Método Jacobi de manera secuencial, con hilos y procesos

Presentado por:

Brandon David Palacio Alvarez Johan Esteban Restrepo Ladino

Presentado a:

Ramiro Andrés Barrios Valencia

Programa de Ingeniería en Sistemas y Computación HPC (High Performance Computing) Universidad Tecnológica de Pereira agosto 2022

Tabla de contenidos

| Ta | bla de contenidosbla de contenidos | 2 |
|-----------------|---|----|
| Re | sumen | 3 |
| ln [.] | troducción | 4 |
| M | arco conceptual | 5 |
| | Métodos numéricos | 5 |
| | Método de Jacobi | 5 |
| | Algoritmo método Jacobi | 6 |
| | HPC (High Performance Computing) | 7 |
| | ¿Por qué es tan importante la HPC? | 7 |
| | ¿Cómo funciona la HPC? | 7 |
| | Procesamiento Paralelo | 7 |
| | ¿Cómo funciona el procesamiento paralelo? | 7 |
| | Hilos (Threads) | 8 |
| | CPU Clock Time | 8 |
| | Speedup | 8 |
| M | arco contextual | 9 |
| | Pruebas realizadas | 9 |
| | Características de la máquina | 9 |
| | Desarrollo | 9 |
| | Análisis de los datos – Tablas | 13 |
| | Análisis de datos – Gráficas | 19 |
| | Observaciones: | 21 |
| Cc | onclusiones | 22 |
| Bi | bliografía | 23 |

Resumen

En el siguiente informe, se observará la implementación y comportamiento del método Jacobi, realizado en el lenguaje de programación C, de forma secuencial y de forma paralela con implementaciones de hilos y procesos. Esto nos mostrará y determinará con cuál de las opciones ya mencionadas el algoritmo se desempeña con un mejor rendimiento. Los datos serán tomados a través de fórmulas y tablas en Excel, las cuales serán tabuladas y promediadas, esto con el fin de poder sacar datos más exactos en su medición además de la realización de sus respectivas gráficas comparativas con los diferentes tipos de ejecución. El proceso debe ser realizado repetidas veces en diferentes iteraciones para obtener tiempos más aproximados a su tiempo de ejecución real.

Introducción

Los sistemas de ecuaciones lineales no solamente se pueden resolver analíticamente, también se pueden recurrir a los métodos numéricos. Si estamos hablando de sistemas de ecuaciones lineales tenemos lo que es el método Jacobi, el cual, a través de una pequeña definición, utiliza las aproximaciones sucesivas (o en otras palabras iteraciones) para encontrar los valores aproximados de un sistema lineal propuesto. Ahora, si vemos esto desde el punto de vista tecnológico y autónomo, esto dicho al ser iteraciones y algo matemático se puede llevar a la programación, lo cual nos simplificaría mucho la cantidad estimada de tiempo cuando se tienen pequeñas iteraciones.

Si pensamos en un sistema lineal con muchas iteraciones, ya se complica un poco, esto debido a que todas las maquinas no están diseñadas para correr tiempos de ejecución muy grandes o incluso esto podría llegar a topar la mayoría de su memoria RAM o incluso parar el procesador por la cantidad de procesos ejecutándose simultáneamente.

Gracias a las investigaciones del HPC, se puede determinar el alcance de una máquina, que tan eficaz es, y cuando soporta en cuanto a su velocidad y sus características generales.

En el Reto de Jacobi, vamos a hacer un breve análisis de cómo llevamos matemáticamente el método numérico de Jacobi a la programación en C, y a su vez, se determinará que tan eficiente es en la máquina que se usará para el experimento.

Marco conceptual

Métodos numéricos

Los métodos numéricos corresponden a aquellos procedimientos en los que se realizan cálculos aritméticos que permitan dar solución a problemas. Existen diversos tipos de métodos numéricos o algoritmos que pueden ser utilizados para dar una solución aproximada a problemas planteados que no pueden ser resueltos de otra manera, sin embargo, cabe resaltar que se pueden presentar errores.

Método de Jacobi

Es un método iterativo, usado para resolver sistemas de ecuaciones lineales del tipo. El algoritmo toma su nombre del matemático alemán Carl Gustav Jakob Jacobi. El método de Jacobi consiste en usar fórmulas como iteración de punto fijo.

Un método iterativo con el cual se resuelve el sistema lineal A x = b comienza con una aproximación inicial x (0) a la solución x y genera una sucesión de vectores x (k) que converge a x. Los métodos iterativos traen consigo un proceso que convierte el sistema A x = b en otro equivalente de la forma x = T x + c para alguna matriz fija T y un vector c.

Luego de seleccionar el vector inicial x (0) la sucesión de los vectores de la solución aproximada se genera calculando:

$$X(k) = Tx(k-1) + c$$

Para cada k = 1, 2, 3, ...

El método se escribe en la forma x (k) = T x (k-1) + c separando A en sus partes diagonal D y fuera de la diagonal. Sea D la matriz diagonal cuya diagonal es la misma que A, sea -L la parte estrictamente triangular inferior de la parte A Y sea -U la parte estrictamente triangular superior de A.

Con esta notación A = D-L-U, entonces transformamos la ecuación A x = b, o (D-L-U) x = b, en

$$Dx = (L+U)x + b$$

Y, si D-1 existe, es decir, si a i,i es distinto de cero para cada i, entonces

$$x = D-1(L+U) x + D-1b$$

Esto da origen a la forma matricial del método iterativo de Jacobi:

$$X k$$
) = D-1(L+U) $x (k-1) + D-1b$, $k = 1, 2, ...$

Al introducir la notación Tj = D-1(L+U) y c esta técnica tiene la forma:

$$X(k) = Tx(k-1) + c$$

Es de mencionar el siguiente teorema: "Si A es estrictamente diagonal dominante, entonces con cualquier elección de la aproximación inicial, el método de Jacobi da una sucesión que converge a la solución única de A x = b"

La sucesión se construye descomponiendo la matriz del sistema A en la forma siguiente:

Donde, D es una matriz diagonal.

Partiendo de Ax=b, podemos reescribir dicha ecuación como:

$$Dx(L+U) x=b$$

Luego

$$x = \mathbf{D}^{-1} \left[b - (\mathbf{L} + \mathbf{U}) \, x \right]$$

Donde k es el contador de iteración, finalmente tenemos:

$$x_i^{(k+1)} = \frac{1}{a_{ii}} \left(b_i - \sum_{j \neq i} a_{ij} x_j^{(k)} \right), i = 1, 2, 3, \dots$$

Algoritmo método Jacobi

Función Jacobi (A * X⁰)

"X⁰ es una aproximación inicial a la solución //

Para K←1 hasta convergencia hacer

Para i ← 1 hasta n hacer

0 +0

Para j← 1 hasta n hacer

¡Si J! = i entonces

$$O = o + aijxj$$

Fin para

$$x_{i} = \frac{(b_{i-0})}{Aii}$$

HPC (High Performance Computing)

La informática de alto rendimiento (HPC) es un tipo de aplicaciones y cargas de trabajo que realizan operaciones intensivas desde el punto de vista informático. La demanda de HPC para impulsar casos de uso ricos en datos y habilitados por la IA en entornos académicos e industriales es cada vez mayor. Los clústeres HPC se diseñan sobre procesadores de alto rendimiento con memoria y almacenamiento de alta velocidad, además de otros componentes avanzados.

