## 1ª Tarefa de Cálculo Numérico – Teoria de Erros

Nome: João Lucas Oliveira Mota Matrícula: 509597

## Questão 1:

Com relação à conversão binário-decimal e vice-versa pede-se:

a) Faça a conversão binário-decimal de 27 na base 10 para a base 2.

$$27 = 13*2$$
 +1  
 $13 = 6*2$  +1  
 $6 = 3*2$  +0  
 $3 = 1*2$  +1  
 $1 = 0*2$  +1  
 $(27)_{10} = (11011)_2$ 

b) Com o resultado do item anterior, faça a conversão de volta para a base 10.

$$1*2^4 + 1*2^3 + 0*2^2 + 1*2^1 + 1*2^0 = (27)_{10}$$

$$(2*(2*(2*(2*1+1)+0)+1)+1) = (27)_{10}$$

c) Implemente as duas conversões e verifique se os seus resultados estão corretos.

Observação: use as duas maneiras de fazer a conversão de binário para decimal.

# Questão 2:

Seja um conjunto de números dados em aritmética de ponto flutuante na base 10, com t=4 e o expoente entre [-5,5]. Pede-se:

a) Qual o menor (m) e o maior (M) número para esse conjunto?

$$m = 0.0001 \times 10^{-5}$$

$$M = 0,9999 \times 10^5$$

b) O número 100.000 pode ser representado por esse conjunto? Explique.

Não, pois ele é maior que o maior número representável M

c) Represente o número 357,26 usando o arredondamento.

$$0,35726 \cdot 10^3$$
, por arredondamento é  $0,3573 \cdot 10^3$ 

d) Represente o número 357,26 usando o truncamento.

$$0,35726\cdot10^3$$
, por arredondamento é  $0,3572\cdot10^3$ 

e) Supondo que o número 357,26 usando o arredondamento seja igual ao valor exato desse número e que o número 357,26 usando o truncamento seja igual ao valor aproximado, calcule o erro relativo e absoluto desse número.

```
ER = EA / Valor exato

ER = |357,2 - 357,3|/357,3 =>

EA = 0,1 e

ER = 2,8 . 10^{-4}
```

### Questão 3:

Um número em aritmética de ponto flutuante completa é formado por dois fatores que envolvem  $f_x$  e  $g_x$ . Dito isso, pede-se:

a) Mostre quem seriam  $f_x$  e  $g_x$  para o número 357,26 usando o mesmo conjunto da questão anterior, ou seja, base 10, com t=4 e o expoente entre [-5,5].

$$0.3572 \cdot 10^3 + 0.6 \cdot 10^{-1}$$
  
fx = 0.3572  
gx = 0.6

b) Diga quanto valeria os erros absoluto e relativo desse número usando uma equação e inequação, considerando o truncamento.

$$\begin{split} EA &= gx \cdot 10^{\text{-1}} = 0.06 \\ ER &= (0.3572 \cdot 10^3)/(0.6 \cdot 10^{\text{-1}}) \\ EA &< 0.1 \\ ER &< (10^{\text{-1}})/(0.1*10^3) \end{split}$$

c) Diga quanto valeria os erros absoluto e relativo desse número usando uma equação e inequação, considerando o arredondamento simétrico.

```
EA = gx .10^{-1} = 0,06

ER = (0,3572 \cdot 10^3)/(0,6 \cdot 10^{-1})

EA< (\frac{1}{2}).0,1

ER< (\frac{1}{2})(10^{-1})/(0,1*10^3)
```

#### **Ouestão 4:**

O erro total de um número em aritmética de ponto flutuante é dado pelo erro nas parcelas mais o erro residual de cada operação. Dito isso, pede-se:

a) Diga quanto vale o erro relativo para u = (m+n)w/o supondo que o erro relativo dos números vale  $\frac{1}{2} \times 10^{-t+1}$  e usando o arredondamento.

```
\begin{split} ER_{arredondamento} &= \frac{1}{2} * 10^{-t+1} \\ I) \ s &= m+n; \ ERs = ERm \ (m/(m+n)) + ERn \ (n/(m+n)) + RA = 10^{-t+1} \\ II)M &= s*w; \ ER_M = ERs + ERw + RA = 2*10^{-t+1} \\ III)u &= M/o; \ ERu = ER_M - ERo + RA = \\ Resposta &= 2*10^{-t+1} \end{split}
```

b) Diga quanto vale o erro relativo para o mesmo u, mas agora supondo que os números são representados exatamente e usando o truncamento.

```
\begin{split} ER_{truncamento} &= 10^{\text{-t+1}} \\ ERm &= ERn = ERw = ERo = 0 \\ I) \text{ s = m+n; } ERs &= ERm \text{ (m/(m+n))} + ERn \text{ (n/(m+n))} + RA = 0 + 0 + 10^{\text{-t+1}} \\ II)M &= \text{s*w; } ER_{M} &= ER\text{s} + ERw + RA = 10^{\text{-t+1}} + 0 + 10^{\text{-t+1}} = 2*10^{\text{-t+1}} \\ III)u &= M/o; ERu &= ER_{M} - ERo + RA = 2*10^{\text{-t+1}} - 0 + 10^{\text{-t+1}} => \\ Resposta &= 3*10^{\text{-t+1}} \end{split}
```

c) Se os valores aproximados para m, n, o e w valem, respectivamente, 10, 20, 30 e 40, calcule quanto valem os erros dos dois itens anteriores.

Considerando t = 4( Por conta das questões anteriores)

 $ERu_{Arredondamento} = 0,002$  $ERu_{Truncamento} = 0,003$