

# Algorithmique Avancé TP 2 Tris

Ce TP a pour but d'implémenter différent type de tri afin d'ordonner un ensemble de nombre dans l'ordre croissant.

# 1 Quelques tris

## 1.1 Tri par sélection

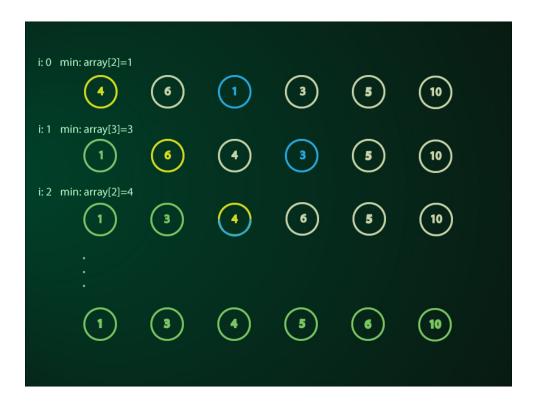
L'algorithme par "force brute" pour trier un tableau est le tri par sélection. Le principe est tout simplement de chercher à chaque fois l'élément le plus petit du tableau pour le placer au début.

## Algorithm 1 Selection Sort

 $t \leftarrow$  tableau de nombre aléatoire **Pour chaque** indice i de t **faire** chercher le minimum à partir de i

inverser le minimum et la case courante

fin Pour



## 1.2 Tri par insertion

Une autre version de la "force brute" est le tri par insertion. Le tri consiste à déplacer les valeurs d'un tableau à un autre en determinant à chaque fois où doit se positionner le nombre par rapport aux nombres déjà présent dans le deuxième tableau.

#### Algorithm 2 Insertion Sort

```
t \Leftarrow 	ext{tableau} de nombre aléatoire result \Leftarrow 	ext{tableau} vide result[0] \Leftarrow t[0]

Pour chaque nombre n de t (excepté le premier) faire

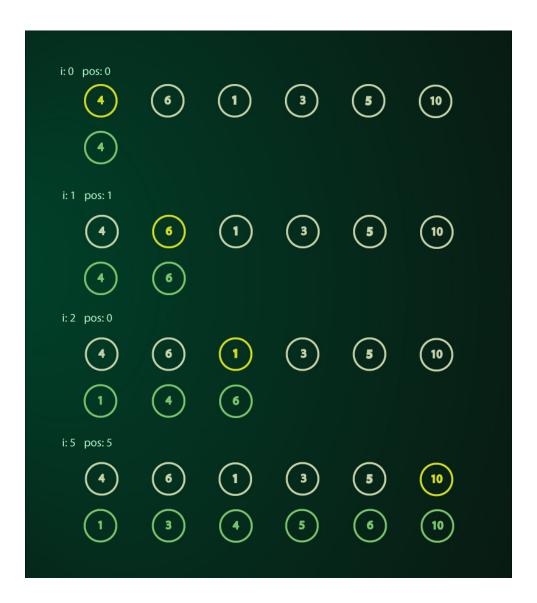
Si \exists m \in result tel que m > n Alors

insérer n à la position de m (en décalant donc le reste du tableau)

Sinon

insérer n à la fin fin Si

fin Pour
```



## 1.3 Tri à bulles

Le tri à bulle consiste à tester chaque paire de cases adjacentes et de faire remonter les valeurs les plus grandes comme des bulles d'air dans de l'eau.

## Algorithm 3 Bubble Sort

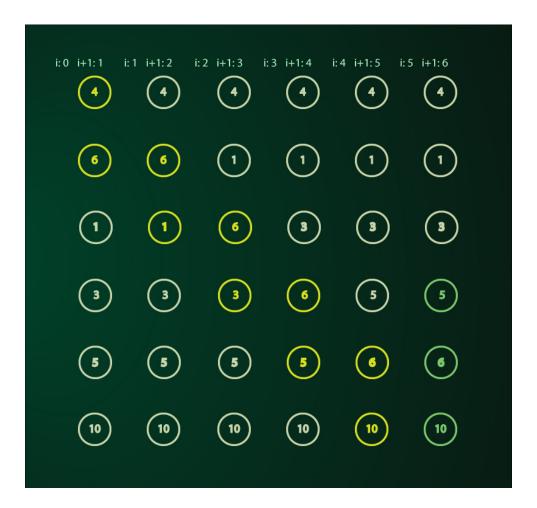
 $t \leftarrow$  tableau de nombre aléatoire

Pour chaque indice i de t faire

Pour chaque cases adjacentes faire remonter la valeur la plus haute

fin Pour

fin Pour

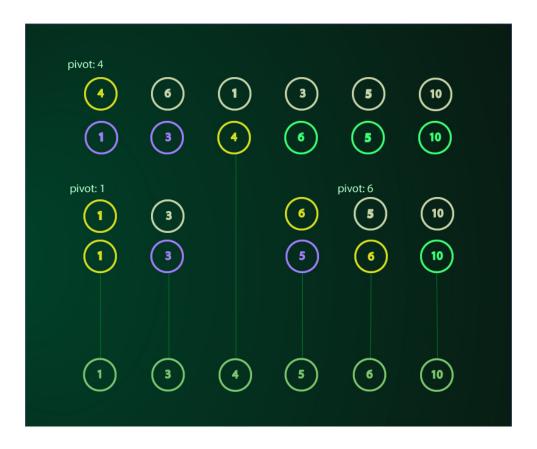


# 1.4 Tri rapide

Le tri rapide se base sur le principe de "diviser pour régner". Le but est de diviser le tableau en deux partie, les petites et les grandes valeurs, puis de réitérer jusqu'à n'avoir qu'un seul élément par tableau. En fusionnant les tableaux on obtient un tableau trié.

