特征

和入队顺序无关,总是最大的元素优先出队。

如果说栈是每次输出最先进入的元素,队列是每次输出最后进入的元素,那么优先队列就是每次输出优先级最大的元素。

API

优先队列是一种抽象数据类型,他表示了一组值和对这些值的一些操作。我们不一定要用某种固定的存储和操作方式来实现它,只要满足它的特征那它就是优先队列。但怎样才能高效实现它呢?先列出一份API:

public class MAXPQ	用途
MaxPQ()	创建一个优先队列
MaxPQ(int max)	创建一个初始容量为max的优先队列
MaxPQ(T[] arr)	用arr[]中的元素创建一个优先队列
void insert(T a)	向队列中插入一个元素
T max()	返回最大元素
T delMax()	删除并返回最大元素
boolean isEmpty()	返回队列是否为空
int size()	返回优先队列中的元素个数

实现逻辑

数据结构二叉堆就能很高效的实现这份API。

(堆: 当一棵二叉树的某个节点都大于等于它的两个子节点时,它被称为堆有序。) 当有新元素入队时,就把它放入堆的末尾,然后让他自由上浮,直到浮到堆顶或不大于父节点的位置。

```
//添加一个元素
public void insert(T a){
    maxPQ.add(a);
    swim(maxPQ.size()-1);
}
//上浮
private void swim(int idx){
    int fidx = (idx-1)/2;
    if(idx==0||maxPQ.get(fidx).compareTo(maxPQ.get(idx)) >= 0)return;
    Collections.swap(maxPQ,fidx,idx);
    swim(fidx);
}
123456789101112
```

当要删除最大的元素时,就把堆顶元素(堆顶就是最大元素)和堆末尾元素交换位置,然后删除并返回末尾元素,最后还需要将堆顶元素自由下沉到堆低或不小于子节点的位置。

```
//删除并返回最大元素
public T delmax(){
   if(maxPQ.isEmpty())return null;
   Collections.swap(maxPQ,0,maxPQ.size()-1);
   T max = maxPQ.get(maxPQ.size()-1);
   maxPQ.remove(maxPQ.size()-1);
   if(maxPQ.isEmpty()==false)sink(0);
    return max;
}
//下沉
private void sink(int idx){
   int lastIdx = idx*2+1;
   if(idx<0||idx>=maxPQ.size()||lastIdx>=maxPQ.size())return;
   //如果有右节点且右节点大于左节点
if(lastIdx<maxPQ.size()-1&&maxPQ.get(lastIdx).compareTo(maxPQ.get(lastIdx+1))</pre>
<0)lastIdx++;
    if(maxPQ.get(idx).compareTo(maxPQ.get(lastIdx))>=0)return;
                                                                  //如果大于所有
子节点就不下沉了
   Collections.swap(maxPQ,idx,lastIdx);
   sink(lastIdx);
12345678910111213141516171819
```

完整实现代码

```
import java.util.ArrayList;
import java.util.Collection;
import java.util.Collections;
import java.util.Comparator;
//用堆实现优先队列
public class MaxPQUseArray<T extends Comparable>{
   private ArrayList<T> maxPQ;
   MaxPQUseArray(){maxPQ = new ArrayList<>();}
   //创建一个初始容量为max的优先队列
   MaxPQUseArray(int max){maxPQ = new ArrayList<>();maxPQ.ensureCapacity(max);}
   //用数组初始化优先队列
   MaxPQUseArray(T[] arr){
       maxPQ = new ArrayList<>();
       for(T t:arr){
           insert(t);
       }
   }
   //添加一个元素
   public void insert(T a){
       maxPQ.add(a);
       swim(maxPQ.size()-1);
   //返回最大元素
   public T max(){
       return maxPQ.isEmpty()?null:maxPQ.get(0);
   }
   //删除并返回最大元素
   public T delmax(){
       if(maxPQ.isEmpty())return null;
       Collections.swap(maxPQ,0,maxPQ.size()-1);
       T max = maxPQ.get(maxPQ.size()-1);
```

```
maxPQ.remove(maxPQ.size()-1);
       if(maxPQ.isEmpty()==false)sink(0);
        return max;
   }
   //上浮
   private void swim(int idx){
       int fidx = (idx-1)/2;
       if(idx==0||maxPQ.get(fidx).compareTo(maxPQ.get(idx)) >= 0)return;
       Collections.swap(maxPQ,fidx,idx);
       swim(fidx);
   }
   //下沉
   private void sink(int idx){
       int lastIdx = idx*2+1;
       if(idx<0||idx>=maxPQ.size()||lastIdx>=maxPQ.size())return;
       //如果有右节点且右节点大于左节点
if(lastIdx<maxPQ.size()-1&&maxPQ.get(lastIdx).compareTo(maxPQ.get(lastIdx+1))</pre>
<0)lastIdx++;
       if(maxPQ.get(idx).compareTo(maxPQ.get(lastIdx))>=0)return;
                                                                     //如果大于
所有子节点就不下沉了
       Collections.swap(maxPQ,idx,lastIdx);
       sink(lastIdx);
   }
   public boolean isEmpty(){
       return maxPQ.isEmpty();
   }
12345678910111213141516171819202122232425262728293031323334353637383940414243444
546474849505152535455565758
```

测试用例

当用一个乱序的数组初始化优先队列,然后再依次输出,输出的元素顺序就是有序的了,这也就是著名的堆排序过程。

```
public static void main(String[] args) {
    Integer[] arr = {2,9,5,1,0,3,6,8,4,7};
    MaxPQUseArray<Integer> maxPQUseArray = new MaxPQUseArray<Integer>(arr);
    while(maxPQUseArray.isEmpty()==false){
        System.out.print(maxPQUseArray.delmax()+" ");
    }
}
1234567
```

输出结果

9876543210

当然在大部分语言的标准库中也有写好的优先队列。

c++API

C++ Priority Queues (优先队列)

C++优先队列类似队列,但是在这个数据结构中的元素按照一定的断言排列有序。

```
      empty()
      如果优先队列为空,则返回真

      pop()
      删除第一个元素

      push()
      加入一个元素

      size()
      返回优先队列中拥有的元素的个数

      top()
      返回优先队列中有最高优先级的元素
```

测试样例

```
#include<iostream>
#include<queue>
using namespace std;
int main(){
    int arr[] = \{2,6,5,4,1,7,9,8,3\};
    priority_queue<int> pque(begin(arr),end(arr));
    pque.push(0);
    cout << "size:" << pque.size() << endl;</pre>
    while(!pque.empty()){
        int top = pque.top();
        pque.pop();
        cout << top << " ";</pre>
    }
    return 0;
}
123456789101112131415161718
```

结果

size:10 9876543210