LATEX

P(6,300)

Allgemein

$$f(x) = a_n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \ldots + a_1 x + a_0$$

n = Grad der Funktion

a = Koeffizienten der Funktion

Darstellung der Polynomfunktion:

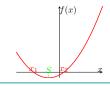
• Produktform \rightarrow falls x_1, x_2, \dots, x_n Nullstellen existieren

$$f(x) = y = ax^2 + bx + c = a(x - x_1)(x - x_2)$$

• Scheitelpunktsform $\rightarrow S = (x_0, y_0)$

$$f(x) = y = ax^{2} + bx + c = a(x - x_{0})^{2} + y_{0}$$





Funktionsoperationen

$$f + g$$
 $x \to f(x) - g(x)$ Addition (Grad unverändert)

$$f - g \quad x \to f(x) - g(x)$$
 Subtraction (Grad unverändert)

$$f \cdot g \quad x \to f(x) \cdot g(x)$$
 Multiplikation (Grad erhöht)

$$f/g \quad x \to \frac{f(x)}{g(x)}$$
 Division (Grad verringert)

$$c \cdot f \quad x \to c \cdot f(x)$$
 Konstante (Grad unverändert)

Komposition:

$$f: A \to B$$
 $q: B \to C$

$$g \circ f : A \to C$$

 $(g \circ f)(x) = g(f(x))$

Umkehrfunktion (nur wenn bijektiv):

 $f^{-1}(x)$ Funktion nach x auflösen $\to x$ mit y tauschen:

$$f(x) = 2x + 1 \to y = 2x + 1 \to x = \tfrac{y-1}{2} \to f^{-1}(x) = \tfrac{x-1}{2}$$

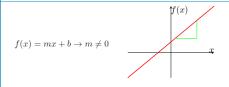
Polynom Grad 0



Nullstelle berechnen: $x_0 \rightarrow 3$

$$r_0 \rightarrow 7$$

Polynom Grad 1



Nullstelle berechnen: $x_0 = -\frac{b}{m}$

$$x_0 = -\frac{b}{m}$$

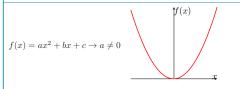
Weitere Darstellungen:

· Punkt Steigungsform

$$m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} - y_1 = \frac{y_2 - y_1}{y_2 - y_1}$$

· Zwei Punkte Form

Polynom Grad 2

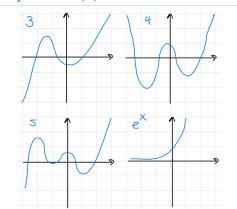


Nullstellen berechnen:

$$x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

$$D = b^2 - 4ac \begin{cases} < 0 & \text{keine Nullstellen} \\ = 0 & \text{1 Nullstelle} \\ > 0 & \text{2 Nullstellen} \end{cases}$$

Polynom Grad 3, 4, 5



Nullstellen

Grad 1 → 1x Nullstelle:

$$x_0 = -\frac{b}{a}$$

• Grad 2 \rightarrow 2x Nullstellen:

$$x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

$$D = b^2 - 4ac \begin{cases} < 0 & \text{keine Nullstell} \\ = 0 & \text{1 Nullstelle} \\ > 0 & \text{2 Nullstellen} \end{cases}$$

• Grad 3 \rightarrow Mit Polynomdivison Grad reduzieren Polynomdivison:

→ Wiederholen bis Grad 2 erreicht und mittels Mitternachtsformel Nullstellen berechnen Bei Rest (nicht Nullstellen): $\rightarrow \frac{Rest}{Divisor}$

Faktorisierung:

Nullstellen durch ausklammern von x:

$$\begin{array}{l} x^4 - 5x^3 + 6x^2 \\ = x^2(x^2 - 5x + 6) \\ = x^2(x - 3)(x - 2) \\ \mathbb{L} = \{0, 3, 2\} \end{array}$$

 \rightarrow doppelte Nullstelle x=0

Ausklammern:

$$\overline{x^2 + 2x - 3} = (x - 1)(x + 3)$$

$$\to -1 + 3 = 2(x)$$

$$\to -1 \cdot 3 = -3$$

Binomische Formeln:

$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

$$(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$

$$(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$$

Versch. Definitionen & Eigenschaften

Funktionen aufstellen:

- · Grad der Funktion
- Nullstellen
- · mittels Punkt Faktor herausfinden

$$\overline{f(x)}
ightarrow \operatorname{Grad} 3 \qquad \qquad x_0 = \{1, 3, 4\}$$

$$f(x)=a(x-1)(x-3)(x-4)$$
 $a\to 300=a(6-1)(6-3)(6-4)\to a$ einsetzen & ausrechnen

gerade → Achsensymetrisch

$$f(-x) = f(x)$$

ungerade → Punktsymetrisch

$$f(-x) = -f(x)$$

Periodizität:

$$f(x+T) = f(x)$$

Monotonie:

- monoton steigend/wachsend $\rightarrow x_1 \leq x_2$
- monoton fallend

$$\rightarrow x_1 \ge x_2$$

Bijektivität:

- Injektiv: Wertebereich Wert max. 1x
- Surjektiv: Wertebereich Wert min. 1x
- Bijektiv: Wertebereich Wert genau 1x → umkehrbar

Horner Schema

Berechnungen von Funktionswerten, Nullstellen, Ableitun-

