3 – Linguagens Livres de Contexto

Aula 15

Sumário

Capítulo 3 – Linguagens Livres de Contexto

- 3.1. Gramáticas Livres de Contexto
 - 3.1.1. Árvore de Derivação
 - 3.1.2. Ambiguidade
 - 3.1.3. Simplificação de Gramáticas Livres de Contexto
 - 3.1.4. Recursão à Esquerda
- 3.2. Forma Normal de Chomsky

3.3. Forma Normal de Greibach

- 3.4. Recursão à esquerda
- 3.5. Autômato com pilha

 Uma Gramática Livre de Contexto é dita na Forma Normal de Greibach (FNG), se todas as produções são da forma:

$$A \rightarrow a \alpha$$

onde α é uma palavra de variáveis

- O algoritmo a seguir transforma uma GLC em FNG se:
 - A linguagem não possuir produções vazias A →ε
- Seis Etapas:

- Seis Etapas:
 - 1ª. Simplificação da Gramática
 - 2ª. Renomeação das variáveis em uma ordem crescente
 - **3ª.** Colocar todas as produções na forma: $A_r \rightarrow A_s \alpha$, em que r ≤ s
 - 4^a. Exclusão das recursões à esquerda, da forma A_r → A_r α
 - 5ª. Um terminal no inicio do lado direito de cada produção
 - 6ª. Transformação das produções na forma A → a α , onde α só contem variáveis

- Seis Etapas:
 - 1ª. Simplificação da Gramática
 - 2ª. Renomeação das variáveis em uma ordem crescente
 - Basta renomear as variáveis em ordem crescente
 - Por exemplo:
 - Tomaremos: A_1 , A_2 , ..., A_n
 - Comece da variável inicial

OBS: diferentes critérios de nomeação geram diferentes gramáticas *FNG*. Entretanto, todas são equivalentes e geram a mesma linguagem

- Seis Etapas:
 - 1ª. Simplificação da Gramática
 - 2ª. Renomeação das variáveis em uma ordem crescente
 - 3^a . Colocar todas as produções na forma: $A_r \rightarrow A_s \alpha$, em que $r \le s$
 - **4ª.** Exclusão das recursões à esquerda, da forma $A_r \rightarrow A_r \alpha$
 - 5ª. Um terminal no inicio do lado direito de cada produção
 - 6ª. Transformação das produções na forma A → a α , onde α só contem variáveis

- 3^a . Colocar todas as produções na forma: $A_r \rightarrow A_s \alpha$, em que $r \le s$
 - Colocar todas as produções na forma $A_1 \rightarrow A_2 \alpha$
 - Portanto devemos corrigir as produções que se encontram na forma:

$$A_2 \rightarrow A_1 \alpha$$

- De forma geral, é trocar A₁ pelas suas produções
 - Substituir A_1 pelas suas produções $A_1 \rightarrow \beta_1 \mid \beta_2 \mid ... \mid \beta_m$
 - Resulta em:

$$A_2 \rightarrow \beta_1 \alpha \mid \beta_2 \alpha \mid \dots \mid \beta_m \alpha$$

E assim por diante, nas demais produções que tem este problema

- 3^a . Colocar todas as produções na forma: $A_r \rightarrow A_s \alpha$, em que $r \le s$
 - Colocar todas as produções na forma $A_1 \rightarrow A_2 \alpha$
 - Algoritmo

Algoritmo etapa 3

$$\begin{array}{llll} \mathbf{P_3} &=& \mathbf{P_2} \\ \mathbf{PARA} & \mathbf{r} & \mathbf{VARIANDO} & \mathbf{DE} & 1 & \mathbf{ATE} & n & \mathbf{FACA} \\ & \mathbf{PARA} & \mathbf{S} & \mathbf{VARIANDO} & \mathbf{DE} & 1 & \mathbf{ATE} & \mathbf{r} - 1 & \mathbf{FAÇA} \\ & \mathbf{PARA} & \mathbf{TODA} & \mathbf{A_2} & \rightarrow \mathbf{A_1} \mathbf{\alpha} & \in \mathbf{P_3} & \mathbf{FAÇA} \\ & & \mathbf{EXCLUIR} & \mathbf{A_2} & \rightarrow \mathbf{A_1} \mathbf{\alpha} & \det \mathbf{P_3} & \mathbf{;} \\ & \mathbf{PARA} & \mathbf{TODA} & \mathbf{A_1} & \rightarrow \mathbf{\beta_1} & \mathbf{\beta_2} & \mathbf{|} & \dots & \mathbf{\beta_m} & \mathbf{FAÇA} \\ & \mathbf{P_3} & = & \mathbf{P_3} & \mathbf{U} & \{\mathbf{A} & \rightarrow & \mathbf{\beta_1} & \mathbf{\alpha}\} \end{array}$$

