

Código:	MADO-20
Versión:	01
Página	26/183
Sección ISO	8.3
Fecha de emisión	20 de enero de 2017

Facultad de Ingeniería Área/Departamento: Laboratorio de computación salas A y B

La impresión de este documento es una copia no controlada

### Guía Práctica de Estudio 3

### Algoritmos de ordenamiento parte 3

Elaborado por:

M.I. Elba Karen Sáenz García

Revisión:

Ing. Laura Sandoval Montaño



Código:	MADO-20
Versión:	01
Página	27/183
Sección ISO	8.3
Fecha de emisión	20 de enero de 2017

Facultad de Ingeniería Área/Departamento:
Laboratorio de computación salas A y B

La impresión de este documento es una copia no controlada

### Guía práctica de estudio 3

Estructura de datos y Algoritmos II

### Algoritmos de Ordenamiento. Parte 3.

**Objetivo**: El estudiante conocerá e identificará la estructura de los algoritmos de ordenamiento *Counting Sort* y *Radix Sort*.

#### **Actividades**

- Implementar el algoritmo Counting Sort en algún lenguaje de programación para ordenar una secuencia de datos.
- Implementar el algoritmo *Radix Sort* en algún lenguaje de programación para ordenar una secuencia de datos

#### **Antecedentes**

- Análisis previo de los algoritmos en clase teórica.
- Manejo de arreglos o listas, estructuras de control y funciones en Python 3.

#### Introducción

#### **Counting Sort**

Es un algoritmo que no se basa en comparaciones y lo que hace es contar el número de elementos de cada clase en un rango de 0-k para después ordenarlos determinando para cada elemento de entrada el número de elementos menores a él. Por lo tanto, la lista o arreglo a ordenar solo pueden utilizar elementos que sean contables (enteros).

Para la descripción del algoritmo se asumen 3 arreglos lineales:

- El arreglo de entrada A a ordenar con n elementos
- Un arreglo B de n elementos, para guardar la salida ya ordenada
- Un arreglo  ${\mathcal C}$  para almacenamiento temporal de k elementos

El primer paso consiste en averiguar el rango de valores de los datos a ordenar (0-k). Después se crea el arreglo C de números enteros con tantos elementos como valores haya en el intervalo [0,k], y a cada elemento de C se le da el valor inicial de O (O apariciones del elemento O donde toma valores de O de



Código:	MADO-20
Versión:	01
Página	28/183
Sección ISO	8.3
Fecha de emisión	20 de enero de 2017

Facultad de Ingeniería Área/Departamento: Laboratorio de computación salas A y B

La impresión de este documento es una copia no controlada

En el arreglo A de la figura 3.1 se tiene que el rango de valores de los elementos es de 0 a 5, por lo tanto, el arreglo C tendrá 6 elementos con índices de 0 a 5 el cual se inicializa en 0.



Figura 3.1

Después se recorren todos los elementos del arreglo A a ordenar y se cuenta el número de apariciones de cada elemento para almacenarlo en C. Figura 3.2

Figura 3.2 [1]

Posteriormente se determina para cada elemento C[i] (i=0,...,k) cuántos elementos son menores o iguales a él.

En la figura 3.3 se puede observar que 2 elementos son menores o iguales a 1, 4 elementos son menores o iguales a 2, 7 elementos son menores o iguales a 3, etc.

Figura 3.3

Para terminar, se coloca cada elemento del arreglo A, (A[j], j=n,...1) en la posición correcta en el arreglo de salida B, de tal forma que cada elemento de entrada se coloca en la posición del número de elementos menores o iguales a él (B[C[A[j]]]). Cada vez que se coloca un elemento en B, se decrementa el valor de C[A[j]].

Así el elemento A[8] = 3 se coloca en B[C[A[8]] = B[C[3]] = B[7]. Figura 3.4.



Código:	MADO-20
Versión:	01
Página	29/183
Sección ISO	8.3
Fecha de emisión	20 de enero de 2017

Facultad de Ingeniería Área/Departamento: Laboratorio de computación salas A y B

La impresión de este documento es una copia no controlada

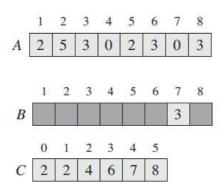


Figura 3.4

El elemento A[7] se coloca  $en\ B[C[A[7]]=B[C[0]]=B[2]$  . Figura 3.5.

