



ΔΙΑΓΩΝΙΣΜΑ ΜΑΘΗΜΑΤΙΚΑ ΑΛΓΕΒΡΑ Ά ΛΥΚΕΙΟΥ

ΘΕΜΑ 1

- A. Να δώσετε τον ορισμό της απόλυτης τιμής ενός πραγματικού αριθμού a .
- B. Με ένα αντιπαράδειγμα να αποδείξετε ότι ο ισχυρισμός: «Για κάθε $a > 0$ ισχύει ότι $a^3 > a^2$ » δεν είναι αληθής.
- C. Ερωτήσεις σωστό-λάθος :
 - i. Όλοι οι πραγματικοί αριθμοί έχουν αντίθετο.
 - ii. Το ουδέτερο στοιχείο της πρόσθεσης είναι το 1.
 - iii. Για οποιουσδήποτε πραγματικούς αριθμούς α, β με $\alpha < \beta$ ισχύει $\alpha^2 < \beta^2$.
 - iv. Ισχύει ότι $|a - 2| + |a - 3| > 0$.
 - v. Ισχύει ότι $|a^3| = a^3$.

ΘΕΜΑ 2

A. Αν $1 < \alpha < 2$ και $3 < b < 4$ να βρείτε την μέγιστη και την ελάχιστη τιμή των παραστάσεων:

- i. $a^2 + b^2 - 10$
- ii. $-2ab + 3$
- iii. $1 - \frac{a}{b}$
- iv. $-2\alpha + 3b + 2$

B. Αν ισχύει ότι $\alpha + \beta + \gamma = 0$ να αποδείξετε ότι $a^3 + b^3 + \gamma^3 = 3\alpha\beta\gamma$.

ΘΕΜΑ 3

Δίνονται οι αριθμοί $\alpha, \beta, \gamma, \delta$ για τους οποίους ισχύουν:

- $\alpha < \beta$
- $6(\gamma - \beta - 1) + |\alpha - \beta - 6| = 0$
- $|3\delta - 2\alpha - \beta| = |3\beta - 3\delta|$

A. Να αποδείξετε ότι:

$$\gamma = \frac{\alpha + 5\beta}{6}, \delta = \frac{\alpha + 2\beta}{3}$$

B. Να βάλετε σε αύξουσα σειρά τους αριθμούς $\alpha, \beta, \gamma, \delta$.

ΘΕΜΑ 4

Δίνεται η παράσταση:

$$T = \left(\frac{x^2 - x}{x^2 + 1} - \frac{2x^2}{1 - x + x^2 - x^3} \right) \cdot \frac{x^2 - 1}{x^2}$$

A. Να βρείτε για ποιες τιμές του x ορίζεται η παράσταση T .

B. Να την απλοποιήσετε.

Γ. Αν ισχύει ότι $|3x - 2| < 1$ να αποδείξετε ότι: $|A - 3| < 1$



ΚΑΛΗ ΕΠΙΤΥΧΙΑ