¿Por qué es tan importante la HPC?

En los últimos años, la cantidad de datos ha proliferado rápidamente y muchas aplicaciones nuevas han podido aprovechar la potencia de la HPC, es decir, de la capacidad para realizar operaciones de proceso intensivo con los distintos recursos compartidos, para lograr resultados en menos tiempo y a un menor coste en comparación con la informática tradicional. Al mismo tiempo, el hardware y el software HPC se han vuelto más asequibles y están más extendidos.

¿Cómo funciona la HPC?

Mientras que la HPC puede ejecutarse en un único nodo, su verdadera potencia proviene de la conexión de varios nodos HPC en un clúster o superordenador con capacidad de procesamiento paralelo de los datos. Los clústeres HPC pueden procesar simulaciones a escala extrema, inferencias de IA y análisis de datos que podrían no ser factibles en un sistema único.

Procesamiento Paralelo

El procesamiento paralelo es un método de computación para ejecutar dos o más procesadores (CPU) para manejar partes separadas de una tarea general. Dividir diferentes partes de una tarea entre varios procesadores ayudará a reducir la cantidad de tiempo para ejecutar un programa. Cualquier sistema que tenga más de una CPU puede realizar procesamiento paralelo, así como procesadores de múltiples núcleos que se encuentran comúnmente en las computadoras hoy en día.

Los procesadores multinúcleo son chips IC que contienen dos o más procesadores para un mejor rendimiento, menor consumo de energía y procesamiento más eficiente de múltiples tareas. Estas configuraciones de múltiples núcleos son similares a tener varios procesadores separados instalados en la misma computadora. La mayoría de las computadoras pueden tener entre dos y cuatro núcleos; aumentando hasta 12 núcleos.

¿Cómo funciona el procesamiento paralelo?

Por lo general, un informático dividirá una tarea compleja en varias partes con una herramienta de software y asignará cada parte a un procesador, luego cada procesador resolverá su parte y una herramienta de software volverá a ensamblar los datos para leer la solución o ejecutar la tarea.

Hilos (Threads)

Un Hilo es simplemente una tarea que puede ser ejecutada al mismo tiempo con otra tarea. En los sistemas operativos tradicionales cada proceso tiene un espacio de direcciones y un hilo de control. Un hilo es una secuencia de código en ejecución dentro del contexto de un proceso no pueden ejecutarse ellos solos, requieren la supervisión de un proceso padre para correr.

Cuando se agrupan varios hilos son denominados Multihilos, los cuales pueden ser manipularlos todos de una vez, es una característica que permite a una aplicación realizar varias tareas a la vez.

CPU Clock Time

La CPU Clock time, o velocidad del reloj de la CPU, en general, una velocidad de reloj más alta significa una CPU más rápida. Sin embargo, hay muchos otros factores que desempeñan un rol. La CPU procesa muchas instrucciones (cálculos de bajo nivel como los aritméticos) a partir de diferentes programas a cada segundo. La velocidad de reloj mide la cantidad de ciclos que ejecuta tu CPU por segundo, medida en GHz (gigahertz). Un "ciclo" es técnicamente un pulso sincronizado por un oscilador interno, pero, para nuestros fines, es una unidad básica que ayuda a comprender la velocidad de una CPU. Durante cada ciclo, miles de millones de transistores dentro del procesador se abren y cierran. La frecuencia es más operaciones dentro de una cantidad dada de tiempo, como se representa más arriba. Una CPU con una velocidad de reloj de 3,2 GHz ejecuta 3200 millones de ciclos por segundo. (Las CPU más antiguas tenían velocidades medidas en megahertz, o millones de ciclos por segundo.) A veces, se completan múltiples instrucciones en un solo ciclo de reloj. En otros casos, una instrucción podría ser manejada a lo largo de múltiples ciclos de reloj. Dado que los distintos diseños de CPU manejan las instrucciones de manera diferente, lo mejor es comparar las velocidades de reloj dentro de la misma marca y generación de CPU.

Speedup

Es un proceso realizado para mejorar el rendimiento de un sistema que procesa un problema determinado. Más técnicamente, es la mejora en la velocidad de ejecución de una tarea ejecutada en dos arquitecturas similares con diferentes recursos.

Ejemplos:

Usando tiempos de ejecución: Estamos probando la efectividad de un predictor de saltos en la ejecución de un programa. Primero, ejecutamos el programa con el predictor de saltos estándar en el procesador, lo que consigue un tiempo de ejecución de 2,25 segundos. A continuación, ejecutamos el programa con nuestro predictor de saltos modificado (y esperamos mejorado) en el mismo procesador, lo que produce un tiempo de ejecución de 1,50 segundos. En ambos casos la carga de ejecución es la misma. Usando nuestra fórmula de speedup, sabemos que:

$$S_{ ext{latencia}} = rac{L_{ ext{antigua}}}{L_{ ext{nueva}}} = rac{2,25 ext{ s}}{1,50 ext{ s}} = 1,5.$$

Nuestro nuevo predictor de saltos ha conseguido una speedup de 1,5x sobre el original.

Marco contextual

Pruebas realizadas

Se realizaron las respectivas pruebas del algoritmo del método Jacobi con los respectivos valores, primeramente, ejecutándolo de forma secuencial. Así mismo para su forma paralela con Hilos y su forma paralela con procesos. Se analizaron los diferentes métodos utilizados, además de tomar nota de sus respectivos tiempos y su evolución al aplicarle el SpeedUp. A continuación, se verá un poco todos los datos que se mostraron en este análisis.