## Algorithm 4 Quick Sort

 $t \Leftarrow \text{tableau}$  de nombre aléatoire  $pivot \Leftarrow \text{un}$  nombre quelconque de t  $lowers \Leftarrow [n \in t \text{ tel que } n < pivot]$   $greaters \Leftarrow [n \in t \text{ tel que } n > pivot]$  trier lowers et greaters fusionner lowers, pivot et greaters



## 1.5 Tri par fusion

Le tri par fusion est semblable au tri rapide, il divise le tableau en deux parties pour faciliter le rangement. Mais celui-ci range les valeurs non pas à la division mais au moment de la fusion. On divise le tableau en plusieurs petite partie. Lors de la fusion on vérifie laquelle des plus petites valeurs des deux parties va être rangé en premier. On réitère le processus jusqu'à ré obtenir le tableau initial trié. Lorsque vous rangez le minimum de t1 et t2, n'oubliez de mettre à le jour le minimum des

#### Algorithm 5 Quick Sort

 $t \leftarrow$  tableau de nombre aléatoire

 $t1 \Leftarrow \text{première moitié du } t$ 

 $t2 \Leftarrow \text{deuxième moitié } t$ 

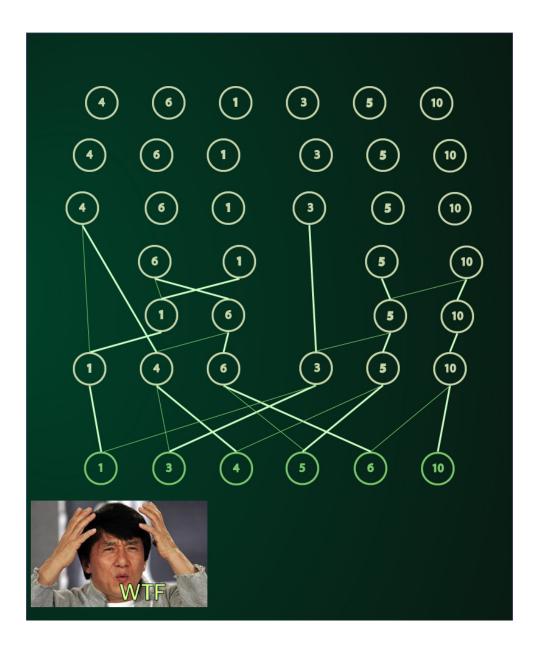
diviser et trier t1 et t2

Pour chaque indice i de t faire

 $t[i] \Leftarrow \min(t1, t2)$ 

fin Pour

tableaux. Un example sera peut-être plus concret!



Bon soit, ça porte à confusion... Vous pouvez constater que chaque case de la deuxième partie pointe vers deux case du niveau inférieur, cela correspond au test effectué entre les deux tableaux que l'on fusionne. La branche claire représente le rangement de la valeur minimum, cette valeur ne rentre donc plus en compte pour les tests suivants.

#### 2 TP

#### 2.1 Programmation

Le dossier  $Algorithme\_TP1/TP$  contient un dossier C++. Vous trouverez dans ce dossier des fichiers exo < i > .pro à ouvrir avec QtCreator, chacun de ces fichiers projets sont associés à un fichier exo < i > .cpp à compléter pour implémenter les différentes fonctions ci-dessus. Le fichier exo 0.cpp est un exemple de tri en force brute.



Les programmes vous affichent chaque étape de l'algorithme. Les cases en magenta indiquent une lecture, celles en bleu/violet indiquent une écriture.

Le type Array implémente déjà des fonctions d'accès et de modification tel que get(), insert(), set()...

```
Array array(int size); // Array array(10) --> make an array of 10 numbers
    intialized to -1;
array.get(int index); // array.get(2) --> get the number at index 2
array[int index]; // equivalent to get()
array.set(int index, int value); // array.set(2, 10) --> set 10 into the 2nd
    case of array
array.swap(int index1, int index2); // array.swap(2,5) --> swap the 2nd and the
    5th case of array
array.insert(int index, int value); // array.set(2, 10) --> insert 10 into the 2
    nd case of array by shifting the all next numbers
```

La fonction main est déjà implémenté pour lancer une fenêtre qui tri un ensemble d'entier.

```
int main(int argc, char *argv[])
{
   QApplication a(argc, argv);
   Array::instruction_duration = 200;
   MainWindow w(insertionSort, 10);
   w.show();
   return a.exec();
}
```

Le deuxième paramètre de MainWindow définit le nombre d'élément dans le tableau.

 $instruction\_duration$  est une variable globale affilié à la structure/classe Array qui définit la durée de chaque accès mémoire, modifiez le pour voir le résultat plus ou moins rapidement.

Une fois votre fonction sort est implémenter, cliquer sur exécuter (l'icone lecture) pour lancer le programme.

Si votre programme est bon, vous devriez obtenir ce genre de résultat.



Pour certains exercices, il vous faudra créer d'autre tableau intermédiaire. Vous pouvez utilisez l'un deux moyen suivant :

# 3 Notes

- MainWindow est une classe dérivé de QMainWindow une classe de Qt qui représente la fenêtre principe. MainWindow a été implémenté pour afficher une scène qui dessine des GraphicsItems pour afficher les tableaux. Vous retrouvez notamment la fonction newArray qui a été implémenté pour la classe MainWindow mais qu'on ne retrouvera donc pas dans une QMainWindow classique.
- Il était nécessaire pour le programme que w de type MainWindow soit un pointer. Pour appeler une méthode sur pointer, il faut faire w->method("Yolo")