

## 带阴影的三角形

在上一章中，我们开发了一种算法来绘制一个用纯色填充的三角形。本章的目标是绘制一个带阴影的三角形，即一个填充了颜色渐变的三角形。

### 定义我们的问题

---

我们想用一种颜色的不同色调填充三角形。它将如图 8-1 所示。

我们需要一个更正式的定义来定义我们试图绘制的内容。为此，我们将分配一个实际值  $h$  到每个顶点，表示顶点处颜色的强度。 $h$  在  $[0.0, 1.0]$  范围，其中 0.0 表示可能最暗的阴影（即黑色）和 1.0 表示尽可能亮的阴影（即原始颜色，而不是白色!）

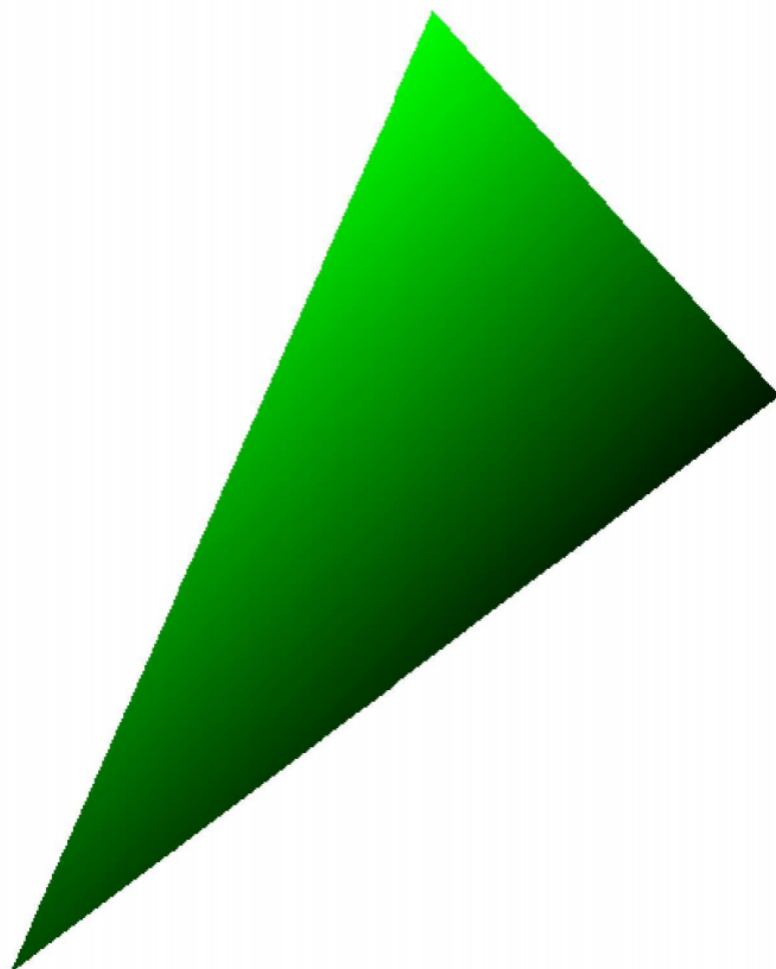


图 8-1: 带阴影的三角形

在给定三角形基色的情况下计算像素的确切色调 $C$ 以及该像素处的强度 $h$ ，我们将按通道乘法： $C_h = (R_C \cdot h, G_C \cdot h, B_C \cdot h)$ 。 $0.0$ 产生纯黑色， $h = 1.0$ 产生原始颜色 $C$ 和 $h = 0.5$ 产生的颜色是原始颜色的一半亮度。