Características de la máquina

Las pruebas fueron realizadas en un equipo portátil con las siguientes características:

OS: Ubuntu 22.04 jammy

Kernel: x86_64 Linux 5.15.0-47-generic

Resolution: 2726x768

CPU: Intel Core i5 – 1035G4 @ 8x 3.7 GHz

GPU: Intel Corporation Iris Plus Graphics G4 (Ice Lake)

RAM: 3719 MiB

Desarrollo

Para el desarrollo del presente reto, como primer paso de realizó el análisis de la implementación secuencial del algoritmo de Jacobi que fue entregada por el profesor utilizando gprof como herramienta de analisis para aplicaciones en sistemas operativos basados en Unix, obteniendo los siguientes resultados:

```
Flat profile:
Each sample counts as 0.01 seconds
     cumulative self
                                     self
                                              total
                             calls Ts/call Ts/call name
 time
        seconds
                  seconds
                                                      jacobi (jacobi-sequential.c:34 @ 145a)
                                                      jacobi (jacobi-sequential.c:30 @ 13c1)
                                                      jacobi (jacobi-sequential.c:29 @ 143e)
                                                       jacobi (jacobi-sequential.c:33 @ 14d7)
  0.02
           61.85
                     0.01
                                                       iacobi (iacobi-sequential.c:33 @ 144e)
                                                0.00 jacobi (jacobi-sequential.c:16 @ 1309)
           the percentage of the total running time of the
time
           program used by this function.
cumulative a running sum of the number of seconds accounted
 seconds for by this function and those listed above it.
 self
           the number of seconds accounted for by this
seconds
           function alone. This is the major sort for this
           listina.
calls
           the number of times this function was invoked, if
           this function is profiled, else blank
 self
           the average number of milliseconds spent in this
           function per call, if this function is profiled,
     else blank.
           the average number of milliseconds spent in this
          function and its descendents per call, if this
     function is profiled, else blank
           the name of the function. This is the minor sort
name
              this listing. The index shows the location of
     the function in the gprof listing. If the index is
     in parenthesis it shows where it would appear in
     the gprof listing if it were to be printed.
```

El anterior resultado evidenció que la parte del código que se debía optimizar para obtener un mejor rendimiento era la función con firma jacobi(int nsweeps, int n, double *u, double *f). Cabe resaltar que al código que fue entregado por el profesor se le hicieron pequeñas modificaciones en materia de la toma de tiempo, ya que el código original usaba un archivo extra el cual se tenía que compilar junto que el código fuente del algoritmo en cuestión, mientras que en la presente implementación se hizo uso de la función gettimeofday que ofrece la librería de c sys/time. Finalmente, en la implementación secuencial, se compiló el código fuente y se ejecutó un script para correr el programa 10 veces para tamaños de arreglos de 5000 25000 50000 100000 150000 200000 250000 300000 y guardando los respectivos resultados en un archivo separado por coma (.csv) para su posterior análisis.

Para la implementación del algoritmo utilizando hilos, se empleó la librería pthread que incluye las funciones necesarias para la creación y funcionamiento de hilos con el estándar Posix. Teniendo como premisa que la función que se debía atacar era la función jacobi, se separó la lógica principal de la función jacobi que consistía en calcular los valores para los arreglos utmp y u en ciclos for separados y se movió dicha lógica a una función de subrutina llamada thread_subroutine que sería posteriormente ejecutada por cada uno de los hilos. Del mismo modo, se creó una estructura llamada thread_info que contenía los campos: from, to, h2. Lo anterior con el fin de pasar la información necesaria para el correcto funcionamiento de cada uno de los hilos. La función jacobi fue responsable de la creación de hilos y la

creación de la información de los hilos que consistió en calcular que partes de cada arreglo le correspondía a cada hilo, para ello se emplearon las siguientes fórmulas para la distribución de carga de los hilos:

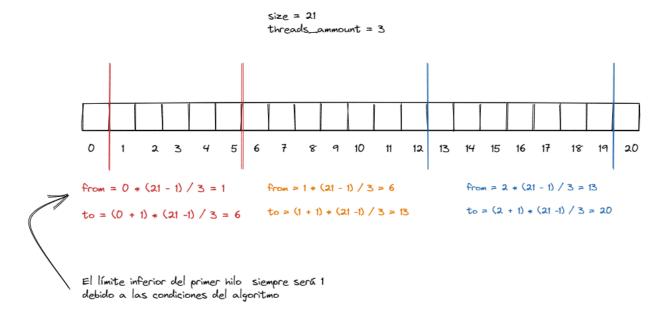
$$from = \frac{thread_idx * (size - 1)}{threads_ammount}$$

$$to = \frac{(thread_idx + 1) * (size - 1)}{threads_ammount}$$

Donde:

- from: límite inferior de trabajo del hilo (Parte entera de la división).
- to: límite superior de trabajo del hilo no inclusivo (Parte entera de la división).
- **thread**_idx: índice del hilo al que se le está calculando la carga. Esto debido a que la carga se calcula dentro de un ciclo for.
- threads_ammount: cantidad de hilos entre los que se va a distribuir la carga.
- size: tamaño del arreglo en el que trabajan los hilos.

Dichas formulas garantizan la correcta distribución de carga para cada uno de los hilos, independientemente de si el arreglo tiene un tamaño par o impar. Teniendo en cuenta que el algoritmo siempre trabaja desde la posición 1 del arreglo u se hace la asignación especifica de ese límite de trabajo para el primer hilo que corresponde al hilo con thread_idx = 0. Por otra parte, también se tuvo en cuenta que los limites superiores "to" son no inclusivos.



Una vez establecidos los límites, se construyeron los hilos y se les pasó la información correspondiente para trabajar con los arreglos globales u, utmp y f, cómo también la referencia a la subrutina thread_subroutine que ejecuta cada uno de los hilos. Posteriormente, solo fue cuestión de esperar a que todos los hilos terminaran su ejecución, acción que se realizó en la función jacobi. Del mismo modo que en la implementación secuencial, se compiló el código fuente y se ejecutó un script para correr el

programa 10 veces para tamaños de arreglos de 5000 25000 50000 100000 150000 200000 250000 300000 y guardando los respectivos resultados en un archivo separado por coma (.csv) para su posterior análisis.

Finalmente, para la implementación de procesos, se siguió en el mismo enfoque que se utilizó para la implementación de hilos. Sin embargo, al tratarse de una implementación con procesos, los arreglos con los que trabaja el algoritmo fueron creados utilizando la función mmap de c la cual genera una especie de "buffer" que puede ser accedido por todos los procesos que desprendan del mismo proceso padre que utilizó la función mmap. Dicha función también implica que después de que se hayan utilizados los arreglos, se libere la memoria utilizando la función munmap. Del mismo modo que en la implementación secuencial y con hilos, se compiló el código fuente y se ejecutó un script para correr el programa 10 veces para tamaños de arreglos de 5000 25000 50000 100000 150000 200000 250000 300000 y guardando los respectivos resultados en un archivo separado por coma (.csv) para su posterior análisis.