- 3^a . Colocar todas as produções na forma: $A_r \rightarrow A_s \alpha$, em que $r \le s$
 - Colocar todas as produções na forma A₁ → A₂ α

```
Algoritmo etapa 3
P_{3} = P_{2}
PARA r VARIANDO DE 1 ATE n FACA
PARA S VARIANDO DE 1 ATE r-1 FAÇA
PARA TODA A_{2} \rightarrow A_{1}\alpha \in P_{3} FAÇA

EXCLUIR A_{2} \rightarrow A_{1}\alpha de P_{3};
PARA TODA A_{1} \rightarrow \beta_{1} \mid \beta_{2} \mid \dots \mid \beta_{m} FAÇA
P_{3} = P_{3} \cup \{A \rightarrow \beta_{1} \mid \alpha\}
```

Exemplo:

```
S \rightarrow AA \mid a

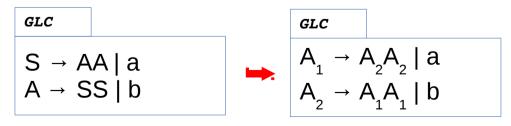
A \rightarrow SS \mid b
```

- 3^a . Colocar todas as produções na forma: $A_r \rightarrow A_s \alpha$, em que $r \le s$
 - Colocar todas as produções na forma A₁ → A₂ α

```
Algoritmo etapa 3 P_{3} = P_{2}
PARA r VARIANDO DE 1 ATE n FACA
PARA S VARIANDO DE 1 ATE r-1 FAÇA
PARA TODA A_{2} \rightarrow A_{1}\alpha \in P_{3} FAÇA

EXCLUIR A_{2} \rightarrow A_{1}\alpha \det P_{3};
PARA TODA A_{1} \rightarrow \beta_{1} \mid \beta_{2} \mid \dots \mid \beta_{m} FAÇA
P_{3} = P_{3} \cup \{A \rightarrow \beta_{1} \mid \alpha\}
```

Exemplo:



Renomeando...

- 3^a . Colocar todas as produções na forma: $A_r \rightarrow A_s \alpha$, em que $r \le s$
 - Colocar todas as produções na forma $A_1 \rightarrow A_2 \alpha$

```
Algoritmo etapa 3
P_{3} = P_{2}
PARA r VARIANDO DE 1 ATE n FACA
PARA S VARIANDO DE 1 ATE r-1 FAÇA
PARA TODA A_{2} \rightarrow A_{1}\alpha \in P_{3} FAÇA

EXCLUIR A_{2} \rightarrow A_{1}\alpha \text{ de } P_{3};
PARA TODA A_{1} \rightarrow \beta_{1} \mid \beta_{2} \mid \dots \mid \beta_{m} FAÇA
P_{3} = P_{3} \cup \{A \rightarrow \beta_{1} \mid \alpha\}
```

Exemplo:

$$\begin{array}{c|c}
 & GLC \\
 & A_1 \rightarrow A_2A_2 \mid a \\
 & A_2 \rightarrow A_1A_1 \mid b
\end{array}$$

$$A_2 \rightarrow A_1 A_1$$
, na forma errada $A_2 \rightarrow A_1 \alpha$

- 3^a . Colocar todas as produções na forma: $A_r \rightarrow A_s \alpha$, em que $r \le s$
 - Colocar todas as produções na forma $A_1 \rightarrow A_2 \alpha$

```
Algoritmo etapa 3
P_{3} = P_{2}
PARA r VARIANDO DE 1 ATE n FACA
PARA S VARIANDO DE 1 ATE r-1 FAÇA
PARA TODA A_{2} \rightarrow A_{1}\alpha \in P_{3} FAÇA

EXCLUIR A_{2} \rightarrow A_{1}\alpha \text{ de } P_{3};
PARA TODA A_{1} \rightarrow \beta_{1} \mid \beta_{2} \mid \dots \mid \beta_{m} FAÇA
P_{3} = P_{3} \cup \{A \rightarrow \beta_{1} \mid \alpha\}
```

