)

$$u^{M}(w, e) = u(w) - kv(e) \quad , \quad k > 1$$

Siendo

- u(w) = utilidad con respecto al salario.
- v(e) = desutilidad del esfuerzo
- k.v(e) > v(e)

Si el principal se enfrenta a un AGENTE BUENO resolverá el siguiente problema:

Max
$$\pi(e) - w$$

s.a: $u(w) - v(e) \ge U$



El Lagrangiano:

$$\mathcal{L} = \pi(e) - w + \lambda \left[u(w) - v(e) - \underline{U} \right]$$

CPO

$$\frac{\partial \mathcal{L}}{\partial e} = 0 \to \pi'(e) - \lambda \nu'(e) = 0 \to \lambda = \frac{\pi'(e)}{\nu'(e)}$$

$$\frac{\partial \mathcal{L}}{\partial w} = 0 \to -1 + \lambda u'(w) = 0 \to \lambda = \frac{1}{u'(e)}$$
(2)

$$\frac{\partial \mathcal{L}}{\partial w} = 0 \to -1 + \lambda u'(w) = 0 \to \lambda = \frac{1}{u'(e)}$$
 (2)

igualando (1) y (2)

$$\pi'(e) = \frac{v'(e)}{u'(w)}$$



El contrato óptimo que P ofrece al agente, si supiese que es de tipo B, se determina resolviendo:

R.P. Condición de eficiencia
$$u(w^{B^*}) - v'(e^{B^*}) = \underline{U} \qquad \qquad \pi'(e^{B^*}) = \frac{v'(e^{B^*})}{u'(e^{B^*})}$$

Si el principal se enfrenta a un trabajador TIPO MALO resolverá el siguiente problema:

Max
$$\pi(e) - w$$

s.a: $u(w) - kv(e) \ge \underline{U}$

El Lagrangiano:

$$\mathcal{L} = \pi(e) - w + \lambda \left[u(w) - kv(e) - \underline{U} \right]$$

CPO

$$\frac{\partial \mathcal{L}}{\partial e} = 0 \to \pi'(e) - \lambda k \nu'(e) = 0 \to \lambda = \frac{\pi'(e)}{k \nu'(e)}$$

$$\frac{\partial \mathcal{L}}{\partial w} = 0 \to -1 + \lambda u'(w) = 0 \to \lambda = \frac{1}{u'(e)}$$
(4)

$$\frac{\partial \mathcal{L}}{\partial w} = 0 \to -1 + \lambda u'(w) = 0 \to \lambda = \frac{1}{u'(e)} \tag{4}$$



igualando (3) y (4)

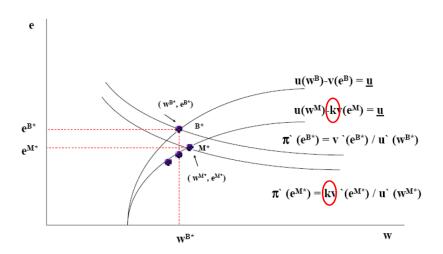
$$\pi'(e) = \frac{kv'(e)}{u'(w)}$$

Contrato óptimo (w^{M^*}, e^{M^*})

$$u(w^{M^*}) - kv'(e^{M^*}) = \underline{U}$$

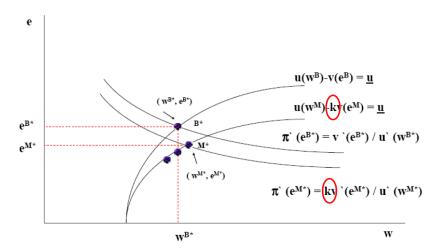
Condición de eficiencia

$$\pi'(e^{M^*}) = \frac{kv'(e^{M^*})}{u'(e^{M^*})}$$

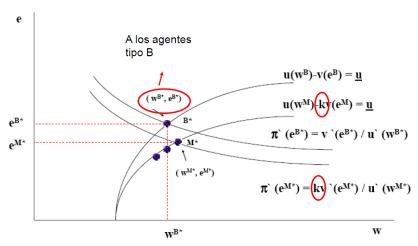




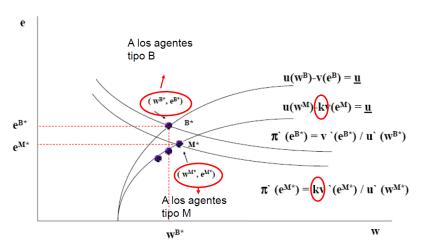
Con información simétrica P ofrecerá 2 contratos