Análisis de los datos - Tablas

1. Resultados al ejecutar el algoritmo de forma secuencial, utilizando uno de sus núcleos:

Tabla 1. Forma secuencial

| | | | S | SECUENCIA | L | | | |
|-------------------------------------|-----------|-----------|-----------|------------|------------|------------|------------|------------|
| Valor contador de iteracion n | n = 5000 | n = 25000 | n = 50000 | n = 100000 | n = 150000 | n = 200000 | n = 250000 | n = 300000 |
| 1 | 0,070518 | 1,660448 | 6,839659 | 27,427966 | 60,952717 | 111,354166 | 168,269115 | 244,131413 |
| 2 | 0,070567 | 1,772878 | 6,613491 | 26,972229 | 59,457476 | 107,83176 | 166,787743 | 244,865804 |
| 3 | 0,06901 | 1,657812 | 6,612312 | 26,596308 | 61,974235 | 105,901168 | 168,013353 | 243,478388 |
| 4 | 0,069134 | 1,726419 | 6,594557 | 26,569873 | 64,268995 | 108,455123 | 166,140947 | 251,135133 |
| 5 | 0,069193 | 2,021203 | 7,094523 | 27,738105 | 68,217536 | 105,26737 | 171,356909 | 304,228165 |
| 6 | 0,068983 | 1,702576 | 6,634458 | 27,779457 | 59,116138 | 105,780392 | 167,135808 | 243,512121 |
| 7 | 0,067923 | 1,694974 | 6,866084 | 27,454497 | 59,258784 | 105,609437 | 168,207896 | 245,448065 |
| 8 | 0,069504 | 1,665885 | 6,676619 | 26,55546 | 58,649381 | 105,489293 | 168,14339 | 242,925408 |
| 9 | 0,06908 | 1,832738 | 6,591834 | 26,441471 | 60,418955 | 105,653748 | 168,049035 | 244,311493 |
| 10 | 0,069766 | 1,747546 | 6,602481 | 26,366694 | 60,099327 | 105,686957 | 166,936086 | 244,13406 |
| Promedio | 0,0693678 | 1,7482479 | 6,7126018 | 26,990206 | 61,2413544 | 106,702941 | 167,904028 | 250,817005 |

2. Resultados al ejecutar el algoritmo de forma paralela usando 2 hilos con su respectivo speedup, el cual muestra un incremento o un decremento en su tiempo de ejecución:

Tabla 2. Forma paralela usando 2 hilos

| | | | PAR | ALELO 2 HI | LOS | | | |
|-------------------------------------|------------|------------|------------|------------|------------|------------|------------|------------|
| Valor contador de iteracion n | n = 5000 | n = 25000 | n = 50000 | n = 100000 | n = 150000 | n = 200000 | n = 250000 | n = 300000 |
| 1 | 0,119735 | 1,259821 | 4,415376 | 17,54734 | 43,715109 | 73,15996 | 116,594983 | 170,146736 |
| 2 | 0,101631 | 1,264117 | 4,441099 | 17,525298 | 53,319305 | 73,520866 | 117,636898 | 168,895415 |
| 3 | 0,101825 | 1,281504 | 4,409558 | 18,075434 | 53,058183 | 72,585044 | 118,48107 | 169,791823 |
| 4 | 0,101941 | 1,387073 | 4,396124 | 17,591784 | 50,80057 | 74,074386 | 116,827505 | 172,702174 |
| 5 | 0,099289 | 1,265476 | 4,415396 | 17,453549 | 46,781226 | 72,679665 | 116,421567 | 169,482367 |
| 6 | 0,100917 | 1,266078 | 4,407603 | 17,417208 | 40,67566 | 73,483077 | 116,791715 | 171,0188 |
| 7 | 0,099598 | 1,258913 | 4,412599 | 18,088009 | 41,011657 | 74,085809 | 118,381051 | 173,379146 |
| 8 | 0,101636 | 1,263201 | 4,40568 | 17,612186 | 40,863117 | 73,778389 | 114,807564 | 168,867852 |
| 9 | 0,099522 | 1,260778 | 4,487693 | 18,414875 | 40,539884 | 73,012902 | 115,112549 | 169,799697 |
| 10 | 0,100549 | 1,254228 | 4,405754 | 17,498659 | 42,05035 | 74,379608 | 114,699593 | 171,35174 |
| Promedio | 0,1026643 | 1,2761189 | 4,4196882 | 17,7224342 | 45,2815061 | 73,4759706 | 116,57545 | 170,543575 |
| Speedup | 0,67567597 | 1,36997258 | 1,51879533 | 1,52294012 | 1,35245842 | 1,45221547 | 1,4403035 | 1,47069161 |

3. Resultados al ejecutar el algoritmo de forma paralela usando 4 hilos:

Tabla 3. Forma paralela usando 4 hilos

| | PARALELO 4 HILOS | | | | | | | | | | | |
|-------------------------------------|------------------|------------|------------|------------|------------|------------|------------|------------|--|--|--|--|
| Valor contador de iteracion n | n = 5000 | n = 25000 | n = 50000 | n = 100000 | n = 150000 | n = 200000 | n = 250000 | n = 300000 | | | | |
| 1 | 0,133087 | 1,100565 | 4,175299 | 13,562245 | 28,672452 | 50,225952 | 88,233468 | 128,589024 | | | | |
| 2 | 0,126218 | 1,106102 | 4,10664 | 13,293863 | 28,552299 | 49,955059 | 81,591917 | 130,717745 | | | | |
| 3 | 0,123303 | 1,08299 | 3,918477 | 13,457374 | 28,269495 | 50,026879 | 79,289199 | 133,675982 | | | | |
| 4 | 0,124966 | 1,149229 | 4,020273 | 14,267855 | 28,508449 | 49,95851 | 79,807078 | 132,02043 | | | | |
| 5 | 0,121785 | 1,26055 | 3,80241 | 13,421937 | 28,493673 | 49,841577 | 83,596178 | 130,288916 | | | | |
| 6 | 0,12336 | 1,207781 | 4,213437 | 13,33614 | 28,908786 | 50,519741 | 80,729658 | 132,777193 | | | | |
| 7 | 0,127778 | 1,186311 | 3,535538 | 13,845864 | 28,779008 | 50,107204 | 80,688223 | 135,488274 | | | | |
| 8 | 0,122783 | 1,434789 | 3,566448 | 13,633521 | 28,55339 | 50,117916 | 79,602395 | 163,048274 | | | | |
| 9 | 0,122787 | 1,559004 | 4,190458 | 14,139242 | 31,517995 | 50,214398 | 79,667105 | 134,206828 | | | | |
| 10 | 0,125395 | 1,372214 | 4,462098 | 13,521416 | 28,513781 | 49,936871 | 80,21096 | 134,80298 | | | | |
| Promedio | 0,1251462 | 1,2459535 | 3,9991078 | 13,6479457 | 28,8769328 | 50,0904107 | 81,3416181 | 135,561565 | | | | |
| Speedup | 0,5542941 | 1,40314057 | 1,67852484 | 1,97760209 | 2,12077075 | 2,13020696 | 2,06418353 | 1,85020736 | | | | |

