

UNIVERSIDAD NACIONAL AUTÓNOMA DE MÉXICO

FACULTAD DE CIENCIAS



## Computación Distribuida

Tarea 7

Johann Ramón Gordillo Guzmán

418046090

Tarea presentada como parte del curso de **Computación Distribuida** impartido por la profesora **M.C Karla Rocío Vargas Godoy**.

01 de Diciembre del 2020

Link al código fuente: <https://github.com/JohannGordillo/>

## Actividades

1. (2.5 pts) Demuestra que solo hay un corte consistente maximal que precede a cualquier corte.

### Demostración.

Sea  $r$  un corte no consistente y procedamos por contradicción. Supongamos que hay más de un corte consistente maximal de  $r$ . Sean entonces  $S_1$  y  $S_2$  cortes consistentes maximales de  $r$ .

Tenemos los siguientes casos:

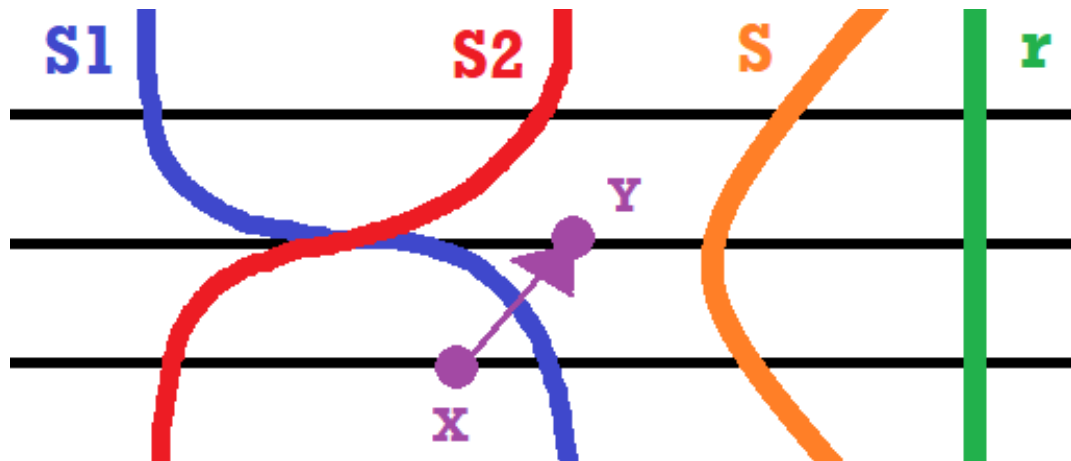
- **Caso 1:** Los cortes no se cruzan.

Este caso lo revisamos en clase. Como los cortes no se cruzan,  $S_2$  es más reciente.

- **Caso 2:** Los cortes se cruzan.

En este caso, sin pérdida de generalidad, supongamos que existe un evento  $X$  en  $S_1$  tal que  $X$  no está en  $S_2$  y  $X$  es el envío de un mensaje. Sea  $Y$  el evento de recepción del mensaje enviado en  $X$ . Como  $S_2$  es consistente, necesariamente  $Y$  ocurrió en el futuro de  $S_2$ . Entonces podemos formar un corte  $S$  tal que cubra los eventos de  $S_2$ , pero que además cubra a  $X$  y a los eventos que suceden después de  $X$ , incluyendo a  $Y$ . Así,  $S$  es un corte consistente de  $r$  más grande que los cortes que definimos, pero esto es una contradicción a que  $S_1$  y  $S_2$  son maximales, por lo que  $S_1 = S_2$ .

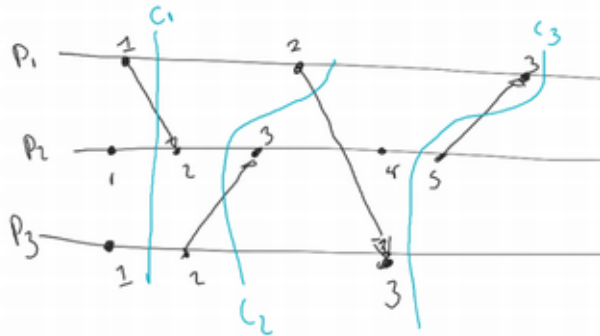
El argumento anterior se ve como sigue:



∴ Hay un único corte consistente maximal de  $r$ . ■

2. (2.5 ptos) Realiza lo que se pide.

- ¿Cuáles de los siguientes cortes son consistentes? De los cortes que no fueron consistentes di cuál sería su corte consistente maximal.



**Respuesta.**

Consideremos los cortes por separado:

- Corte  $C_1$ .

Este corte **es consistente**, pues los eventos 1 de  $P_2$  y  $P_3$  representan un cómputo local, y el evento 1 de  $P_1$  representa el envío de un mensaje en el pasado del corte que es recibido en el futuro del mismo, pero esto no es un problema, ya que un corte es inconsistente solo si hay un mensaje recibido en el pasado que haya sido enviado en el futuro de un corte.

