UNIVERSIDAD AUTÓNOMA DE QUERÉTARO FACULTAD DE INGENIERÍA

Laboratorio de Cálculo Diferencial





| Nombre del Alumno | Diego Joel Zúñiga Fragoso Grupo | | 511 |
|-----------------------|---------------------------------|-------------|-----|
| Fecha de la Práctica | 21/09/2022 | No Práctica | 7 |
| Nombre de la Práctica | Funciones | | |
| Unidad | Funciones Algebraicas | | |

OBJETIVOS. Reforzar el conocimiento que se tiene acerca de las funciones algebraicas, no sólo de forma teórica sino también de manera gráfica

EQUIPO Y MATERIALES. Computadora con Office y algún software que grafique funciones como: Graph, Scientific Workplace o JK Graph

DESARROLLO

I. Funciones polinomiales

1.
$$f(x) = -4x + 8$$

| Grado | No. | No. | Factorización máxima | Gráfica | Intersecciones |
|-------|-------------------------------------|-----------------------------------|----------------------|-------------------|----------------|
| Grado | veces que crece y decrece | factores de primer grado | Pactorización maxima | Granca | con el eje X |
| 1 | Decrece en todo su dominio | 1 | -4x + 8 = -4(x-2) | 3 -2 -1 0 1 3 4 5 | x = 2 |

$$2. \quad f(x) = x^2 - 6x + 8$$

| H, | | | | | | |
|----|-------|-------|----------|----------------------|---------|----------------|
| | Grado | No. | No. | Factorización máxima | Gráfica | Intersecciones |
| | | veces | factores | | | con el eje X |
| | | que | de | | | |

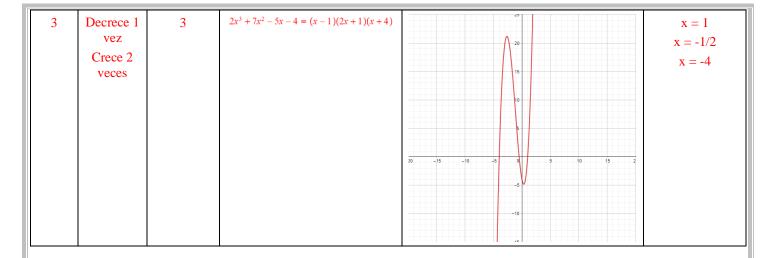
| | crece y decrece | primer grado | | | |
|---|------------------------------------|-----------------|---------------------------------|-----------------------|----------------|
| 2 | Decrece 1 vez Crece 1 vez | 2 | $x^2 - 6x + 8 = (x - 2)(x - 4)$ | -6 -4 -2 0 4 8 8 10 C | x = 2 x = 4 |

3. $f(x) = 3x^2 - 5x + 6$

| Grado | No. veces que crece y decrece | No. factores de primer grado | Factorización máxima | Gráfica | Intersecciones con el eje X |
|-------|-------------------------------------|------------------------------------|-------------------------------|-------------------------|-----------------------------|
| 2 | Decrece 1 vez Crece 1 vez | 2 | No se puede factorizar más | 20 -15 -10 -5 0 5 10 15 | No hay |
| | | | | -5- | |

4. $f(x) = 2x^3 + 7x^2 - 5x - 4$

| Grado | No. veces | No. | Factorización máxima | Gráfica | Intersecciones |
|-------|-----------|-------------|----------------------|---------|----------------|
| | que crece | factores de | | | con el eje X |
| | y decrece | primer | | | |
| | | grado | | | |
| | | | | | |



5.
$$f(x) = 6x^4 + 7x^3 - x$$

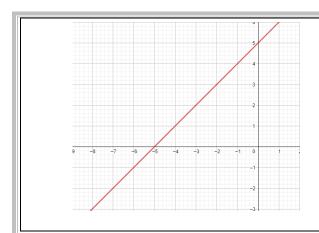
| Grado | No. veces que crece y decrece | No. factores de primer grado | Factorización máxima | Gráfica | Intersecciones con el eje X |
|-------|---|--|--|------------|-------------------------------------|
| 4 | Decrece 2 veces Crece 2 veces | 3 | $6x^4 + 7x^3 - x = x(2x+1)(3x-1)(x+1)$ | -2 0 2 4 0 | x = 1/3 $x = -1/2$ $x = -1$ $x = 0$ |

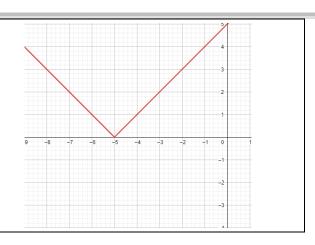
Expresa la relación que hay entre el grado del polinomio, la forma de la gráfica y las intersecciones con el eje X Cuando el grado del polinomio es par, la grafica se ve como una gran parábola y no es suprayectiva, en cambio, cuando es impar es suprayectiva.