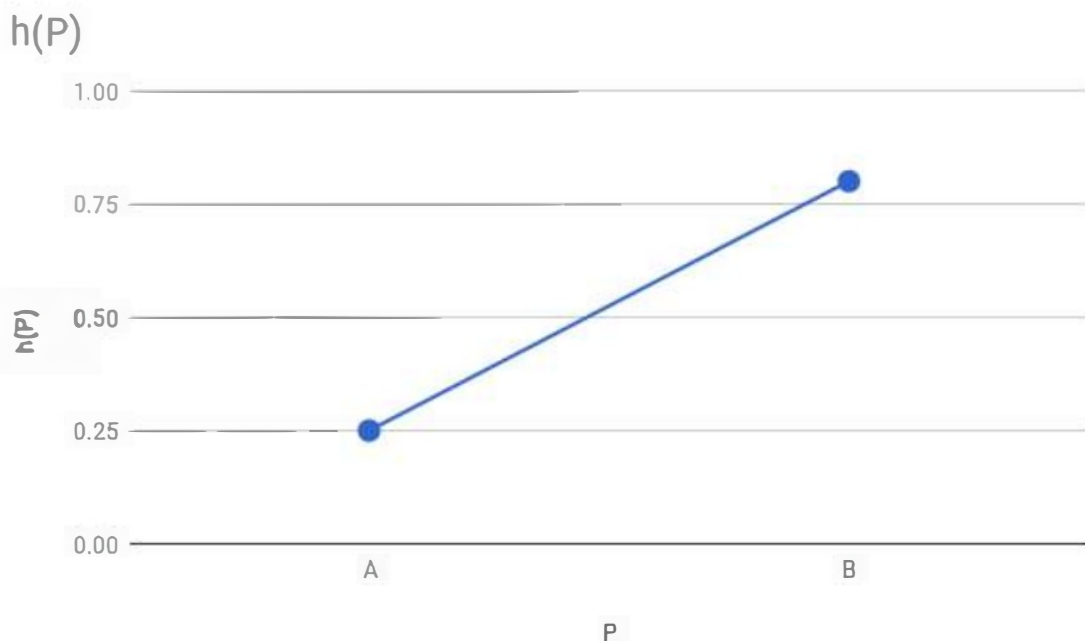
## 计算边缘着色

为了绘制一个阴影三角形，我们需要做的就是计算一个值 $h$ 对于三角形的每个像素，计算相应的颜色阴影，并绘制像素。容易！

然而，在这一点上，我们只知道 $h$ 对于三角形顶点，因为我们选择了它们。我们如何计算值 $h$ 对于三角形的其余部分？

让我们从三角形的边缘开始。考虑边缘 $AB$ ，我们知道 $h_A$ 和 $h_B$ ，在 $M$ 线会发生什么，在 $AB$ 的中点，由于我们希望强度从 $A$ 到 $B$ 平滑地变化，值 $h_M$ 必须介于两者之间 $h_A$ 和 $h_B$ 。因为 $M$ 在 $AB$ 的中间，为什么不选择 $h_M$ 在中间 $h_A$ 和 $h_B$ ——也就是说，他们的平均水平？

更正式地说，我们有一个函数 $h = f(P)$ 给出每一分 $P$ 强度值 $h$ ；我们知道它的价值一个和 $B, h(A) = h_A$ 和 $h(B) = h_B$ 。我们希望这个函数是平滑的。因为我们对其他一无所知 $h = f(P)$ ，我们可以选择任何与我们所知兼容的函数，例如线性函数(图 8-2)。

图 8-2: 线性函数  $h(P)$ ，与我们所知道的  $h(A)$  和  $h(B)$  兼容)

这与上一章的情况非常相似：我们有一个线性函数 $x = f(y)$ ，我们知道这个函数在三角形顶点处的值，并且我们想计算 $x$ 沿着它的两侧。我们可以计算以下值 $h$ 沿着三角形的边以非常相似的方式，使用 $y$ 作为自变量（我们知道的值），使用 $h$ 作为因变量（我们想要的值）：Interpolate

```

x01 = Interpolate(y0, x0, y1, x1)
h01 = Interpolate(y0, h0, y1, h1)

x12 = Interpolate(y1, x1, y2, x2)
h12 = Interpolate(y1, h1, y2, h2)

x02 = Interpolate(y0, x0, y2, x2)
h02 = Interpolate(y0, h0, y2, h2)

```

接下来，我们连接了 $x$ “短”边的数组，然后确定哪个是左，哪个是右。同样，我们可以在这里为 $x_{02}x_{01}x_{12}$ 和 $h_{02}h_{01}h_{12}$ 向量。

但是，我们将始终使用 $x$ 值来确定哪一侧为左侧，哪一侧为右侧，以及 $h$ 值只会“随波逐流”。 $x$ 和 $h$ 是屏幕上实际点的属性，因此我们无法自由混合搭配左侧和右侧值。

我们可以按如下方式编码：

```

// Concatenate the short sides
remove_last(x01)
x012 = x01 + x12

remove_last(h01)
h012 = h01 + h12

// Determine which is left and which is right
m = floor(x012.length / 2)
if x02[m] < x012[m] {
    x_left = x02
    h_left = h02

    x_right = x012
    h_right = h012
} else {
    x_left = x012
    h_left = h012

    x_right = x02
    h_right = h02
}