- Corte  $C_2$ .

Este corte **es consistente**, pues los eventos de envío de mensajes ocurren en el pasado del corte y la recepción de los mismos ocurre en el futuro del corte.

- Corte  $C_3$ .

Este corte **no es consistente**, pues en el pasado del corte hay una recepción de un mensaje enviado en el futuro. A saber, el evento 5 de  $P_2$  es el envío de un mensaje a  $P_1$ , y este evento pertenece al futuro del corte, sin embargo, la recepción del mensaje (representada como el evento 3 de  $P_1$ ) ocurre en el pasado del corte.

El **corte consistente maximal** de  $C_3$  es el corte  $C = (2, 4, 3)$ .

∴  $C_1$  y  $C_2$  son consistentes, pero  $C_3$  no.

- Ejecuta el algoritmo de snapshot en la ejecución anterior cuando el proceso  $P_3$  recibe la instrucción de tomar un snapshot después de su evento 3. Los canales son FIFO.

**Respuesta.**

Consideremos el algoritmo de snapshot y la ejecución anterior. Inicialmente tenemos:

$$\begin{aligned} num_1 &= 0 \\ ans_1 &= \perp \\ num_2 &= 0 \\ ans_2 &= \perp \\ num_3 &= 0 \\ ans_3 &= \perp \end{aligned}$$

Después del evento 3 de  $P_3$ , este proceso recibe la instrucción de tomar un snapshot. Una vez recibida esta instrucción,  $P_3$  envía un marcador a todos los vecinos y hace  $ans_3 = num_3 = 3$ .

Luego, como los canales son FIFO (First In, First Out), el proceso  $P_2$  recibe el marcador antes de su evento 5 y el proceso  $P_1$  recibe el marcador antes de su evento 3. Así, los procesos  $P_2$  y  $P_3$  actualizan sus valores:

$$\begin{aligned} ans_1 &= 2 \\ ans_2 &= 4 \end{aligned}$$

Por lo que el **corte** generado es  $(2, 4, 3)$ , que es **consistente**.

Notemos que como  $ans_i \neq \perp$  para todo proceso  $P_i$ ,  $ans_i$  ya no se actualizará de nuevo y los procesos ya no se enviarán marcadores entre sí.

3. (2.5 ptos) Diseña un algoritmo para hacer broadcast de cierto mensaje  $M$  cada  $T$  unidades de tiempo. IMPORTANTE: No es necesario distinguir entre cada ola de mensajes.

**Respuesta.**

Que no sea necesario distinguir entre cada ola de mensajes significa que hacemos el envío del mensaje  $M$  sin distinguir de qué ronda fue, lo único que nos interesa es mandar  $M$  cada  $T$  unidades de tiempo.

---

**Algoritmo 1** Broadcast Asíncrono

---

```
1: Every process  $p_i$  executes the following
2: clock()                                     ▷ Reloj local de  $p_i$ . Inicialmente es 0
3: Every  $T$  units of time do
4:   if  $p_i = p_s$  then                           ▷ Si  $p_i$  es el proceso distinguido
5:     for  $p_j \in neighbors_i$  do
6:       send  $M$  to  $p_j$ 
7:     end for
8:   end if
9: When  $M$  is received from  $p_j$  do
10:  for  $p_k \in neighbors_i \setminus \{p_j\}$  do
11:    send  $M$  to  $p_k$ 
12:  end for
```

---

4. ¿Para qué se usan los timeouts? Da ejemplos en la vida real donde sean usados.

**Respuesta.**

Los timeouts son deadlines que usamos para evitar que un procesador espere para siempre un mensaje. Son un límite de espera, que una vez cumplido, dejamos de esperar y procedemos a realizar otra acción. Por ejemplo, en la implementación del Detector de Fallos Eventualmente Perfecto que vimos en clase, usamos timeouts para que, cumplido el tiempo de espera, empecemos a considerar a un proceso, del que esperamos un mensaje, como sospechoso.

Un ejemplo de timeouts en la vida real es en los smartphones y en las laptops. Cuando no se están usando esperan un cierto tiempo con la pantalla encendida antes de apagarse.

Otro ejemplo es en League of Legends, y en los juegos online en general. Hay un límite de tiempo de inactividad que, de ser superado, el servidor te saca de la partida.

Y un último ejemplo es cuando intentamos hacer ping a un servidor. Hay un cierto límite de espera de respuesta, y si no es recibida ninguna pasado este límite, se cierra la conexión.

## Referencias

- [1] Raynal, M. *Distributed Algorithms for Message-Passing Systems*. Springer, 2013.
- [2] Aspnes, J. *Notes on Theory of Distributed Systems*. Yale University, 2017.