4. Resultados al ejecutar el algoritmo de forma paralela usando 8 hilos:

Tabla 4. Forma paralela usando 8 hilos

| | | | PAR | ALELO 8 HI | LOS | | | |
|-------------------------------------|------------|------------|------------|------------|------------|------------|------------|------------|
| Valor contador de iteracion n | n = 5000 | n = 25000 | n = 50000 | n = 100000 | n = 150000 | n = 200000 | n = 250000 | n = 300000 |
| 1 | 0,256055 | 1,642135 | 4,27573 | 14,672464 | 32,830089 | 55,741678 | 88,689531 | 168,791663 |
| 2 | 0,250251 | 2,054815 | 4,322309 | 15,911861 | 33,191703 | 56,097162 | 89,721601 | 165,913439 |
| 3 | 0,247097 | 1,74761 | 4,197255 | 17,165038 | 32,66311 | 55,841917 | 89,086697 | 170,615588 |
| 4 | 0,246673 | 1,640348 | 4,181418 | 15,912776 | 32,642154 | 55,823789 | 89,636318 | 166,104906 |
| 5 | 0,251477 | 1,602558 | 4,317085 | 15,626595 | 32,201501 | 55,375414 | 89,072876 | 165,636696 |
| 6 | 0,25455 | 1,602078 | 4,374915 | 15,622987 | 32,529336 | 55,256024 | 88,348265 | 169,789595 |
| 7 | 0,247028 | 1,569359 | 4,792966 | 16,18046 | 32,048638 | 55,659164 | 88,542753 | 169,723453 |
| 8 | 0,250506 | 1,627511 | 5,119356 | 16,179709 | 32,091583 | 55,87152 | 89,918904 | 172,567026 |
| 9 | 0,255272 | 1,606031 | 5,677363 | 16,055077 | 32,137376 | 56,481203 | 88,542497 | 170,820352 |
| 10 | 0,250919 | 1,63767 | 5,179406 | 16,193817 | 32,028454 | 55,653034 | 88,470025 | 168,320858 |
| Promedio | 0,2509828 | 1,6730115 | 4,6437803 | 15,9520784 | 32,4363944 | 55,7800905 | 89,0029467 | 168,828358 |
| Speedup | 0,27638468 | 1,04497064 | 1,44550374 | 1,69195545 | 1,88804445 | 1,91292163 | 1,88649965 | 1,48563315 |

5. Resultados al ejecutar el algoritmo de forma paralela usando 16 hilos:

Tabla 5. Forma paralela usando 16 hilos

| | PARALELO 16 HILOS | | | | | | | | | | | |
|-------------------------------------|-------------------|------------|------------|------------|------------|------------|------------|------------|--|--|--|--|
| Valor contador de iteracion n | n = 5000 | n = 25000 | n = 50000 | n = 100000 | n = 150000 | n = 200000 | n = 250000 | n = 300000 | | | | |
| 1 | 0,496062 | 2,911952 | 7,458961 | 21,338266 | 50,293054 | 112,681542 | 211,433162 | 299,674736 | | | | |
| 2 | 0,505106 | 3,280597 | 7,361768 | 25,151644 | 75,780654 | 114,288423 | 212,585186 | 297,399763 | | | | |
| 3 | 0,499378 | 3,030872 | 8,050331 | 26,286325 | 78,543859 | 111,326398 | 214,031714 | 271,451668 | | | | |
| 4 | 0,495739 | 3,004964 | 8,396143 | 19,172675 | 35,471472 | 107,996096 | 203,280707 | 263,114193 | | | | |
| 5 | 0,486892 | 2,79641 | 8,67164 | 19,874363 | 63,144934 | 108,373706 | 211,057537 | 300,739298 | | | | |
| 6 | 0,504575 | 2,756444 | 7,885073 | 19,557564 | 72,108168 | 108,220491 | 169,06387 | 241,746888 | | | | |
| 7 | 0,495502 | 2,865569 | 7,298788 | 19,363201 | 35,633135 | 105,840035 | 211,463021 | 230,219986 | | | | |
| 8 | 0,576115 | 3,101082 | 7,257934 | 19,086387 | 67,976954 | 112,470574 | 213,340872 | 296,227776 | | | | |
| 9 | 0,643477 | 2,6851 | 7,255163 | 19,356378 | 68,988064 | 110,591417 | 170,223684 | 298,785756 | | | | |
| 10 | 0,498264 | 2,978504 | 7,252166 | 19,143696 | 48,848122 | 105,081137 | 211,386989 | 234,492853 | | | | |
| Promedio | 0,520111 | 2,9411494 | 7,6887967 | 20,8330499 | 59,6788416 | 109,686982 | 202,786674 | 273,385292 | | | | |
| Speedup | 0,13337115 | 0,59440976 | 0,87303671 | 1,29554751 | 1,02618202 | 0,97279494 | 0,82798354 | 0,91744879 | | | | |

6. Resultados al ejecutar el algoritmo de forma paralela usando 32 hilos:

Tabla 6. Forma paralela usando 32 hilos

| | | | PAR | ALELO 32 H | ILOS | | | |
|-------------------------------------|------------|------------|------------|------------|------------|------------|------------|------------|
| Valor contador de iteracion n | n = 5000 | n = 25000 | n = 50000 | n = 100000 | n = 150000 | n = 200000 | n = 250000 | n = 300000 |
| 1 | 1,019096 | 6,375862 | 14,652305 | 34,573072 | 50,871404 | 79,85534 | 123,035471 | 180,098622 |
| 2 | 1,01332 | 6,462651 | 15,159297 | 29,940346 | 50,906718 | 80,860218 | 123,428694 | 180,317037 |
| 3 | 1,018812 | 6,480895 | 16,985545 | 29,800508 | 51,044403 | 80,64476 | 122,821963 | 180,469769 |
| 4 | 1,009772 | 6,354384 | 15,502787 | 29,68339 | 51,338215 | 79,664754 | 123,12328 | 180,728692 |
| 5 | 1,014908 | 6,466584 | 14,384547 | 29,804785 | 50,994251 | 79,463348 | 140,112086 | 180,319101 |
| 6 | 1,019166 | 6,248705 | 15,93608 | 29,766263 | 51,721061 | 79,571253 | 122,785001 | 179,052858 |
| 7 | 1,00118 | 6,638062 | 17,060301 | 29,769612 | 51,137875 | 79,689786 | 122,450686 | 180,154761 |
| 8 | 1,010303 | 6,772912 | 15,923848 | 29,920892 | 51,96867 | 79,693258 | 123,331458 | 180,014394 |
| 9 | 1,012062 | 6,06122 | 15,667135 | 29,793829 | 51,165347 | 79,899387 | 122,805298 | 180,187174 |
| 10 | 1,015857 | 6,194555 | 16,139094 | 29,781961 | 51,238633 | 79,543697 | 123,260141 | 202,335462 |
| Promedio | 1,0134476 | 6,405583 | 15,7410939 | 30,2834658 | 51,2386577 | 79,8885801 | 124,715408 | 182,367787 |
| Speedup | 0,06844735 | 0,27292565 | 0,42643808 | 0,89125222 | 1,19521777 | 1,33564699 | 1,34629739 | 1,37533612 |

7. Resultados al ejecutar el algoritmo de forma paralela usando 2 procesos con su respectivo speedup en las siguientes tablas:

