

Berechnung der Solarstrahlung und des Photovoltaik-Ertrags

Dipl.-Ing. (FH) Jonas Pfeiffer

2024-07-31

1. Einleitung

Dieses Dokument beschreibt die Berechnung der Solarstrahlung und des photovoltaischen Ertrags anhand der Funktionen aus dem Skript `photovoltaics.py`. Die Berechnung basiert auf der Analyse von Wetterdaten (Testreferenzjahr, TRY), welche Temperatur, Windgeschwindigkeit und Strahlungsintensität (direkte und diffuse Strahlung) umfassen. Die erzeugte Strahlung wird zur Berechnung der Einstrahlung auf geneigten Flächen sowie zur Bestimmung des PV-Ertrags verwendet.

2. Grundlagen der Solarstrahlungsberechnung

Die Berechnung der Solarstrahlung auf einer geneigten Fläche basiert auf mehreren Eingangsparametern, darunter horizontale Strahlungsdaten, der Neigungswinkel des Kollektors und die geographische Lage des Standorts.

2.1 Tageswinkel und Zeitgleichung

Der Tageswinkel B wird berechnet, um die Position der Erde relativ zur Sonne im Jahreszyklus zu bestimmen:

$$B = \frac{360}{365} \times (\text{Tag_des_Jahres} - 1)$$

Die Zeitgleichung E berücksichtigt die Differenz zwischen der Sonnenzeit und der Standardzeit. Diese wird mit folgender Formel berechnet:

$$E = 229.2 \times (0.000075 + 0.001868 \cos(B) - 0.032077 \sin(B) - 0.014615 \cos(2B) - 0.04089 \sin(2B))$$

2.2 Solarzeit und Stundenwinkel

Die Solarzeit t_{sol} wird verwendet, um die tatsächliche Position der Sonne am Himmel zu berechnen:

$$t_{\text{sol}} = \frac{(\text{Stunden_des_Tages} - 0.5) \times 3600 + E \times 60 + 4 \times (\text{STD_Längengrad} - \text{Längengrad}) \times 60}{3600}$$

Der Stundenwinkel ω der Sonne wird dann folgendermaßen berechnet:

$$\omega = -180 + t_{\text{sol}} \times \frac{180}{12}$$

2.3 Solarer Zenit- und Azimutwinkel

Der Solare Zenitwinkel θ_Z beschreibt den Winkel zwischen der Sonne und dem Zenit:

$$\theta_Z = \arccos(\cos(\phi) \cos(\delta) \cos(\omega) + \sin(\phi) \sin(\delta))$$

Der Solare Azimutwinkel γ_S wird wie folgt berechnet:

$$\gamma_S = \text{sgn}(\omega) \times \arccos\left(\frac{\cos(\theta_Z) \sin(\phi) - \sin(\delta)}{\sin(\theta_Z) \cos(\phi)}\right)$$

wobei ϕ die geographische Breite und δ die Solardeklinationswinkel ist:

$$\delta = 23.45 \times \sin\left(\frac{360 \times (284 + \text{Tag_des_Jahres})}{365}\right)$$

2.4 Einfallswinkel der Strahlung auf den Kollektor

Der Einfallswinkel der Strahlung auf den Kollektor θ_{Einfall} wird durch die Kombination von Azimut- und Zenitwinkel berechnet:

$$\theta_{\text{Einfall}} = \arccos(\cos(\theta_Z) \cos(\beta) + \sin(\theta_Z) \sin(\beta) \cos(\gamma_S - \gamma_C))$$

wobei β der Neigungswinkel des Kollektors und γ_C der Azimutwinkel des Kollektors ist.

3. Berechnung der Solarstrahlung auf geneigten Flächen

Um die Strahlungsintensität auf einer geneigten Oberfläche zu bestimmen, wird die Direktstrahlung auf eine horizontale Oberfläche (G_b) und die Diffusstrahlung (G_d) verwendet.

3.1 Strahlungsintensität auf der geneigten Fläche

Die Direktstrahlung auf eine geneigte Fläche wird durch den Strahlungsfaktor R_b skaliert, der das Verhältnis der Strahlung auf die geneigte Fläche zur horizontalen Fläche darstellt:

$$R_b = \frac{\cos(\theta_{\text{Einfall}})}{\cos(\theta_Z)}$$

Die Gesamtstrahlung G_T auf die geneigte Fläche ergibt sich als Kombination von direkter und diffuser Strahlung sowie einer Bodenreflexion (Albedo):

$$G_T = G_b \times R_b + G_d \times \left(\frac{1 + \cos(\beta)}{2}\right) + G_h \times \text{Albedo} \times \left(\frac{1 - \cos(\beta)}{2}\right)$$

4. Photovoltaik-Leistungsberechnung

Die Photovoltaik-Leistung wird auf Basis der berechneten Einstrahlung, der Fläche des PV-Systems und den spezifischen Systemparametern (z.B. Effizienz und Verluste) berechnet.

4.1 PV-Leistung

Die PV-Leistung wird wie folgt berechnet:

$$P_{PV} = G_T \times \text{Fläche} \times \eta_{\text{nom}} \times (1 - \text{Systemverluste})$$

wobei G_T die berechnete Strahlungsintensität, η_{nom} der nominale Wirkungsgrad und die Systemverluste (typisch 14%) berücksichtigt werden.

4.2 Einfluss der Temperatur

Die Modultemperatur T_m wird durch die Umgebungstemperatur T_a , die Strahlungsintensität und die Windgeschwindigkeit beeinflusst:

$$T_m = T_a + \frac{G_T}{U_0 + U_1 \times \text{Windgeschwindigkeit}}$$

Die relative Effizienz η_{rel} wird anhand der Irradiation G_1 und der Modultemperatur T_m mit folgender Gleichung berechnet:

$$\eta_{\text{rel}} = 1 + k_1 \ln(G_1) + k_2 (\ln(G_1))^2 + k_3 T_m + k_4 T_m \ln(G_1) + k_5 T_m (\ln(G_1))^2 + k_6 T_m^2$$

5. Zusammenfassung

Die im Skript implementierte Methode berechnet die Solarstrahlung auf geneigte Flächen sowie den photovoltaischen Ertrag basierend auf den Parametern des Systems und den TRY-Daten. Durch die Berücksichtigung der Strahlungsintensität, der Modultemperatur und der Systemverluste wird eine realitätsnahe Schätzung des jährlichen PV-Ertrags ermöglicht. Das Verfahren eignet sich zur Modellierung von PV-Anlagen in unterschiedlichen geographischen Lagen und für eine Vielzahl von Kollektorneigungen und -ausrichtungen.