Oppg. 1

a) Har en normalfordeling med $\mu=10, \sigma^2=0.2^2,$ ser først på

$$P(X > 10.2) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} \int_{10.2}^{\infty} e^{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}} dx \approx 0.159$$
 (1)

ved å sette in i WolframAlpha. Siden dette er en symmetrisk sansynlighetsfordeling har vi

$$P(|X - \mu| > 0.2) = 2 \cdot P(X > 10.2) = 0.318.$$
 (2)

Kan sette et forsøk Y=2X og har da

$$F_Y(y) = \int_{-\infty}^{\frac{y}{2}} \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} e^{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}} dx$$
 (3)

som gir

$$P(|Y - \mu| > 0.2) = 2P(Y < 19.6) = F_Y(19.6) \approx 0.159$$
 (4)

også ved å bruke WolframAlpha.

b) Ser på forsøk 1 og vet at dette ikke er forskjellig fra det opprinnelige forsøket og har da

$$E\left[\hat{\mu}_A\right] = \mu_A, \quad E\left[\hat{\mu}_B\right] = \mu_B, \quad Var\left[\hat{\mu}_A\right] = \sigma^2, \quad Var\left[\hat{\mu}_B\right] = \sigma^2 \tag{5}$$