Exemplo:

$$\begin{array}{c}
a c c \\
A_1 \rightarrow A_2 A_2 \mid a \\
A_2 \rightarrow A_1 A_1 \mid b
\end{array}$$

$$A_2 \rightarrow A_1 A_1$$
, na forma errada $A_2 \rightarrow A_1 \alpha$

Trocar
$$A_{_{1}}$$
 pelas suas produções

$$A_1 \rightarrow \beta_1 \mid \beta_2 \mid \dots \mid \beta_m$$

- 3^a . Colocar todas as produções na forma: $A_r \rightarrow A_s \alpha$, em que $r \le s$
 - Colocar todas as produções na forma $A_1 \rightarrow A_2 \alpha$

```
Algoritmo etapa 3
P_{_{3}} = P_{_{2}}
PARA r VARIANDO DE 1 ATE n FACA
PARA S VARIANDO DE 1 ATE r-1 FAÇA
PARA TODA A_{_{2}} \rightarrow A_{_{1}}\alpha \in P_{_{3}} FAÇA

EXCLUIR A_{_{2}} \rightarrow A_{_{1}}\alpha \text{ de } P_{_{3}};
PARA TODA A_{_{1}} \rightarrow \beta_{_{1}} \mid \beta_{_{2}} \mid \dots \mid \beta_{_{m}} FAÇA
P_{_{3}} = P_{_{3}} \cup \{A \rightarrow \beta_{_{1}} \alpha\}
```

Exemplo:

GLC
$$A_{1} \rightarrow A_{2}A_{2} \mid a$$

$$A_{2} \rightarrow A_{2}A_{2}A_{1} \mid aA_{1} \mid b$$

$$A_2 \rightarrow A_1 A_1$$
, na forma errada $A_2 \rightarrow A_1 \alpha$

Trocar A_1 pelas suas produções

$$A_1 \rightarrow \beta_1 \mid \beta_2 \mid \dots \mid \beta_m$$

Logo:
$$A_2 \rightarrow A_2 A_3 A_4 \mid aA_4$$

- Seis Etapas:
 - 1ª. Simplificação da Gramática
 - 2ª. Renomeação das variáveis em uma ordem crescente
 - **3ª.** Colocar todas as produções na forma: $A_r \rightarrow A_s \alpha$, em que r ≤ s
 - 4^a . Exclusão das recursões à esquerda, da forma $A_r \rightarrow A_r \alpha$
 - 5ª. Um terminal no inicio do lado direito de cada produção
 - 6ª. Transformação das produções na forma A → a α , onde α só contem variáveis

- 4^a . Exclusão das recursões à esquerda, da forma $A_r \rightarrow A_r \alpha$
 - Seja uma produção do tipo

$$A_1 \rightarrow A_1 \alpha$$

- De forma geral, usa-se uma variável auxiliar B
 - Troca a produção original por:
 - $B_1 \rightarrow \alpha$
 - $B_1 \rightarrow \alpha B_1$
- E assim por diante, para as demais produções que tem este problema

 4^a . Exclusão das recursões à esquerda, da forma $A_r \rightarrow A_r \alpha$

```
Algoritmo etapa 4
```

 4^a . Exclusão das recursões à esquerda, da forma $A_r \rightarrow A_r \alpha$

```
Algoritmo etapa 4

P_{3} = P_{2}
PARA r VARIANDO DE 1 ATE n FACA
PARA TODA A_{1} \rightarrow A_{1}\alpha \in P_{3} FACA
EXCLUIR A_{1} \rightarrow A_{1}\alpha \text{ de } P_{3};
V_{3} = V_{3} \cup \{A_{1}\}
P_{3} = P_{3} \cup \{B_{1} \rightarrow \alpha\} \cup \{B_{1} \rightarrow \alpha B_{1}\}
PARA TODA A_{1} \rightarrow \theta \in P_{3} TAL QUE não inicia com <math>A_{1} = alguma A_{1} \rightarrow A_{1}\alpha \text{ foi excluída FACA}
P_{3} = P_{3} \cup \{A \rightarrow \theta \beta_{1}\}
```

