# Universidad "Mayor de San Andrés"

### **FACULTAD DE CIENCIAS PURAS Y NATURALES**



### **DESAFIO - INTERPOLACION**

Universitario: Cristian Gonzalo Mamani Espinoza

Carrera: INFORMATICA

Docente: Lic. Brígida Carvajal Blanco

Materia: SIS – 254 METODOS NUMERICOS

Paralelo: A

I - 2024

La Paz - Bolivia

# Contenido

PARA LA PAZ	3
POR EL METODO DE NEWTON	
POR LE METODO DE LAGRANGE	
GRAFICA	
PARA EL ALTO	
POR EL MÉTODO DE NEWTON	
POR EL METODO DE LA GRANGE	
GRAFICA	
CONCLUSIÓN	

#### Teniendo en cuenta el siguiente ejercicio

21. The boiling temperature of water  $T_B$  at various altitudes h is given in the following table. Determine a linear equation in the form  $T_B = mh + b$  that best fits the data. Use the equation for calculating the boiling temperature at 5,000 m. Make a plot of the points and the equation.

h (ft)	-1,000	0	3,000	8,000	15,000	22,000	28,000
T(°F)	213.9	212	206.2	196.2	184.4	172.6	163.1

#### Traducido:

La temperatura de ebullición del agua TBT\_BTB a varias altitudes hhh se da en la siguiente tabla. Determina una ecuación lineal en la forma TB=mh+bT\_B = mh + bTB=mh+b que se ajuste mejor a los datos. Usa la ecuación para calcular la temperatura de ebullición a 5,000 m. Haz un gráfico de los puntos y la ecuación.

hhh (pies)	TTT (°F)
-1,000	213.9
0	212
3,000	206.2
8,000	196.2
15,000	184.4
22,000	172.6
28,000	163.1

## PARA LA PAZ

Se busca obtener la temperatura en la cual hierve el agua en la ciudad de la paz, y en la ciudad del alto:



Calculo de a que temperatura hierve el agua en la ciudad de la paz.

La ciudad de La Paz, la capital de Bolivia, se encuentra a una altitud de 3,650 metros sobre el nivel del mar. Para convertir esta altitud a pies, utilizamos el factor de conversión donde 1 metro equivale aproximadamente a 3.281 pies.

Realizando el cálculo:

Altura en pies =  $3,650\,\mathrm{m} \times 3.281\,\mathrm{pies/m} \approx 11,975.65\,\mathrm{pies}$ 

Por lo tanto, la ciudad de **La Paz** se eleva a aproximadamente **11,975.65 pies** sobre el nivel del mar.

### POR EL METODO DE NEWTON

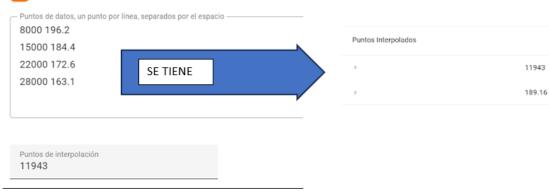
Utilizando el método de newton, aproximaremos a que temperatura hierve el agua

	cristian gonzalo mamani espinoza							
#	x	у	1er nivel	2do nivel	3er nivel	4to nivel	5to nivel	6to nivel
0	-1000	213.9	-0.0019	-8.33E-09	-3.125E-27	1.43849E-16	-1.35271E-20	7.59756E-25
1	0	212	-0.0019333	-8.33E-09	2.3016E-12	-1.6727E-16	8.50582E-21	
2	3000	206.2	-0.002	2.619E-08	-1.378E-12	7.08888E-17		
3	8000	196.2	-0.0016857	-2.94E-22	3.9377E-13			
4	15000	184.4	-0.0016857	7.875E-09				
5	22000	172.6	-0.0015833					
6	28000	163.1						
	11942							
	f(x0) + F[x0,x1] (x-x0) + F[x0,x1,x2] (x-x0)(x-x1) + F[x0,x1,x2,x3] (x-x0)(x-x1)(x-x2)							
	рх	189.158597						

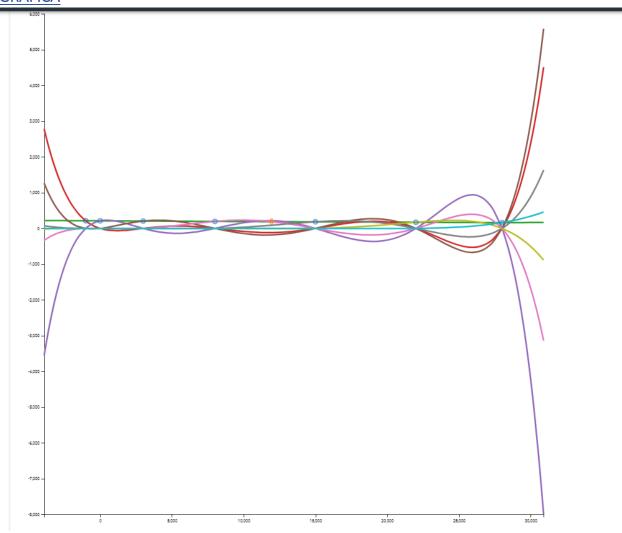
Utilizando el dato de 11942 pies que se indico en la clase, se obtiene que la temperatura hierve a  $189,158597\,^{\circ}F$ 

# POR LE METODO DE LAGRANGE

### Calculadora de polinomios de Lagrange



### **GRAFICA**



# **PARA EL ALTO**

Se busca obtener a que temperatura hierve el agua en la ciudad del alto:

La ciudad de **El Alto**, ubicada cerca de La Paz, se encuentra a una altitud de aproximadamente **4,100 metros** sobre el nivel del mar, lo que equivale a alrededor de **13,448 pies**. Esta altitud la convierte en una de las ciudades más altas del mundo.