Figura 3.5

Una vez que se revisan todos los elementos de A tenemos que el arreglo ordenado en B queda como en la figura 3.6.

	1	2	3	4	5	6	7	8
В	0	0	2	2	3	3	3	5

Figura 3.6

Un pseudocódigo del algoritmo es [1]:



Código:	MADO-20
Versión:	01
Página	30/183
Sección ISO	8.3
Fecha de emisión	20 de enero de 2017

Facultad de Ingeniería Área/Departamento:

Laboratorio de computación salas A y B

La impresión de este documento es una copia no controlada

CountingSort(A,B,k) Inicio Formar C de k elementos Para i=0 hasta i=k C[i]=0Fin Para Para j=1 hasta número de elementos de A C[A[j]]=C[A[j]]+1Fin Para Para i=1 hasta i=k C[i]=C[i]+C[i-1]Fin para Para j= número de elementos de A hasta 1 B[C[A[j]]]=A[j]C[A[j]] = C[A[j]] - 1Fin Para

El tiempo de ejecución para este algoritmo es  $\theta(n+k)$  dado que para el primer y tercer ciclo se toma un tiempo de  $\theta(k)$  y para el segundo y último un tiempo de  $\theta(n)$ .

**Counting Sort** es un algoritmo estable, es decir, si el ordenamiento se hace con base en una relación de orden y en esa relación dos elementos son equivalentes, entonces se preserva el orden original entre los elementos equivalentes.

#### **Radix Sort**

Fin

El método de ordenamiento *Radix Sort* también llamado ordenamiento por residuos puede utilizarse cuando los valores a ordenar están compuestos por secuencias de letras o dígitos que admiten un orden lexicográfico.

El algoritmo ordena utilizando un algoritmo de **ordenación estable**, las letras o dígitos de forma individual, partiendo desde el que está más a la derecha (menos significativo) y hasta el que se encuentra más a la izquierda (el más significativo). **Nota**: a cada letra o dígito se le asigna una llave o código representado por un número entero, el cual se utiliza para el ordenamiento de cada elemento que conforma el valor original.



Código:	MADO-20
Versión:	01
Página	31/183
Sección ISO	8.3
Fecha de emisión	20 de enero de 2017

Facultad de Ingeniería

Área/Departamento:
Laboratorio de computación salas A y B

La impresión de este documento es una copia no controlada

Por ejemplo, en [1] se planea que una línea aérea proporciona números de confirmación diseñados con cadenas formadas con 2 caracteres donde cada carácter es un digito o una letra que puede tomar 36 valores (26 letras y 10 dígitos) y así hay  $36^2$  posibles códigos.

Para cada carácter de los 36 se genera un código numérico entero de 0-36. Figura 3.7.

carácter	código
0	0
1	1
9	10
Α	11
В	12
Z	36

Figura 3.7

Si se tienen los códigos de confirmación  $\{F6, E5, R6, X6, X2, T5, F2, T3\}$  y se utiliza un algoritmo de ordenación estable en el carácter que se encuentra más a la derecha se obtiene la lista parcialmente ordenada de códigos  $\{X2, F2, T3, E5, T5, F6, R6, X6\}$ . Ahora si se ordena utilizando el mismo algoritmo de ordenamiento estable, pero sobre el carácter que se encuentra más a la izquierda se obtiene la lista  $\{E5, F2, F6, R6, T3, T5, X2, X6\}$ .

Procesa las letras o dígitos de forma individual partiendo desde el digito menos significativo y hasta alcanzar el digito más significativo.

Si los códigos de confirmación se forman con 6 caracteres y se tiene la lista de códigos {XI7FS6, PL4ZQ2, JI8FR9, XL8FQ6, PY2ZR5, KV7WS9, JL2ZV3, KI4WR2}, el ordenamiento del carácter más a la derecha hacia el de más a la izquierda se muestra en la Figura 3.2[1].