Exemplo:

$$A_2 \rightarrow A_2 A_1$$
, na forma errada $A_2 \rightarrow A_2 \alpha$

$$\begin{array}{c}
a c c \\
A_1 \rightarrow A_2 \mid a \\
A_2 \rightarrow A_2 A_1 \mid b
\end{array}$$

 4^a . Exclusão das recursões à esquerda, da forma $A_r \rightarrow A_r \alpha$

Algoritmo etapa 4 $P_{3} = P_{2}$ PARA r VARIANDO DE 1 ATE n FACA

PARA TODA $A_{1} \rightarrow A_{1} \alpha \in P_{3}$ FAÇA

EXCLUIR $A_{1} \rightarrow A_{1} \alpha \det P_{3}$; $V_{3} = V_{3} \cup \{A_{1}\}$ $P_{3} = P_{3} \cup \{B_{1} \rightarrow \alpha\} \cup \{B_{1} \rightarrow \alpha B_{1}\}$ PARA TODA $A_{1} \rightarrow \theta \in P_{3}$ TAL QUE não inicia com A_{1} e alguma $A_{1} \rightarrow A_{1} \alpha$ foi excluída FAÇA $P_{3} = P_{3} \cup \{A \rightarrow \theta \beta_{1}\}$

Exemplo:

$$\begin{array}{c|c}
 & GLC \\
 & A_1 \rightarrow A_2 \mid a \\
 & A_2 \rightarrow A_2 A_1 \mid b
\end{array}$$

$$A_2 \rightarrow A_2 A_1$$
, na forma errada $A_2 \rightarrow A_2 \alpha$

Trocar pelas suas produções

$$B_2 \to \alpha$$

$$B_2 \to \alpha B_2$$

 4^a . Exclusão das recursões à esquerda, da forma $A_r \rightarrow A_r \alpha$

Algoritmo etapa 4 $P_{3} = P_{2}$ PARA r VARIANDO DE 1 ATE n FACA $PARA TODA A_{1} \rightarrow A_{1} \alpha \in P_{3} FACA$ EXCLUIR $A_{1} \rightarrow A_{1} \alpha \text{ de } P_{3}$; $V_{3} = V_{3} \cup \{A_{1}\}$ $P_{3} = P_{3} \cup \{B_{1} \rightarrow \alpha\} \cup \{B_{1} \rightarrow \alpha B_{1}\}$ PARA TODA $A_{1} \rightarrow \theta \in P_{3} TAL QUE não inicia com <math>A_{1}$ e alguma $A_{1} \rightarrow A_{1} \alpha$ foi excluída FACA $P_{3} = P_{3} \cup \{A \rightarrow \theta \beta_{1}\}$

Exemplo:

$$\begin{array}{c|c}
a_{1} \rightarrow A_{2} \mid a \\
A_{2} \rightarrow A_{2} A_{1} \mid b \\
B_{2} \rightarrow A_{1} \mid A_{1} B_{2}
\end{array}$$

$$A_2 \rightarrow A_2 A_1$$
, na forma errada $A_2 \rightarrow A_2 \alpha$

Trocar pelas suas produções

$$B_2 \rightarrow \alpha$$

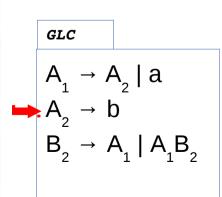
 $B_2 \rightarrow \alpha B_2$

Logo:
$$A_2 \rightarrow b$$

 4^a . Exclusão das recursões à esquerda, da forma $A_r \rightarrow A_r \alpha$

```
Algoritmo etapa 4 P_{3} = P_{2}
PARA r VARIANDO DE 1 ATE n FACA
PARA TODA A_{1} \rightarrow A_{1} \alpha \in P_{3} FAÇA
EXCLUIR A_{1} \rightarrow A_{1} \alpha de P_{3};
V_{3} = V_{3} \cup \{A_{1}\}
P_{3} = P_{3} \cup \{B_{1} \rightarrow \alpha\} \cup \{B_{1} \rightarrow \alpha B_{1}\}
PARA TODA A_{1} \rightarrow \theta \in P_{3} TAL QUE não inicia com A_{1} e alguma A_{1} \rightarrow A_{1} \alpha foi excluída FAÇA
P_{3} = P_{3} \cup \{A \rightarrow \theta \beta_{1}\}
```

