Exercice 4

**Démonstration** Nous voulons montrer que  $(\forall x \in \mathbb{N} \mid (x-4)^2 \ge 8)$  est faux. Ce la meme chose de montrer que  $\neg(\forall x \in \mathbb{N} \mid (x-4)^2 \ge 8)$  est vraie. Par la première loi de De Morgan généralisée.

$$\neg(\forall x \in \mathbb{N} \mid (x-4)^2 \ge 8) \iff (\exists x \in \mathbb{N} \mid (x-4)^2 < 8)$$

Alors montrons plutot que  $(\exists x \in \mathbb{N} \mid (x-4)^2 < 8)$  est vrai. Prenons x = 4, un tel x existe et appartient à  $\mathbb{N}$  par construction. Maintenant,

$$(4-4)^2 = 0 < 8$$

comme requis.  $\hfill\Box$