Código:	MADO-20
Versión:	01
Página	32/183
Sección ISO	8.3
Fecha de emisión	20 de enero de 2017

Facultad de Ingeniería	Área/Departamento: Laboratorio de computación salas A y B				
La impresión de este documento es una copia no controlada					

- i Resultado de las listas ordenadas con el i-ésimo carácter
- 1 (PL4ZQ2, KI4WR2, JL2ZV3, PY2ZR5, XI7FS6, XL8FQ6, JI8FR9, KV7WS9)
- 2 (PL4ZQ2, XL8FQ6, KI4WR2, PY2ZR5, JI8FR9, XI7FS6, KV7WS9, JL2ZV3)
- 3 (XL8FQ6, JI8FR9, XI7FS6, KI4WR2, KV7WS9, PL4ZQ2, PY2ZR5, JL2ZV3)
- 4 (PY2ZR5, JL2ZV3, KI4WR2, PL4ZQ2, XI7FS6, KV7WS9, XL8FQ6, JI8FR9)
- 5 (KI4WR2, XI7FS6, JI8FR9, JL2ZV3, PL4ZQ2, XL8FQ6, KV7WS9, PY2ZR5)
- 6 (Л8FR9, JL2ZV3, KI4WR2, KV7WS9, PL4ZQ2, PY2ZR5, XI7FS6, XL8FQ6)

Figura 3.8 [1]

El algoritmo en pseudocódigo del Radix Sort [2] es:

RadixSort(A,d)
Inicio
Para i=1 hasta i=d
Ordenamiento de A en el digito i
Fin

Donde A es una lista de n elementos, d es el número de dígitos o caracteres que tienen los elementos de A, si i=1 se refiere al dígito o carácter colocado más a la derecha y cuando i=d al que está más a la izquierda. El ordenamiento se realiza con algún algoritmo estable como por ejemplo *Counting Sort*.

#### **Desarrollo:**

#### Actividad 1

Se proporciona la función mencionada en pseudocódigo para el algoritmo *Counting Sort* en Python. Se requiere utilizarla para elaborar un programa que ordene una lista proporcionada por el profesor.

Nota: Considerar que en la lista creada el elemento con índice 0 no se toma en cuenta para el ordenamiento, por ejemplo, si la lista es {9,21,4,40,10,35} en Python se debe definir como {0,9,21,4,40,10,35}. Esto porque en el algoritmo descrito el índice de la lista inicia en 1.

Una vez realizado el programa, indicar un procedimiento para obtener el valor de k, para saber el rango de valores de los elementos de la lista a ordenar.



Código:	MADO-20
Versión:	01
Página	33/183
Sección ISO	8.3
Fecha de emisión	20 de enero de 2017

Facultad de Ingeniería

Área/Departamento:

Laboratorio de computación salas A y B

La impresión de este documento es una copia no controlada

Además, contestar las siguientes preguntas

¿La lista se ordena en orden ascendente o descendente? ¿Por qué? ¿Es posible ordenar la lista en orden inverso?,¿Cómo se haría? Realizar respectivos cambios en el programa.

Las funciones en Python de los pseudocódigos descritos para *Counting Sort* son las siguientes:

```
#Counting Sort
#Autor Elba Karen Sáenz García
def CreaLista(k):
   L=[]
    for i in range(k+1):
        L.append(0)
    return L
def CountingSort (A, k):
    C=CreaLista(k)
   B=CreaLista(len(A)-1)
    for j in range(1,len(A)):
        C[A[j]]=C[A[j]]+1
    for i in range (1, k+1):
        C[i]=C[i]+C[i-1]
    for j in range (len(A)-1,0,-1):
        B[C[A[j]]]=A[j]
        C[A[j]]=C[A[j]]-1
    return B
```



Código:	MADO-20
Versión:	01
Página	34/183
Sección ISO	8.3
Fecha de emisión	20 de enero de 2017

Facultad de Ingeniería

Area/Departamento:
Laboratorio de computación salas A y B

La impresión de este documento es una copia no controlada

#### **Actividad 2**

Para la explicación del algoritmo *Radix Sort* se utilizó el ejemplo de cómo ordenar claves de confirmación de una aerolínea, donde cada clave está formada con seis caracteres. Aquí se muestra una solución al problema en Python, el cambio que se tiene en esta implementación es el uso del código ASCII (para dígitos del 0-9 y letras mayúsculas A-Z) en lugar de los números del 0-36 para dígitos y caracteres Figura 3.7. Además, como algoritmo de ordenación estable se utiliza el *Counting Sort* visto al inicio del documento con unas pequeñas modificaciones.