Exemplo:



 $A_2 \rightarrow b$, não iniciava com A_2 anteriormente e A_2 já teve produções trocadas. Portanto:

 4^a . Exclusão das recursões à esquerda, da forma $A_r \rightarrow A_r \alpha$

```
Algoritmo etapa 4 P_{_{3}} = P_{_{2}}
PARA _{7} VARIANDO DE 1 ATE _{7} FACA
PARA TODA _{4_{_{1}}} \rightarrow A_{_{1}}\alpha \in P_{_{3}} FAÇA

EXCLUIR _{4_{_{1}}} \rightarrow A_{_{1}}\alpha  de _{8_{_{3}}};
V_{_{3}} = V_{_{3}} \cup \{A_{_{_{1}}}\}
P_{_{3}} = P_{_{3}} \cup \{B_{_{1}} \rightarrow \alpha\} \cup \{B_{_{1}} \rightarrow \alpha B_{_{1}}\}
PARA TODA _{4_{_{1}}} \rightarrow \theta \in P_{_{3}} TAL QUE _{4_{_{1}}} and inicia com _{4_{_{1}}} e alguma _{4_{_{1}}} \rightarrow A_{_{1}}\alpha foi excluída FAÇA
P_{_{3}} = P_{_{3}} \cup \{A \rightarrow \theta \beta_{_{1}}\}
```

Exemplo:

GLC
$$A_{1} \rightarrow A_{2} \mid a$$

$$A_{2} \rightarrow b \mid b \mid B_{2}$$

$$B_{2} \rightarrow A_{1} \mid A_{1} \mid B_{2}$$

 $A_2 \rightarrow b$, não iniciava com A_2 anteriormente e A_2 já teve produções trocadas. Portanto:

- Adiciona-se A → θβ, à P,
- Add

$$A_2 \rightarrow b B_2$$

- Seis Etapas:
 - 1ª. Simplificação da Gramática
 - 2ª. Renomeação das variáveis em uma ordem crescente
 - **3ª.** Colocar todas as produções na forma: $A_r \rightarrow A_s \alpha$, em que r ≤ s
 - 4^a. Exclusão das recursões à esquerda, da forma A_r → A_r α
 - 5ª. Um terminal no inicio do lado direito de cada produção
 - **6ª.** Transformação das produções na forma $A \rightarrow a\alpha$, onde α só contem variáveis

5ª. Um terminal no inicio do lado direito de cada produção

• As produções da forma $A_r \rightarrow A_s \alpha$, tais que r < s, ou seja, do tipo:

$$A_1 \rightarrow A_2 \alpha$$

- Portanto, produções da maior variável An
 - obrigatoriamente <u>iniciam</u> por <u>terminal</u> no lado direito
- Sendo $A_{n-1} \rightarrow A_n \alpha$ substituir A_n pelas suas produções $(A_n \rightarrow a\beta)$
 - lado direito das produções de A_{n-1} também inicia por terminal
 - exemplo: A_{n-1} → aβ α
- repetição para A_{n-2}, ..., A₁
 - resulta em produções exclusivamente da forma

$$A_1 \rightarrow a \alpha$$

5ª. Um terminal no inicio do lado direito de cada produção

Algoritmo etapa 5

$$P_4 = P_3$$

PARA r VARIANDO DE $n-1$ ATE 1 FACA

PARA TODA $A_1 \rightarrow A_2 \alpha \in P_4$ FAÇA

EXCLUIR $A_1 \rightarrow A_2 \alpha \text{ de } P_4$;

PARA TODA $A_2 \rightarrow \beta \in P_4$ FAÇA

 $P_4 = P_4 \cup \{A_1 \rightarrow \beta \alpha\}$

5ª. Um terminal no inicio do lado direito de cada produção

```
Algoritmo etapa 5
P_{4} = P_{3}
PARA r VARIANDO DE n-1 ATE 1 FACA
PARA TODA A_{1} \rightarrow A_{2}\alpha \in P_{4} FAÇA
EXCLUIR A_{1} \rightarrow A_{2}\alpha \det P_{4};
PARA TODA A_{2} \rightarrow \beta \in P_{4} FAÇA
P_{4} = P_{4} \cup \{A_{1} \rightarrow \beta \alpha\}
```