Tabla 7. Forma paralela usando 2 procesos

| | PARALELO 2 PROCESOS | | | | | | | | | | | |
|-------------------------------------|---------------------|------------|------------|------------|------------|------------|------------|------------|--|--|--|--|
| Valor contador de iteracion n | n = 5000 | n = 25000 | n = 50000 | n = 100000 | n = 150000 | n = 200000 | n = 250000 | n = 300000 | | | | |
| 1 | 0,332976 | 2,656792 | 8,163897 | 27,705125 | 60,227934 | 103,545187 | 167,542264 | 246,900896 | | | | |
| 2 | 0,327405 | 2,679908 | 8,23258 | 28,496163 | 60,874102 | 105,422741 | 166,925184 | 244,87278 | | | | |
| 3 | 0,358002 | 2,768842 | 8,238476 | 28,238057 | 59,614715 | 104,451328 | 167,441784 | 244,203044 | | | | |
| 4 | 0,321534 | 2,774694 | 8,221472 | 28,286827 | 60,402905 | 103,454005 | 167,423422 | 242,487356 | | | | |
| 5 | 0,33158 | 2,680733 | 8,802743 | 28,763067 | 63,779103 | 105,990693 | 166,872865 | 245,938318 | | | | |
| 6 | 0,32219 | 2,703684 | 8,618326 | 27,984385 | 59,359928 | 104,484665 | 168,413789 | 281,664435 | | | | |
| 7 | 0,32928 | 2,69084 | 8,251016 | 27,835981 | 59,432827 | 104,65069 | 166,356165 | 248,045792 | | | | |
| 8 | 0,331968 | 2,768856 | 8,063935 | 27,73788 | 59,930805 | 103,909621 | 168,514889 | 246,381347 | | | | |
| 9 | 0,320378 | 2,773385 | 8,183051 | 28,259206 | 59,258719 | 119,228632 | 166,982602 | 245,130342 | | | | |
| 10 | 0,325865 | 2,695884 | 8,048853 | 28,004801 | 60,160165 | 103,832463 | 166,633596 | 241,864117 | | | | |
| Promedio | 0,3301178 | 2,7193618 | 8,2824349 | 28,1311492 | 60,3041203 | 105,897003 | 167,310656 | 248,748843 | | | | |
| Speedup | 0,21013044 | 0,64288904 | 0,81046237 | 0,959442 | 1,01554179 | 1,00761059 | 1,00354653 | 1,00831426 | | | | |

8. Resultados al ejecutar el algoritmo de forma paralela usando 4 procesos:

Tabla 8. Forma paralela usando 4 procesos

| - | | | PARAL | ELO 4 PRO | CESOS | | | |
|-------------------------------------|------------|------------|------------|------------|------------|------------|------------|------------|
| Valor contador de iteracion n | n = 5000 | n = 25000 | n = 50000 | n = 100000 | n = 150000 | n = 200000 | n = 250000 | n = 300000 |
| 1 | 0,447156 | 2,792339 | 6,90911 | 21,78319 | 47,194325 | 81,315522 | 136,372205 | 209,438812 |
| 2 | 0,442894 | 2,845681 | 7,126978 | 21,738015 | 46,969885 | 80,692426 | 136,940758 | 208,669745 |
| 3 | 0,438621 | 2,821014 | 6,97933 | 21,826312 | 47,848298 | 81,608975 | 134,704044 | 204,98651 |
| 4 | 0,443682 | 2,817379 | 7,008647 | 21,97567 | 47,01344 | 83,108457 | 136,124304 | 226,109722 |
| 5 | 0,443528 | 2,789326 | 6,987693 | 21,722109 | 47,462359 | 91,253147 | 159,367995 | 204,161779 |
| 6 | 0,439878 | 2,819521 | 7,237765 | 22,304743 | 47,021469 | 123,882927 | 135,520765 | 206,524306 |
| 7 | 0,433254 | 2,852609 | 7,696989 | 23,837239 | 47,49789 | 114,494243 | 131,634453 | 209,117266 |
| 8 | 0,430526 | 2,781579 | 7,619619 | 23,602504 | 48,040871 | 87,943922 | 136,020112 | 203,408075 |
| 9 | 0,44954 | 2,828173 | 7,507467 | 22,635917 | 48,112212 | 82,846385 | 132,807553 | 204,810314 |
| 10 | 0,442461 | 2,785239 | 7,544872 | 22,775363 | 47,02871 | 82,933767 | 137,346079 | 204,889327 |
| Promedio | 0,441154 | 2,813286 | 7,261847 | 22,4201062 | 47,4189459 | 91,0079771 | 137,683827 | 208,211586 |
| Speedup | 0,15724169 | 0,62142559 | 0,92436563 | 1,20383935 | 1,29149548 | 1,17245702 | 1,21948984 | 1,20462559 |

9. Resultados al ejecutar el algoritmo de forma paralela usando 8 procesos:

Tabla 9. Forma paralela usando 8 procesos

| | PARALELO 8 PROCESOS | | | | | | | | | | | |
|-------------------------------------|---------------------|------------|------------|------------|------------|------------|------------|------------|--|--|--|--|
| Valor contador de iteracion n | n = 5000 | n = 25000 | n = 50000 | n = 100000 | n = 150000 | n = 200000 | n = 250000 | n = 300000 | | | | |
| 1 | 0,735613 | 4,148634 | 8,904632 | 29,90269 | 55,732089 | 96,639557 | 164,730131 | 260,016218 | | | | |
| 2 | 0,743945 | 4,053419 | 10,113949 | 29,14624 | 55,246532 | 96,263379 | 167,198787 | 256,633621 | | | | |
| 3 | 0,718342 | 4,112523 | 10,275567 | 29,408021 | 70,582668 | 97,293718 | 166,096055 | 260,743275 | | | | |
| 4 | 0,7087 | 4,032773 | 10,276978 | 28,712287 | 72,673982 | 97,39292 | 165,182133 | 257,741952 | | | | |
| 5 | 0,705447 | 4,193134 | 10,927193 | 29,059779 | 56,263077 | 98,755433 | 164,616389 | 257,060941 | | | | |
| 6 | 0,74748 | 4,06013 | 11,183457 | 29,221747 | 55,656484 | 100,054135 | 167,205689 | 259,346199 | | | | |
| 7 | 0,710437 | 4,247082 | 10,947451 | 29,468696 | 55,668934 | 95,930097 | 165,045221 | 256,341979 | | | | |
| 8 | 0,717664 | 3,974424 | 11,249954 | 28,760468 | 56,699053 | 97,273491 | 165,96936 | 279,51475 | | | | |
| 9 | 0,715464 | 4,064923 | 11,101714 | 29,596129 | 56,292176 | 96,640252 | 168,403471 | 258,816589 | | | | |
| 10 | 0,718619 | 4,02727 | 10,824219 | 29,001689 | 55,945421 | 97,341344 | 165,40305 | 259,75644 | | | | |
| Promedio | 0,7221711 | 4,0914312 | 10,5805114 | 29,2277746 | 59,0760416 | 97,3584326 | 165,985029 | 260,597196 | | | | |
| Speedup | 0,09605452 | 0,42729495 | 0,63443075 | 0,92344376 | 1,03665298 | 1,09598048 | 1,01156128 | 0,96247008 | | | | |