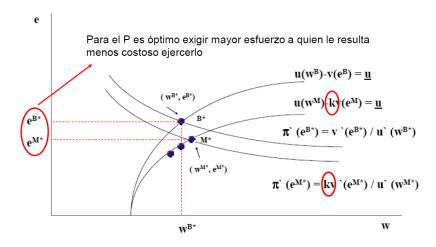
Con información simétrica P ofrecerá 2 contratos



Con información simétrica P ofrecerá 2 contratos

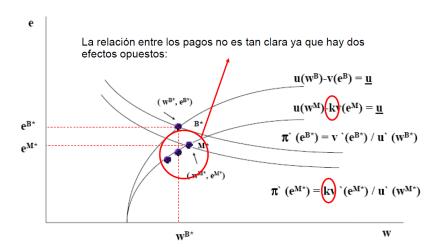


Comparación gráfica:



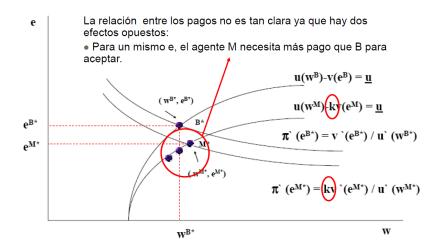


Comparación gráfica:





Comparación gráfica:





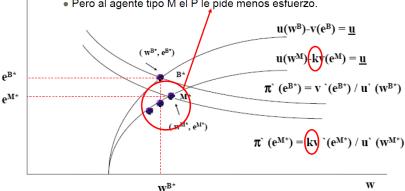
e

Comparación gráfica:

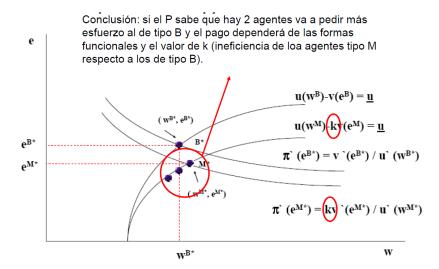
La relación entre los pagos no es tan clara ya que hay dos efectos opuestos:

Para un mismo e, el agente M necesita más pago que B para aceptar.

Pero al agente tipo M el P le pide menos esfuerzo.

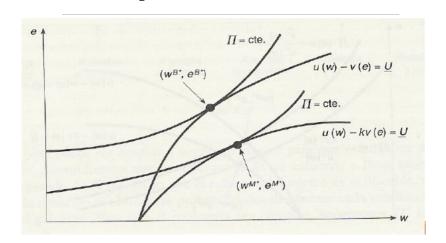








Otra forma de verlo gráficamente:





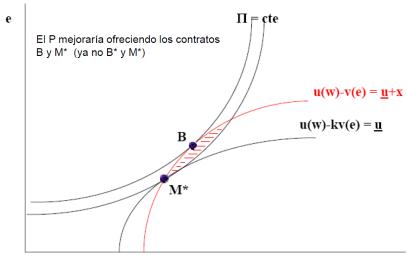
Cuando hay asimetría de información si se ofrecen los contratos B^* y M^* , tanto el agente B como M elegirán (w^{M^*} , e^{M^*}) porque:

$$U^B(w^{M^*},e^{M^*}) = u(w^{M^*}) - v(e^{M^*}) > u(w^{M^*}) - kv(e^{M^*}) = \underline{u}$$

es decir:

$$U^{B}(w^{M^{*}}, e^{M^{*}}) > U^{B}(w^{B^{*}}, e^{B^{*}}) = \underline{u}$$





Con información asimétrica lo mejor que puede hacer P es ofrecer un menú de contratos bien diseñados (w^M, e^M) y (w^B, e^B) tales que:

- B elija (w^B, e^B) prefiriéndolo a (w^M, e^M)
- M elija (w^M, e^M) prefiriéndolo a (w^M, e^M)

Se tratará de un esquema autoselectivo: cada agente al elegir mostrará sus verdaderas características.

El menú de contratos óptimo para el P será un mecanismo revelador, pues consistirá en ofrecer contratos con los que consigue que cada agente revele sus verdaderas características.

El diseño óptimo para el principal consiste en maximizar sus beneficios bajo las restricciones de que, tras ver los contratos, el agente decide entrar en relación con el principal y escoja aquel contrato que le va dirigido.

$$\underset{\left[\left(w^{M},e^{M}\right),\left(w^{B},e^{B}\right)\right]}{\operatorname{Max}} q \left[\Pi(e^{B})-w^{B}\right]+\left(1-q\right)\left[\Pi(e^{M})-w^{M}\right]$$

Siendo:

- ullet q= la proporción de individuos que eligen el contrato tipo bueno.
- (1 q) = la proporción de individuos que eligen el contrato tipo malo



Sujeto a:

- las restricciones de aceptación que aseguran que los dos agentes acepten los contratos
- Las restricciones de incentivos, que aseguran que cada tipo de agente tenga interés en aceptar el contrato que le es dirigido