```

这与上一章（示例 7-1）中代码的相关部分非常相似，不同之处在于每次我们对向量执行某些操作时，我们都会对相应的向量执行相同的操作。 $x$ 和 $h$

## 计算内部遮阳

最后一步是绘制实际的水平段。对于每个段，我们知道 $x$ 和 $h$ ，如上一章；现在我们也知道和 $h$ 。但是这一次我们不能只是从左到右迭代并用基色绘制每个像素：我们需要计算一个 $x_{left}x_{right}h_{left}h_{right}$ 对于线段的每个像素。

同样，我们可以假设 $h$ 随 $x$ 线性变化，并用于计算这些值。在这种情况下，自变量为 $Interpolate(x)$ ，它从 $x_{left}$ 变为我们正在着色的特定水平段的值；因变量为 $x_{left}x_{right}h_{left}h_{right}$ ，以及该段的和 $are$ 和 $h$ 的相应值： $x_{left}x_{right}h_{left}h_{right}$

```

x_left_this_y = x_left[y - y0]
h_left_this_y = h_left[y - y0]

x_right_this_y = x_right[y - y0]

```

```

h_right_this_y = h_right[y - y0]

h_segment = Interpolate(x_left_this_y, h_left_this_y,
                        x_right_this_y, h_right_this_y)

```

或者，以更紧凑的方式表示：

```

h_segment = Interpolate(x_left[y - y0], h_left[y - y0],
                        x_right[y - y0], h_right[y - y0])

```

现在只需计算每个像素的颜色并绘制它！示例 8-1 显示了 的完整伪代码。

DrawShadedTriangle

```

DrawShadedTriangle (P0, P1, P2, color) {
    ❶// Sort the points so that y0 <= y1 <= y2
    if y1 < y0 { swap(P1, P0) }
    if y2 < y0 { swap(P2, P0) }
    if y2 < y1 { swap(P2, P1) }

    // Compute the x coordinates and h values of the triangle edges
    x01 = Interpolate(y0, x0, y1, x1)
    h01 = Interpolate(y0, h0, y1, h1)

    x12 = Interpolate(y1, x1, y2, x2)
    h12 = Interpolate(y1, h1, y2, h2)

    x02 = Interpolate(y0, x0, y2, x2)
    h02 = Interpolate(y0, h0, y2, h2)

    // Concatenate the short sides
    remove_last(x01)
    x012 = x01 + x12

    remove_last(h01)
    h012 = h01 + h12

    // Determine which is left and which is right
    m = floor(x012.length / 2)
    if x02[m] < x012[m] {
        x_left = x02
        h_left = h02

        x_right = x012
        h_right = h012
    } else {
        x_left = x012
        h_left = h012

        x_right = x02
        h_right = h02
    }

    // Draw the horizontal segments
    ❷for y = y0 to y2 {
        x_l = x_left[y - y0]
        x_r = x_right[y - y0]

        ❸h_segment = Interpolate(x_l, h_left[y - y0], x_r, h_right[y - y0])
        for x = x_l to x_r {
            ❹shaded_color = color * h_segment[x - x_l]
            canvas.PutPixel(x, y, shaded_color)
        }
    }
}

```

示例 8-1：绘制阴影三角形的函数

此函数的伪代码与上一章中开发的函数的伪代码非常相似（示例 7-1）。在水平段循环 ❷ 之前，我们操作  $x$  向量和  $h$  矢量以类似的方式，如上所述。在循环中，我们有一个额外的调用 ❸ 来计算 `Interpolate`  $h$  当前水平线段中每个像素的值。最后，在内部循环中，我们使用  $h$  计算每个像素的颜色 ❹。

请注意，我们像以前一样对三角形顶点进行排序 ❶。但是，我们现在考虑这些顶点及其属性，例如强度值  $h$ ，成为一个不可分割的整体；也就是说，交换两个顶点的坐标也必须交换其属性。

[源代码和现场演示 >>](#)

## 总结

---

在本章中，我们扩展了上一章中开发的三角形绘制代码，以支持平滑着色的三角形。请注意，我们仍然可以使用它来绘制单色三角形，方法是使用 1.0 作为  $h$  对于所有三个顶点。

这个算法背后的想法实际上比看起来更通用。事实上  $h$  是强度值对算法的“形状”没有影响；我们只在最后，当我们要调用 `PutPixel`。这意味着我们可以使用此算法来计算三角形顶点的任何属性的值，对于三角形的每个像素，只要我们假设该值在屏幕上线性变化。

`PutPixel`

在接下来的章节中，我们确实会使用这个算法来改善三角形的视觉外观。出于这个原因，在继续之前，最好确保您真正了解此算法。

然而，在下一章中，我们走了一个小弯路。掌握了在 2D 画布上绘制三角形后，我们将注意力转向第三维度。