Exemplo:

 $A_1 \rightarrow A_2 A_2$ precisa ser modificada

GLC

$$A_{1} \rightarrow A_{2} A_{2} \mid a \mid bA_{1}$$

 $A_{2} \rightarrow a A_{1} \mid b \mid b B_{2}$
 $B_{2} \rightarrow A_{1} \mid A_{1} B_{2}$

5ª. Um terminal no inicio do lado direito de cada produção

Algoritmo etapa 5

$$P_4 = P_3$$

PARA r VARIANDO DE $n-1$ ATE 1 FACA

PARA TODA $A_1 \rightarrow A_2 \alpha \in P_4$ FAÇA

EXCLUIR $A_1 \rightarrow A_2 \alpha \text{ de } P_4$;

PARA TODA $A_2 \rightarrow \beta \in P_4$ FAÇA

 $P_4 = P_4 \cup \{A_1 \rightarrow \beta \alpha\}$

Exemplo:

$$A_{1} \rightarrow A_{2} A_{2} \mid a \mid bA_{1}$$

 $A_{2} \rightarrow a A_{1} \mid b \mid b B_{2}$
 $B_{2} \rightarrow A_{1} \mid A_{1} B_{2}$

$$A_1 \rightarrow A_2 A_2$$
 precisa ser modificada

Onde tem A_2 no inicio, vamos colocar suas derivações:

$$A_2 \rightarrow aA_1 \mid b \mid bB_2$$

5ª. Um terminal no inicio do lado direito de cada produção

Algoritmo etapa 5

$$P_4 = P_3$$

PARA r VARIANDO DE $n-1$ ATE 1 FACA

PARA TODA $A_1 \rightarrow A_2 \alpha \in P_4$ FAÇA

EXCLUIR $A_1 \rightarrow A_2 \alpha \text{ de } P_4$;

PARA TODA $A_2 \rightarrow \beta \in P_4$ FAÇA

 $P_4 = P_4 \cup \{A_1 \rightarrow \beta \alpha\}$

Exemplo:

$$A_{1} \rightarrow A_{2} A_{2} \mid a \mid bA_{1}$$

 $A_{2} \rightarrow a A_{1} \mid b \mid b B_{2}$
 $B_{2} \rightarrow A_{1} \mid A_{1} B_{2}$

$$A_1 \rightarrow A_2 A_2$$
 precisa ser modificada

Onde tem A_2 no inicio, vamos colocar suas derivações:

$$A_2 \rightarrow aA_1 \mid b \mid bB_2$$

$$A_1 \rightarrow a A_1 A_2 | b A_2 | b B_2 A_2$$

5ª. Um terminal no inicio do lado direito de cada produção

Algoritmo etapa 5

$$P_4 = P_3$$

PARA r VARIANDO DE $n-1$ ATE 1 FACA

PARA TODA $A_1 \rightarrow A_2 \alpha \in P_4$ FAÇA

EXCLUIR $A_1 \rightarrow A_2 \alpha \text{ de } P_4$;

PARA TODA $A_2 \rightarrow \beta \in P_4$ FAÇA

 $P_4 = P_4 \cup \{A_1 \rightarrow \beta \alpha\}$

Exemplo:

$$A_{1} \rightarrow A_{2} A_{2} \mid a \mid bA_{1}$$

 $A_{2} \rightarrow a A_{1} \mid b \mid b B_{2}$
 $B_{2} \rightarrow A_{1} \mid A_{1} B_{2}$

$$A_1 \rightarrow A_2 A_2$$
 precisa ser modificada

Onde tem A_2 no inicio, vamos colocar suas derivações:

$$A_2 \rightarrow aA_1 \mid b \mid bB_2$$

$$A_1 \rightarrow a A_1 A_2 | b A_2 | b B_2 A_2 | a | bA_1$$

5ª. Um terminal no inicio do lado direito de cada produção

```
Algoritmo etapa 5

P_4 = P_3

PARA r VARIANDO DE n-1 ATE 1 FACA

PARA TODA A_1 \rightarrow A_2 \alpha \in P_4 FAÇA

EXCLUIR A_1 \rightarrow A_2 \alpha \text{ de } P_4;

PARA TODA A_2 \rightarrow \beta \in P_4 FAÇA

P_4 = P_4 \cup \{A_1 \rightarrow \beta \alpha\}
```

