1 介绍

```
本次作业中, 你需要实现一个计算器. 我们先介绍一下在这个计算器中, 我们如何写算式.
Scheme] 1
  1
Scheme] (+ 1 1)
Scheme] 1
除了数字, 我们还有布尔值和 if 表达式. 注意, 事实上除了 #f, 其他值均被认为是真.
Scheme] #t
  #t
Scheme] #f
  #f
Scheme] (if #f 0 1)
  1
Scheme] (if 1 #t #f)
除了布尔值, 我们还有一个重要的类型: 对.
Scheme] (cons (+ 3 4) 2)
  (7.2)
Scheme] (car (cons 0 1))
Scheme] (cdr (cons 1 (cons 3 4)))
  (3.4)
一个常见的操作是将一系列对连起来,组成一个列表.打印列表时不会出现上面的句点,正如我们写
算式一样. 一个空列表可以用 (quote ()) 表示.
Scheme] (quote ())
  ()
Scheme] (cons 1 (cons (cons 1 '()) (cons #f (quote ()))))
  (1 (1) #f)
Scheme] (cons 1 (cons 2 (cons 3 4)))
  (1 \ 2 \ 3 \ . \ 4)
空列表用(quote())表示的逻辑是,我们用 quote 将一个算式变成这个写这个算式的列表,正
如这个苹果和"这个苹果".
Scheme] (let ((x (cons 1 2)))
        (eq? x x))
  #+.
Scheme] (cdr (quote (1 2 3 4)))
  (2 \ 3 \ 4)
```

```
Scheme] (quote me)
  me
Scheme]
有一系列判断数据类型的谓词.
Scheme] (integer? 1)
  #t
Scheme] (boolean? #t)
  #t
Scheme] (null? (quote ()))
Scheme] (null? 3)
  #f
Scheme] (pair? (quote ()))
  #f
Scheme] (pair? (quote (1)))
Scheme] (symbol? (quote a))
  #t
我们可以给一个算过的表达式名字. 注意这和符号的区别.
Scheme] (let ((2^1 2))
          (let ((2<sup>2</sup> (* 2<sup>1</sup> 2<sup>1</sup>)))
            (let ((2<sup>4</sup> (* 2<sup>2</sup> 2<sup>2</sup>)))
              (* 2^4 2^4))))
  256
Scheme] (let ((x (quote x)))
          (let ((x (cons x (quote y))))
            x))
   (x \cdot y)
Scheme] (let ((x e) (y f) (z g)) body)
一般的计算器就到此为止了. 然而, 我们的计算器甚至是可编程的. 我们可以定义函数.
Scheme] (lambda (x y z) (+ x (* y z))))
  #procedure #f (x y z)>
Scheme] ((lambda (x) x) (lambda (x) x))
  \#<procedure \#f (x)>
Scheme] (let ((square (lambda (x) (* x x))))
          (square (square 2))))
  256
Scheme] (procedure? (lambda () (quote ())))
  #t
```

只有数字太无聊了,幸好 quote 暗示了我们可以得到类似枚举类型的符号.

[eq?]

如果对于计算器的行为还有不确定的地方,可以参照 RⁿRS 标准或一个给定的 SCHEME 实现.

2 代码

我们代码的大概框架是 $string \rightarrow Syntax \rightarrow Expr \rightarrow Value \rightarrow string$. 没有人规定这里的步骤可以合并或者进一步拆分, 我们只是武断地采取了我们认为比较清晰的做法.

给定需要计算的表达式的字符串,我们先把它处理成一颗树.事实上,本身我们就想写树的,可惜文字只能是线性的,我们不得不用括号来表达树的结构.同时,我们还简单地判断了一个不含括号的序列是想表达什么.简单地说,我们先试图把它理解为整数或者布尔值,其余的再归一类.这样的后果是,我们有很宽泛的命名空间.

然后, 我们把这个树进一步归类. 其中一个重要的步骤是处理上面关键字和变量重名的问题. 到这一步我们已经知道了一个表达式的精确结构.

最后我们对表达式进行求值. 实际上, 用直接代入的做法来求值的话, Value 完全可以等于 Expr; 但是我们会看到在我们的(也是广泛采用)做法中, 为什么要区别这两者.

虽然有争议,但是我们建议采用面向对象风格的编程方式以锻炼 C++ 技巧. 比如, 我们想求值加法. 但是, 我们不知道其操作数是否是整数; 我们只知道它是一个 Value. 不用类型转换, 我们甚至没法取出其中的整数. 一个做法是, 我们在 ValueBase 中定义一个虚函数 int getInt(), 并且默认行为是报错. 而 Integer 类修改其行为为返回其所存储的值. 这样, 我们只需要调用操作数的 getInt方法, 如果一切正常就可以得到加法的两个数, 否则就会报错. 当然, 你也可以采用 visitor pattern之类的面向对象特供的设计模式.

3 扩展

本次作业有以下可选的扩展. 这次扩展工作量都较大, 但是分数占比低, 仅作有强烈兴趣的同学的自发探索用. 你只需要实现一个即可, 难度与分数无关.

1. 用计算器的可编程特性, 在计算器中写一个能力相同的计算器. 比如,

Scheme] (eval (quote (cons 1 2)))
(1 . 2)

你可以在计算器中加入新的语法来简化你的程序.

2. 设法将一个 Value 转换为一个 Expr. 称这个函数为 read-back, 你需要保证

 $\forall v \in \text{Expr}, read\text{-}back(eval(e)) \simeq e.$

~ 可以理解为在任何环境下都无法区分.

请参考 Normalization by Evaluation 或 typed partial evaluation.

- 3. 试图利用 weak_ptr 保证内存不泄漏.
- 4. 加入 set-car!, set-cdr! 并实现垃圾回收. 建议查询标记-回收算法.
- 5. 将计算器的求值策略改为懒惰求值. 整体原则是, 任意一个表达式, 除非我们需要它的值来继续下一步操作, 它就不应该被求值. 比如对于 (car e), 我们只需要求值 e 到 (cons e1 e2) 的程度, 而不能求值 e1 和 e2.

这样做有一个显然的坏处:如果一个参数在函数体中出现了多次,那么每次都要重新计算.解决方法也很简单,对于同样的一个 Expr,我们需要记忆它的求值结果,如果需要求值时发现已经求过,直接返回值即可.

6. 在我们的计算器中,一个函数的两个参数的计算顺序不会对结果产生影响,甚至同时(交替)计算也不会.请你实现这种同时计算来加速.