Se pide probar el código proporcionado con la secuencia  $\{XI7FS6, PL4ZQ2, JI8FR9, XL8FQ6, PY2ZR5, KV7WS9, JL2ZV3, KI4WR2\}$  y colocar la impresión correspondiente para ver las listas parcialmente ordenadas como en la Figura 3.8.

Una vez terminado lo anterior responder a la siguiente pregunta.

¿Qué can	nbios se haría	n para	ordenar	ahora	del	más s	significativo	o al	menos	significativo	(izquierda	a (	derecha)?
Describir y	/ realizar las r	nodifica	aciones c	orrespo	ondi	entes	al progran	na.					

Cabe mencionar que para la implementación en Python de la solución al problema de la ordenación de claves de la aerolínea mediante el algoritmo *RadixSot* y uso de *Counting Sort*, se requirió contar el número de caracteres que conforman la clave y formar una lista donde cada elemento contiene información de la clave y el código correspondiente al carácter en análisis.

Las funciones que conforman la solución y la llamada a la función que da la solución se muestran abajo:



Código:	MADO-20
Versión:	01
Página	35/183
Sección ISO	8.3
Fecha de emisión	20 de enero de 2017

Facultad de Ingeniería

Área/Departamento: Laboratorio de computación salas A y B

La impresión de este documento es una copia no controlada

```
def obtenerElemSinClaves(E):
    Elem=[]
    Elem.append("000000")
    for i in range(1,len(E)):
        Elem.append(E[i][0])
    return Elem
```

```
def CountingSort2(A,k):
    C=[0 for _ in range (k+1)]
    B=[list (0 for _ in range(2)) for _ in range(len(A))]
    for j in range(1,len(A)):
        C[A[j][1]]=C[A[j][1]]+1
    for i in range (1,k+1):
        C[i]=C[i]+C[i-1]
    for j in range (len(A)-1,0,-1):
        B[ C[A[j][1]] ][1]=A[j][1]
        B[ C[A[j][1]] ][0]=A[j][0]
        C[A[j][1]]=C[A[j][1]]-1
    return B
```

```
def FormaArregloConClaves(B,numCar):
    Btmp=[]
    for i in range(len(B)):
        Btmp.append([B[i]]*2)
        A3=list(B[i])
        Btmp[i][1]=ord(A3[numCar-1])
    return Btmp
```

```
def radixSort(A):
    numCar=len(A[1])
    for i in range (numCar,0,-1):
        cc=FormaArregloConClaves(A,i)
        ordenado=CountingSort2(cc,122)
        A=obtenerElemSinClaves(ordenado)
        print (A)
    return A
```



Código:	MADO-20
Versión:	01
Página	36/183
Sección ISO	8.3
Fecha de emisión	20 de enero de 2017

Facultad de Ingeniería	Área/Departamento:				
	Laboratorio de computación salas A y B				
La impresión de este documento es una copia no controlada					

Para observar el funcionamiento se crea una lista con las claves y después se llama a la función radixSort().

```
B =['000000','X17FS6', 'PL4ZQ2', 'J18FR9', 'XL8FQ6', 'PY2ZR5', 'KV7WS9', 'JL2ZV3', 'K14WR2'] print (radixSort(B))
```

#### **Actividad 3**

Ejercicios propuestos por el profesor.

#### Referencias

[1] CORMEN, Thomas Algorithms Unlocked Cambridge MA, USA The MIT Press, 2013

[2] CORMEN, Thomas, LEISERSON, Charles, et al.Introduction to Algorithms3rd editionMA, USAThe MIT Press, 2009