Exemplo:

 $B_2 \rightarrow A_1 \mid A_1 B_2$ precisa ser modificada

GLC

$$A_{1} \rightarrow A_{2} A_{2} \mid a \mid bA_{1}$$

 $A_{2} \rightarrow a A_{1} \mid b \mid b B_{2}$
 $B_{2} \rightarrow A_{1} \mid A_{1} B_{2}$

5ª. Um terminal no inicio do lado direito de cada produção

Algoritmo etapa 5

$$P_4 = P_3$$

PARA r VARIANDO DE $n-1$ ATE 1 FACA

PARA TODA $A_1 \rightarrow A_2 \alpha \in P_4$ FAÇA

EXCLUIR $A_1 \rightarrow A_2 \alpha \text{ de } P_4$;

PARA TODA $A_2 \rightarrow \beta \in P_4$ FAÇA

 $P_4 = P_4 \cup \{A_1 \rightarrow \beta \alpha\}$

Exemplo:

$$A_{1} \rightarrow A_{2} A_{2} \mid a \mid bA_{1}$$

 $A_{2} \rightarrow a A_{1} \mid b \mid b B_{2}$
 $B_{2} \rightarrow A_{1} \mid A_{1} B_{2}$

$$B_2 \rightarrow A_1 \mid A_1 B_2$$
 precisa ser modificada

Onde tem A_1 no inicio, vamos colocar suas derivações:

$$A_1 \rightarrow a A_1 A_2 | b A_2 | b B_2 A_2 | a | b A_1$$

5ª. Um terminal no inicio do lado direito de cada produção

Algoritmo etapa 5
$$P_{4} = P_{3}$$
PARA r VARIANDO DE $n-1$ ATE 1 FACA
PARA TODA $A_{1} \rightarrow A_{2}\alpha \in P_{4}$ FAÇA
EXCLUIR $A_{1} \rightarrow A_{2}\alpha \text{ de } P_{4}$;
$$PARA TODA A_{2} \rightarrow \beta \in P_{4} \text{ FAÇA}$$

$$P_{4} = P_{4} \cup \{A_{1} \rightarrow \beta \alpha\}$$

Exemplo:

$$A_{1} \rightarrow A_{2} A_{2} \mid a \mid bA_{1}$$

 $A_{2} \rightarrow a A_{1} \mid b \mid b B_{2}$
 $B_{2} \rightarrow A_{1} \mid A_{1} B_{2}$

E assim por diante

$$B_2 \rightarrow A_1 \mid A_1 B_2$$
 precisa ser modificada

Onde tem A_1 no inicio, vamos colocar suas derivações:

$$A_1 \rightarrow a A_1 A_2 | b A_2 | b B_2 A_2 | a | b A_1$$

 $B_2 \rightarrow a A_1 A_2 | b A_2 | b B_2 A_2 | a | b A_1$
 $B_3 \rightarrow a A_1 A_2 | b A_2 | b A_3 B_3 | b B_3 A_3 B_3 | a B_3 | b A_1 B_3$

- Seis Etapas:
 - 1ª. Simplificação da Gramática
 - 2ª. Renomeação das variáveis em uma ordem crescente
 - **3ª.** Colocar todas as produções na forma: $A_r \rightarrow A_s \alpha$, em que r ≤ s
 - 4^a. Exclusão das recursões à esquerda, da forma A_r → A_r α
 - 5ª. Um terminal no inicio do lado direito de cada produção
 - 6^a . Transformação das produções na forma $A \rightarrow a\alpha$, onde α só contem variáveis

- 5^a . Transformação das produções na forma $A \rightarrow a\alpha$, onde α só contem variáveis
 - Só permite produções cujo lado direito seja

 $A \rightarrow a \alpha$

onde a só tem Variáveis

- Para alcançar essa forma, utiliza-se os mesmos métodos da Forma Normal Chomsky
- Se tiver variável em 🕜 basta criar uma variável auxiliar para resolver o problema

Exercício

Passe para a Forma Normal de Greibach

```
S \rightarrow AA \mid a

A \rightarrow SS \mid b
```