10. Resultados al ejecutar el algoritmo de forma paralela usando 16 procesos:

Tabla 10. Forma paralela usando 16 procesos

| | PARALELO 16 PROCESOS | | | | | | | | | | | |
|-------------------------------------|----------------------|------------|------------|------------|------------|------------|------------|------------|--|--|--|--|
| Valor contador de iteracion n | n = 5000 | n = 25000 | n = 50000 | n = 100000 | n = 150000 | n = 200000 | n = 250000 | n = 300000 | | | | |
| 1 | 1,216872 | 6,927194 | 16,264662 | 41,510589 | 75,144455 | 122,76185 | 194,399454 | 306,60221 | | | | |
| 2 | 1,217757 | 6,871702 | 16,312386 | 41,498901 | 72,408039 | 120,127066 | 199,364512 | 307,594529 | | | | |
| 3 | 1,228165 | 6,95713 | 16,126786 | 41,60138 | 73,907716 | 119,902571 | 199,626781 | 308,30104 | | | | |
| 4 | 1,231149 | 7,223437 | 16,551894 | 41,867819 | 73,700774 | 119,516441 | 205,589162 | 307,822704 | | | | |
| 5 | 1,274348 | 6,885648 | 16,461757 | 41,436362 | 73,875166 | 120,316497 | 197,812518 | 304,283539 | | | | |
| 6 | 1,284923 | 6,879758 | 16,751522 | 41,948654 | 72,667034 | 121,658927 | 201,437146 | 305,26745 | | | | |
| 7 | 1,256509 | 6,935293 | 16,529059 | 41,508324 | 73,951771 | 121,199742 | 194,157553 | 308,0539 | | | | |
| 8 | 1,240689 | 7,067801 | 16,292067 | 43,928084 | 74,84874 | 121,694996 | 203,825203 | 305,39972 | | | | |
| 9 | 1,265831 | 7,770791 | 16,853482 | 41,918389 | 73,239659 | 122,067568 | 201,285379 | 308,017068 | | | | |
| 10 | 1,263511 | 7,538589 | 17,540304 | 41,611182 | 72,940953 | 120,57841 | 200,041616 | 309,108795 | | | | |
| Promedio | 1,2479754 | 7,1057343 | 16,5683919 | 41,8829684 | 73,6684307 | 120,982407 | 199,753932 | 307,045096 | | | | |
| Speedup | 0,05558427 | 0,24603339 | 0,40514504 | 0,64441961 | 0,8313107 | 0,88197073 | 0,84055431 | 0,81687351 | | | | |

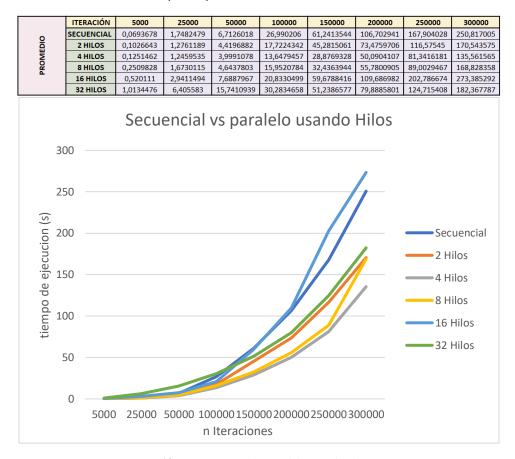
11. Resultados al ejecutar el algoritmo de forma paralela usando 32 procesos:

| | | | PARAL | ELO 32 PRO | CESOS | | | |
|-------------------------------------|------------|------------|------------|------------|------------|------------|------------|------------|
| Valor contador de iteracion n | n = 5000 | n = 25000 | n = 50000 | n = 100000 | n = 150000 | n = 200000 | n = 250000 | n = 300000 |
| 1 | 2,301973 | 12,766022 | 32,422937 | 71,312973 | 112,635757 | 165,823578 | 231,02488 | 316,482006 |
| 2 | 2,368016 | 12,995712 | 31,964375 | 71,273172 | 117,778035 | 165,858017 | 228,556129 | 306,823913 |
| 3 | 2,496684 | 14,087275 | 32,800203 | 69,996258 | 114,679677 | 167,103931 | 225,837847 | 301,761549 |
| 4 | 2,322195 | 14,765464 | 31,796799 | 70,849944 | 114,356929 | 165,32365 | 229,74349 | 309,774889 |
| 5 | 2,292931 | 14,9491 | 31,511077 | 71,66153 | 118,736422 | 166,850246 | 230,035737 | 301,417199 |
| 6 | 2,354132 | 15,251833 | 31,66366 | 70,321613 | 114,562554 | 167,141822 | 227,819848 | 311,967038 |
| 7 | 2,358383 | 15,528023 | 32,352126 | 72,356168 | 114,578661 | 166,590943 | 230,705983 | 312,771095 |
| 8 | 2,541709 | 14,92423 | 32,059125 | 71,142977 | 116,834791 | 167,275247 | 227,831501 | 306,297407 |
| 9 | 2,400996 | 15,574745 | 32,901834 | 71,661675 | 114,721368 | 169,377661 | 232,590811 | 303,69662 |
| 10 | 2,393286 | 15,282105 | 31,242844 | 71,245621 | 113,880511 | 171,631966 | 231,414358 | 314,298337 |
| Promedio | 2,3830305 | 14,6124509 | 32,071498 | 71,1821931 | 115,276471 | 167,297706 | 229,556058 | 308,529005 |
| Speedup | 0,02910907 | 0,11964098 | 0,20930116 | 0,37917076 | 0,53125633 | 0,63780278 | 0,7314293 | 0,81294465 |

Análisis de datos - Gráficas

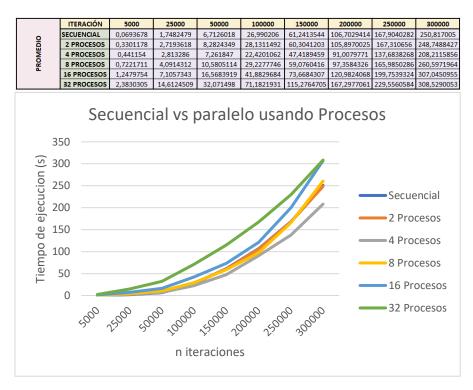
Después de analizar los datos con las tablas sacándoles el promedio en cada una de ellas y su speedup, se procedió a juntar todos los datos encontrados para así hacerles un análisis más a fondo mostrando su comportamiento a través de gráficas para determinar si en realidad se estaba cumpliendo con el objetivo:

1. Resultados gráficos al comparar el promedio de forma secuencial con el promedio de forma paralela usando hilos sin su Speedup:



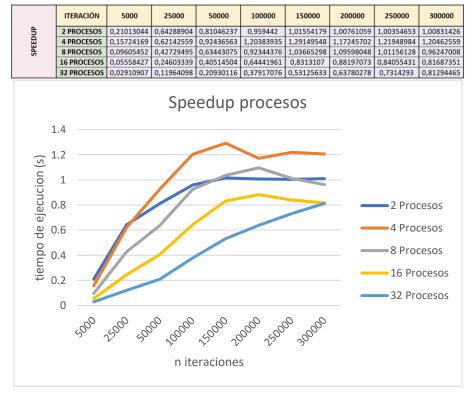
Gráfica 1. Secuencial vs paralelo usando Hilos

2. Resultados gráficos al comparar el promedio de forma secuencial con el promedio de forma paralela usando procesos sin su Speedup:



Gráfica 2. Secuencial vs paralelo usando Procesos

3. Resultados gráficos al comparar el speedup usando procesos:



Gráfica 3. Speedup procesos

4. Resultados gráficos al comparar el speedup usando hilos:

| | ITERACIÓN | 5000 | 25000 | 50000 | 100000 | 150000 | 200000 | 250000 | 300000 |
|--|-----------|------------|------------|------------|------------|------------|------------|------------|------------|
| SPEEDUP | 2 HILOS | 0,67567597 | 1,36997258 | 1,51879533 | 1,52294012 | 1,35245842 | 1,45221547 | 1,4403035 | 1,47069161 |
| | 4 HILOS | 0,5542941 | 1,40314057 | 1,67852484 | 1,97760209 | 2,12077075 | 2,13020696 | 2,06418353 | 1,85020736 |
| | 8 HILOS | 0,27638468 | 1,04497064 | 1,44550374 | 1,69195545 | 1,88804445 | 1,91292163 | 1,88649965 | 1,48563315 |
| | 16 HILOS | 0,13337115 | 0,59440976 | 0,87303671 | 1,29554751 | 1,02618202 | 0,97279494 | 0,82798354 | 0,91744879 |
| | 32 HILOS | 0,06844735 | 0,27292565 | 0,42643808 | 0,89125222 | 1,19521777 | 1,33564699 | 1,34629739 | 1,37533612 |
| Speedup hilos 2.5 2 Hilos 1.5 2 Hilos 4 Hilos 8 Hilos 16 Hilos 32 Hilos n iteraciones | | | | | | | | | |

Observaciones:

• Durante el desarrolló del presente reto/laboratorio, se presentó un inconveniente que afectó el resultado de los cálculos realizados por el algoritmo de jacobi para sus versiones en hilos y procesos y fue que, durante la programación de dichos algoritmos, no se tuvo en cuenta que, para la distribución de la carga, el ultimo proceso/hilo debía tener como límite superior el valor que se obtenía en las fórmulas e incluirlo o en su defecto sumarle 1 para que a la hora que fueran ejecutados en los ciclos for se tomarán todos los valores de los arreglos u, utmp y f, causando así que las últimas posiciones de los arreglos no se tuvieran en cuenta y generando salidas ligeramente diferentes a la versión secuencial. El problema no se pudo atender a tiempo debido a que se percató del error muy tarde, sin tener oportunidad de volver a correr los algoritmos para un nuevo análisis.

Conclusiones

- 1. Una vez analizados los datos obtenidos en cada una de las implementaciones, se pudo concluir que la implementación con hilos es la mejor opción para paralelizar el algoritmo de jacobi. En base a lo anterior, el mejor rendimiento lo obtuvo la implementación de 4 hilos con un speedup de 2.130206958 para un tamaño de arreglo de 200000, siendo superior al mejor resultado obtenido por los procesos que tuvo un speedup de 1.291495482 utilizando 4 procesos en un arreglo de tamaño 150000, de manera que la implementación de procesos apenas pudo mejor la versión secuencial.
- 2. En el caso específico de los hilos, se concluyó que el punto óptimo para paralelizar un algoritmo utilizando hilos va a depender de la cantidad de núcleos con la que cuente el procesador de la computadora, ya que en el caso de la máquina en la que se corrieron los programas era un procesador Intel Core i5 con 4 núcleo físico, coincidiendo con la versión en la que se obtuvo mayor rendimiento (versión de 4 hilos).
- 3. Enlazado al punto anterior, su pudo notar que, en general para arreglos de tamaño menor a 25000, el rendimiento de la implementación de hilos empeora. Con lo cual, se puede intuir que debido a la implementación de código y a la división de la carga de los hilos se pude generar un peor rendimiento comprado a su contraparte secuencial para arreglos de un tamaño considerablemente pequeño. Sin embargo, a partir de valores mayores o iguales a arreglos de tamaño 25000 para las versiones de 2, 4 y 8 hilos, el rendimiento mejora, situación que no es el caso para la implementación de 32 hilos, ya que solo mejora a partir de valores mayores a 150000.
- 4. Para el caso de la implementación a través de procesos, se evidenció que no vale la pena paralelizar el algoritmo con valores diferentes a 4 procesos, ya que, en las versiones de 2, 8, 16 y 32 el desempeño en general era peor que la implementación secuencial. Incluso, en la versión de 4 el rendimiento solo mejoraba para tamaños de arreglos mayores a 50000. Por otra parte, el no tan buen rendimiento de los procesos de pudo deber en gran parte al hecho de que los procesos tenían que acceder a un área de memoria que no les pertenecía generando así un cambio de contexto muy costoso que hizo que la implementación a través de procesos fuera, de manera general, peor que las implementaciones secuenciales y por hilos.
- 5. Por último, cabe resaltar que, los resultados del presente reto/laboratorio no indican que los procesos sean necesariamente peores, sino que los procesos debería ser empleados en otro tipo de problemas ya que estos presentan algunas características interesantes que los hilos no, por ejemplo, los procesos tienen su propio espacio de memoria que es independiente de los demás procesos creados por un mismo proceso padre. También está el hecho de que, si el proceso padre termina, no lo harán los procesos hijos, característica que no presentan los hilos y la cual puede ser una propiedad interesante a tener en cuenta dependiendo del tipo de problema que se esté enfrentando.

Bibliografía

- *Metodo de jacobi Ensayos 848 Palabras*. (n.d.). Retrieved September 19, 2022, from https://www.buenastareas.com/ensayos/Metodo-De-Jacobi/2123409.html
- ¿Qué son los métodos numéricos? (n.d.). Retrieved September 19, 2022, from https://metodosvistos.blogspot.com/2020/11/que-son-los-metodos-numericos.html
- *Método de Jacobi*. (n.d.). Retrieved September 19, 2022, from https://www.metodosnumericosunitec.com/post/la-vida-bajo-el-microscopio-lo-que-no-se-puede-ver