

Alg22 PA2
電機四 B08901123 何景盛

Code:

Input data 為多組成對的 endpoints 組成，我用 `vector<int> nodePairs` 的方式來存，假設一組的 endpoints 有兩點 `j, k`，用 `index` 的來代表其中一個 endpoint 來存進 `vector` 裡(`nodePairs[j] = k` 和 `nodePairs[k] = j`)。

整體程式分為四個 function 和一個 main function:

- Help_message(): 當發生 input arguments 不符會時，會 print 出正確格式。
- findAnotherEndpoint(int j, vector<int> nodePairs): 收到一個 endpoint 時會 return 弦的另一個 endpoint。
- mps(int n, vector<int> nodePairs): 收到 endpoint 的數目和弦的 data 找出最大弦的數目並把它 return。
- findChord(int i, int j, vector<vector<int>> &m, vector<int> &nodePairs, vector<int> &kArray): 收到 `i, j` 範圍、由 DP 所寫的 `mps` table、弦的 data 和用來記錄最大不相交弦的 endpoint array，獲得以上 input 再用 recursion 把 endpoints 寫入 `kArray`。

```
9 void help_message( )
10 {
11     cout << "Usage: mps <input_file_name> <output_file_name>" << endl;
12 }
13
```

Line11: print 出正確的 input argument。

```
13
14 int findAnotherEndpoint(int j, vector<int> nodePairs)
15 {
16     return nodePairs[j];
17 }
18
```

Line16: 根據 `nodePairs` array 去 return endpoint `j` 的另一個 endpoint。

```
19 vector<vector<int>> mps(int n, vector<int> nodePairs)
20 {
21     vector<vector<int>> m(n, vector<int>(n, 0));
22     for (int j = 0; j < n; j++)
23     {
24         int k = findAnotherEndpoint(j, nodePairs);
25         for (int i = 0; i <= j - 1; i++)
26         {
27             if (i <= k && k <= j - 1 && m[i][k - 1] + 1 + m[k + 1][j - 1] > m[i][j - 1])
28             {
29                 m[i][j] = m[i][k - 1] + 1 + m[k + 1][j - 1];
30             }
31             else
32             {
33                 m[i][j] = m[i][j - 1];
34             }
35         }
36     }
37     return m;
38 }
39
```

Line21: 建立和初始化 DP table `m`。

Line22-36: 根據上課給的論文裡的 pseudo-code 的操作來填 `m`。

$MAXIMUM-PLANAR-SUBSET(C, N)$
for $j \leftarrow 0$ **to** $2N - 1$ **do**
 $k \leftarrow$ the number such that $kj \in C$ or $jk \in C$
 for $i \leftarrow 0$ **to** $j - 1$ **do**
 if $i \leq k \leq j - 1$ and $|M(i, k - 1)| + 1 + |M(k + 1, j - 1)| > |M(i, j - 1)|$
 $M(i, j) \leftarrow M(i, k - 1) \cup +1 \cup M(k + 1, j - 1)$
 else $M(i, j) \leftarrow M(i, j - 1)$

```

39
40 void findChord(int i, int j, vector<vector<int>> &m, vector<int> &nodePairs, vector<int> &kArray)
41 {
42     int k = 0;
43     k = findAnotherEndpoint(j, nodePairs);
44     if (j > i)
45     {
46         if (k > j || k < i)
47         {
48             findChord(i, j - 1, m, nodePairs, kArray);
49         }
50         else if (k > i && k < j)
51         {
52             if (m[i][k - 1] + m[k][j] > m[i][j - 1])
53             {
54                 findChord(i, k - 1, m, nodePairs, kArray);
55                 findChord(k, j, m, nodePairs, kArray);
56             }
57             else
58             {
59                 findChord(i, j - 1, m, nodePairs, kArray);
60             }
61         }
62         else
63         {
64             kArray.push_back(k);
65             findChord(i + 1, j - 1, m, nodePairs, kArray);
66         }
67     }
68 }
69

```

用 recursion 的方法來找 chord，並分成三種 case:

Line46-49: case1($k > j$ || $k < i$)， k 在 i, j 外面不會把它記在 $kArray$ 內。

Line50-61: case2($i < k < j$)， k, j 把 i, j 分開兩部，所以要在這兩個區間做 recursion 繼續找 jk 。

Line62-66: case3($k = i$)，因為 $k = i$ ，所以直接記在 $kArray$ 內。

```

70 int main(int argc, char *argv[])
71 {
72     if (argc != 3)
73     {
74         help_message();
75         return 0;
76     }
77
78     // read input and build node vector
79     fstream fin(argv[1]);
80     fstream fout;
81     fout.open(argv[2], ios::out);
82     int n;
83     int a, b;
84     fin >> n;
85     vector<int> nodePairs(n, 0);
86     vector<int> kArray;
87     while (fin >> a >> b)
88     {
89         nodePairs[a] = b;
90         nodePairs[b] = a;
91     }
92
93     vector<vector<int>> m = mps(n, nodePairs); // mps number
94     findChord(0, n - 1, m, nodePairs, kArray); // find chord array
95
96     // write file
97     fout << m[0][n - 1] << endl;
98     for (int i = 0; i < kArray.size(); i++)
99     {
100         fout << kArray[i] << " " << findAnotherEndpoint(kArray[i], nodePairs) << endl;
101     }
102     fin.close();
103     fout.close();
104
105     return 0;
106 }
107 }

```

Line73-77: 處理不合法的 input argument 並執行 help_message()。

Line80-82: 建構 fin 和 fout 來讀和寫檔案。

Line83-92: 建立一些變數，把 input file 的第一行 endpoint 數存在 n，其他的 data 讀出來並存在 nodePairs 內。

Line94: 用 m 矩陣來存 mps() return 出來的矩陣。

Line95: 執行 findChord()來把 mps 弦的 k endpoint 存在 kArray 內。

Line98: 寫入弦最大值。

Line99-102: 把所找到的每條弦的兩個 endpoints 寫入 output file。

Line103-104: 關閉 fin 和 fout。

Makefile:

```

all : src/mps.cpp
    g++ -O2 src/mps.cpp -o bin/mps

clean:
    rm *.o

```

Analysis:**Time complexity:**

- `Help_message()`: $O(1)$
- `findAnotherEndpoint()`: $O(1)$
- `mps function()`: 用兩層 for loop 來完成， $O(n^2)$
- `findChord()`: 只是在 DP table 裡遞迴出弦，只會走 endpoint 數目的次數， $O(n)$

Space complexity:

主要是建一個 $n \times n$ 大小的 DP table 來存最大弦數目， $O(n^2)$ 。

Discussion:

在這次作業我認為最主要的是 data structure，一開始我是用 `vector<pair<int, int>>` 的類型來存 input data，pair 是 (j, k)，但在給定 j 找 k 的時候，我用 for loop 來找，這會用 linear time，在理論上兩個 $O(n)$ 是跟一個 $O(n)$ 一樣，所以我也沒想很多，直到在跑程式的時候，我發現在小 case 可以跑，但 case 一大就跑不動，所以我之後就用現在的方法用 index 當一個 endpoint 來儲存 input data，time complexity 為 $O(1)$ ，然後就可以跑到 100000 的 case。另外的一個發現是 function 的 input argument 的寫法也是很重要，在 findChord function 裡原本 input 那些 nodePairs, m 是沒有用 reference，然後就跑不動，但之後加了 reference 就可以，所以 input argument 也是重點。