Entonces, las restricciones son

$$u(w^B) - v(e^B) \ge \underline{U} \tag{5}$$

$$u(w^{M}) - v(e^{M}) \ge \underline{U} \tag{6}$$

$$u(w^B) - v(e^B) \ge u(w^M) - v(e^M)$$
 (7)

$$u(w^{M}) - v(e^{M}) \ge u(w^{B}) - v(e^{B})$$
 (8)



(5) está implícita en (6) y (7)

$$u(w^{B}) - v(e^{B}) \ge u(w^{M}) - v(e^{M}) > u(w^{M}) - v(e^{M}) \ge \underline{U}$$

 $u(w^{B}) - v(e^{B}) \ge U$

Como esa restricción no se satura, no se tomará en cuenta en la resolución del problema.

Por tanto el lagrangiano será:

$$\mathcal{L} = q \left[\Pi(e^B) - w^B \right] + (1 - q) \left[\Pi(e^M) - w^M \right] +$$

$$\lambda \left[u(w^M) - v(e^M) - \underline{U} \right] +$$

$$\mu \left[u(w^B) - v(e^B) - u(w^M) + v(e^M) \right] +$$

$$\gamma \left[u(w^M) - v(e^M) - u(w^B) + v(e^B) \right]$$



CONTENIDO

- SEÑALIZACIÓN



Una forma de prevenir la Selección Adversa es la Señalización. Ejemplo:La Educación como señal Spence (En el mercado de trabajo existen dos tipos de trabajadores: de alta capacidad y de baja capacidad.

- ullet El producto marginal de un trabajador de alta capacidad es a a_H
- ullet El producto marginal de un trabajador de baja capacidad es a a_L
- $a_L < a_H$

Una fracción θ de trabajadores es de alta capacidad. Por tanto $1-\theta$ es la proporción de trabajadores de baja capacidad



SEÑALIZACIÓN

Cada trabajador es pagado según su prodctividad marginal. Si las empresas conocieran el tipo de cada trabajador

- Pagarían $w^H = a^H$ a cada trabajador de alta capacidad
- Pagarían $w^L = a^L$ a cada trabajador de baja capacidad

Si las empresas no pueden distinguir el tipo al que pertenece cada trabajador (en el momento de la contratación), y tampoco pueden observar su productividad individual, entonces pagan un salario igual a la productividad marginal esperada de cada trabajador:

$$w_p = (1 - h)a_L + ha_H$$



Cuando esto ocurre decimos que el mercado de trabajo se encuentra en una situación de Equilibrio Aunador o Unificador (Pooling Equilibrium)

El equilibrio aunador es ineficiente y, además implica que los buenos trabajadores están subsidiando implícitamente el salario de los menos buenos.

Con el fin de seleccionar los trabajadores con niveles de capacidad adecuados, las empresas pueden exigir un cierto nivel de educación que actuaría como señal en un contexto donde la información sobre los candidatos es escasa.

SEÑALIZACIÓN

La señal (educación) debe ser costosa de tal forma que solamente los trabajadores más capacitados puedan conseguirla. Sean:

- c_H = los costos de la educación para un trabajador de alta capacidad
- c_L = los costos de la educación para un trabajador de baja capacidad
- $c_L > c_H$: los costos de la educación no están al alcance de los trabajadores menos hábiles.

Supuesto: la educación no tiene efecto sobre la productividad de los trabajadores pero indica, en un mundo de información incompleta, la capacidad de los trabajadores a esforzarse

Señalización

Los trabajadores de alta capacidad adquieren e H unidades de educación si

$$w_H - w_L = a_H - a_L > c_H e_H \tag{9}$$

$$w_H - w_L = a_H - a_L < c_L e_L \tag{10}$$

- (9) significa que adquirir e_H unidades de educación beneficia a los trabajadores con mayores habilidades
- (10) significa que adquirir e_H unidades de educación perjudica a trabajadores con menore habilidades



Señalización

$$a_H - a_L > c_H e_H$$
 $a_H - a_L < c_L e_L$

Juntos requieren:

$$\frac{a_H - a_L}{c_L} < e_H < \frac{a_H - a_L}{c_H}$$

Trabajadores con capacidad baja elijen no adquirir educación y trabajadores con capacidad alta elijen adquirir educación

Se obtiene así un equilibrio separador: los diferentes tipos de individuos emprenden diferentes acciones).

Teoría Microeconómica II Tema 7: Selección Adversa

José A. Valderrama jvalder@ulima.edu.pe ■

Universidad de Lima - Carrera de Economía

10 de noviembre de 2021

MEX support and edition:
Joel Vicencio-Damian
joel.nestor.damian@gmail.com

■