II. Funciones valor absoluto.

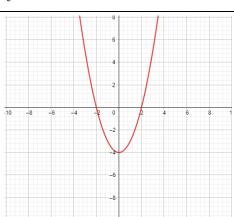
Grafica cada una de las funciones valor absoluto y también la misma función sin valor absoluto. Compáralas y concluye ¿Qué relación existe entre una función y el valor absoluto de la misma función?

| 1. $f(x) = x + 5$ | $\int f(x) = x+5 $ |
|-------------------|---------------------|

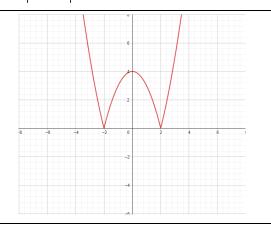




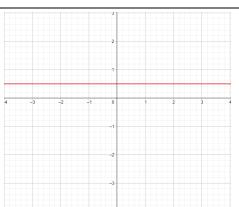
$$2. \quad f(x) = x^2 - 4$$



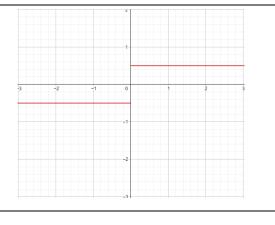
$$f(x) = \left| x^2 - 4 \right|$$



$$3. \quad f(x) = \frac{x}{2x}$$

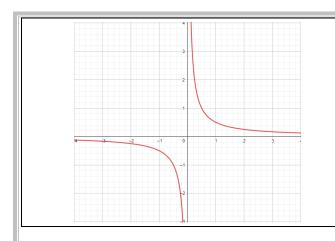


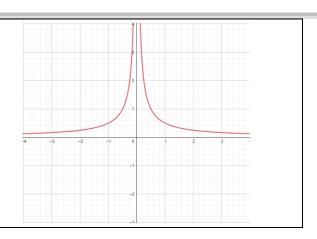
$$f(x) = \frac{|x|}{2x}$$



$$4. \quad f(x) = \frac{1}{2x}$$

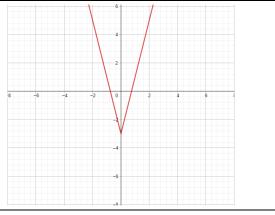
$$f(x) = \left| \frac{1}{2x} \right|$$





$$5. \quad f(x) = 4x - 3$$

$$f(x) = |4x| - 3$$



¿Qué relación existe entre una función y el valor absoluto de la misma función?

Cuando los valores de f(x) son mayores o iguales a 0, no sufre ningún cambio, pero cuando da negativo, por la misma propiedad del valor absoluto se convierten en positivo.

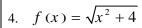
III. Funciones racionales.

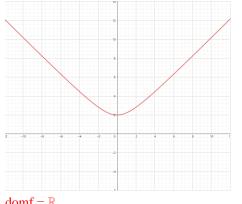
Grafica las funciones e indica la posición de la asíntota vertical. ¿Qué relación existe entre las asíntotas y la función

| Función | Ecuación de las asíntotas |
|---------------------------------|---------------------------|
| $1. f(x) = \frac{1}{x}$ | x = 0 |
| $2. f(x) = \frac{x}{x^2 - 1}$ | x = 1 $x = -1$ |
| $3. f(x) = \frac{3}{x-2}$ | x = 2 |
| 4. $f(x) = \frac{1}{(x-1)^2}$ | x = 1 |
| $5. f(x) = \frac{5x}{x^2 + 4}$ | No hay asíntota |

IV. Funciones raíz cuadrada.

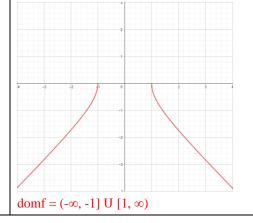
Grafica las funciones e indica la relación que tienen con las ecuaciones de las cónicas. Gráfica y dominio de cada función Función $1. \quad f(x) = \sqrt{x}$ $domf = [0, \infty)$ $2. \quad f(x) = \sqrt{x+2}$ $domf = [-2, \infty)$ 3. $f(x) = \sqrt{25 - x^2}$ domf = [-5, 5]





 $dom f = \mathbb{R}$

5.
$$f(x) = -\sqrt{x^2 - 1}$$



Verifica y Relaciona las funciones con sus gráficas. Coloca la ecuación bajo cada gráfica V.

| 1. $f(x) = -x^2 + x$ | 1. | f(x) | $=-x^2$ | +x |
|----------------------|----|------|---------|----|
|----------------------|----|------|---------|----|

2.
$$f(x) = x^3 - 3x^2 + 7$$

3.
$$f(x) = \frac{x-1}{x^2 - 2}$$

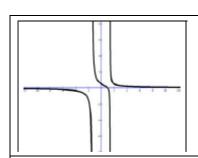
4.
$$f(x) = x^5 - 2x^3 + 7x^2$$

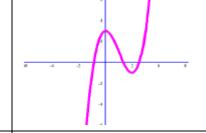
5.
$$f(x) = x^2 - 2x - 3$$

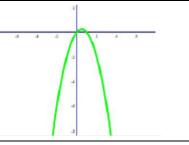
6.
$$f(x) = 2x - 8$$

7.
$$f(x) = \frac{3-x}{2-x}$$

8.
$$f(x) = -3x^4 + 7x^2 + 3x$$



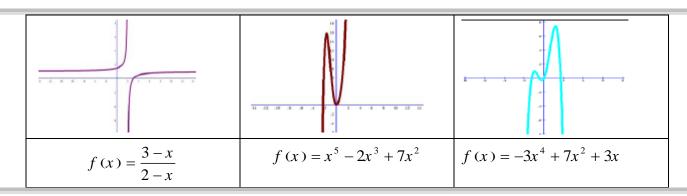




$$f(x) = \frac{x-1}{x^2 - 2}$$

$$f(x) = x^3 - 3x^2 + 7$$
?

$$f(x) = -x^2 + x$$



CONCLUSIONES.

Gracias a esta práctica pude comprender más acerca del comportamiento de las funciones fraccionarias y radicales, y como observando la función se puede predecir el como se verá reflejado en la gráfica. Fue una práctica con mucho aprendizaje y relativamente sencilla de elaborar.

EVALUACIÓN DE LA PRÁCTICA

Se evaluará el documento con los datos solicitados, las gráficas y conclusiones enviado a través del Campus Virtual