# POR EL MÉTODO DE NEWTON

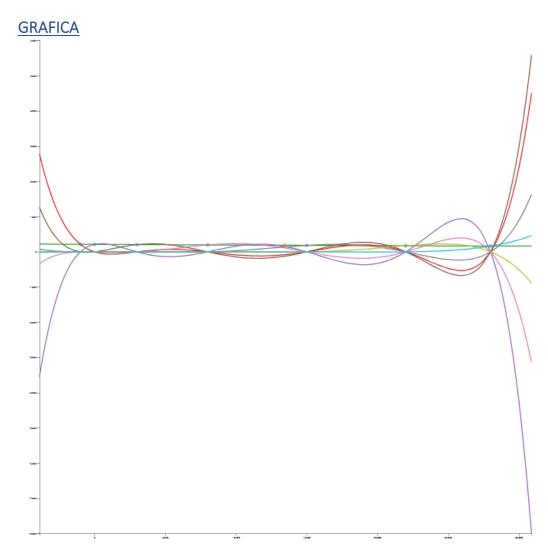
Utilizando el método de newton, aproximaremos a que temperatura hierve el agua

				n=6				
	cristian gonzalo mamani espinoza							
#	x	у	1er nivel	2do nivel	3er nivel	4to nivel	5to nivel	6to nivel
0	-1000	213.9	-0.0019	-8.33E-09	-3.125E-27	1.43849E-16	-1.35271E-20	7.59756E-25
1	0	212	-0.0019333	-8.33E-09	2.3016E-12	-1.6727E-16	8.50582E-21	
2	3000	206.2	-0.002	2.619E-08	-1.378E-12	7.08888E-17		
3	8000	196.2	-0.0016857	-2.94E-22	3.9377E-13			
4	15000	184.4	-0.0016857	7.875E-09				
5	22000	172.6	-0.0015833					
6	28000	163.1						
	13448							
	f(x0) + F[x0,x1] (x-x0) + F[x0,x1,x2] (x-x0)(x-x1) + F[x0,x1,x2,x3] (x-x0)(x-x1)(x-x2)							
	рх	186.76427						

Utilizando el dato de 13448 pies que se indico en la clase, se obtiene que la temperatura hierve a  $186,76427~^\circ\text{F}$ 

### POR EL METODO DE LA GRANGE





# **CONCLUSIÓN**

Al evaluar la efectividad de los métodos de **Newton** y **Lagrange** para la interpolación de datos de temperatura a diferentes altitudes, los resultados obtenidos muestran una notable cercanía entre ambos enfoques.

Para la ciudad de **El Alto**, el método de Lagrange proporcionó un valor de temperatura de **186.76** °F, mientras que el método de Newton arrojó un resultado de **186.7642701** °F. Esta diferencia es mínima, lo que indica que ambos métodos son efectivos para interpolar datos en esta altitud.

De manera similar, en la ciudad de **La Paz**, el método de Lagrange dio un resultado de **189.16** °F, en comparación con **189.1585973** °F obtenido mediante el método de Newton. Nuevamente, la cercanía de estos resultados sugiere que ambos métodos son igualmente válidos y confiables.

#### ¿Cuál Método Es Mejor?

La elección entre el método de Newton y el método de Lagrange puede depender de varios factores:

#### 1. Facilidad de Cálculo:

- El método de Lagrange es más sencillo de entender y aplicar, especialmente para conjuntos de datos pequeños, ya que utiliza un solo polinomio para representar todos los puntos.
- El método de **Newton**, aunque más complejo en términos de cálculo de diferencias divididas, puede ser más eficiente cuando se agregan más puntos a un conjunto existente, ya que permite la construcción del polinomio de forma incremental.

#### 2. Precisión:

 Ambos métodos proporcionan resultados comparables en términos de precisión, como se ha demostrado en los cálculos realizados para El Alto y La Paz. La elección del método podría depender más de la preferencia personal o del contexto específico en el que se apliquen.

#### 3. Aplicaciones:

- Si se requiere una interpolación en tiempo real o con un número variable de puntos, el método de **Newton** puede ser más ventajoso.
- Por otro lado, para aplicaciones donde se dispone de un conjunto de datos fijo y se necesita una representación visual clara, el método de Lagrange puede ser más adecuado.

Ambos métodos son efectivos y proporcionan resultados comparables. La elección entre **Newton** y **Lagrange** dependerá de la situación específica, la cantidad de datos disponibles y la preferencia personal del investigador. En resumen, si se busca una solución simple y directa, el método de **Lagrange** es recomendable, mientras que el método de **Newton** es preferible para aplicaciones más dinámicas y en contextos donde se añadan datos de forma continua.