Übung 8 - Gruppe 142

Visual Computing - Transformationen & 2D/3D Ausgabe



Aufgabe Aufgabe 1: Projektionen



- a) Bei der perspektivischen Projektion treffen sich die Strahlen im einem Punkt, dem sog. Aufpunkt. Bei der parallelen Projektion, sind die Strahlen, wie der Name schon sagt, parallel zueinander. Dabei wirkt die perspektivische Darstellung natürlicher, jedoch können durch die Projektion Abstände, Längenverhältnisse und Winkel verändert werden. Durch die parallele Projektion, ändern sich Winkel, Längen und damit Abstände nicht, damit bleiben parallele Linien parallel und es können einfacher Längenmessungen durchgeführt werden.
- b) Anwendungsgebiete gibt es viele für die parallele Projektion, da durch diese die Längen einfach aus der Projektion übernommen werden können. So nutzen Mediziner zum Beispiel diese Art der Projektion, da sie so aus den gescannten Daten ihrer Patienten einfacher ablesen können.

Aufgabe Aufgabe 1: Projektionen



- c) A perspektivische Projektion mit Fluchtpunkt hinter dem Haus
 - B Parallel -> kein Fluchtpunkt
 - C Parallel -> kein Fluchtpunk
 - D perspektivische Projektion mit Fluchtpunkt in der Mitte der Glastür

Aufgabe 2: Transformationen



Die Matrizen der Basistransformationen ergeben sich zu

Aufgabe 2: Transformationen



Damit folgt für die Verkettung der einzuelnen Projektionen

$$T_{ges} = T_{Projektion} \cdot T_{Scherung} \cdot T_{Skalierung} \cdot T_{Rotation} \cdot T_{Translation}$$

Damit ergeben sich die Positionen des Würfels zu

$$p_{1} = T_{ges} \cdot \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} =, p_{2} = T_{ges} \cdot \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} =, p_{3} = T_{ges} \cdot \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix} =, p_{4} = T_{ges} \cdot \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix} =, p_{5} = T_{ges} \cdot \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix} =, p_{6} = T_{ges} \cdot \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix} =, p_{7} = T_{ges} \cdot \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix} =, p_{8} = T_{ges} \cdot \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix} =.$$

Aufgabe 3: Eigenschaften von Rotationsmatrizen



a) Die Matrix A ist keine Rotationsmatrix, da sie nicht quadratisch ist. somit l\u00e4sst sie sich auch nicht invertieren. Allerdings hat sie gro\u00dfe \u00e4hnlichkeit mit einem Ausschnitt der Rotationsmatrix um die Z-Achse. Allerdings m\u00fcsste hierf\u00fcr entweder die Nullzeile entfernt, oder der Einheitsvektor \u00e40 0 1\u00e4\u00e4 angeh\u00e4ngte werden. Anschliesend l\u00e4ge eine Rotationsmatrix vor, deren Inverse sich aus der Transformierten ergibt.

b)
$$B^{-1} = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ cos(25) & 0 & -sin(25) \\ sin(25) & 0 & cos(25) \end{bmatrix}$$

Es handelt sich um die Verkettung einer Drehung um 25 Grad um die y-Achse mit einer Rotation um 180 Grad um die Gerade (1,1,0). Somit ergibt sich die Inverse B^{-1} aus $B^{-1} = B^{T}$

Aufgabe 3: Eigenschaften von Rotationsmatrizen



$$\mathbf{c}) \ \ \boldsymbol{C}^{-1} = \begin{bmatrix} \cos(\phi)\cos(\theta) & \sin(\theta) & \cos(\phi) \\ -\cos(\phi)\sin(\theta) & \cos(\theta) & -\sin(\phi)\sin(\theta) \\ -\sin(\phi) & 0 & \cos(\theta) \end{bmatrix}$$

Hier handelt es sich um die Verkettung einer Rotation um die Y-Achse mit einer Rotation um die Z-Achse. Somit handelt es sich um eine Rotation und die Inverse ergibt sich aus der Transformierten der ursprünglichen Matrix $C^{-1} = C^T$